

# SPOJ TOPOSORT

*Topological Sorting*

**Prof. Edson Alves**

**Faculdade UnB Gama**

*Sandro is a well organised person. Every day he makes a list of things which need to be done and enumerates them from 1 to  $n$ . However, some things need to be done before others. In this task you have to find out whether Sandro can solve all his duties and if so, print the correct order.*

Sandro é uma pessoa muito organizada. A cada dia ele faz uma lista de coisas que ele precisa fazer e as enumera de  $1$  a  $n$ . Contudo, algumas coisas precisam ser feitas antes de outras. Neste problema você deve determinar se Sandro pode cumprir todas as suas tarefas e, em caso afirmativo, imprima-as na ordem correta.

## Input

*In the first line you are given an integer  $n$  and  $m$  ( $1 \leq n \leq 10000$ ,  $1 \leq m \leq 1000000$ ). On the next  $m$  lines there are two distinct integers  $x$  and  $y$ , ( $1 \leq x, y \leq 10000$ ) describing that job  $x$  needs to be done before job  $y$ .*

## Output

*Print “Sandro fails.” if Sandro cannot complete all his duties on the list. If there is a solution print the correct ordering, the jobs to be done separated by a whitespace. If there are multiple solutions print the one, whose first number is smallest, if there are still multiple solutions, print the one whose second number is smallest, and so on.*

## Entrada

Na primeira linha há dois inteiros  $n$  e  $m$  ( $1 \leq n \leq 10000$ ,  $1 \leq m \leq 1000000$ ). Nas  $m$  linhas seguintes há dois inteiros distintos  $x$  e  $y$  ( $1 \leq x, y \leq 10000$ ), descrevendo que a tarefa  $x$  precisa ser cumprida antes da tarefa  $y$ .

## Saída

Imprima “Sandro fails.” se Sandro não pode cumprir todas as tarefas da lista. Se há uma solução imprima-a na ordem correta, separando as tarefas por um espaço em branco. Se há múltiplas soluções imprima aquela cuja primeira tarefa tem o menor número. Se ainda restam múltiplas soluções, imprima a que tenha o segundo menor número, e assim por diante.

