

Estrutura de Dados

Claudio Cesar de Sá, Alessandro Ferreira Leite, Lucas Hermman
Negri, Gilmário Barbosa

Departamento de Ciência da Computação
Centro de Ciências e Tecnologias
Universidade do Estado de Santa Catarina

7 de outubro de 2017

1 O Curso

- Ferramentas
- Metodologia e avaliação
- Dinâmica
- Referências

2 Listas

- Listas – Tamanho Limitado
- Listas – Tamanho Ilimitado

Agradecimentos

Vários autores e colaboradores ...

- Ao Google Images ...

Onde estamos ...

1 O Curso

- Ferramentas
- Metodologia e avaliação
- Dinâmica
- Referências

2 Listas

- Listas – Tamanho Limitado
- Listas – Tamanho Ilimitado

Estrutura de Dados – EDA001

- **Turma:**
- **Professor:** Claudio Cesar de Sá
 - claudio.sa@udesc.br
 - Sala 13 Bloco F
- **Carga horária:** 72 horas-aula • Teóricas: 36 • Práticas: 36
- **Curso:** BCC
- **Requisitos:** LPG, Linux, sólidos conhecimentos da linguagem C – há um documento específico sobre isto
- **Período:** 2º semestre de 2017
- **Horários:**
 - 3ª 15h20 (2 aulas) - F-205 – aula expositiva
 - 5ª 15h20 (2 aulas) - F-205 – lab

Ementa

Representação e manipulação de tipos abstratos de dados. Estruturas lineares. Introdução a estruturas hierárquicas. Métodos de classificação. Análise de eficiência. Aplicações.

Objetivos I

- *Geral:*

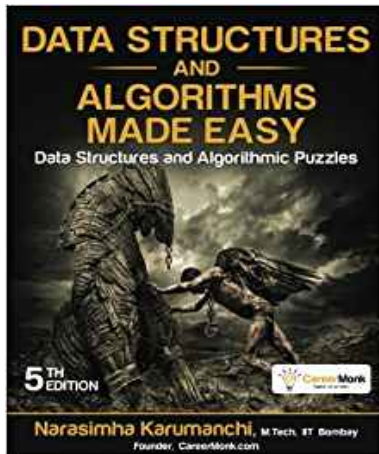
Há um documento específico sobre isto = Plano de Ensino

Objetivos II

- *Específicos:*

Há um documento específico sobre isto = Plano de Ensino

Livros que estarei usando ...



Conteúdo programático

Há um documento específico sobre isto = Plano de Ensino

Há um documento específico sobre isto = Plano de Ensino

Conteúdo programático

Há um documento específico sobre isto = Plano de Ensino

Ferramentas ... nesta ordem

- Linux
- Linguagem C (ora o compilador g++)
- Codeblock, Geany, Sublime, Atom, etc

Metodologia e avaliação I

Metodologia:

As aulas serão expositivas e práticas. A cada novo assunto tratado, exemplos são demonstrados utilizando ferramentas computacionais adequadas para consolidar os conceitos tratados.

Avaliação

- Três provas – $\approx 90\%$
 - P_1 : xx/ago
 - P_2 : xx/set
 - P_3 : xx/set
 - P_4 : 2x/out
 - P_5 : 1x/nov
 - P_F : 2x/nov(provão: todo conteúdo)
- Exercícios de laboratório – $\approx \%$
- Presença e participação: 75% é o mínimo obrigatório para a UDESC. Quem quiser faltar por razões diversas, ou assuntos específicos, trate pessoalmente com o professor.
- Tarefas extras que geram pontos por excelência

- Média para aprovação: 6,0 (seis)
Nota maior ou igual a 6,0, repito a mesma no Exame Final. Caso contrário, regras da UDESC se aplicam.
- Sitio das avaliações: <https://run.codes/Users/login> código da disciplina: **GEPZ**

Dinâmica de Aula I

- Há um monitor na disciplina – Lucas – ver no site de monitoria da UDESC os horários
- Há uma lista de discussão (para avisos e dúvidas gerais):
`eda-lista@googlegroups.com`
- \approx Teoria na 3a. feira
- \approx Prática na 5a. feira
- E/ou 50% do tempo em teoria, 50% implementações
- Onde tudo vai estar atualizado?

Dinâmica de Aula II

- https://github.com/claudiosa/CCS/tree/master/estrutura_dados_EDA
- Ou seja, tudo vai estar *rolando* no GitHub do professor
- No Google: github + claudiosa
- Finalmente ...

