Codeforces Round #191 (Div. 2)

Problema B: Hungry Sequence

Prof. Edson Alves - UnB/FGA

Problema

Iahub and Iahubina went to a date at a luxury restaurant. Everything went fine until paying for the food. Instead of money, the waiter wants Iahub to write a Hungry sequence consisting of n integers.

A sequence a_1, a_2, \ldots, a_n , consisting of n integers, is Hungry if and only if:

- Its elements are in increasing order. That is an inequality $a_i < a_j$ holds for any two indices i, j (i < j).
- For any two indices i and j (i < j), a_j must not be divisible by a_i .

Iahub is in trouble, so he asks you for help. Find a Hungry sequence with \boldsymbol{n} elements.

1

Entrada e saída

Input

The input contains a single integer: $n \ (1 \le n \le 10^5)$.

Output

Output a line that contains n space-separated integers $a_1 a_2, \ldots, a_n \ (1 \le a_i \le 10^7)$, representing a possible Hungry sequence. Note, that each a_i must not be greater than $10000000 \ (10^7)$ and less than 1.

If there are multiple solutions you can output any one.

Exemplos de entrada e saída

Entrada	Saída
3	2 9 15
5	11 14 20 27 31

Solução com complexidade $O(M \log \log M)$

- Suponha que você deseje iniciar uma sequência com estas características em $a_1=k$
- Devido ao segundo critério, nenhum dos elementos subjacentes da sequência pode ser múltiplo de \boldsymbol{k}
- Ou seja, incluir k na sequência "criva" todos seus múltiplos
- Desta maneira, iniciando com $a_1=2$ (pois 1 divide qualquer número) e aplicando o crivo de Erastótenes, os candidatos a demais elementos são todos primos
- Como $\pi(10^7) = 664579 > 10^5$, basta imprimir na saída os N primeiros primos

Solução com complexidade $O(M \log \log M)$

```
vector<int> solve(int N)
2{
3     // A função sieve() retorna números primos menores ou iguais ao
4     // argumento passado, identificados por meio do crivo de Erastótenes
5     auto ps = sieve(10000000);
6
7     vector<int> ans(ps.begin(), ps.begin() + N);
8
9     return ans;
10}
```