Strings

Algoritmos Elementares

Prof. Edson Alves - UnB/FGA

Sumário

- 1. Palíndromos
- 2. Histograma
- 3. Strings e programação funcional
- 4. Tokenização
- 5. Anagramas
- 6. Expressões Regulares

Palíndromos

Definição de palíndromos

 Palíndromos são strings que são idênticas quando lidas tanto do início para o fim quanto do fim para o início

Definição de palíndromos

- Palíndromos são strings que são idênticas quando lidas tanto do início para o fim quanto do fim para o início
- Por exemplo, "MUSSUM", "SAIAS" e "HANNAH" são palíndromos

Definição de palíndromos

- Palíndromos são strings que são idênticas quando lidas tanto do início para o fim quanto do fim para o início
- Por exemplo, "MUSSUM", "SAIAS" e "HANNAH" são palíndromos
- ullet Mais formalmente, um palíndromo P pode ser definido como

$$P[1..N] = "" \mid P[1..1] \mid c + P[2..N - 1] + c$$

ou seja, strings vazias, strings com um único caractere ou strings resultantes da concatenação de um mesmo caractere c no ínicio e no fim de um palíndromo resulta em palíndromos

ullet Uma maneira de se verificar se uma string s é ou não um palíndromo é checar se o primeiro caractere coincide com o último, o segundo com o penúltimo, e assim por diante

- Uma maneira de se verificar se uma string s é ou não um palíndromo é checar se o primeiro caractere coincide com o último, o segundo com o penúltimo, e assim por diante
- \bullet Este algoritmo tem complexidade O(|s|)

- Uma maneira de se verificar se uma string s é ou não um palíndromo é checar se o primeiro caractere coincide com o último, o segundo com o penúltimo, e assim por diante
- Este algoritmo tem complexidade O(|s|)
- ullet Embora ele identifique corretamente se s é ou não um palíndromo, é possível torná-lo mais eficiente ao observar que só é necessário fazer tal verificação até a metade de s

- Uma maneira de se verificar se uma string s é ou não um palíndromo é checar se o primeiro caractere coincide com o último, o segundo com o penúltimo, e assim por diante
- ullet Este algoritmo tem complexidade O(|s|)
- Embora ele identifique corretamente se s é ou não um palíndromo, é possível torná-lo mais eficiente ao observar que só é necessário fazer tal verificação até a metade de s
- Isto ocorre pois se $i\geq |s|/2$, temos i=N-1-j, j<|s|/2 e a comparação de s[i] com s[N-1-i] equivale a comparação de s[N-1-j] com s[N-1-(N-1-j)], isto é, de s[N-1-j] com s[j], j<|s|/2

3

- Uma maneira de se verificar se uma string s é ou não um palíndromo é checar se o primeiro caractere coincide com o último, o segundo com o penúltimo, e assim por diante
- ullet Este algoritmo tem complexidade O(|s|)
- Embora ele identifique corretamente se s é ou não um palíndromo, é possível torná-lo mais eficiente ao observar que só é necessário fazer tal verificação até a metade de s
- Isto ocorre pois se $i\geq |s|/2$, temos i=N-1-j, j<|s|/2 e a comparação de s[i] com s[N-1-i] equivale a comparação de s[N-1-j] com s[N-1-(N-1-j)], isto é, de s[N-1-j] com s[j], j<|s|/2
- Mesmo que a complexidade permaneça em O(|s|), esta segunda versão abaixo executa aproximadamente duas vezes mais rápido que a anterior

Implementação da rotina de identificação de palíndromos

```
1 // Observe que a função abaixo identifica s corretamente mesmo nos casos onde |s| é ímpar
pool is_palindrome(const string& s)
3 {
      size_t N = s.size();
4
5
      for (size_t i = 0; i < N/2; ++i)
          if (s[i] != s[N - 1 - i])
              return false:
8
9
      return true:
10
11 }
```

Histograma

• Uma técnica, oriunda da estatística, que permite identificar características importantes de uma string é a construção de um histograma

- Uma técnica, oriunda da estatística, que permite identificar características importantes de uma string é a construção de um histograma
- ullet Um histograma consiste em uma mapeamento entre os caracteres do alfabeto e o número de ocorrências dos mesmos em uma string s dada

- Uma técnica, oriunda da estatística, que permite identificar características importantes de uma string é a construção de um histograma
- ullet Um histograma consiste em uma mapeamento entre os caracteres do alfabeto e o número de ocorrências dos mesmos em uma string s dada
- Por exemplo, para a string "abacaxi", teríamos um histograma h com $h[\mathbf{'a'}] = 4, h[\mathbf{'b'}] = h[\mathbf{'c'}] = h[\mathbf{'x'}] = h[\mathbf{'i'}] = 1$ e h[y] = 0, se $y \notin \{\mathbf{'a'}, \mathbf{'b'}, \mathbf{'c'}, \mathbf{'x'}, \mathbf{'i'}\}$

- Uma técnica, oriunda da estatística, que permite identificar características importantes de uma string é a construção de um histograma
- ullet Um histograma consiste em uma mapeamento entre os caracteres do alfabeto e o número de ocorrências dos mesmos em uma string s dada
- Por exemplo, para a string "abacaxi", teríamos um histograma h com $h[\mathbf{'a'}] = 4, h[\mathbf{'b'}] = h[\mathbf{'c'}] = h[\mathbf{'x'}] = h[\mathbf{'i'}] = 1$ e h[y] = 0, se $y \notin \{\mathbf{'a'}, \mathbf{'b'}, \mathbf{'c'}, \mathbf{'x'}, \mathbf{'i'}\}$
- Há 3 técnicas para a construção de histogramas

- Uma técnica, oriunda da estatística, que permite identificar características importantes de uma string é a construção de um histograma
- ullet Um histograma consiste em uma mapeamento entre os caracteres do alfabeto e o número de ocorrências dos mesmos em uma string s dada
- Por exemplo, para a string "abacaxi", teríamos um histograma h com $h[\ 'a'] = 4, h[\ 'b'] = h[\ 'c'] = h[\ 'x'] = h[\ 'i'] = 1$ e h[y] = 0, se $y \notin \{\ 'a', \ 'b', \ 'c', \ 'x', \ 'i'\}$
- Há 3 técnicas para a construção de histogramas
- A primeira delas é utilizar a classe map do C++, que permite uma construção bastante intuitiva e fácil de histogramas

