## Relatório de Medidas Eletromagneticas

## Emerson Henrique da Silva - hpsilva@proton.me

4 de maio de 2023

## Sumário

1	Inti	Introdução				
2	Análise preliminar					
	2.1	O circ	uito			
	2.2		na			
		2.2.1	Quadripolo $A \ldots \ldots$			
		2.2.2				
		2.2.3				
			polo $B$			
		2.2.4	Împedância de entrada com			
			carga			
		2.2.5	Parâmetros a do quadripolo			
			em cascata			
		2.2.6	Equações parâmetro $a$ em			
			cascata			
3	Medições em laboratório					
	3.1		ripolo A			
		3.1.1				
		3.1.2				
		3.1.3				
		3.1.4	Impedância de entrada com			
			carga			
	3.2		ripolo B			
		3.2.1				
		3.2.2	Resultados das medidas			
		3.2.3	U			
		3.2.4	Impedância de entrada com			
			carga			
	3.3	Quadr	ripolo em cascata			
		3.3.1				
		3.3.2				
		3.3.3				
		3.3.4	Impedância de entrada com			

carga . . . . . . . . . . . . . .

#### 4 Conclusões

## 1 Introdução

Neste relatório, vamos discutir, projetar, montar, e testar um circuito que implementa um retificador de onda completo e um regulador de tensao e um potenciometro para transformar tensoes de entrada arbitrarias em corrente direta na saida regulada por uma resistencia variavel.

Todos arquivos utilizados para criar este relatório, e o relatorio em si estão em: https: //github.com/Shapis/ufpe\_ee/tree/main/ 5thsemester/ElectromagneticMeasurements/

## 2 Análise preliminar

### 2.1 O circuito

Vamos utilizar dois circuitos em cascata, o quadripolo "A" e o quadripolo "B", ambos puramente resistivos e representados abaixo.

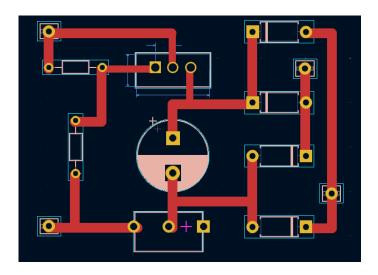


Figura 1: Circuito esquematico da fonte de tensao estabilizada.

#### 2.2 Maxima

Podemos realizar a análise dos quadripolos acima utilizando análise nodal.

### 2.2.1 Quadripolo A

$$\frac{V_1 - Va}{R_1} + \frac{V_1}{R_2} - I_1 = 0$$

$$\frac{Va - V_2}{R_1} + \frac{Va - V_1}{R_1} + \frac{Va}{R_2} = 0$$

$$\frac{V_2 - Va}{R_1} + \frac{V_2}{R_3} - I_2 = 0$$
(1)

### 2.2.2 Quadripolo B

$$\frac{V_1 - Vb}{R_2} + \frac{V_1 - Va}{R_1} + \frac{V_1}{R_2} - I_1 = 0$$

$$\frac{Va - Vb}{R_3} + \frac{Va - V_1}{R_1} + \frac{Va}{R_2} - I_2 = 0$$

$$\frac{Vb - Va}{R_3} + \frac{Vb - V_1}{R_2} + \frac{Vb}{R_1} + I_2 = 0$$

$$V_2 = Va - Vb$$

### 2.2.3 Parámetros "y" do quadripolo B

Resolvendo as quatro equações acima para  $I_1$ ,  $I_2$ ,  $V_1$  e  $V_2$  obtemos:

$$I_{1} = \frac{-R_{2} V_{2} + R_{1} V_{2} + (R_{2} + 3 R_{1}) V_{1}}{2 R_{1} R_{2}}$$

$$I_{2} = -\frac{R_{2} (-R_{3} V_{2} - 2 R_{1} V_{2}) - R_{1} R_{3} V_{2} + (R_{2} R_{3} - R_{1} R_{3}) V_{1}}{2 R_{1} R_{2} R_{3}}$$

$$Va = \frac{V_{2} + V_{1}}{2}$$

$$Vb = \frac{V_{1} - V_{2}}{2}$$
(3) Daqui re

Com estes em mãos podemos calcular a solução simbólica dos parâmetros y.

