

Laboratorio I

# BOBINA HELMHOLTZ Y PERMEABILIDAD MAGNÉTICA

## INFORME FINAL

Nombres: Bruno Bustos, Darío Ferrada, Camilo Jordán, Catalina Zamorano

Universidad de Concepción, Facultad de Ciencias Físicas  
y Matemáticas.

### Resumen

En este informe se pretende utilizar una bobina de Helmholtz para medir la permeabilidad magnética del aire. Se realizará un análisis teórico del campo magnético generado por la bobina, y se compararán los resultados experimentales con los valores teóricos esperados, analizando las posibles fuentes de error y su impacto en las mediciones.

### Introducción

Generalmente en problemas de electromagnetismo se utilizan variadas fórmulas para calcular todo tipo de campos magnéticos, sin embargo es necesario conocer qué es lo que contienen estas fórmulas, en específico nos interesaremos en la constante de permeabilidad magnética de algún material, la cual es una constante física que describe la capacidad de dicho material para permitir el paso de un campo magnético. Esta constante es fundamental en

la teoría del electromagnetismo y aparece en varias ecuaciones importantes, como la ley de Ampère y la ley de Faraday. En este informe se pretende medir la permeabilidad magnética del aire utilizando una bobina de Helmholtz para luego comparar los resultados obtenidos con el valor teórico conocido.

## Modelo Teórico

Partiremos con la ecuación que describe el campo magnético generado por una espira circular de radio  $R$  y corriente  $I$  en su centro [1]:

$$B(x) = \frac{\mu_0 I R^2}{2(R^2 + x^2)^{3/2}} \quad (1)$$

Consideraremos el punto medio entre las dos bobinas como el origen del sistema de coordenadas, por lo que cada bobina estará ubicada a una distancia  $x_1 = R/2$  y  $x_2 = -R/2$ . Por lo tanto, el campo magnético en el centro de la bobina de Helmholtz será la suma de los campos magnéticos generados por cada bobina, evaluados en el origen:

$$B_{\text{total}} = B_1(0) + B_2(0) \quad (2)$$

Como ambas bobinas son simétricas, producen el mismo campo magnético en el centro, esto es  $B_{\text{total}} = 2B(x = R/2)$ . Evaluando tenemos que:

$$B\left(\frac{R}{2}\right) = \frac{\mu_0 I R^2}{2(R^2 + (\frac{R}{2})^2)^{3/2}}, \quad (3)$$

$$= \frac{\mu_0 I R^2}{2(R^2 + \frac{R^2}{4})^{3/2}}, \quad (4)$$

$$= \frac{\mu_0 I R^2}{2(\frac{5R^2}{4})^{3/2}}, \quad (5)$$

$$= \frac{1}{2} \frac{\mu_0 I}{R} \left(\frac{4}{5}\right)^{3/2}. \quad (6)$$

Recordando que tenemos dos bobinas, el campo magnético total en el centro de la bobina de Helmholtz es:

$$B_{\text{total}} = 2B\left(\frac{R}{2}\right) = \mu_0 \frac{NI}{R} \left(\frac{4}{5}\right)^{3/2} \quad (7)$$

Llegando a la expresión del campo magnético generado por una bobina de Helmholtz [2] cuando se encuentra en su centro:

$$B = \mu_0 \frac{NI}{R} \left(\frac{4}{5}\right)^{3/2}. \quad (8)$$

Donde  $B$  es el campo magnético en el centro de la bobina,  $\mu_0$  es la permeabilidad magnética del aire,  $N$  es el número de vueltas,  $I$  es la corriente que pasa por la bobina y  $R$  es el radio de la bobina.

Podemos encontrar una relación lineal entre la corriente  $I$  y el campo magnético  $B$ :

$$B = \alpha I, \quad \alpha = \mu_0 \frac{N}{R} \left(\frac{4}{5}\right)^{3/2}. \quad (9)$$

Siendo  $\alpha$  la pendiente de la ecuación de  $B$ . También se utilizará la ley de Ohm para relacionar la corriente  $I$  con el voltaje  $V$  aplicado a la bobina:

$$I = \frac{V}{R_b}. \quad (10)$$

Además, la corriente  $I$  en paralelo se suma de la siguiente manera:

$$I = I_1 + I_2 + \dots + I_n. \quad (11)$$

## Materiales

- Bobina de Helmholtz
- Fuente de alimentación DC
- Multímetro
- Sensor de campo magnético
- Cables de conexión
- Magnetómetro