## **Exemplo de entrada e saída**

## Exemplo de entrada e saída

8 9

## Exemplo de entrada e saída

8 9  
↑  
*# de tarefas*



## Exemplo de entrada e saída

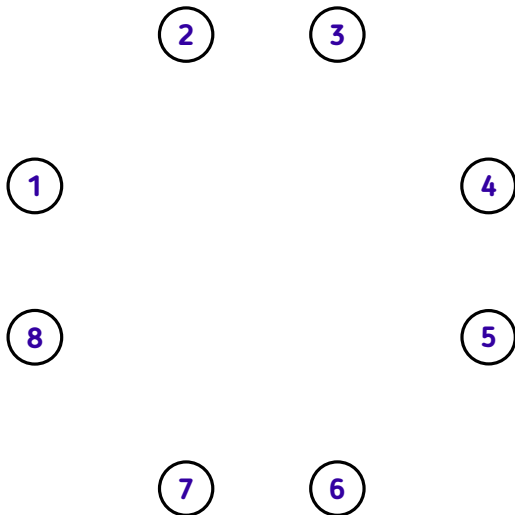
8 9



*# de relações de dependência*

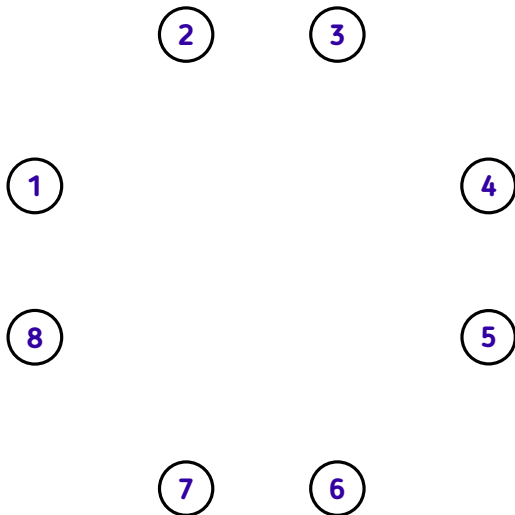
## Exemplo de entrada e saída

8 9



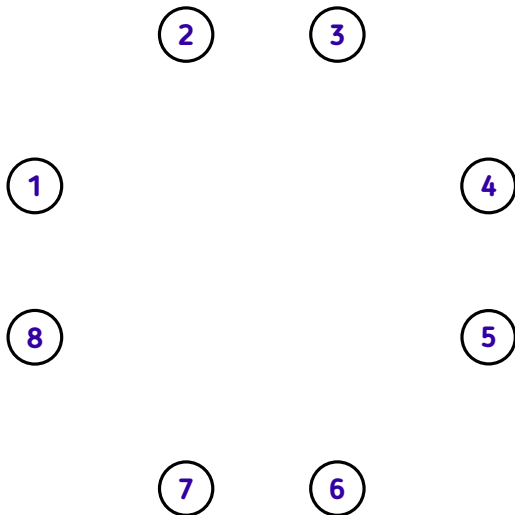
## Exemplo de entrada e saída

8 9  
1 4  
↑  
 $x$



## Exemplo de entrada e saída

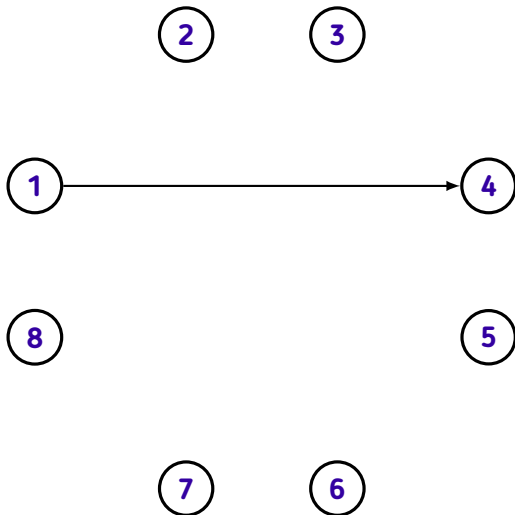
8 9  
1 4  
↑  
*y*



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

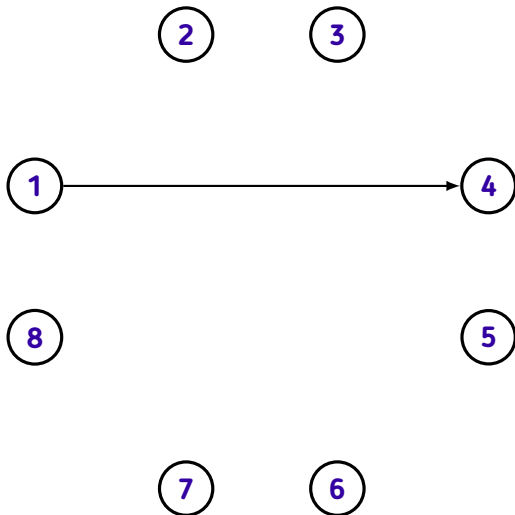


## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

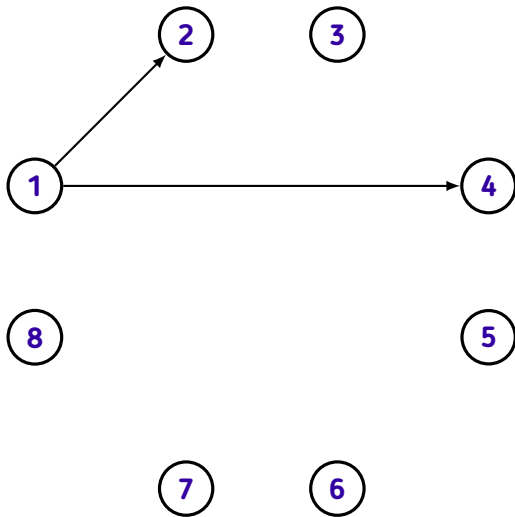


## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2



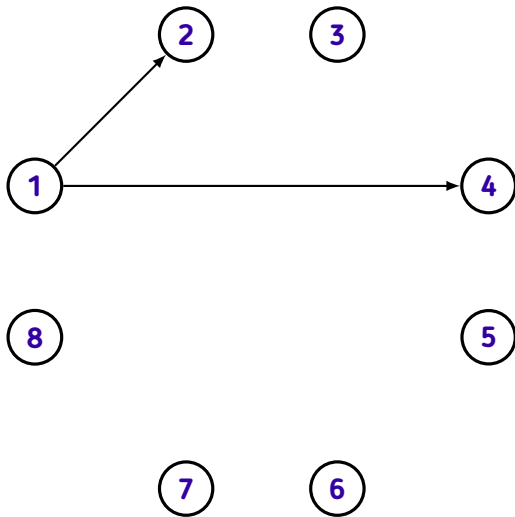
## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2





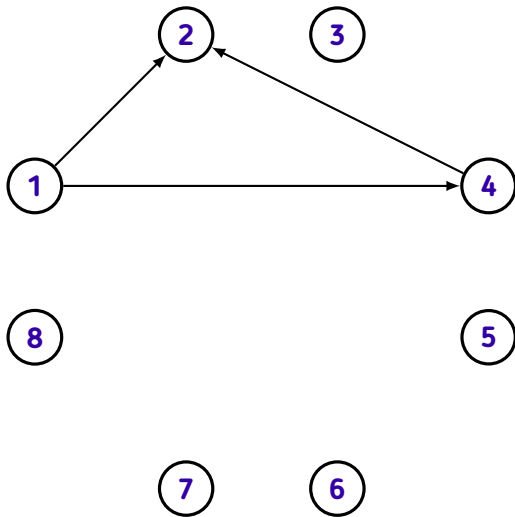
## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2