Fazendo  $V_2 = 0$ :

$$y11 = \frac{R_2 + 3R_1}{2R_1R_2}$$

$$y21 = -\frac{R_2R_3 - R_1R_3}{2R_1R_2R_3}$$
(4)

Fazendo  $V_1 = 0$ 

$$y12 = \frac{R_1 V_2 - R_2 V_2}{2 R_1 R_2 V_2}$$

$$y22 = -\frac{R_2 (-R_3 V_2 - 2 R_1 V_2) - R_1 R_3 V_2}{2 R_1 R_2 R_3 V_2}$$
(5)

E para conseguir a solução numérica, basta substituir  $R_1$ ,  $R_2$ , e  $R_3$  pelos valores dos resistores que desejamos.

No caso:

$$R_1 = 8.2k\Omega$$

$$R_2 = 47k\Omega$$

$$R_3 = 82k\Omega$$
(6)

Que nos dá os seguintes parâmetros y:

$$y11 = 9.289050337311884 \times 10^{-5}$$

$$y12 = -5.033731188375714 \times 10^{-5}$$

$$y21 = -5.033731188375714 \times 10^{-5}$$

$$y22 = 8.38090295796575 \times 10^{-5}$$
(7)

### 2.2.4 Impedância de entrada com carga

Aqui introduziremos uma carga  $Z_L = 2k\Omega$  na saída do quadripolo B, e analisaremos o que ocorre com sua impedância de entrada. Ou seja. Com  $\frac{V_1}{I_1}$ .

$$I_1 = 9.289010^{-5}V_1 + -5.033710^{-5}V_2$$
  

$$I_2 = -5.033710^{-5}V_1 + 8.380910^{-5}V_2$$
(8)

E aqui conectamos a carga  $Z_L$  a saída do quadripolo fazendo  $V_2 = -I_2 Z_L$ :

$$I_1 = 9.289010^{-5}V_1 + -5.033710^{-5}(-2000I_2)$$
  

$$I_2 = -5.033710^{-5}V_1 + 8.380910^{-5}(-2000I_2)$$
(9)

Daqui resolvemos para 
$$V_1,\ V_2$$
 e  $I_2$  e obtemos a impedância de entrada com a carga:

$$\frac{V_1}{I_1} = 11293.0154298157\Omega \tag{10}$$

# 2.2.5 Parâmetros a do quadripolo em cascata

A análise do quadripolo A foi realizada no relatório 6. Então pegarei os seus parâmetros z previamente obtidos para realizar a análise do quadripolo em cascata.

$$z_{11} = 21343.61254363896$$
  
 $z_{12} = 15333.99250307293$   
 $z_{21} = 15333.99250307293$   
 $z_{22} = 23826.62255647245$  (11)

Podemos convertê-los para parâmetros a do quadripolo "A" com as seguintes operações:

$$a_{11} = \frac{z_{11}}{z_{21}} = 1.391914893617021$$

$$a_{12} = \frac{\Delta z}{z_{21}} = 17830.63829787234$$

$$a_{21} = \frac{1}{z_{21}} = 6.521458777285825 * 10^{-5}$$

$$a_{22} = \frac{z_{22}}{z_{21}} = 1.553843368039837$$

$$(12)$$

E convertemos os parâmetros y do quadripolo "B" da seguinte forma:

$$a_{11} = -\frac{y_{22}}{y_{21}} = 1.664948453608247$$

$$a_{12} = -\frac{1}{y_{21}} = 19865.9793814433$$

$$a_{21} = -\frac{\Delta y}{y_{21}} = 1.043205880622088 * 10^{-4}$$

$$a_{22} = -\frac{y_{11}}{y_{21}} = 1.845360824742268$$
(13)

Agora para achar os parâmetros a do quadripolo em cascata, basta fazer a multiplicação matricial dos parâmetros a de cada quadripolo.