Dinâmica de Aula III

- Questões específicas (leia-se: notas, dor-de-dente, etc) venha falar pessoalmente com o professor!

Básica:

- Há um documento específico sobre isto = Plano de Ensino ... veja em detalhes tudo que foi escrito aqui
- Mais uma vez: https://github.com/claudiosa/CCS/tree/master/estrutura_dados_EDA

Antes de Começarmos I

- Todos os cursos de Estrutura de Dados começam com uma motivação em torno da área para Ciência
- Vou omitir ... mas reflita se ela é ou não onipresente no nosso cotidiano?
- Exemplos: bancos eletrônicos, web, smartphones, etc

Onde estamos ...

1 O Curso

- Ferramentas
- Metodologia e avaliação
- Dinâmica
- Referências

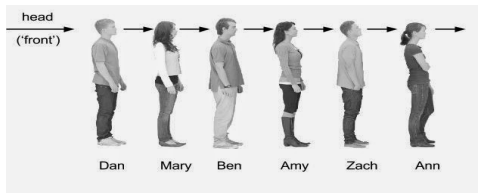
2 Listas

- Listas – Tamanho Limitado
- Listas – Tamanho Ilimitado

Capítulo 05 – Listas

Pontos fundamentais a serem cobertos:

- 1 Contexto e motivação
- 2 Definição
- 3 Implementações
- 4 Exercícios



Atenção:

- Duas partes este capítulo
- Listas com um vetor de tamanho fixo internamente
- Listas estruturadas em nós alocados dinamicamente
- Conceitualmente, equivalentes!
- Implementações discutidas: alocação dinâmica!
- Aqui justifica-se o estudo extensivo de ponteiros no início do curso

- Uma seqüência de nós ou elementos dispostos em uma ordem estritamente linear.
- Cada elemento da lista é acessível um após o outro, em ordem.
- Pode ser implementada de várias maneiras
 - ❶ Em um vetor
 - ❷ Em uma estrutura que tem um vetor de tamanho fixo e uma variável para armazenar o tamanho da lista
 - ❸ Conjunto de nós criados e ligados dinamicamente (abordagem aqui adotada nos códigos apresentados)

- Uma seqüência de nós ou elementos dispostos em uma ordem estritamente linear.
- Cada elemento da lista é acessível um após o outro, em ordem.
- Pode ser implementada de várias maneiras
 - ① Em um vetor
 - ② Em uma estrutura que tem um vetor de tamanho fixo e uma variável para armazenar o tamanho da lista
 - ③ Conjunto de nós criados e ligados dinamicamente (abordagem aqui adotada nos códigos apresentados)
 - ④ As duas implementações iniciais são exercícios de disciplinas anteriores.

- ① Talvez a estrutura de dados mais importante
- ② Generaliza Pilhas e Filas
- ③ Utilizada em várias outras estruturas como grafos e árvores

- ① Talvez a estrutura de dados mais importante
- ② Generaliza Pilhas e Filas
- ③ Utilizada em várias outras estruturas como grafos e árvores
- ④ Os exemplos em código apresentados, utilizam extensivamente endereçamentos de memória (ponteiros e ponteiros para ponteiros) e alocações dinâmicas de memória
- ⑤ Contudo, para fins conceitual usaremos uma lista *rígida* nestes slides

1

2

Exemplo de Uso

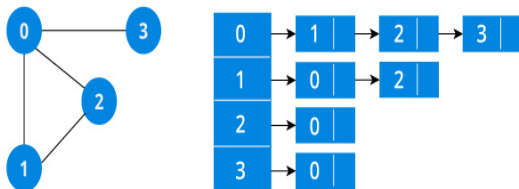


Figura 1: Uso de lista para representar matriz de adjacência

Definição

- Um conjunto de nós, $x_1, x_2, x_3, \dots, x_n$, organizados estruturalmente de forma a refletir as posições relativas dos mesmos.
- Se $n > 0$, então x_1 é o primeiro nó.
- Seja L uma lista de n nós, e x_k um nó $\in L$ e k a posição do nó em L .
- Então, x_k é precedido pelo nó x_{k-1} e seguido pelo nó x_{k+1} .
- O último nó de L é x_{n-1} . Quando $n = 0$, dizemos que a lista está vazia.