- Uma técnica, oriunda da estatística, que permite identificar características importantes de uma string é a construção de um histograma
- ullet Um histograma consiste em uma mapeamento entre os caracteres do alfabeto e o número de ocorrências dos mesmos em uma string s dada
- Por exemplo, para a string "abacaxi", teríamos um histograma h com $h[\ 'a'] = 4, h[\ 'b'] = h[\ 'c'] = h[\ 'x'] = h[\ 'i'] = 1$ e h[y] = 0, se $y \notin \{\ 'a', \ 'b', \ 'c', \ 'x', \ 'i'\}$
- Há 3 técnicas para a construção de histogramas
- A primeira delas é utilizar a classe map do C++, que permite uma construção bastante intuitiva e fácil de histogramas
- Os revezes são a quantidade de memória necessária (o que, em geral, não chega a ser um problema) e a complexidade dos acessos $(O(\log N)$ para leitura e escrita, onde N é o número de caracteres distintos presentes na string s)

Construção de histogramas usando o map de C++

```
#include <map>
3 std::map<char, int> histogram(const string& s)
4 {
      std::map<char, int> h;
5
6
      for (auto c : s)
          ++h[c]:
8
9
      return h:
11 }
```

• Uma segunda forma de gerar o histograma é utilizar um array estático com 256 posições

- Uma segunda forma de gerar o histograma é utilizar um array estático com 256 posições
- \bullet Estas posições cobrem todos os possíveis valores de um ${\hbox{\bf char}}$ em C/C++

- Uma segunda forma de gerar o histograma é utilizar um array estático com 256 posições
- Estas posições cobrem todos os possíveis valores de um **char** em C/C++
- $\bullet\,$ Tal abordagem assume que a string s contém apenas caracteres listados na tabela ASCII

- Uma segunda forma de gerar o histograma é utilizar um array estático com 256 posições
- Estas posições cobrem todos os possíveis valores de um **char** em C/C++
- $\bullet\,$ Tal abordagem assume que a string s contém apenas caracteres listados na tabela ASCII
- Também é preciso inicializar todas as posições deste array com o valor zero

- Uma segunda forma de gerar o histograma é utilizar um array estático com 256 posições
- Estas posições cobrem todos os possíveis valores de um **char** em C/C++
- ullet Tal abordagem assume que a string s contém apenas caracteres listados na tabela ASCII
- Também é preciso inicializar todas as posições deste array com o valor zero
- ullet Esta construção permite atualizar/consultar os valores em O(1), mas a identificação dos caracteres cujos valores associados são diferentes de zero tem que percorrer todas as 256 posições do histograma

- Uma segunda forma de gerar o histograma é utilizar um array estático com 256 posições
- Estas posições cobrem todos os possíveis valores de um **char** em C/C++
- ullet Tal abordagem assume que a string s contém apenas caracteres listados na tabela ASCII
- Também é preciso inicializar todas as posições deste array com o valor zero
- ullet Esta construção permite atualizar/consultar os valores em O(1), mas a identificação dos caracteres cujos valores associados são diferentes de zero tem que percorrer todas as 256 posições do histograma
- A abordagem anterior traria tais caracteres diretamente, sendo eles as chaves do mapa

• A terceira e última abordagem é uma otimização, em espaço, da segunda

- A terceira e última abordagem é uma otimização, em espaço, da segunda
- \bullet Aqui o vetor h deve ter o tamanho M do alfabeto, e os caracteres do alfabeto devem ser indexados de 0 a M-1

- A terceira e última abordagem é uma otimização, em espaço, da segunda
- Aqui o vetor h deve ter o tamanho M do alfabeto, e os caracteres do alfabeto devem ser indexados de 0 a M-1
- ullet Se, por exemplo, o alfabeto for constituído das letras maiúsculas e minúsculas, esta indexação é feita de forma direta, em O(1)

- A terceira e última abordagem é uma otimização, em espaço, da segunda
- Aqui o vetor h deve ter o tamanho M do alfabeto, e os caracteres do alfabeto devem ser indexados de 0 a M-1
- ullet Se, por exemplo, o alfabeto for constituído das letras maiúsculas e minúsculas, esta indexação é feita de forma direta, em O(1)
- Caso contrário, é preciso procurar pelo caractere no alfabeto em O(M) (ou $O(\log M)$, se o alfabeto estiver ordenado)

- A terceira e última abordagem é uma otimização, em espaço, da segunda
- Aqui o vetor h deve ter o tamanho M do alfabeto, e os caracteres do alfabeto devem ser indexados de 0 a M-1
- ullet Se, por exemplo, o alfabeto for constituído das letras maiúsculas e minúsculas, esta indexação é feita de forma direta, em O(1)
- Caso contrário, é preciso procurar pelo caractere no alfabeto em O(M) (ou $O(\log M)$, se o alfabeto estiver ordenado)
- Neste cenário a perda de performance é compensada pela redução da memória necessária

- A terceira e última abordagem é uma otimização, em espaço, da segunda
- Aqui o vetor h deve ter o tamanho M do alfabeto, e os caracteres do alfabeto devem ser indexados de 0 a M-1
- ullet Se, por exemplo, o alfabeto for constituído das letras maiúsculas e minúsculas, esta indexação é feita de forma direta, em O(1)
- Caso contrário, é preciso procurar pelo caractere no alfabeto em O(M) (ou $O(\log M)$, se o alfabeto estiver ordenado)
- Neste cenário a perda de performance é compensada pela redução da memória necessária
- Esta é a abordagem mais econômica em termos de memória

Strings e programação funcional

Motivação

 Mapas, filtros e reduções são técnicas de programação funcional que permitem alterar os elementos de um vetor, gerar um novo vetor a partir da seleção de elementos específicos de um vetor dado ou gerar um único objeto ou elemento a partir dos elementos de um vetor

Motivação

- Mapas, filtros e reduções são técnicas de programação funcional que permitem alterar os elementos de um vetor, gerar um novo vetor a partir da seleção de elementos específicos de um vetor dado ou gerar um único objeto ou elemento a partir dos elementos de um vetor
- Sendo uma string um vetor de caracteres, estas técnicas podem ser adaptadas para o contexto da manipulação de textos e caracteres

