## Instituto Tecnológico de Aeronáutica — ITA Controle para Sistemas Computacionais — CMC-12 Lista 1 — Revisão de EDOs e MATLAB

Professor: Marcos Ricardo Omena de Albuquerque Maximo

23 de fevereiro de 2025

Observação: A entrega da solução dessa lista consiste de resposta a um Google Forms e de submissão de arquivos no Google Classroom. Compacte todos os arquivos a serem submetidos em um único .zip (use obrigatoriamente .zip, e não outra tecnologia de compactação de arquivos) e anexe esse .zip no Google Classroom. O arquivo com os passos das soluções de todas as questões (rascunho) deve ser entregue num arquivo chamado rascunho.pdf (não usar outro formato além de .pdf). Para o .zip, use o padrão de nome <login\_ga>\_listaX.zip. Por exemplo, se seu login é marcos.maximo, o nome do arquivo deve ser marcos.maximo\_lista1.zip. Não crie subpastas, deixe todos os arquivos na "raiz" do .zip. Remova todas as impressões do seu código antes de submeter (e.g. lembre de terminar cada linha com ';').

Questão 1. Considere as seguintes equações diferenciais (EDOs):

$$\ddot{y} + 2\dot{y} + 3y = 0,\tag{1}$$

$$5\ddot{y} + 2x\ddot{y} + y = \sin x,\tag{2}$$

$$\ddot{y}\left(1+y\right) = 1. \tag{3}$$

Quanto à classificação das EDOs acima, pode-se afirmar:

- (a) (1) é linear e homogênea, enquanto (2) é não-linear.
- (b) (1) e (3) são não-lineares.
- (c) (1) é linear e de 2<sup>a</sup> ordem, enquanto (2) é linear e não-homogênea.
- (d) (2) é de  $3^{\underline{a}}$  ordem, enquanto (3) é linear.
- (e) (2) e (3) são lineares.

Dê sua resposta como um caractere atribuído à variável alternativa de questao1.m.

Questão 2. Considere a EDO de um sistema massa-mola-amortecedor forçado:

$$m\ddot{x}(t) + b\dot{x}(t) + kx(t) = f, (4)$$

em que m é a massa do bloco, b é a constante de amortecimento, k é a constante de força da mola e f é uma força externa. Resolva analiticamente o PVI associado a essa EDO em que m=1 kg, b=1,4 Ns/m, k=1 N/m, f=1 N, y(0)=0 e  $\dot{y}(0)=0$ . Apresente como resposta um gráfico do MATLAB com intervalo  $t \in [0,10]$  s em formato .png chamado questao2.png (veja meu tutorial de MATLAB caso não saiba como salvar nesse formato). Lembre de colocar os títulos dos eixos no gráfico.

Questão 3. Transforme a EDO do sistema massa-mola-amortecedor forçado apresentado em (4) em um sistema de EDOs da seguinte forma:

$$\frac{d}{dt}\mathbf{x}(t) = \mathbf{A}\mathbf{x}(t) + \mathbf{B}f,\tag{5}$$

em que  $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{2 \times 2}$  e  $\mathbf{B} \in \mathbb{R}^{2 \times 1}$  são matrizes e  $\mathbf{x}(t) = [x(t) \ \dot{x}(t)]^T$ . Para submeter a sua resposta, foi fornecido o arquivo de MATLAB questao3.m em que há a implementação de uma função chamada questao3(m, b, k), em que os argumentos m, b e k se referem a m, b e k, respectivamente. Preencha as matrizes  $\mathbf{A}$  e  $\mathbf{B}$  usando os símbolos m, b e k definidos através dos argumentos da função fornecida.

Questão 4. Considere a EDO de um pêndulo simples amortecido:

$$ml\ddot{\theta}(t) + b\dot{\theta}(t) + mg\sin\theta(t) = 0, \tag{6}$$

em que m é a massa, l é o comprimento de uma haste com massa desprezível, b é a constante de amortecimento e g é a aceleração da gravidade. Desenvolva uma função em MATLAB que simula o movimento do pêndulo através de integração numérica da EDO (6). Para isso, use o template entregue através do arquivo questao4.m. Nesse arquivo, define-se a função questao4(m, 1, b, g, theta0, dtheta0, t), em que os argumentos m, 1, b e g se referem a m, l, b e g, respectivamente. Além disso, theta0 e dtheta0 se referem às condições iniciais  $\theta(t_0)$  e  $\dot{\theta}(t_0)$ , respectivamente. Finalmente, o vetor  $\mathbf{t} = [t_0, t_1, \ldots, t_f]^T$  contém os instantes de simulação. Dica: para integrar a EDO numericamente, use a função ode45 do MATLAB, a qual usa métodos numéricos semelhantes aos que você aprendeu em CCI-22. Caso não saiba usá-la, foi fornecido um "bizu" juntamente com esse roteiro.