 ${\bf E}$  isto nos dará os seguintes resultados para parâmetro a do quadripolo em cascata:

$$a_{11} = 4.177569222440531$$
  
 $a_{12} = 60555.71397236235$   
 $a_{21} = 2.706767809755985 * 10^{-4}$   
 $a_{22} = 4.162953335231222$  (14)

#### 2.2.6 Equações parâmetro a em cascata

Agora que temos os parâmetros a do quadripolo em cascata, podemos escrever as equações que relacionam as tensões e correntes de entrada e saída do quadripolo em cascata.

$$V_1 = a_{11}V_2 - a_{12}I_2$$

$$I_1 = a_{21}V_2 - a_{22}I_2$$
(15)

Substituindo pelos valores achados temos:

$$V_1 = 4.1775V_2 - 60555.71I_2$$
  

$$I_1 = 2.7 * 10^- 4 * V_2 - 4.16I_2$$
(16)

Para achar a impedância de entrada com uma carga resistiva de  $2k\Omega$  fazemos novamente  $V_2=-I_2Z_L$ :

$$V_1 = 4.1775V_2 - 60555.71(-2000I_2)$$

$$I_1 = 2.7 * 10^- 4 * V_2 - 4.16(-2000I_2)$$
(17)

E resolvemos para  $V_1$ ,  $V_2$ , e  $I_2$ . Com isto em mãos temos:

$$\frac{V_1}{I_1} = 14648.46021387691\Omega \tag{18}$$

## 3 Medições em laboratório

Inicialmente farei as medições dos componentes a serem usados.

Após isso montarei os circuitos e realizei as medições de tensão e corrente de ambos quadripolos e da conexão em cascata, com estes obterei os parâmetros z do quadripolo A e os parâmetros y do quadripolo B, e parâmetros a do quadripolo em cascata.

E por fim, medir a impedância total do circuito para confirmar que os resultados que obtive são coerentes

## 3.1 Quadripolo A

### 3.1.1 Tabela de medidas

$$R_{11} = 8.22k\Omega$$

$$R_{12} = 8.217k\Omega$$

$$R_{21} = 46.53k\Omega$$

$$R_{22} = 46.34k\Omega$$

$$R_{3} = 82.05k\Omega$$

$$Z_{L} = 1.9475\Omega$$
(19)

#### 3.1.2 Resultados das medidas

$V_1$	0.643V	1.0082V
$V_2$	1.005V	0.7215V
$I_1$	0	$47.33\mu A$
$I_2$	$42.18\mu A$	0

#### 3.1.3 Parâmetros z

Para  $I_1 = 0$ :

$$z_{12} = \frac{V_1}{I_2} = 15244.19156\Omega$$

$$z_{22} = \frac{V_2}{I_2} = 23826.458037\Omega$$
(20)

Para  $I_2 = 0$ :

$$z_{11} = \frac{V_1}{I_1} = 21301.5001056\Omega$$

$$z_{21} = \frac{V_2}{I_1} = 15244.0312698\Omega$$
(21)

parâmetro z:

$$V_1 = 21301.5I_1 + 15244.19I_2$$

$$V_2 = 15244.03I_1 + 23826.45I_2$$
(22)

### Impedância de entrada com carga

Novamente podemos substituir  $I_2 = -I_1 Z_L$  que nos dá:

$$Z_{numerico} = 11547.1061332794\Omega$$

$$Z_{experimental} = 12204\Omega$$
(23)

Observamos que o valor da impedância obtido numericamente a partir dos parâmetros z é bastante próximo do valor obtido experimentalmente.

#### 3.2Quadripolo B

#### 3.2.1 Tabela de medidas

$$R_{11} = 8.188k\Omega$$

$$R_{12} = 8.188k\Omega$$

$$R_{21} = 46.05k\Omega$$

$$R_{22} = 46.92k\Omega$$

$$R_{23} = 46.79k\Omega$$

$$R_{3} = 81.74k\Omega$$

$$Z_{L} = 1.9475\Omega$$
(24)

#### Resultados das medidas 3.2.2

$V_1$	0V	1.0036V
$V_2$	1.003V	0V
$I_1$	$0.12\mu$	$162.62 \mu A$
$I_2$	$153.66 \mu A$	$0.13\mu$