Motivação

- Mapas, filtros e reduções são técnicas de programação funcional que permitem alterar os elementos de um vetor, gerar um novo vetor a partir da seleção de elementos específicos de um vetor dado ou gerar um único objeto ou elemento a partir dos elementos de um vetor
- Sendo uma string um vetor de caracteres, estas técnicas podem ser adaptadas para o contexto da manipulação de textos e caracteres
- A vantagem de tal abordagem é a redução do tamanho do código, evitando laços e variáveis temporárias explícitas

Motivação

- Mapas, filtros e reduções são técnicas de programação funcional que permitem alterar os elementos de um vetor, gerar um novo vetor a partir da seleção de elementos específicos de um vetor dado ou gerar um único objeto ou elemento a partir dos elementos de um vetor
- Sendo uma string um vetor de caracteres, estas técnicas podem ser adaptadas para o contexto da manipulação de textos e caracteres
- A vantagem de tal abordagem é a redução do tamanho do código, evitando laços e variáveis temporárias explícitas
- Outro aspecto importante é que o uso de tais conceitos permite simplificar a notação e descrição de problemas de strings

• Um mapa (ou mapeamento) consiste em uma função $m_f:S_N\to S_N$, onde S_N é o conjunto de todas as strings de tamanho N e $f:A\to A$ é uma função cujo domínio é o alfabeto A tal que se $y=m_f(s)$, então y[i]=f(s[i])

- Um mapa (ou mapeamento) consiste em uma função $m_f:S_N\to S_N$, onde S_N é o conjunto de todas as strings de tamanho N e $f:A\to A$ é uma função cujo domínio é o alfabeto A tal que se $y=m_f(s)$, então y[i]=f(s[i])
- ullet Em termos mais simples, m_f mapeia cada caractere de s de acordo com a função f

- Um mapa (ou mapeamento) consiste em uma função $m_f:S_N\to S_N$, onde S_N é o conjunto de todas as strings de tamanho N e $f:A\to A$ é uma função cujo domínio é o alfabeto A tal que se $y=m_f(s)$, então y[i]=f(s[i])
- ullet Em termos mais simples, m_f mapeia cada caractere de s de acordo com a função f
- \bullet Por exemplo, se A é formado pelas letras alfabéticas maiúsculas e minúsculas e f é a função toupper(), o mapeamento m_f tornaria maiúsculas todas as letras de uma string s dada

- Um mapa (ou mapeamento) consiste em uma função $m_f:S_N\to S_N$, onde S_N é o conjunto de todas as strings de tamanho N e $f:A\to A$ é uma função cujo domínio é o alfabeto A tal que se $y=m_f(s)$, então y[i]=f(s[i])
- ullet Em termos mais simples, m_f mapeia cada caractere de s de acordo com a função f
- ullet Por exemplo, se A é formado pelas letras alfabéticas maiúsculas e minúsculas e f é a função toupper(), o mapeamento m_f tornaria maiúsculas todas as letras de uma string s dada
- A implementação do mapeamento pode ser apenas conceitual, usando uma função padrão do C/C++, ou utilizar a função transform() da STL da linguagem C++

Exemplo de implementação de um mapa usando funções

```
1 #include <hits/stdc++ h>
std::string smap(const std::string& s, const std::function<char(char)>& f)
4 {
      std::string v;
      for (const auto& c : s)
7
          y.push_back(f(c));
9
      return y;
10
11 }
13 int main()
14 {
      std::string s = "Teste de mapeamento";
15
      std::cout << smap(s, [](char c) { return (char) toupper(c); }) << '\n';</pre>
16
1.8
      return 0:
19 }
```

Implementação da cifra de César usando a função transform()

```
1 #include <bits/stdc++.h>
3 using namespace std;
5 int main()
6 {
      string text { "cesar cipher xyz" };
7
      string cipher;
9
      transform(text.begin(), text.end(), back_inserter(cipher),
10
          [](char c) {
               return c == ' ' ? c : (((c - 'a') + 3) \% 26) + 'a':
      );
14
      cout << cipher << endl:</pre>
16
      return 0:
1.8
19 }
```

• Um filtro $f_p:S_N \to S_M$ consiste em uma função que gera uma string de tamanho $M \le N$, a partir de uma string de tamanho N, através da seleção dos M caracteres cujo predicado $p:A \to Bool$ retorna verdadeiro

- Um filtro $f_p:S_N\to S_M$ consiste em uma função que gera uma string de tamanho $M\le N$, a partir de uma string de tamanho N, através da seleção dos M caracteres cujo predicado $p:A\to Bool$ retorna verdadeiro
- Assim como os mapas, os filtros podem ser implementados de forma apenas conceitual, usando elementos da própria linguagem, como laços e condicionais

- Um filtro $f_p:S_N\to S_M$ consiste em uma função que gera uma string de tamanho $M\le N$, a partir de uma string de tamanho N, através da seleção dos M caracteres cujo predicado $p:A\to Bool$ retorna verdadeiro
- Assim como os mapas, os filtros podem ser implementados de forma apenas conceitual, usando elementos da própria linguagem, como laços e condicionais
- Outra maneira de implementar o mesmo código é utilizar a função copy_if() da STL, que tem sintaxe semelhante a da função transform()

- Um filtro $f_p:S_N\to S_M$ consiste em uma função que gera uma string de tamanho $M\le N$, a partir de uma string de tamanho N, através da seleção dos M caracteres cujo predicado $p:A\to Bool$ retorna verdadeiro
- Assim como os mapas, os filtros podem ser implementados de forma apenas conceitual, usando elementos da própria linguagem, como laços e condicionais
- Outra maneira de implementar o mesmo código é utilizar a função copy_if() da STL, que tem sintaxe semelhante a da função transform()
- A função remove_copy_if() tem comportamento análogo, mas copia os caracteres que negarem o predicado

Implementação de um filtro usando elementos de C++

```
#include <cctype>
3 bool is_vowel(char c)
4 {
      const string vowels { "aeiou" };
6
      return vowels.find(tolower(c)) != string::npos;
8 }
9
10 string filter_vowels(const string& s)
11 {
      string v:
      for (auto c : s)
14
          if (is_vowel(c))
              v.push_back(c):
16
18
      return v:
```

Implementação de um filtro usando a função copy_if()

```
#include <cctype>
2 #include <algorithm>
4 // Extrai apenas as vogais de s
5 string filter_vowels(const string& s)
6 {
      string v:
      copy_if(s.begin(), s.end(), back_inserter(v),
9
          [](char c)
10
              const string vowels { "aeiou" }:
              return vowels.find(c) != string::npos;
14
      );
16
18
      return v:
```