Representação

- Os nós de uma lista são armazenados em *endereços contínuos* (apenas os endereços)
- A relação de ordem é representada pelo fato de que se o endereço do nó x_i é conhecido, então o endereço do nó x_{i+1} também pode ser determinado.
- A Figura 2 apresenta a representação de uma lista linear de n nós, com endereços representados por k

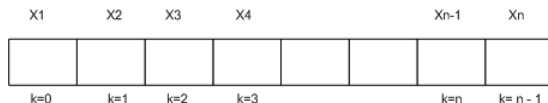


Figura 2: Exemplo de representação de lista – usando um vetor

Representação com um Vetor de Inteiros

- Para exemplificar a implementações em C, vamos considerar que o conteúdo armazenado na lista é do tipo inteiro (nos códigos são *strings*).
- A estrutura da lista possui a seguinte representação:

```
1 struct lista{  
2     int cursor;  
3     int elemento[N];  
4 }  
5 typedef struct lista Lista;
```

- Trata-se de uma estrutura heterogênea constituída de membros distintos entre si.
- Os membros são as variáveis *cursor*, que serve para armazenar a quantidade de elementos da lista e o vetor *elemento* de inteiros que armazena os nós da lista.
- Até o momento uma alocação estática

- Para atribuírmos um valor a algum membro da lista devemos utilizar a seguinte notação:

```
1 Lista->elemento[0] = 1 //atribui o valor 1 ao primeiro elemento da
2 Lista->elemento[n-1] = 4 //atribui o valor 4 ao ultimo elemento da
```

Operações Primitivas

- As operações básicas que devem ser implementadas em uma estrutura do tipo Lista são:

Operação	Descrição
criar()	cria uma lista vazia.
inserir(l,e)	insere o elemento e no final da lista l .
remover(l,e)	remove o elemento e da lista l .
imprimir(l)	imprime os elementos da lista l .
pesquisar(l,e)	pesquisa o elemento e na lista l .

Tabela 1: Operações básicas da estrutura de dados lista.

Operações auxiliares

- Além das operações básicas, temos as operações “auxiliares”. São elas:

Operação	Descrição
empty(l)	determina se a lista l está ou não vazia.
destroy(l)	libera o espaço ocupado na memória pela lista l .

Tabela 2: Operações auxiliares da estrutura de dados lista.

Interface do Tipo Lista

```
1  /* Aloca dinamicamente a estrutura lista, inicializando
2   * seus campos e retorna seu ponteiro. A lista depois
3   * de criada terah tamanho igual a zero. Sem malloc ... ainda */
4  Lista* criar(void);
5
6  /* Insere o elemento e no final da lista l, desde que,
7   * a lista nao esteja cheia ... dada a limitacao inicial */
8  void inserir(Lista* l, int e);
9
10 /* Remove o elemento e da lista l,
11  * desde que a lista nao esteja vazia e o elemento
12  * e esteja na lista. A funcao retorna 0 se o elemento
13  * nao for encontrado na lista ou 1 caso contrario. */
14 void remover(Lista* l, int e);
15
16 /* Pesquisa na lista l o elemento e. A funcao retorna
17  * o endereco(indice) do elemento se ele pertencer a lista
18  * ou -1 caso contrario.*/
19 int pesquisar(Lista* l, int e);
20
21 /* Lista os elementos da lista l. */
22 void imprimir(Lista* l);
```

Implementação das Listas de Tamanho Fixo

A utilização de vetores para implementar a lista traz algumas vantagens como:

- ① Os elementos são armazenados em posições contíguas da memória
- ② Basta ver a estrutura, internamente é um vetor
- ③ Economia de memória, pois os ponteiros para o próximo elemento da lista são explícitos
- ④ Há um índice de acesso direto e o *cursor* para indicar o último elemento

Implementação das Listas de Tamanho Fixo

No entanto, as desvantagens são:

- ❶ Custo de inserir/remover elementos da lista

Implementação das Listas de Tamanho Fixo

No entanto, as desvantagens são:

- ❶ Custo de inserir/remover elementos da lista
- ❷ Neste caso se refere ao deslocamento células a frente no caso de inserção

Implementação das Listas de Tamanho Fixo

No entanto, as desvantagens são:

- ❶ Custo de inserir/remover elementos da lista
- ❷ Neste caso se refere ao deslocamento células a frente no caso de inserção
- ❸ ou deslocamento células para trás no caso de remoção

Implementação das Listas de Tamanho Fixo

No entanto, as desvantagens são:

- ❶ Custo de inserir/remover elementos da lista
- ❷ Neste caso se refere ao deslocamento células a frente no caso de inserção
- ❸ ou deslocamento células para trás no caso de remoção
- ❹ Finalmente: limitação da quantidade de elementos da lista
- ❺ Este é ponto ... tamanho fixo!
- ❻ Aqui, usamos alocação dinâmica, mas todos conceitos aqui são complementares

