

Introdução ao Raciocínio Lógico para ALP

Rafael Alceste Berri – *rafaelberri@usp.br*
Claudio Cesar de Sá – *claudio.sa@udesc.br*

Universidade do Estado de Santa Catarina
Departamento de Ciência da Computação

6 de março de 2018

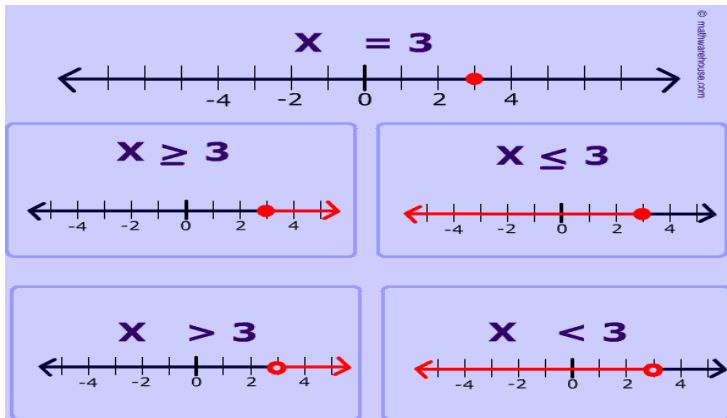
Atenção ...

....

Este texto reflete as dificuldades básicas que alunos tiveram na disciplina de ALP em semestre anteriores.

Todo conteúdo encontra-se sob revisão constante e está distante de um formato final!

Aquecendo no desequilíbrio, ou desigualdades:



Refletindo sobre as inequações serão úteis:

Seja $x \in \{0, 1..99\}$, avalie a **verdade** das expressões:

- ① $x > 100$
- ② x é ímpar ou x é par
- ③ $\forall x(12x + x^2 \leq 12)$
- ④ $\forall x(144 \geq 12x + 7)$
- ⑤ $\forall x(128 - 14x \leq 12x + 4)$

As inequações serão úteis:

Seja $x \in \{0, 1..99\}$, avalie a **verdade** das expressões:

- ① $x > 100$ R: 0
- ② x é ímpar ou x é par R: 1
- ③ $\forall x(12x + x^2 \leq 12)$ R: 0 ou falsa
- ④ $\forall x(144 \geq 12x + 7)$ R: 0 ou falsa
- ⑤ $\forall x(128 - 14x \leq 12x + 4)$ R: 0 ou falsa

Questões de concurso público, tais como:

A negação de “*hoje é domingo*” é:

- ① hoje é domingo
- ② hoje não é domingo
- ③ hoje não, não é domingo
- ④ hoje é sábado

Questões de concurso público, tais como:

A negação de “*hoje é domingo*” é:

- ① hoje é domingo
- ② hoje não é domingo
- ③ hoje não, não é domingo
- ④ hoje é sábado

A negação de “*hoje é domingo e amanhã não choverá*” é:

- ① hoje não é domingo e amanhã não choverá
- ② hoje não é domingo ou amanhã choverá
- ③ hoje não é domingo então amanhã choverá
- ④ hoje não é domingo nem amanhã choverá

Questões de concurso público, tais como:

A negação de “*hoje é domingo*” é:

- ① hoje é domingo
- ② hoje não é domingo
- ③ hoje não, não é domingo
- ④ hoje é sábado

A negação de “*hoje é domingo e amanhã não choverá*” é:

- ① hoje não é domingo e amanhã não choverá
- ② hoje não é domingo ou amanhã choverá
- ③ hoje não é domingo então amanhã choverá
- ④ hoje não é domingo nem amanhã choverá

Assim ...

precisamos de algo mais **forte!**

Este *mais forte* é ...

- 1 Transformar as frases do tipo “*hoje é domingo*” em afirmações (assertivas ou proposições)
- 2 Estas serão **Verdadeiras** ou **Falsas**, como nas inequações, exemplo: $2 + 3 > 6$
- 3 Construir fórmulas a partir destas proposições, exemplo: $x + 3 > 6$ e $12 + x \leq 6$
- 4 Ao final, calcular o valor desta fórmula composta, indicando se é **V** ou **F**
- 5 Troque este **V** e **F** por **1** e **0**, respectivamente, e bem vindo ao mundo binário do computador!

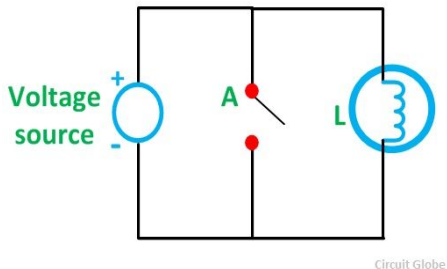
Este *mais forte* é ...

- 1 Transformar as frases do tipo “*hoje é domingo*” em afirmações (assertivas ou proposições)
- 2 Estas serão **Verdadeiras** ou **Falsas**, como nas inequações, exemplo: $2 + 3 > 6$
- 3 Construir fórmulas a partir destas proposições, exemplo: $x + 3 > 6$ e $12 + x \leq 6$
- 4 Ao final, calcular o valor desta fórmula composta, indicando se é **V** ou **F**
- 5 Troque este **V** e **F** por **1** e **0**, respectivamente, e bem vindo ao mundo binário do computador!