• Uma redução $r_b:S_N\to T$ gera um elemento do tipo T através da aplicação sucessiva do operador binário b, da esquerda para a direita, em cada elemento de s, tendo como operando esquerdo inicial um valor definido previamente

- Uma redução $r_b:S_N\to T$ gera um elemento do tipo T através da aplicação sucessiva do operador binário b, da esquerda para a direita, em cada elemento de s, tendo como operando esquerdo inicial um valor definido previamente
- Se $b(s_i,s_j)=t_k$ e s_0 é o valor inicial para o operando esquerdo, então a redução se comporta da seguinte maneira na sequência $s=\{s_1,s_2,\ldots,s_N\}$:

$$r_b(s) = \{b(s_0, s_1), s_2, \dots, s_N\}$$

$$= \{b(t_1, s_2), \dots, s_N\}$$

$$= \{b(t_2, s_3), \dots, s_N\}$$

$$= \dots$$

$$= \{b(t_{N-1}, s_N)\} = t_N$$

• Reduções podem ser implementadas de maneira natural usando um laço e um acumulador

- Reduções podem ser implementadas de maneira natural usando um laço e um acumulador
- Uma alternativa é utilizar a função accumulate() da STL, que abstrai o conceito de redução, parametrizando o tipo de retorno e o valor inicial do operando esquerdo

- Reduções podem ser implementadas de maneira natural usando um laço e um acumulador
- Uma alternativa é utilizar a função accumulate() da STL, que abstrai o conceito de redução, parametrizando o tipo de retorno e o valor inicial do operando esquerdo
- No padrão C++17 foi introduzida a função reduce()

- Reduções podem ser implementadas de maneira natural usando um laço e um acumulador
- Uma alternativa é utilizar a função accumulate() da STL, que abstrai o conceito de redução, parametrizando o tipo de retorno e o valor inicial do operando esquerdo
- No padrão C++17 foi introduzida a função reduce()
- O comportamento é semelhante ao da função accumulate(), mas ela não impõem uma ordem na aplicação do operador binário

- Reduções podem ser implementadas de maneira natural usando um laço e um acumulador
- Uma alternativa é utilizar a função accumulate() da STL, que abstrai o conceito de redução, parametrizando o tipo de retorno e o valor inicial do operando esquerdo
- No padrão C++17 foi introduzida a função reduce()
- O comportamento é semelhante ao da função accumulate(), mas ela não impõem uma ordem na aplicação do operador binário
- Este relaxamento permite otimizações por parte do compilador e a execução em paralelo

Implementação de uma redução usando laço e acumulador

Implementação de uma redução usando a função reduce()

```
1 #include <iostream>
#include <numeric>
4 using namespace std:
6 // Soma todos os dígitos da strings de dígitos s
7 int sum(const string& s)
8 {
      return reduce(s.begin(), s.end(), 0, [](int a, char b) { return a + (b - '0'); });
9
10 }
12 int main()
13 {
      cout << sum("12345") << '\n';
14
      return 0;
17 }
```

• Uma tabela de substituição é uma aplicação prática de um mapeamento

- Uma tabela de substituição é uma aplicação prática de um mapeamento
- Ela é definida por uma função $f:A\to A$ que mapeia cada caractere do alfabeto A em outro caractere do mesmo alfabeto

- Uma tabela de substituição é uma aplicação prática de um mapeamento
- Ela é definida por uma função $f:A\to A$ que mapeia cada caractere do alfabeto A em outro caractere do mesmo alfabeto
- Sistemas criptográficos mais simples utilizam tabelas de substituição, como a Cifra de César e a criptografia baseada em ou exclusivo (xor)

- Uma tabela de substituição é uma aplicação prática de um mapeamento
- Ela é definida por uma função $f:A\to A$ que mapeia cada caractere do alfabeto A em outro caractere do mesmo alfabeto
- Sistemas criptográficos mais simples utilizam tabelas de substituição, como a Cifra de César e a criptografia baseada em ou exclusivo (xor)
- Se |A| não é muito grande, a função f pode ser implementada em um array estático, permitindo a consulta da substituição com complexidade O(1)

- Uma tabela de substituição é uma aplicação prática de um mapeamento
- Ela é definida por uma função $f:A\to A$ que mapeia cada caractere do alfabeto A em outro caractere do mesmo alfabeto
- Sistemas criptográficos mais simples utilizam tabelas de substituição, como a Cifra de César e a criptografia baseada em ou exclusivo (xor)
- Se |A| não é muito grande, a função f pode ser implementada em um array estático, permitindo a consulta da substituição com complexidade O(1)
- Caso contrário, ou se o alfabeto não é contíguo, deve ser usado um dicionário para armazenar tais substituições

Exemplo de uso de tabela de substituição

```
1// Exemplo de criptografia baseada em xor
2 #include <bits/stdc++.h>
4 using namespace std;
6 const int MAX { 256 };
vunsigned char table[MAX];
9 string cipher(const string& text)
10 {
      string res;
      transform(text.begin(), text.end(), back_inserter(res),
          [](char c) { return table[(int) c]; }
14
      );
15
16
      return res;
18 }
```

Exemplo de uso de tabela de substituição

```
20 void fill_table(unsigned char key)
21 {
     for (int i = 0; i < MAX; ++i)
          table[i] = (unsigned char) i ^ key;
23
24 }
25
26 string decipher(const string& c)
27 {
      return cipher(c);
28
29 }
30
31 int main()
32 {
      fill_table(0x3B);
33
34
      string message { "Xor cipher example" };
35
      string c = cipher(message);
```

Exemplo de uso de tabela de substituição

```
printf("c = ");
38
      for (size_t i = \emptyset; i < c.size(); ++i)
39
          printf("%02x%c", c[i], (i + 1 == c.size() ? '\n' : ' '));
40
41
     string d = decipher(c);
42
43
      printf("d = [%s]\n", d.c_str());
44
45
      return 0;
46
47 }
```

Tokenização

Definição

 Tokenização é o processo de quebra de um texto em palavras, frases, símbolos, etc, denominados tokens

Definição

- Tokenização é o processo de quebra de um texto em palavras, frases, símbolos, etc, denominados tokens
- Para realizar a tokenização, é necessário primeiramente definir precisamente um token, e esta definição depende do contexto onde os tokens serão utilizados

