## Árvores

Árvores Binárias de Busca

Prof. Edson Alves - UnB/FGA 2018

#### Sumário

- 1. Inserção de elementos em árvores binárias de busca
- 2. Remoção de elementos em árvores binárias de busca
- 3. Tamanho de árvores binárias de busca
- 4. Busca em árvores binárias de busca
- 5. Travessia em árvores binárias de busca

Inserção de elementos em árvores binárias de busca

#### Inserção em árvores binárias de busca

- O algoritmo a seguir insere um elemento x em uma árvore binária de busca:
  - 1. Começe no nó raiz
  - 2. Enquanto o nó a ser avaliado for não-nulo:
    - i. seja y a informação armazenada no nó a ser avaliado
    - ii. se x for menor do que y, vá para a raiz da subárvore da esquerda
    - iii. caso contrário, vá para a raizda subárvore da direita
  - 3. Insira um novo nó com a informação igual ao valor a ser inserido como filho do último nó não-nulo, na posição adequada
- ullet No pior caso, o algoritmo visita todos os N nós da árvore, de modo que este algoritmo tem complexidade O(N)

## Implementação da inserção em uma BST

```
53 public:
      BST() : root(nullptr) {}
54
55
      void insert(const T& info)
56
           Node *node = root, *prev = nullptr;
58
59
           while (node)
60
61
               prev = node;
62
               if (node->info == info)
                   return;
65
               else if (info < node->info)
                   node = node->left;
67
               else
                   node = node->right;
69
70
```

## Implementação da inserção em uma BST

```
node = new Node { info, nullptr, nullptr };

if (!root)
    root = node;
    else if (info < prev->info)
    prev->left = node;
    else
    prev->right = node;
}
```

#### Notas sobre a inserção

- A inserção não modifica a estrutura da árvore, exceto no que se refere a acomodação do novo elemento.
- Desde modo, a propriedade da árvore binária de busca (BST) fica preservada
- O algoritmo que localiza o nó onde ocorrerá a inserção é semelhante ao código utilizado para buscar elementos na árvore
- A inserção pode desbalancear a árvore, isto é, pode fazer com que em um determinado nó, uma das subárvores tenha um número de nós significativamente maior do que a outra
- A inserção de um série de elementos em ordem crescente ou decrescente leva a uma árvore desbalanceada degenerada, que tem mesma estrutura de uma lista encadeada
- Esta árvore degenerada configura o pior caso do algoritmo

Remoção de elementos em

árvores binárias de busca

# Tamanho de árvores binárias de busca

Busca em árvores binárias de

busca

# busca

Travessia em árvores binárias de