

Curso Demografía - Licenciatura en Estadística, UDELAR

Daniel Ciganda

10^{ma}Clase 24 de Septiembre de 2024

La Tabla de Mortalidad

La tabla de mortalidad es una de las herramientas centrales del análisis demográfico

Combinando varias piezas de información, resume la experiencia de la desaparición de una cohorte

Permiten el cálculo de la esperanza de vida a edad x, e_x una de las medidas resumen de la mortalidad más utilizadas:

• $e_x o$ El número promedio de años adicionales que vivirá un sobreviviente a edad x bajo las condiciones de mortalidad expresadas en la tabla

Pueden calcularse tanto con datos langitudinales (cohorte), como para datos transversales (período), aunque estas últimas implican una serie de supuestos y son más complejas de calcular

1

Líneas de vida de una Cohorte

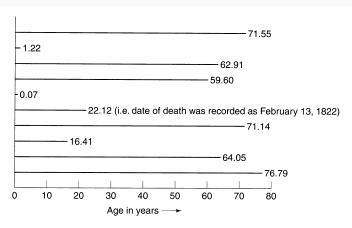


Figure 3.1 Age at death and life-lines of a hypothetical cohort of births (10 in all); date of birth: January 1, 1800

Table 3.1: Life table for hypothetical cohort of 10 births shown in figure 3.1

Exact age	Number left alive at age x	Number dying between ages x and x + n	Probability of dying between ages x and x + n	Probability of surviving from age x to age x + n	Person-years lived between ages x and x + n	Person-years lived above age x	Expectation of life at age x	Death rate in the cohort between ages x and x + n	Average person-years lived in the interval by those dying in the interval	
х	l_x	$_{n}d_{x}$	nQx	n Px	$_{n}L_{x}$	$T_x = \sum_{\alpha=x}^{\infty} {}_n L_{\alpha}$	$e_x^o = T_x/l_x$	nm_X	$_{n}a_{x}$	
0	10	1	1/10	9/10	9 + .07 = 9.07	436.79 + 9.07 = 445.86	445.86 10 = 44.586	9.07	.07	
1	9	1	1/9	8/9	8 · 4 + .22 = 32.22	404.57 + 32.22 = 436.79		32.22	.22	
5	8	0	0	1	8 · 5 = 40	364.57 + 40 = 404.57	$\frac{404.57}{8}$ = 50.571	0	_	
10	8	1	1/8	7/8	7 · 10 + 6.41 = 76.41	288.16 + 76.41 = 364.57	$\frac{364.57}{8}$ = 45.571	76.41	6.41	
20	7	1	1/7	6/7	6 · 10 + 2.12 = 62.12	226.04 + 62.12 = 288.16	$\frac{288.16}{\frac{7}{41.166}}$	1 62.12	2.12	
0	6	0	0	1	6 · 10 = 60	166.04 + 60 = 226.04	$\frac{226.04}{6}$ = 37.673	0	_	
0	6	0	0	1	6 · 10 = 60	106.04 + 60 = 166.04	$\frac{166.04}{6} = 27.673$	0		
0	6	1	1/6	5/6	5 · 10 + 9.60 = 59.60	46.44 + 59.60 = 106.04	$\frac{106.04}{6} = 17.673$	1 59.60	9.60	
0	5	2	2/5	3/5	3 · 10 + 6.96 = 36.96	9.48 + 36.96 = 46.44	$\frac{46.44}{5}$ = 9.288	2 36.96	(2.91 + 4.05)/2 = $6.96/2$ = 3.48	
0	3	3	3/3	0	9.48	9.48	$\frac{9.48}{3}$ = 3.16	3 9.48	(1.55 + 1.14 + 6.79)/3 = 9.48/3 = 3.16	
0	0	0	-	_						

Cohorte vs. Período

Analisis de cohorte: El análisis de los eventos demográficos (nacimientos, muertes, migraciones) ocurridos a un grupo de personas que experimentan un evento demográfico en el mísmo período. Las cohortes más comunmente utilizadas son las cohortes de nacimientos, o generaciones, es decir, todas las personas nacidas en un mismo año calendario. Analisis longitudinal.

- Forma "natural" de analizar los eventos demográficos representa la experiencia real de un grupo de personas. Correspondencia entre los eventos y las personas expuestas al riesgo de experimentar esos eventos.
- · Requiere datos detallados

Analisis de período: El análisis de los eventos demográficos ocurridos en un mismo período de tiempo. Analisis transversal.

 Motivado por la forma en que los sistemas de estadísticas vitales organizan los datos y por la mayor "actualidad" de los datos

Fuentes de Datos

Aunque los análisis demográficos se realizan con frecuencia a partir de encuestas o datos generados a partir de la interacción de la personas con plataformas digitales, las fuentes clásicas de datos para el análisis de la mortalidad y la fecundidad son las estadísticas vitales y los censos (algunos países cuentan con registros poblacionales muy detallados).