Definição

- Tokenização é o processo de quebra de um texto em palavras, frases, símbolos, etc, denominados tokens
- Para realizar a tokenização, é necessário primeiramente definir precisamente um token, e esta definição depende do contexto onde os tokens serão utilizados
- Uma abordagem simples é definir uma lista de caracteres delimitadores (como espaços em branco, pontuações, etc) e dividir a string a cada ocorrência de um delimitador

Definição

- Tokenização é o processo de quebra de um texto em palavras, frases, símbolos, etc, denominados tokens
- Para realizar a tokenização, é necessário primeiramente definir precisamente um token, e esta definição depende do contexto onde os tokens serão utilizados
- Uma abordagem simples é definir uma lista de caracteres delimitadores (como espaços em branco, pontuações, etc) e dividir a string a cada ocorrência de um delimitador
- Por exemplo, a frase "O rato roeu a roupa do rei de Roma" seria dividida em 9 tokens: "O", "rato", "roeu", "a", "roupa", "do", "rei", "de", "Roma"

• A linguagem C oferece uma função para tokenização na biblioteca string.h, denominada strtok()

- A linguagem C oferece uma função para tokenização na biblioteca string.h, denominada strtok()
- Ela recebe como primeiro parâmetro um ponteiro para a string a ser tokenizada e como segundo parâmetro uma lista de delimitadores

- A linguagem C oferece uma função para tokenização na biblioteca string.h, denominada strtok()
- Ela recebe como primeiro parâmetro um ponteiro para a string a ser tokenizada e como segundo parâmetro uma lista de delimitadores
- Ela retorna um ponteiro para o início do próximo token, ou NULL, caso não exista mais tokens

- A linguagem C oferece uma função para tokenização na biblioteca string.h, denominada strtok()
- Ela recebe como primeiro parâmetro um ponteiro para a string a ser tokenizada e como segundo parâmetro uma lista de delimitadores
- Ela retorna um ponteiro para o início do próximo token, ou NULL, caso não exista mais tokens
- Esta função tem um comportamento incomum, devido três aspectos importantes:

- A linguagem C oferece uma função para tokenização na biblioteca string.h, denominada strtok()
- Ela recebe como primeiro parâmetro um ponteiro para a string a ser tokenizada e como segundo parâmetro uma lista de delimitadores
- Ela retorna um ponteiro para o início do próximo token, ou NULL, caso não exista mais tokens
- Esta função tem um comportamento incomum, devido três aspectos importantes:
 - 1. ela mantém, internamente, um ponteiro para o início do próximo token

- A linguagem C oferece uma função para tokenização na biblioteca string.h, denominada strtok()
- Ela recebe como primeiro parâmetro um ponteiro para a string a ser tokenizada e como segundo parâmetro uma lista de delimitadores
- Ela retorna um ponteiro para o início do próximo token, ou NULL, caso não exista mais tokens
- Esta função tem um comportamento incomum, devido três aspectos importantes:
 - 1. ela mantém, internamente, um ponteiro para o início do próximo token
 - 2. esta função altera o parâmetro de entrada, escrevendo o caractere '\0' nas posições onde são encontrados delimitadores

- A linguagem C oferece uma função para tokenização na biblioteca string.h, denominada strtok()
- Ela recebe como primeiro parâmetro um ponteiro para a string a ser tokenizada e como segundo parâmetro uma lista de delimitadores
- Ela retorna um ponteiro para o início do próximo token, ou NULL, caso não exista mais tokens
- Esta função tem um comportamento incomum, devido três aspectos importantes:
 - 1. ela mantém, internamente, um ponteiro para o início do próximo token
 - 2. esta função altera o parâmetro de entrada, escrevendo o caractere '\0' nas posições onde são encontrados delimitadores
 - 3. a função strtok() não retorna *tokens* vazios (isto é, de tamanho zero)

• Devido ao aspecto 1, para obter vários tokens de uma mesma string, as chamadas subsequentes à primeira devem receber NULL como primeiro parâmetro

- Devido ao aspecto 1, para obter vários tokens de uma mesma string, as chamadas subsequentes à primeira devem receber NULL como primeiro parâmetro
- Este comportamento faz com que esta função não seja segura num contexto multithread

- Devido ao aspecto 1, para obter vários tokens de uma mesma string, as chamadas subsequentes à primeira devem receber NULL como primeiro parâmetro
- Este comportamento faz com que esta função não seja segura num contexto multithread
- Já em relação ao aspecto 2, se for necessário preservar o conteúdo original da string, deve ser passada uma cópia da mesma como primeiro parâmetro

- Devido ao aspecto 1, para obter vários tokens de uma mesma string, as chamadas subsequentes à primeira devem receber NULL como primeiro parâmetro
- Este comportamento faz com que esta função não seja segura num contexto multithread
- Já em relação ao aspecto 2, se for necessário preservar o conteúdo original da string, deve ser passada uma cópia da mesma como primeiro parâmetro
- Por fim, por conta do aspecto 3, a chamada de strtok() na string "aaaaa" com delimitador "a" retorna NULL já na primeira chamada

- Devido ao aspecto 1, para obter vários tokens de uma mesma string, as chamadas subsequentes à primeira devem receber NULL como primeiro parâmetro
- Este comportamento faz com que esta função não seja segura num contexto multithread
- Já em relação ao aspecto 2, se for necessário preservar o conteúdo original da string, deve ser passada uma cópia da mesma como primeiro parâmetro
- Por fim, por conta do aspecto 3, a chamada de strtok() na string "aaaaa" com delimitador "a" retorna NULL já na primeira chamada
- A biblioteca string.h oferece uma versão thread safe de strtok(), denominada strtok_r()

- Devido ao aspecto 1, para obter vários tokens de uma mesma string, as chamadas subsequentes à primeira devem receber NULL como primeiro parâmetro
- Este comportamento faz com que esta função não seja segura num contexto multithread
- Já em relação ao aspecto 2, se for necessário preservar o conteúdo original da string, deve ser passada uma cópia da mesma como primeiro parâmetro
- Por fim, por conta do aspecto 3, a chamada de strtok() na string "aaaaa" com delimitador "a" retorna NULL já na primeira chamada
- A biblioteca string.h oferece uma versão thread safe de strtok(), denominada strtok_r()
- Nesta função há um terceiro parâmetro, que é utilizado para memorizar a posição do próximo token