#### 3.2.3 Parâmetros y

Para  $V_1 = 0$ :

$$y_{12} = \frac{I_1}{V_2} = -1.19641077 * 10^{-7}\sigma$$

$$y_{22} = \frac{I_2}{V_2} = 1.53 * 10^{-4}\sigma$$
(25)

Para  $V_2 = 0$ :

$$y_{11} = \frac{I_1}{V_1} = 1.62 * 10^- 4\sigma$$

$$y_{21} = \frac{I_2}{V_1} = -1.29 * 10^- 7\sigma$$
(26)

Observo que os resultados não estão coerentes

E assim podemos montar as equações para na medição das correntes. As medições estavam flutuando dependendo do momento que as fiz. E não tenho certeza do por quê.

> Mas vou prosseguir a análise, mesmo com os parâmetros y incoerentes.

$$I_1 = 1.62 * 10^- 4 * V_1 - 1.19641077 * 10^- 7V_2$$

$$I_2 = -1.29 * 10^- 7 * V_1 + 1.53 * 10^- 4V_2$$
(27)

#### 3.2.4 Impedância de entrada com carga

Novamente podemos substituir  $I_2 = -I_1 Z_L$  que nos dá:

$$Z_{numerico} = 6172.838067895077\Omega$$

$$Z_{experimental} = 7000\Omega$$
(28)

Estou deveras confuso de por que os resultados foram próximos. Quando os parametros y numericos e experimentais estavam tão distantes. Coincidência? Ou interpretei mal o resultado numérico e experimental?

#### Quadripolo em cascata 3.3

#### Tabela de medidas 3.3.1

Utilizaremos os mesmos componentes dos quadripolos A e B, logo serão as mesmas respectivas tabelas listadas acima.

### Resultados das medidas

$V_1$	1.003V	1.003V
$V_2$	0.2982V	0V
$I_1$	$65.8\mu$	$74.06 \mu A$
$I_2$	0	$0.1\mu$

#### Parâmetros a3.3.3

Para  $V_2 = 0$ :

$$a_{12} = -\frac{V_1}{I_2} = 1 * 10^8 \Omega$$

$$a_{22} = \frac{I_1}{I_2} = 740.6$$
(29)

Para  $I_2 = 0$ :

$$a_{11} = \frac{V_1}{V_2} = 3.36351441985$$

$$a_{21} = \frac{I_1}{V_2} = 2.2 * 10^- 4\Omega$$
(30)

Novamente observo que os resultados não estão coerentes com as análises teóricas. Creio que o procom as análises teóricas. Creio que o problema foi blema foi na medição das correntes. As medições

estavam flutuando dependendo do momento que as fiz. E não tenho certeza do por quê.

Mas vou prosseguir a análise, mesmo com os parâmetros a incoerentes.

$$V_1 = 3.36351441985 * V_2 - 10^8 I_2$$
  

$$I_1 = 2.2 * 10^- 4 * V_2 + 740.6 I_2$$
(31)

### 3.3.4 Impedância de entrada com carga

Novamente podemos substituir  $I_2 = -I_1 Z_L$  que nos dá:

$$Z_{numerico} = -135090.0570605898\Omega$$

$$Z_{experimental} = 13683\Omega$$
(32)

O resultado numérico com os parâmetros a obtidos foi bastante incoerente. Creio que por erros de medição das correntes do circuito. Mas o resultado experimental foi bastante próximo do esperado.

## 4 Conclusões

Conseguimos com sucesso fazer a análise numérica pelo Maxima, e comparamos os resultados com os obtidos experimentalmente.

Nos resultados práticos, obtivemos parâmetros Z bastante similares aos obtidos numericamente.

Porém para os parâmetros y e a eles foram incoerentes. Imagino que houve algum erro no quadripolo B, que propagou-se para o quadripolo em cascata.

As impedâncias de entrada com a carga  $Z_L$  experimentais foram coerentes com a análise numérica em todos casos.

Em suma creio que conseguimos entender melhor como fazer análise de quadripolos, apesar de ter errado nas medições das correntes do quadripolo B, e não ter identificado o erro a tempo de corrigilo.