## Exemplo de entrada e saída

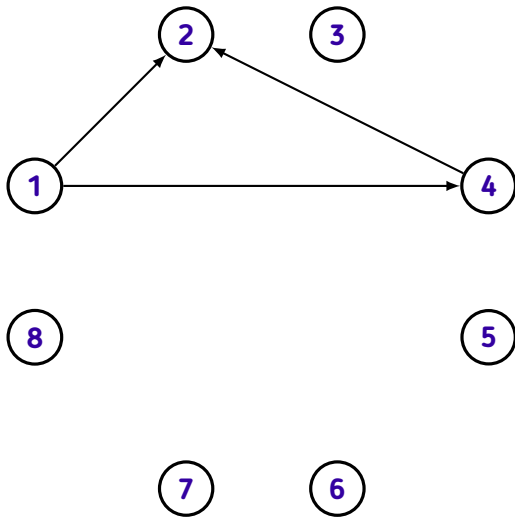
8 9

1 4

1 2

4 2

4 3



## Exemplo de entrada e saída

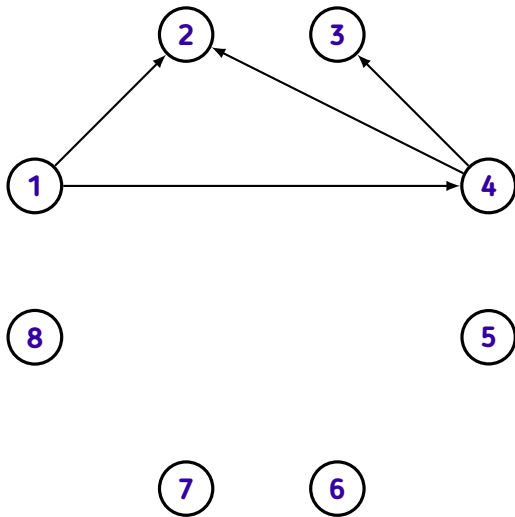
8 9

1 4

1 2

4 2

4 3



## Exemplo de entrada e saída

8 9

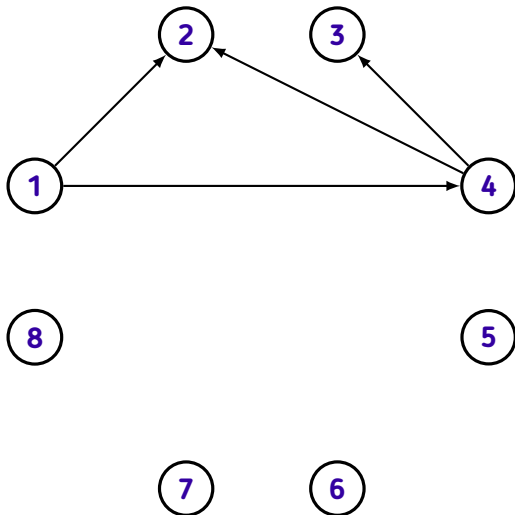
1 4

1 2

4 2

4 3

3 2



## Exemplo de entrada e saída

8 9

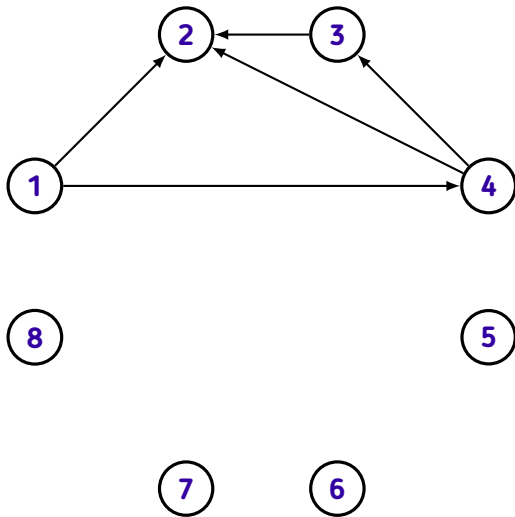
1 4

1 2

4 2

4 3

3 2



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

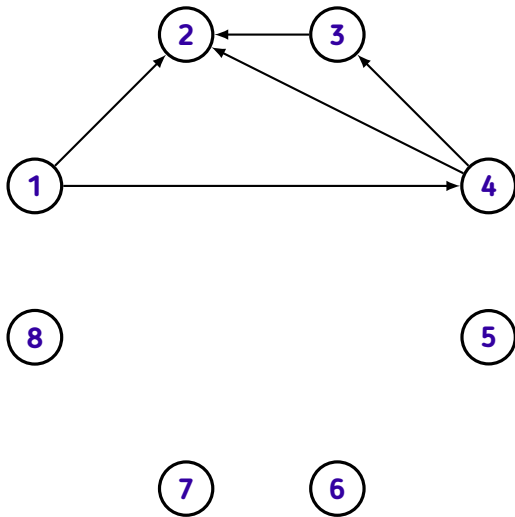
1 2

4 2

4 3

3 2

5 2



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

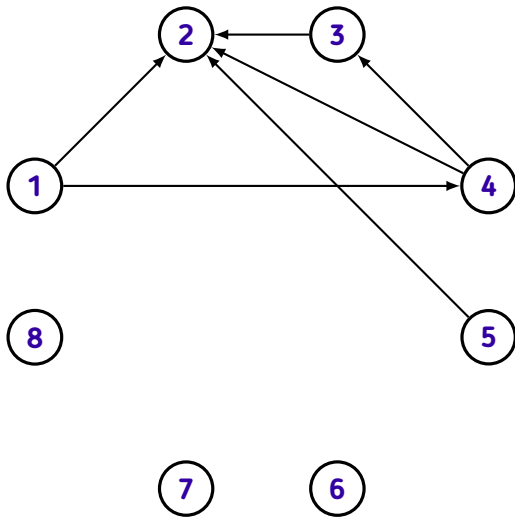
1 2

4 2

4 3

3 2

5 2



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

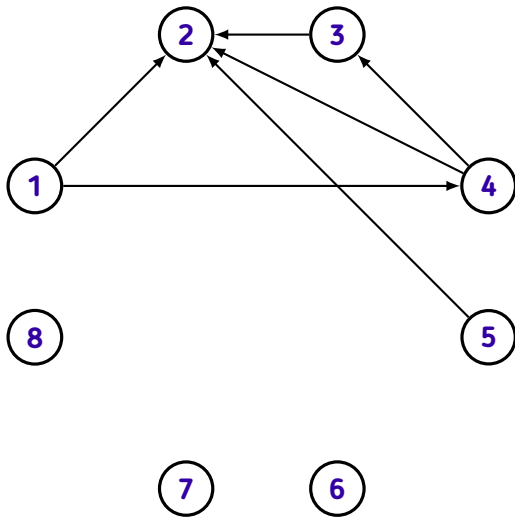
4 2

4 3

3 2

5 2

3 5





## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

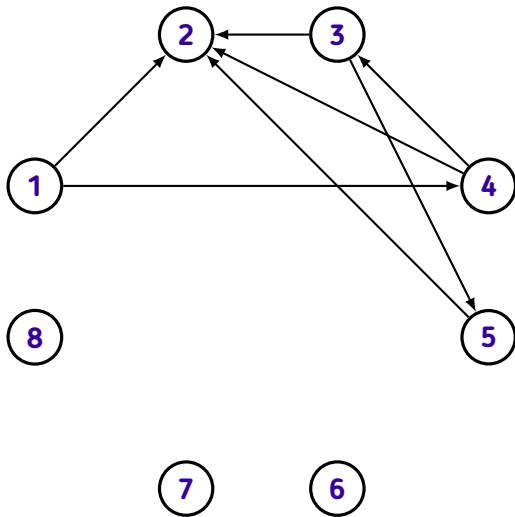
4 2

4 3

3 2

5 2

3 5



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

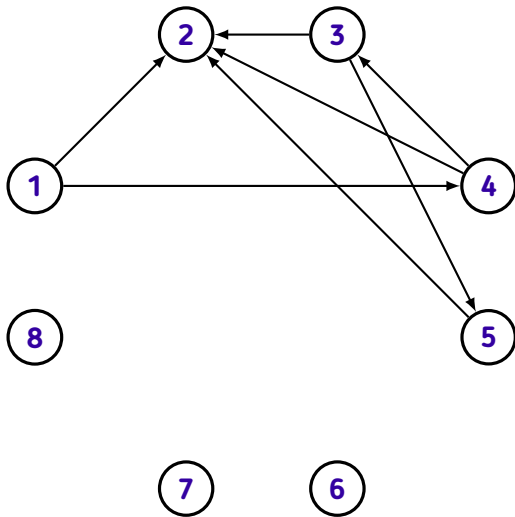
4 3

3 2

5 2

3 5

8 2



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