Exemplo de uso da função strtok()

```
1 #include <stdio h>
2 #include <string.h>
4 int main() {
     char cpf[] = "123.456.789-10", *token = NULL;
6
     token = strtok(cpf, ".");
7
      printf("token = [%s]\n", token);  /* token = [123] */
9
      token = strtok(NULL, ".");
10
      printf("token = [%s]\n", token); /* token = [456] */
     token = strtok(NULL, "-");
      printf("token = [%s]\n", token): /* token = [798] */
14
      token = strtok(NULL, "\0"):
16
      printf("token = [%s], cpf = [%s]\n", token, cpf); /* token = [10]. cpf = [123] */
1.8
      return 0:
19
20 }
```

• Em C++, a função getline() da biblioteca string pode ser utilizada para tokenização

- Em C++, a função getline() da biblioteca string pode ser utilizada para tokenização
- Ela recebe como primeiro parâmetro um fluxo de entrada (cin, um arquivo, um fluxo de caracteres, etc)

- Em C++, a função getline() da biblioteca string pode ser utilizada para tokenização
- Ela recebe como primeiro parâmetro um fluxo de entrada (cin, um arquivo, um fluxo de caracteres, etc)
- O segundo parâmetro é a string que conterá o token identificado

- Em C++, a função getline() da biblioteca string pode ser utilizada para tokenização
- Ela recebe como primeiro parâmetro um fluxo de entrada (cin, um arquivo, um fluxo de caracteres, etc)
- O segundo parâmetro é a string que conterá o token identificado
- O terceiro parâmetro é o caractere delimitador

- Em C++, a função getline() da biblioteca string pode ser utilizada para tokenização
- Ela recebe como primeiro parâmetro um fluxo de entrada (cin, um arquivo, um fluxo de caracteres, etc)
- O segundo parâmetro é a string que conterá o token identificado
- O terceiro parâmetro é o caractere delimitador
- Se omitido, o caractere '\n' será considerado o delimitador

- Em C++, a função getline() da biblioteca string pode ser utilizada para tokenização
- Ela recebe como primeiro parâmetro um fluxo de entrada (cin, um arquivo, um fluxo de caracteres, etc)
- O segundo parâmetro é a string que conterá o token identificado
- O terceiro parâmetro é o caractere delimitador
- Se omitido, o caractere '\n' será considerado o delimitador
- Esta função é útil quando há apenas um delimitador

- Em C++, a função getline() da biblioteca string pode ser utilizada para tokenização
- Ela recebe como primeiro parâmetro um fluxo de entrada (cin, um arquivo, um fluxo de caracteres, etc)
- O segundo parâmetro é a string que conterá o token identificado
- O terceiro parâmetro é o caractere delimitador
- Se omitido, o caractere '\n' será considerado o delimitador
- Esta função é útil quando há apenas um delimitador
- Para processos de tokenização mais elaborados pode ser necessário escrever um parser

Exemplo de uso da função getline()

```
1 #include <hits/stdc++ h>
3 int main() {
      std::istringstream is("123.456.789-10");
     std::string token;
5
6
      getline(is, token, '.');
7
      std::cout << token << '\n';  // token = "123":
9
      getline(is, token, '.');
10
      cout << token << '\n';  // token = "456";</pre>
      getline(is, token, '-');
13
      cout << token << '\n':  // token = "789";</pre>
14
      getline(is, token);
16
      cout << token << '\n';  // token = "10":</pre>
18
      return 0:
19
20 }
```

Anagramas

• Anagramas são palavras formadas pelo rearranjo dos caracteres de um conjunto fixo

- Anagramas são palavras formadas pelo rearranjo dos caracteres de um conjunto fixo
- Por exemplo, "iracema" e "america" são anagramas, enquanto que "amora" e "roma" não são anagramas

- Anagramas são palavras formadas pelo rearranjo dos caracteres de um conjunto fixo
- Por exemplo, "iracema" e "america" são anagramas, enquanto que "amora" e "roma" não são anagramas
- "roma" tem os mesmo caracteres, mas não a mesma quantidade: tem um "a" a menos que "amora"

- Anagramas são palavras formadas pelo rearranjo dos caracteres de um conjunto fixo
- Por exemplo, "iracema" e "america" são anagramas, enquanto que "amora" e "roma" não são anagramas
- "roma" tem os mesmo caracteres, mas não a mesma quantidade: tem um "a" a menos que "amora"
- Para se determinar se duas strings s e t são anagramas há duas abordagens possíveis:

- Anagramas são palavras formadas pelo rearranjo dos caracteres de um conjunto fixo
- Por exemplo, "iracema" e "america" são anagramas, enquanto que "amora" e "roma" não são anagramas
- "roma" tem os mesmo caracteres, mas não a mesma quantidade: tem um "a" a menos que "amora"
- Para se determinar se duas strings s e t são anagramas há duas abordagens possíveis:
 - 1. obter os histogramas de ambas strings e compará-los: caso sejam iguais, as strings serão anagramas

- Anagramas são palavras formadas pelo rearranjo dos caracteres de um conjunto fixo
- Por exemplo, "iracema" e "america" são anagramas, enquanto que "amora" e "roma" não são anagramas
- "roma" tem os mesmo caracteres, mas não a mesma quantidade: tem um "a" a menos que "amora"
- Para se determinar se duas strings s e t são anagramas há duas abordagens possíveis:
 - 1. obter os histogramas de ambas strings e compará-los: caso sejam iguais, as strings serão anagramas
 - ordenar ambas strings segundo a ordem lexicográfica: se após a ordenação as strings são iguais, ambas são anagramas

Implementação da verificação de anagramas

```
#include <algorithm>
bool is_anagram(const string& s, const string& t)
4 {
      string a(s), b(t);
5
6
      sort(a.begin(), a.end());
      sort(b.begin(), b.end());
8
9
      return a == b:
11 }
```

• Um problema comum é determinar o número de anagramas distintos que uma determinada palavra tem

- Um problema comum é determinar o número de anagramas distintos que uma determinada palavra tem
- Segundo a Análise Combinatória, este número é dado por um arranjo com repetição