## Montaje

Se conectan dos bobinas de Helmholtz que tienen  $N = 77$  vueltas cada una, además de una resistencia total de  $R_t = 0,8\Omega$  ya que están en paralelo. Se conecta la fuente de alimentación DC a las bobinas y se utiliza un multímetro para medir el voltaje aplicado. En el centro de las bobinas, a un radio de  $R = 0,2m$ , se coloca un sensor de campo magnético para medir el campo  $B$  generado por las bobinas al variar el voltaje aplicado. Mediante el uso del magnetómetro se calibra el sensor de campo magnético para obtener mediciones precisas.

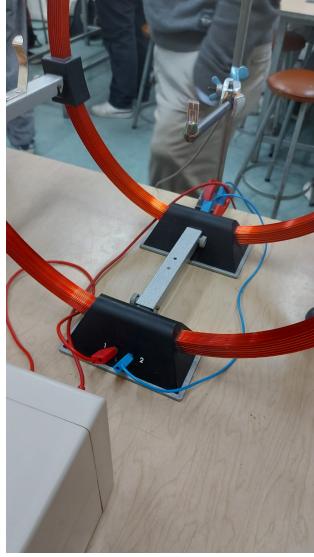


Figura 1: Bobina en configuración de Helmholtz

## Resultados

A continuación se presentan los datos obtenidos durante el experimento, donde se midió el campo magnético  $B$  en función de la corriente, utilizando

la ley de Ohm para relacionar el voltaje aplicado y la corriente en la bobina. Notar que el voltaje, la corriente y el campo magnético tienen errores instrumentales de:

$$V_{ei} = 0,0005 [V], \quad (12)$$

$$I_{ei} = 0,0005 [A], \quad (13)$$

$$B_{ei} = 0,00001 [mT]. \quad (14)$$

V [V]	I Total [A]	I Bobina [A]	B [mT]
0.115	0.144	0.072	0.0200
0.230	0.288	0.144	0.0450
0.340	0.425	0.213	0.0615
0.461	0.576	0.288	0.0750
0.569	0.711	0.356	0.1000
0.674	0.843	0.422	0.1150
0.787	0.984	0.492	0.1250
0.885	1.106	0.553	0.1500
1.008	1.260	0.630	0.1600
1.109	1.386	0.693	0.1800
1.222	1.527	0.764	0.1950
1.325	1.656	0.828	0.2150
1.435	1.794	0.897	0.2250
1.550	1.938	0.969	0.2500
1.659	2.074	1.037	0.2650
1.774	2.218	1.109	0.2850
1.864	2.330	1.165	0.3000
1.984	2.480	1.240	0.3150
2.097	2.621	1.311	0.3350
2.203	2.754	1.377	0.3500
2.320	2.900	1.450	0.3650
2.425	3.031	1.516	0.3850
2.558	3.198	1.599	0.4000
2.650	3.313	1.657	0.4150
2.750	3.438	1.719	0.4300
2.873	3.591	1.796	0.4500
2.990	3.738	1.869	0.4700
3.075	3.844	1.922	0.4850
3.210	4.013	2.007	0.5000
3.322	4.153	2.077	0.5250
3.659	4.574	2.287	0.5750
3.767	4.709	2.355	0.5850
3.880	4.850	2.425	0.6000

Cuadro 1: Voltaje, corriente y campo magnético.

## Análisis

A partir de los datos obtenidos se realizará un gráfico de  $B$  vs  $I$  para obtener la pendiente  $\alpha$  y así calcular la permeabilidad magnética del aire. Se grafican además los residuos de este modelo respecto a los datos para ver si los errores presentes son sistemáticos de modo que se deba mejorar el modelo.

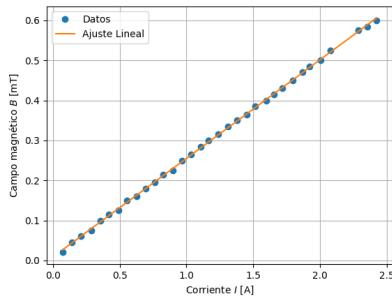


Figura 2: Gráfico de campo magnético versus corriente.