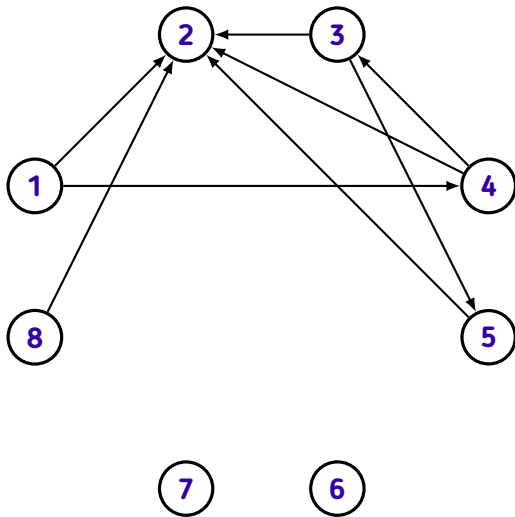
4 3

3 2

5 2

3 5

8 2



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

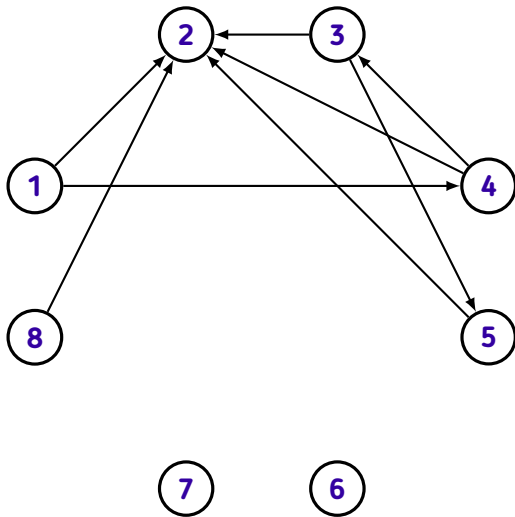
3 2

5 2

3 5

8 2

8 6



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

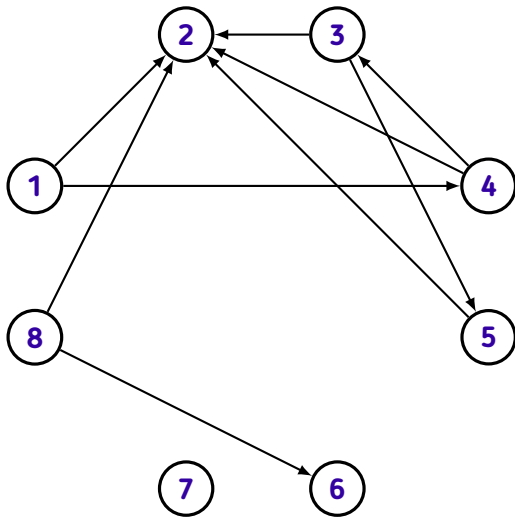
3 2

5 2

3 5

8 2

8 6



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

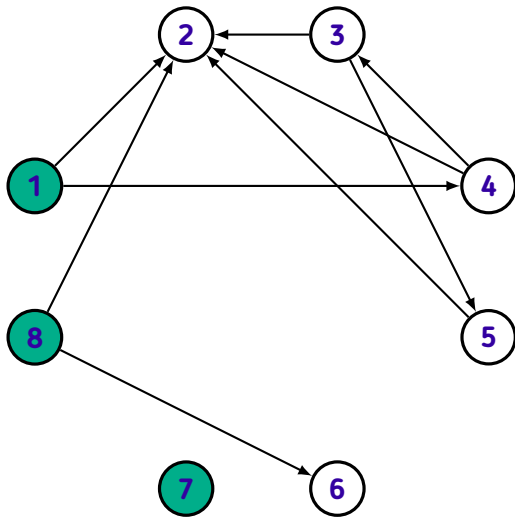
3 2

5 2

3 5

8 2

8 6



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

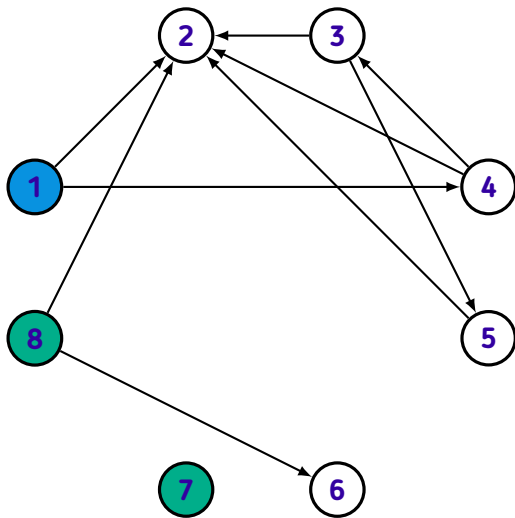
3 2

5 2

3 5

8 2

8 6



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

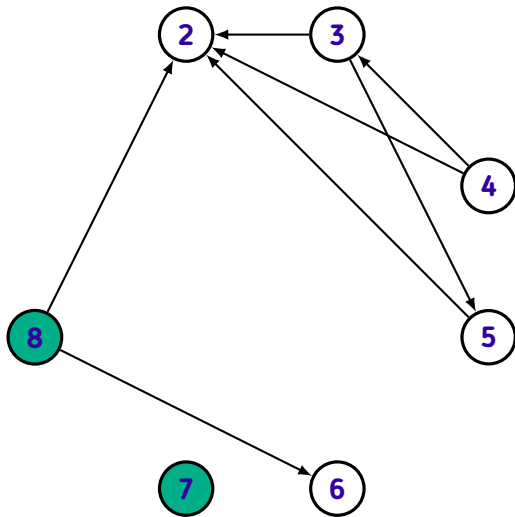
3 2

5 2

3 5

8 2

8 6





## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

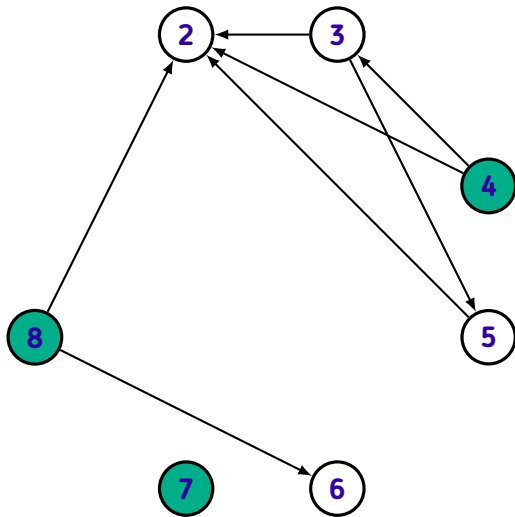
3 2

5 2

3 5

8 2

8 6



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

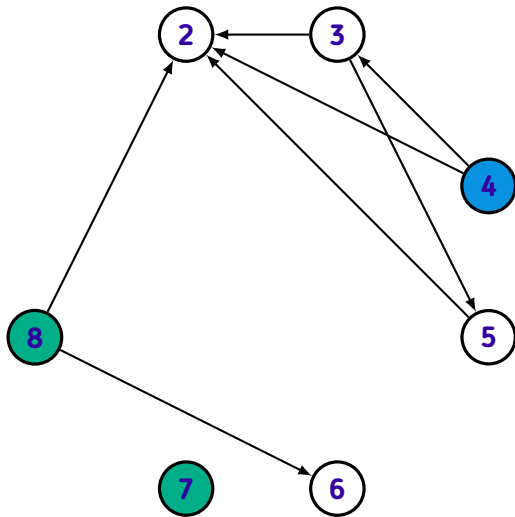
3 2

5 2

3 5

8 2

8 6



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

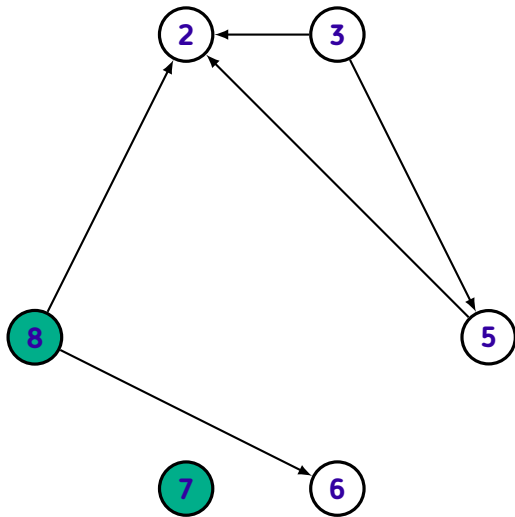
3 2