Assim ...

vamos usar uma lógica com circuitos elétricos conhecidos do colegial, para resolver estas fórmulas!

A negação em um circuito elétrico:



Onde a tabela equivalente é dada por:

A	$\sim A$
V (ou 1)	F (ou 0)
F (ou 0)	V (ou 1)

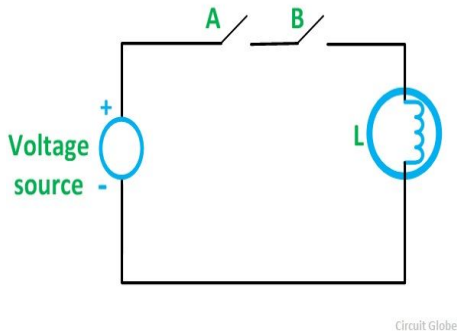
onde:

V (ou 1): lâmpada acesa

F (ou 0): lâmpada apagada

Conserte o circuito acima !!!

A conjunção ou conectivo **E** em um circuito elétrico:



Onde a tabela equivalente é dada por:

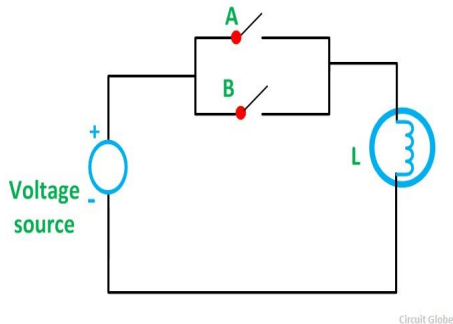
A	B	$A \wedge B$
V	V	V
V	F	F
F	V	F
F	F	F

onde:

V (ou **1**): lâmpada acesa

F (ou **0**): lâmpada apagada

A disjunção ou conectivo **OU** em um circuito elétrico:



Onde a tabela equivalente é dada por:

A	B	$A \vee B$
V	V	V
V	F	V
F	V	V
F	F	F

onde:

V (ou **1**): lâmpada acesa
acesa

F (ou **0**): lâmpada apagada

Construa a Tabelas Verdades (TVs) das fórmulas abaixo:

Resolva: $\sim A \vee B$

A	B	$\sim A$	$\sim A \vee B$
F	F	V	
F	V	V	
V	F	F	
V	V	F	

- Para fins de concurso público é algo como: *se A for verdadeiro então B também deverá ser!*
- Contudo, se A não for verdade, qualquer coisa serve para B
- Esta fórmula é conhecida como $\sim A \vee B \equiv A \rightarrow B$, leia-se: **se A então B**

Construa a Tabelas Verdades (TVs) das fórmulas abaixo:

Resolva: $(\sim A \vee B) \wedge (\sim B \vee A)$

A	B	$\sim A$	$X : \sim A \vee B$	$\sim B$	$Y : \sim B \vee A$	$X \wedge Y$
F	F	V				
F	V	V				
V	F	F				
V	V	F				

- Para fins de concurso público é algo como: *se A e B forem iguais então esta fórmula é verdadeira!*
- Se A e B forem diferentes, então a expressão é falsa
- Esta fórmula é conhecida como $A \leftrightarrow B$, leia-se: **A bi-implica em B**

Onde tudo isto será usado?

Sejam as fórmulas $A : X = 3$ e $B : Y = 4$, resolva via TV:

- $X = 3 \vee Y = 4$
- $X = 3 \vee Y \neq 4$
- $X = 3 \wedge Y \neq 4$
- $X < 3 \vee Y = 4$
- $X > 3 \wedge Y \neq 4$

Isto tudo se relaciona em seguir passos lógicos:

- Como o computador trabalha com **0**'s e **1**'s, estas operações de Verdade e Falso são análogas

Isto tudo se relaciona em seguir passos lógicos:

- Como o computador trabalha com **0**'s e **1**'s, estas operações de Verdade e Falso são análogas
- O tempo inteiro voce deverá começar a pensar deste modo: $0 = F$ e $1 = V$

Isto tudo se relaciona em seguir passos lógicos:

- Como o computador trabalha com **0**'s e **1**'s, estas operações de Verdade e Falso são análogas
- O tempo inteiro voce deverá começar a pensar deste modo: $0 = F$ e $1 = V$
- Claro este princípio não serve para vida!

Isto tudo se relaciona em seguir passos lógicos:

- Como o computador trabalha com **0**'s e **1**'s, estas operações de Verdade e **F**also são análogas
- O tempo inteiro voce deverá começar a pensar deste modo: $0 = F$ e $1 = V$
- Claro este princípio não serve para vida!
- Mas, aqui para o curso sim!

Isto tudo se relaciona em seguir passos lógicos:

- Como o computador trabalha com **0**'s e **1**'s, estas operações de Verdade e **F**also são análogas
- O tempo inteiro voce deverá começar a pensar deste modo: $0 = F$ e $1 = V$
- Claro este princípio não serve para vida!
- Mas, aqui para o curso sim!
- Boa sorte!