- Um problema comum é determinar o número de anagramas distintos que uma determinada palavra tem
- Segundo a Análise Combinatória, este número é dado por um arranjo com repetição
- Se s tem n caracteres (r deles distintos) e n_1, n_2, \ldots, n_r é o número de ocorrências de cada um dos r caracteres em s, então o número de anagramas distintos A(s) de s é dado por

$$A(s) = \frac{n!}{n_1! n_2! \dots n_r!}$$

- Um problema comum é determinar o número de anagramas distintos que uma determinada palavra tem
- Segundo a Análise Combinatória, este número é dado por um arranjo com repetição
- Se s tem n caracteres (r deles distintos) e n_1, n_2, \ldots, n_r é o número de ocorrências de cada um dos r caracteres em s, então o número de anagramas distintos A(s) de s é dado por

$$A(s) = \frac{n!}{n_1! n_2! \dots n_r!}$$

 \bullet Para listar todos os possíveis anagramas de uma string s, pode-se utilizar a função next_permutation() da biblioteca algorithm da linguagem C++

- Um problema comum é determinar o número de anagramas distintos que uma determinada palavra tem
- Segundo a Análise Combinatória, este número é dado por um arranjo com repetição
- Se s tem n caracteres (r deles distintos) e n_1, n_2, \ldots, n_r é o número de ocorrências de cada um dos r caracteres em s, então o número de anagramas distintos A(s) de s é dado por

$$A(s) = \frac{n!}{n_1! n_2! \dots n_r!}$$

- Para listar todos os possíveis anagramas de uma string s, pode-se utilizar a função next_permutation() da biblioteca algorithm da linguagem C++
- Ela retorna verdadeiro, e modifica a string passada, enquanto houver uma próxima permutação distinta de seus caracteres

Listagem de todos os anagramas

- Um problema comum é determinar o número de anagramas distintos que uma determinada palavra tem
- Segundo a Análise Combinatória, este número é dado por um arranjo com repetição
- Se s tem n caracteres (r deles distintos) e n_1, n_2, \ldots, n_r é o número de ocorrências de cada um dos r caracteres em s, então o número de anagramas distintos A(s) de s é dado por

$$A(s) = \frac{n!}{n_1! n_2! \dots n_r!}$$

- Para listar todos os possíveis anagramas de uma string s, pode-se utilizar a função next_permutation() da biblioteca algorithm da linguagem C++
- Ela retorna verdadeiro, e modifica a string passada, enquanto houver uma próxima permutação distinta de seus caracteres
- ullet Deve-se tomar o cuidado, porém, de ordenar a string s antes das sucessivas chamadas da função next_permutation()

Exemplo de listagem de todos os anagramas de uma palavra

```
1 #include <hits/stdc++ h>
using namespace std;
4
5 int main()
6 {
      string s { "banana" };
      int number = 0;
9
      sort(s.begin(), s.end());
10
      do {
          printf("%02d. %s\n", ++number, s.c_str());
      } while (next_permutation(s.begin(), s.end()));
14
      printf("%s has %d anagrams\n", s.c_str(), number);
16
      return 0:
18
```

Expressões Regulares

• Expressão regular (regular expression ou regex) é uma representação que utiliza símbolos especiais para marcar sequências de caracteres ou repetições

- Expressão regular (regular expression ou regex) é uma representação que utiliza símbolos especiais para marcar sequências de caracteres ou repetições
- As regexes são uma forma compacta e poderosa de representar textos e padrões

- Expressão regular (regular expression ou regex) é uma representação que utiliza símbolos especiais para marcar sequências de caracteres ou repetições
- As regexes são uma forma compacta e poderosa de representar textos e padrões
- Porém, sem o devido cuidado, pode levar a bugs sutis relacionados a falsos positivos (o texto identificado não é o desejado) e a falsos negativos (textos desejados não são identificados)

- Expressão regular (regular expression ou regex) é uma representação que utiliza símbolos especiais para marcar sequências de caracteres ou repetições
- As regexes são uma forma compacta e poderosa de representar textos e padrões
- Porém, sem o devido cuidado, pode levar a bugs sutis relacionados a falsos positivos (o texto identificado não é o desejado) e a falsos negativos (textos desejados não são identificados)
- Algumas linguagens de programação, como Java e Python, tem suporte nativo para expressões regulares

- Expressão regular (regular expression ou regex) é uma representação que utiliza símbolos especiais para marcar sequências de caracteres ou repetições
- As regexes são uma forma compacta e poderosa de representar textos e padrões
- Porém, sem o devido cuidado, pode levar a bugs sutis relacionados a falsos positivos (o texto identificado não é o desejado) e a falsos negativos (textos desejados não são identificados)
- Algumas linguagens de programação, como Java e Python, tem suporte nativo para expressões regulares
- A linguagem C++ incorporou suporte às regexes a partir da versão C++11, com padrão de sintaxe distinta das outras duas linguagens já citadas

1. Cada caractere da *regex* corresponde ao mesmo caractere no texto

- 1. Cada caractere da regex corresponde ao mesmo caractere no texto
- 2. Existem combinações especiais de caracteres para corresponder à sequências de caracteres: por exemplo, \d corresponde a qualquer um dos dez dígitos decimais, \D a qualquer caractere, exceto os dez dígitos decimais

- 1. Cada caractere da regex corresponde ao mesmo caractere no texto
- 2. Existem combinações especiais de caracteres para corresponder à sequências de caracteres: por exemplo, \d corresponde a qualquer um dos dez dígitos decimais, \D a qualquer caractere, exceto os dez dígitos decimais
- 3. O caractere '.' é o coringa: ele representa qualquer caractere. O ponto final é representado pela sequência \.

- 1. Cada caractere da regex corresponde ao mesmo caractere no texto
- 2. Existem combinações especiais de caracteres para corresponder à sequências de caracteres: por exemplo, \d corresponde a qualquer um dos dez dígitos decimais, \D a qualquer caractere, exceto os dez dígitos decimais
- 3. O caractere '.' é o coringa: ele representa qualquer caractere. O ponto final é representado pela sequência \.
- 4. Um conjunto de caracteres válidos para o padrão pode ser representado por meio de colchetes. Por exemplo, a notação [abc] significa ou a, ou b ou c. Se os caracteres são consecutivos, esta notação pode ser abreviada com o uso do símbolo -. Por exemplo, [0-9] tem o mesmo significado que \d

5. A notação de colchetes pode ser usada para excluir caracteres, se usada com conjunto com o símbolo ^. Por exemplo, a notação [^abc] significa "todos os caracteres, exceto a, b e c"

- 5. A notação de colchetes pode ser usada para excluir caracteres, se usada com conjunto com o símbolo ^. Por exemplo, a notação [^abc] significa "todos os caracteres, exceto a, b e c"
- 6. A sequência \w corresponde aos caracteres alfanuméricos [a-zA-Z0-9_];