5 2

3 5

8 2

8 6



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

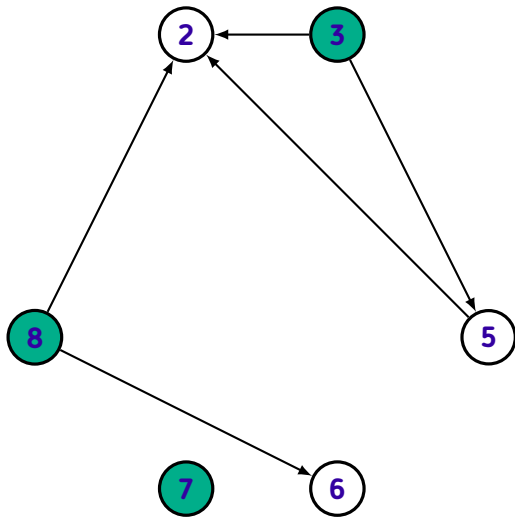
3 2

5 2

3 5

8 2

8 6



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

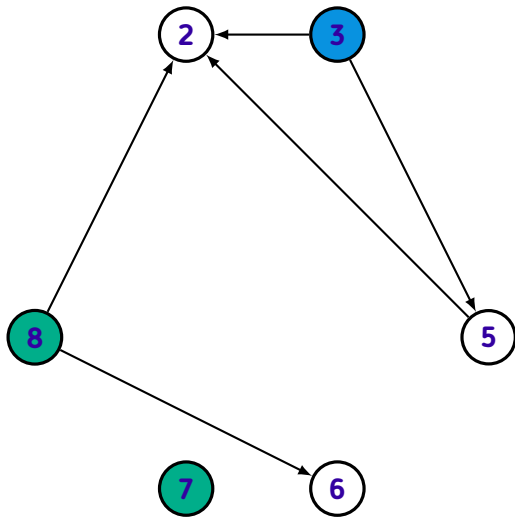
3 2

5 2

3 5

8 2

8 6



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

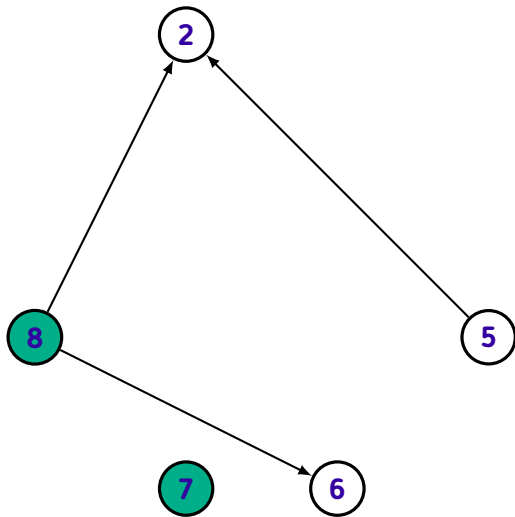
3 2

5 2

3 5

8 2

8 6



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

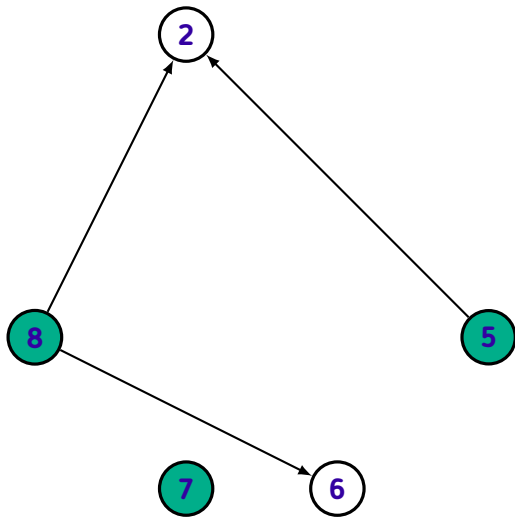
3 2

5 2

3 5

8 2

8 6



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

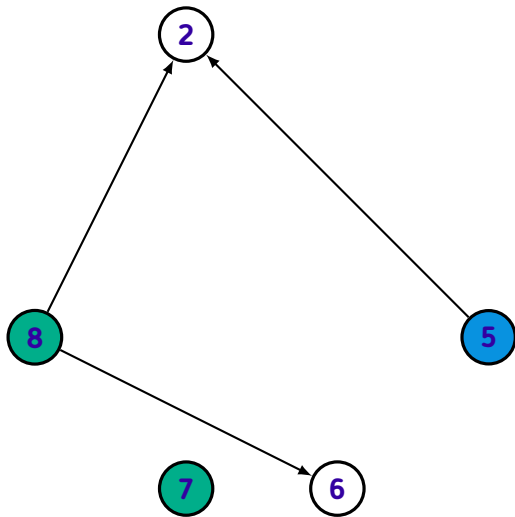
3 2

5 2

3 5

8 2

8 6





## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

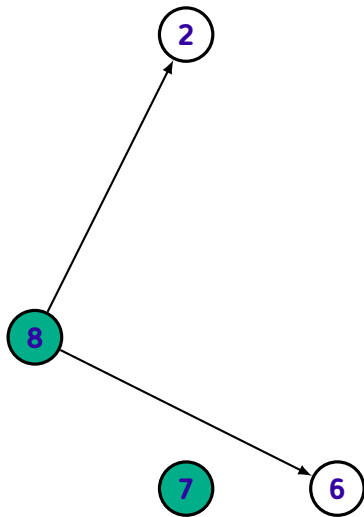
3 2

5 2

3 5

8 2

8 6



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

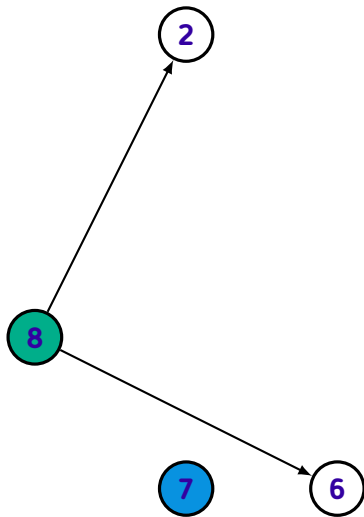
3 2

5 2

3 5

8 2

8 6



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

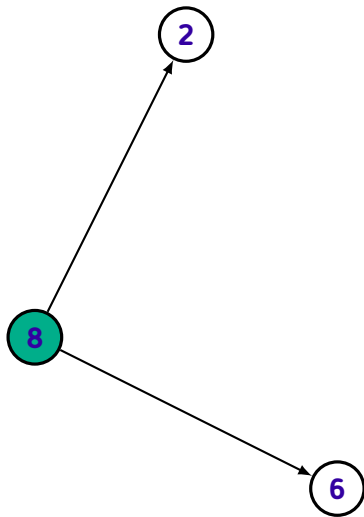
3 2

5 2

3 5

8 2

8 6



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