Função de Criação

- A função que cria uma lista, deve criar e retornar uma lista vazia;
- A função deve atribuir o valor zero ao tamanho da lista, ou seja, fazer $l \rightarrow cursor = 0$, como podemos ver no código abaixo.
- A complexidade de tempo para criar a lista é constante, ou seja, $O(1)$.

```
1  /*
2   * Aloca dinamicamente a estrutura lista, inicializando seus
3   * campos e retorna seu ponteiro. A lista depois de criada
4   * terá tamanho igual a zero.
5   */
6  Lista* criar(void){
7      Lista* l = (Lista*) malloc(sizeof(Lista));
8      l->cursor = 0;
9      return l;
10 }
```

Função de Inserção

- A inserção de qualquer elemento ocorre no final da lista, desde que a lista não esteja cheia.
- Com isso, para inserir um elemento basta atribuírmos o valor ao elemento cujo índice é o valor referenciado pelo campo *cursor*, e incrementar o valor do cursor, ou seja fazer `l->elemento[l->cursor++] = valor`, como podemos verificar no código abaixo, a uma complexidade de tempo constante, $O(1)$.

```
1  /*
2   * Insere o elemento e no final da lista l, desde que,
3   * a lista nao esteja cheia.
4   */
5  void inserir(Lista* l, int e){
6      if (l == NULL || l->cursor == N){
7          printf("Error. A lista esta cheia\n");
8      }else{
9          l->elemento[l->cursor++] = e;
10     }
11 }
```

Função de Remoção

- Para remover um elemento da lista, primeiro precisamos verificar se ele está na lista, para assim removê-lo, e deslocar os seus sucessores, quando o elemento removido não for o último.
- A complexidade de tempo da função de remoção é $O(n)$, pois é necessário movimentar os n elementos para remover um elemento e ajustar a lista.

```
1 /* remove um elemento da lista */
2 void remover(Lista* l, int e){
3     int i, d = pesquisar(l,e);
4     if (d != -1){
5         for(i = d; i < l->cursor; i++)
6         {
7             l->elemento[i] = l->elemento[i + 1];
8         }
9         l->cursor--;
10    }
11 }
```

Função de Pesquisa

- Para pesquisar um elemento qualquer na lista é necessário compará-lo com os elementos existentes, utilizando alguns dos algoritmos de busca conhecidos;
- A complexidade de tempo dessa função depende do algoritmo de busca implementado. Se utilizarmos a busca seqüencial, a complexidade da função será $O(n)$. No entanto, é possível baixá-lo para $O(n \log n)$.

```
1 int pesquisar(Lista* l, int e){
2     if (l == NULL)
3         return;
4
5     int i = 0;
6     while (i <= l->cursor && l->elemento[i] != e)
7         i++;
8
9     return i > l->cursor ? -1 : i;
10 }
```


Função de Impressão

- A impressão da lista ocorre através da apresentação de todos os elementos compreendidos entre o intervalo: $[0..l \rightarrow cursor]$.
- A complexidade de tempo da função de impressão é $O(n)$, pois no pior caso, quando lista estiver cheia, é necessário percorrer os n elementos da lista.

```
1 /* Apresenta os elementos da lista l. */
2 void imprimir(Lista* l){
3     int i;
4     for(i = 0; i < l->cursor; i++)
5         printf("%d ", l->elemento[i]);
6     printf("\n");
7 }
```

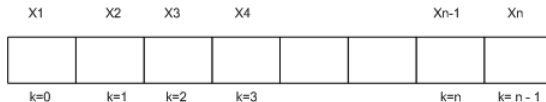
Exemplo de Uso da Lista

```
1 \#include <stdio.h>
2 \#include "list.h"
3 int main(void)
4 {
5     Lista* l = criar();
6     int i, j = 4;
7
8     /* Inserir 5 elementos na lista */
9     for (i = 0; i < 5; i++)
10         inserir(l, j * i);
11
12     /* Apresenta os elementos inseridos na lista*/
13     imprimir(l);
14     /* Remove o segundo elemento da lista*/
15     remover(l, j);
16     /* Apresenta os elementos da lista */
17     imprimir(l);
18 }
```

Complemento

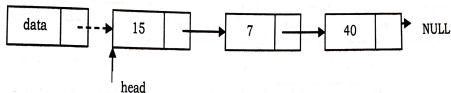
- Nesta parte vamos discutir as listas *ilimitadas*
- Crescem ou não dinamicamente de acordo com a disponibilidade de memória
- O usuário controla a memória etc
- Todos conceitos vistos anteriormente, são aqui preservados

Incluindo um nó no início da lista



- Update the next pointer of new node, to point to the current head.