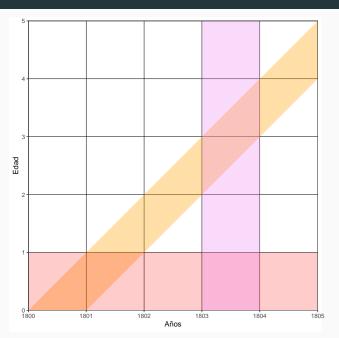
Censos: Operación de relevamiento de información en la que se aplica un questionario acotado sobre el total de los residentes en un día determinado (con variaciones). Suelen tener una periodicidad de una década.

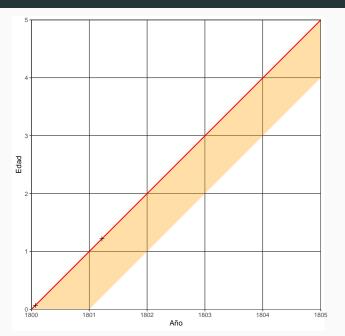
Proporcionan las estimaciones de la Población expuesta al riesgo de los eventos demográficos.

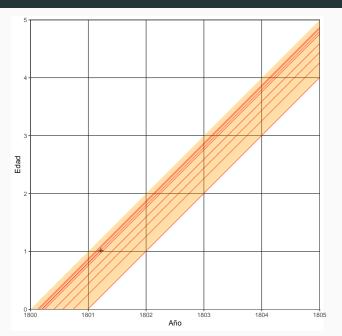
Estadísticas Vitales: Registro de nacimientos y defunciones con alguna información auxiliar. Edad del fallecimiento, causa, edad y características de la madre al nacimiento.

Proporcionan los conteos de los eventos demográficos.

Ambos se organizan de acuerdo a años calendario





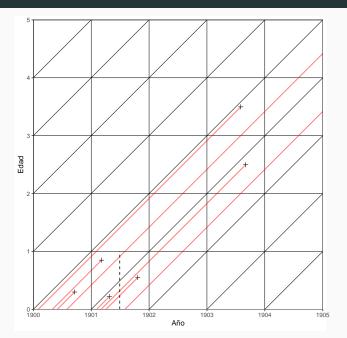


Años-Persona

Los años-persona son una medida del tiempo vivido por una persona en determinado período de tiempo. Surgen de la necesidad de medir la exposición al riesgo de determinado evento demográfico cuando trabajamos con datos censurados, es decir, cuando la población expuesta al riesgo está cambiando permanentemente por entradas o salidas de individuos (nacimientos, muertes, emigración, inmigración).

Si disponemos de información del momento exacto de esas entradas y salidas, podemos sumar los años, o las fracciones de año aportados por cada persona y obtener el total de años persona en el intervalo.

Si no disponemos de esa información (la mayoria de los casos) se suele asumir que las entradas y salidas se distribuyen de manera homogénea en el período considerado y se toma la población a mitad de año, la población al 30 de Junio de determinado año, por ejemplo.



Tasas vs. Probabilidades

$${\rm Tasa} = \frac{{\rm N\'umero~de~eventos}}{{\rm A\~nos-persona~de~exposici\'on~al~riesgo~del~evento}}$$

También conocidas como tasas de ocurrencia/exposición En el caso de tasas de período:

$${\rm Tasa}_t = \frac{{\rm N\'umero~de~eventos~entre~t~y~t+n}}{{\rm A\~nos-persona~de~exposici\'on~al~riesgo~del~evento~entre~t~y~t+n}}$$

$$\label{eq:probabilidad} Probabilidad = \frac{\text{Número de eventos}}{\text{Número de ensayos precedente}}$$

Tasas vs. Probabilidades

Las probabilidades sólo pueden definirse para las cohortes \to correspondencia entre eventos y personas (ensayos)

Probabilidad de muerte:

$$_{n}q_{x}=\frac{_{n}d_{x}}{I_{x}}$$

Tasa de mortalidad:

$$_{n}m_{x}=rac{_{n}d_{x}}{_{n}L_{x}}$$

La Tabla de Mortalidad de Período - Modelo para una Cohorte Ficticia

La necesidad de disponer de información mas contemporánea y la forma en la que muchos países organizan sus estadísticas motivó el desarrollo de las tablas de mortalidad de período.

Aunque estas tablas incorporan la información correspondiente a una serie de cohortes distintas, son en realidad un modelo de la experiencia de una cohorte ficticia o cohorte sintética.

Es decir que producen estimaciones de la esperanza de vida que correspondería a una cohorte que atravesara por las condiciones de mortalidad observadas en determinado momento del tiempo.

La Tabla de Mortalidad de Período

Para construir la tabla necesitamos las probabilidades de muerte $_nq_x$, pero cuando trabajamos con datos de estadísticas vitales y censos, por ejemplo, estas no están disponibles.

Sin embargo, sí es posible acceder a las $_nM_x$, las tasas de mortalidad por edad observadas en determinado país, y derivar a partir de estas tasas las probabilidades de muerte.