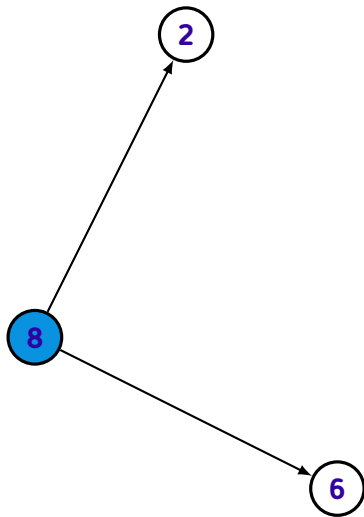
3 2

5 2

3 5

8 2

8 6



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

3 2

5 2

3 5

8 2

8 6

2

6

## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

3 2

5 2

3 5

8 2

8 6

2

6

## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

3 2

5 2

3 5

8 2

8 6

2

6

## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

3 2

5 2

3 5

8 2

8 6

6



## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

3 2

5 2

3 5

8 2

8 6

6

## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

3 2

5 2

3 5

8 2

8 6

## Exemplo de entrada e saída

8 9

1 4

1 2

4 2

4 3

3 2

5 2

3 5



1 4 3 5 7 8 2 6

8 2

8 6

## **Exemplo de entrada e saída**

## Exemplo de entrada e saída

2 2

## Exemplo de entrada e saída

2 2

1

2

## Exemplo de entrada e saída

2 2

1 2

1

2

## Exemplo de entrada e saída

2 2

1 2





## Exemplo de entrada e saída

2 2

1 2

2 1

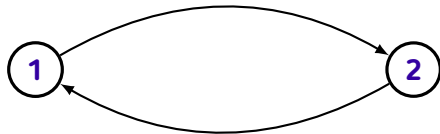


## Exemplo de entrada e saída

2 2

1 2

2 1