- 5. A notação de colchetes pode ser usada para excluir caracteres, se usada com conjunto com o símbolo ^. Por exemplo, a notação [^abc] significa "todos os caracteres, exceto a, b e c"
- 6. A sequência \w corresponde aos caracteres alfanuméricos [a-zA-Z0-9_];
- 7. Sequências especiais de caracteres podem ser usadas para representar repetições de caracteres ou padrões:

- 5. A notação de colchetes pode ser usada para excluir caracteres, se usada com conjunto com o símbolo ^. Por exemplo, a notação [^abc] significa "todos os caracteres, exceto a, b e c"
- 6. A sequência \w corresponde aos caracteres alfanuméricos [a-zA-Z0-9_];
- 7. Sequências especiais de caracteres podem ser usadas para representar repetições de caracteres ou padrões:
 - 7.1 um número entre chaves após o caractere/padrão indica o número de repetições ou as quantidades válidas de repetições. Por exemplo, a{5} significa o mesmo que "aaaaa"; a{1-3} indica "de um a três caracteres a"; [abc]{2} indica dois caracteres seguidos dentres os indicados no colchete

- 5. A notação de colchetes pode ser usada para excluir caracteres, se usada com conjunto com o símbolo ^. Por exemplo, a notação [^abc] significa "todos os caracteres, exceto a, b e c"
- 6. A sequência \w corresponde aos caracteres alfanuméricos [a-zA-Z0-9_];
- 7. Sequências especiais de caracteres podem ser usadas para representar repetições de caracteres ou padrões:
 - 7.1 um número entre chaves após o caractere/padrão indica o número de repetições ou as quantidades válidas de repetições. Por exemplo, a{5} significa o mesmo que "aaaaa"; a{1-3} indica "de um a três caracteres a"; [abc]{2} indica dois caracteres seguidos dentres os indicados no colchete
 - 7.2 o caractere '*' significa "zero ou mais repetições"

- 5. A notação de colchetes pode ser usada para excluir caracteres, se usada com conjunto com o símbolo ^. Por exemplo, a notação [^abc] significa "todos os caracteres, exceto a, b e c"
- 6. A sequência \w corresponde aos caracteres alfanuméricos [a-zA-Z0-9_];
- 7. Sequências especiais de caracteres podem ser usadas para representar repetições de caracteres ou padrões:
 - 7.1 um número entre chaves após o caractere/padrão indica o número de repetições ou as quantidades válidas de repetições. Por exemplo, a{5} significa o mesmo que "aaaaa"; a{1-3} indica "de um a três caracteres a"; [abc]{2} indica dois caracteres seguidos dentres os indicados no colchete
 - 7.2 o caractere '*' significa "zero ou mais repetições"
 - 7.3 o caractere '+' significa "uma ou mais repetições"

7.4 o símbolo ? significa que o caractere ou padrão é opcional, isto é, que pode ou não ocorrer no texto

- 7.4 o símbolo ? significa que o caractere ou padrão é opcional, isto é, que pode ou não ocorrer no texto
- 7.5 O caractere '?' pode ser representado pela sequência de escape \?

- 7.4 o símbolo ? significa que o caractere ou padrão é opcional, isto é, que pode ou não ocorrer no texto
- 7.5 O caractere '?' pode ser representado pela sequência de escape \?
- 7.6 a sequência \s indica espaços em branco (' ', '\t', '\r', '\n')

- 7.4 o símbolo ? significa que o caractere ou padrão é opcional, isto é, que pode ou não ocorrer no texto
- 7.5 O caractere '?' pode ser representado pela sequência de escape \?
- 7.6 a sequência \s indica espaços em branco (' ', '\t', '\r', '\n')
- 7.7 os símbolos ^ e \$ representam, respectivamente, o início e o fim do texto

- 7.4 o símbolo ? significa que o caractere ou padrão é opcional, isto é, que pode ou não ocorrer no texto
- 7.5 O caractere '?' pode ser representado pela sequência de escape \?
- 7.6 a sequência \s indica espaços em branco (' ', '\t', '\r', '\n')
- 7.7 os símbolos ^ e \$ representam, respectivamente, o início e o fim do texto
- 7.8 parêntesis podem ser utilizados para armazenar trechos do texto que correspondem à expressão entre parêntesis para posterior uso. Eles podem ser aninhados

- 7.4 o símbolo ? significa que o caractere ou padrão é opcional, isto é, que pode ou não ocorrer no texto
- 7.5 O caractere '?' pode ser representado pela sequência de escape \?
- 7.6 a sequência \s indica espaços em branco (' ', '\t', '\r', '\n')
- 7.7 os símbolos ^ e \$ representam, respectivamente, o início e o fim do texto
- 7.8 parêntesis podem ser utilizados para armazenar trechos do texto que correspondem à expressão entre parêntesis para posterior uso. Eles podem ser aninhados
- 7.9 o símbolo | pode ser utilizado como ou lógico para separar grupos de padrões possíveis: a expressão (abc|123) significa ou 'a', 'b', 'c' ou '1', '2', '3'

Exemplo de uso de regex em Java

```
public class Main {
      public static void main(String[] args) {
          String regex = (\d{3}\).){2}\d{3}-\d{2}":
          String cpf = "123.456.789-10";
4
5
          System.out.println(cpf.matches(regex));
                                                   // true
6
          String text = "12345678910";
          System.out.println(text.matches(regex));  // false
9
10
          text = "123-456-789-10";
          System.out.println(text.matches(regex));  // false
          text = "123.456.789-1":
14
          System.out.println(text.matches(regex));  // false
16
          text = "23.456.789-10":
          System.out.println(text.matches(regex)); // false
18
20 }
```

Referências

- 1. CppReference. Accumulate, acesso em 24/03/2017.
- 2. CppReference. Copy, acesso em 24/03/2017.
- 3. CppReference. Transform, acesso em 24/03/2017.
- 4. CppReference. Reduce, acesso em 14/03/2019.
- 5. **CROCHEMORE**, Maxime; **RYTTER**, Wojciech. *Jewels of Stringology: Text Algorithms*, WSPC, 2002.
- 6. HALIM, Steve; HALIM, Felix. Competitive Programming 3, Lulu, 2013.
- 7. RegexOne. Lesson 1: An Introduction, and the ABCs, acesso em 15/03/2019.
- 8. Wikipedia. Tokenização, acesso em 22/01/2017.