Conversión $_{n}M_{x} \rightarrow_{n} q_{x}$

Para construir una tabla a partir de unas tasas de mortalidad por edad observadas $_nM_x$, vamos a asumir que:

$$M_x = m_x = \frac{d_x}{L_x}$$
 $n = 1$

Como:

$$L_x = (I_x - d_x) + a_x \cdot d_x$$

$$\frac{d_{x}}{(I_{x}-d_{x})+a_{x}\cdot d_{x}}=\frac{q_{x}}{1-(1-a_{x})q_{x}}=M_{x}$$

Al resolver por qx tenemos:

$$q_x = \frac{M_x}{1 + (1 - a_x)M_x}$$

La elección de los nax

La conversión ${}_{n}M_{x} \rightarrow_{n} q_{x}$ depende sólo de ${}_{n}a_{x}$, por esto para construir una tabla de mortalidad de período necesitamos tantos las ${}_{n}M_{x}$ como los ${}_{n}a_{x}$.

Aunque existen diversos métodos para calcular el promedio de años vividos por los fallecidos a cada edad, en la mayoría de los casos es posible asumir que, salvo en el primer año de vida, las defunciones se distribuyen de manera homogénea en el intervalo.

Es decir que para $x \ge 1 \rightarrow_n a_x = 1/2$

La elección de los nax

En el caso de la mortalidad en el primer año de vida, este supuesto no es realista ya que gran parte de la mortalidad en este intervalo está asociada a complicaciones durante el parto o el embarazo que derivan en defunciones cercanas al momento de parto. Es decir, hay mayor influencia del componente perinatal que del postnatal en la mortalidad.

Existe una relación muy marcada entre el nivel de la mortalidad y la mortalidad perinatal. Por esto a_0 se define en función del nivel de la mortalidad infantil en el contexto estudiado.

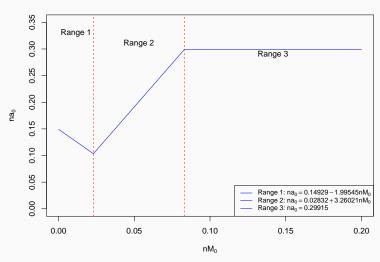
La elección de los $_na_x$

Table 1: Andreev-Kingkade formulas for computing a_0 given m_0

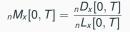
	m_0 range	formula: $a_0 = a + b \cdot m_0$
Males		
	[0, 0.02300)	$0.14929 - 1.99545 \cdot m_0$
	[0.0230, 0.08307)	$0.02832 + 3.26021 \cdot m_0$
	$[0.08307,\infty)$	0.29915
Females		
	[0, 0.01724)	$0.14903 - 2.05527 \cdot m_0$
	$\left[0.01724, 0.06891\right)$	$0.04667 + 3.88089 \cdot m_0$
	$[0.06891,\infty)$	0.31411

La elección de los nax

Average Person-Years Lived (na₀) vs Mortality Rate (nM₀) for Males



Tasas Específicas de Mortalidad por Edad de Período



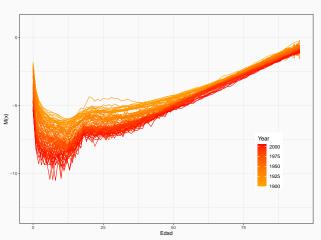


Figure 1: Tasas Específicas de Mortalidad por Edad, Hombres, Dinamarca, 1900:2005

Х	nax	nMx	nqx	lx	ndx	nLx	Tx	ex
0	0.2992	0.1560	0.1406	1.0000	0.1406	0.9014	50.25	50.25
1	0.5000	0.0219	0.0217	0.8594	0.0186	0.8501	49.35	57.43
2	0.5000	0.0104	0.0104	0.8408	0.0087	0.8364	48.50	57.69
3	0.5000	0.0065	0.0064	0.8321	0.0054	0.8294	47.66	57.29
4	0.5000	0.0053	0.0053	0.8267	0.0044	0.8245	46.83	56.65
5	0.5000	0.0047	0.0047	0.8223	0.0039	0.8204	46.01	55.95
6	0.5000	0.0044	0.0044	0.8185	0.0036	0.8167	45.19	55.21
7	0.5000	0.0040	0.0040	0.8149	0.0033	0.8132	44.37	54.45
8	0.5000	0.0037	0.0037	0.8116	0.0030	0.8101	43.56	53.67
9	0.5000	0.0032	0.0032	0.8086	0.0026	0.8073	42.75	52.87
10	0.5000	0.0029	0.0029	0.8060	0.0023	0.8049	41.94	52.04
11	0.5000	0.0026	0.0026	0.8037	0.0021	0.8026	41.14	51.19
12	0.5000	0.0025	0.0025	0.8016	0.0020	0.8006	40.34	50.32
13	0.5000	0.0025	0.0025	0.7996	0.0020	0.7986	39.53	49.45
14	0.5000	0.0026	0.0026	0.7976	0.0021	0.7965	38.74	48.57
15	0.5000	0.0028	0.0028	0.7955	0.0022	0.7944	37.94	47.69

Table 1: Tabla de Mortalidad de Período - Dinamarca 1900, Hombres