## Exemplo de entrada e saída

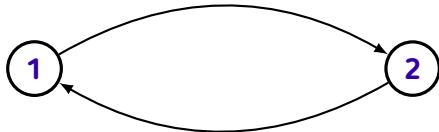
2 2

1 2

2 1



Sandro fails.



## Solução

## Solução

★ Sandro será capaz de cumprir suas tarefas apenas se elas puderem ser ordenadas de tal forma que as prioridades sejam respeitadas

## Solução

- ★ Sandro será capaz de cumprir suas tarefas apenas se elas puderem ser ordenadas de tal forma que as prioridades sejam respeitadas
- ★ Em outras palavras, há solução apenas se existe uma ordenação topológica

## Solução

- ★ Sandro será capaz de cumprir suas tarefas apenas se elas puderem ser ordenadas de tal forma que as prioridades sejam respeitadas
- ★ Em outras palavras, há solução apenas se existe uma ordenação topológica
- ★ Se o grafo tem um ou mais ciclos, a resposta é Sandro fails.

# Solução

- ★ Sandro será capaz de cumprir suas tarefas apenas se elas puderem ser ordenadas de tal forma que as prioridades sejam respeitadas
- ★ Em outras palavras, há solução apenas se existe uma ordenação topológica
- ★ Se o grafo tem um ou mais ciclos, a resposta é Sandro fails.
- ★ O problema pede, na saída, uma ordenação específica



# Solução

- ★ Sandro será capaz de cumprir suas tarefas apenas se elas puderem ser ordenadas de tal forma que as prioridades sejam respeitadas
- ★ Em outras palavras, há solução apenas se existe uma ordenação topológica
- ★ Se o grafo tem um ou mais ciclos, a resposta é Sandro fails.
- ★ O problema pede, na saída, uma ordenação específica
- ★ Esta ordenação pode ser obtida se a fila do algoritmo de Kahn for substituída por uma *min heap*

```
vector<int> topological_sort(int N)
{
    vector<int> o;
    priority_queue<int, vector<int>, greater<int>> q;

    for (int u = 1; u <= N; ++u)
        if (in[u].empty())
            q.push(u);

    while (not q.empty())
    {
        auto u = q.top();
        q.pop();

        o.emplace_back(u);

        for (auto v : out[u])
        {
            in[v].erase(u);
        }
    }
}
```

```
        if (in[v].empty())
            q.push(v);
    }

    return (int) o.size() == N ? o : vector<int> { };
}

vector<int> solve(int N)
{
    return topological_sort(N);
}
```