New node



- Update head pointer to point to the new node.

New node

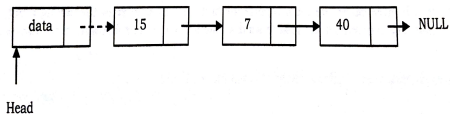


Figura 3: Incluir um nó no início da lista

Incluindo um nó numa posição da lista

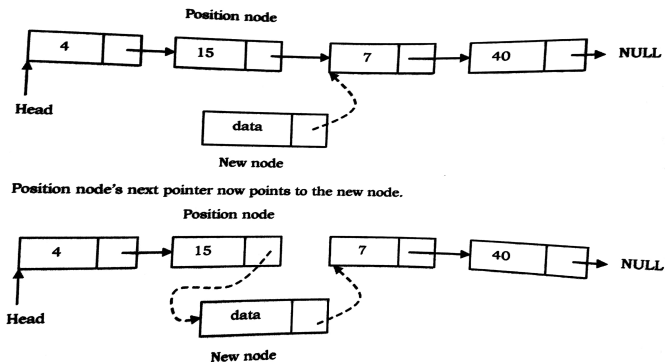
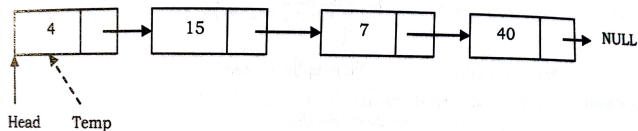


Figura 4: Incluir um nó numa posição da lista

Excluindo o nó no início da lista – *cabeça* da lista

Create a temporary node which will point to the same node as that of head.



Now, move the head nodes pointer to the next node and dispose of the temporary node.

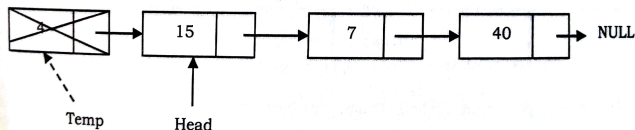


Figura 5: Exclui o nó no início da lista

Excluindo um nó no meio da lista

Similar to the previous case, maintain the previous node while traversing the list. Once we find the node to be deleted, change the previous node's next pointer to the next pointer of the node to be deleted.

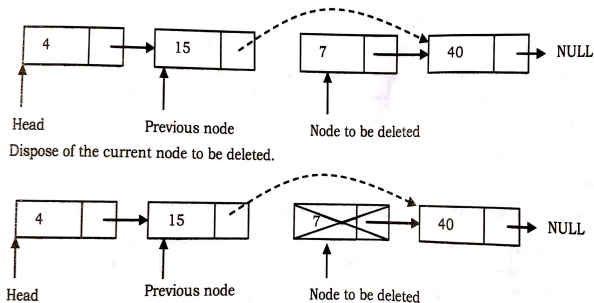
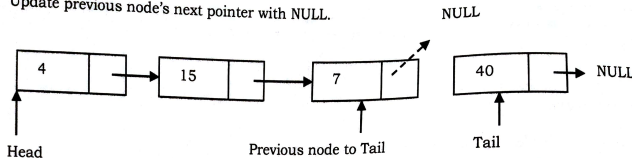


Figura 6: Exclui nó no meio da lista – k-ésima posição ou por conteúdo

Excluindo o último nó da lista

- Update previous node's next pointer with NULL.



- Dispose of the tail node.

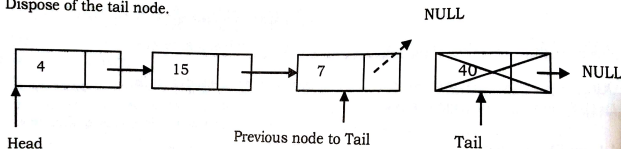


Figura 7: Exclui o último nó da lista

Figura 8: Listas Duplamente Encadeadas

Figura 9: Listas Circulares

Aqui esta *lista* é grande ...

- Inverter a lista
- *Merge* de duas listas
-
-
-
-

- ① Karumanchi, Narashimha (2017). *Data Structures and Algorithms Made Easy – Data Structures and Algorithms and Puzzles*. CareerMonk.com
- ② Tenenbaum, A. M., Langsam, Y., and Augestein, M. J. (1995). Estruturas de Dados Usando C. MAKRON Books, pp. 207-250.
- ③ Wirth, N. (1989). Algoritmos e Estrutura de dados. LTC, pp. 151-165.