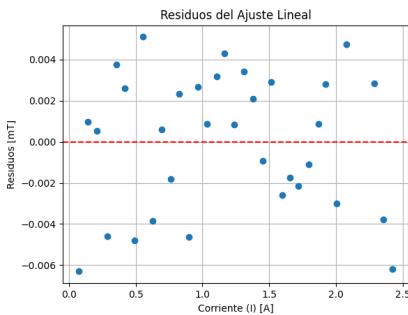


Figura 3: Gráfico de campo magnético versus corriente.

Utilizando 9 y con algunos despejes algebraicos, podemos obtener el va-

lor de la permeabilidad magnética del aire:

$$\mu_0 \cdot \frac{77}{0,2} \cdot \left(\frac{4}{5}\right)^{3/2} = 2,464 \times 10^{-4} \text{ T/A}, \quad (15)$$

$$\mu_0 \cdot 2,750 \cdot 0,846 = 2,464 \times 10^{-4} \text{ T/A}, \quad (16)$$

$$\mu_0 = 8,945 \times 10^{-7} \text{ H/m}. \quad (17)$$

Como se puede observar en la figura 3, los puntos se distribuyen de manera aleatoria. Además, analizando el error que nos entrega el modelo elegido, nos queda que la desviación estándar del coeficiente de posición y de la pendiente son:

$$\sigma_{\text{pos}} = 0,002 \text{ mT/A}$$

$$\sigma_{\text{pend}} = 0,001 \text{ mT/A}$$

Notar que el modelo no tiene coeficiente de posición, así que su desviación estándar puede indicar a perturbaciones de campos magnéticos externos al sistema propuesto.

Ademas al comparar el valor obtenido con el valor teórico de la permeabilidad magnética del aire, que es  $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ H/m}$ , se puede observar que existe una discrepancia entre ambos valores. Esta discrepancia puede deberse a varios factores, como errores experimentales, imprecisiones en la medición del campo magnético, o incluso a la presencia de otros materiales en el entorno que puedan afectar las mediciones. El error porcentual entre el valor teórico y el valor experimental se calcula de la siguiente manera:

$$\% \text{Error} = \left| \frac{\mu_0 - \mu_{exp}}{\mu_{exp}} \right| \times 100 \quad (18)$$

$$= \left| \frac{3,61 \times 10^{-7}}{1,257 \times 10^{-6}} \right| \times 100 \quad (19)$$

$$= 28,7\% \quad (20)$$

## Predicción

Para  $I = 7,0$  A, considerando los errores instrumentales:

$$I = 7,0 \text{ A},$$

$$\alpha = 1,232 \times 10^{-4} \text{ T/A},$$

$$\sigma_\alpha = 1,0 \times 10^{-7} \text{ T/A},$$

$$\sigma_I = 0,0005 \text{ A},$$

$$\sigma_{pos} = 2,0 \times 10^{-6} \text{ T},$$

$$\sigma_{B,ei} = 1,0 \times 10^{-8} \text{ T}.$$

Reemplazando

$$B = 2,464 \times 10^{-4} \cdot 7,0 \quad (21)$$

$$= 1,7248 \times 10^{-3} \text{ T} \quad (22)$$

$$= 1,725 \text{ mT}. \quad (23)$$

Siendo este el campo magnético con una corriente de 7,0 A.

Ahora veremos el error del campo magnético calculado. La incertidumbre se propaga como:

$$\sigma_B = \sqrt{(I\sigma_\alpha)^2 + (\alpha\sigma_I)^2 + \sigma_{pos}^2 + \sigma_{B,ei}^2}$$

Sustituyendo valores:

$$\sigma_B \approx 0,0021 \text{ mT}.$$

Por lo tanto, el campo magnético con su error asociado es:

$$B(7,0 \text{ A}) = 1,725 \pm 0,002 \text{ mT}.$$

## Referencias

- [1] D. J. Griffiths, *Introduction to Electrodynamics*, 3rd ed. (Prentice Hall, Madrid, 1999).
- [2] Wikipedia contributors, Helmholtz coil — Wikipedia, the free encyclopedia, [https://en.wikipedia.org/wiki/Helmholtz\\_coil](https://en.wikipedia.org/wiki/Helmholtz_coil) (2025), [Online; accessed 13-November-2025].