# Introdução à Geometria Computacional

Prof. Edson Alves

2018

Faculdade UnB Gama

## Sumário

1. Geometria Computacional

**Geometria Computacional** 

#### Geometria Computacional e Programação Competitiva

- A Geometria Computacional é uma área recente (anos 70), porém é um tópico frequente em maratonas de programação
- Em geral, os competidores devem postergar a solução de problemas desta área para o meio ou o fim do contest, pois estes problemas
  - possuem muitos corner cases, os quais devem ser tratados com atenção
  - erros de precisão inerentes às variáveis em ponto flutuante podem levar ao WA
  - 3. envolvem operações triviais quando feitas com caneta e lápis, mas que possuem implementações sofisticadas
  - 4. apresentam soluções que podem ter codificações longas e tediosas
- Para atacar tais problemas, o competidor tem que se preparar previamente registrando, em suas anotações, as fórmulas básicas e implementações testadas dos algoritmos clássicos da geometria

### Observações sobre problemas de Geometria Computacional

- trate todos os corner cases ou use implementações que os evitem;
- evite o uso de variáveis do tipo ponto flutuante sempre que possível;
- se for possível usar variáveis em ponto flutuante, defina um limiar  $\varepsilon$  (por exemplo,  $\varepsilon=10^{-6}$ ) para o teste de igualdades:

```
i. a=b se, e somente se, |a-b|<\varepsilon ii. a\leq 0 se, e somente se, a<\varepsilon iii. a\geq 0 se, e somente se, a>-\varepsilon
```

```
1 // Comparação de igualdade entre variáveis do tipo ponto flutuante
2 #define EPS 1e-9
3
4 bool equals(double a, double b)
5 {
6    return fabs(a - b) < EPS;
7 }</pre>
```

### Observações sobre problemas de Geometria Computacional

- caso seja necessário usar variáveis do tipo ponto flutuante, utilize double ao invés de float
- se a precisão do tipo **float** (32 *bits*) e do **double** (64 *bits*) não forem suficientes, utilize o tipo **long double** (80 *bits*)
- tome cuidado com a impressão do zero em ponto flutuante: em determinados casos, a saída ser precedida com o sinal negativo

```
1 #include <iostream>
2
3 int main()
4 {
5     std::cout << -1.0 * 0 << '\n';
6
7     return 0;
8 }</pre>
```

### Abordagens para um problema de Geometria Computacional

- Há três abordagens possíveis na busca da solução de um problema de Geometria Computacional: Geometria Analítica, Geometria Plana e Álgebra Linear
- Na Geometria Analítica:
  - as figuras geométricas são localizadas no espaço através das coordenadas de seus pontos ou vértices
  - são usadas equações para representar figuras e relações
  - novas relações podem ser deduzidas através da combinação e manipulação destas expressões
- Na Geometria Plana:
  - as figuras são descritas por suas propriedades
  - a posição absoluta no espaço não é importante, apenas a distância relativa entre duas ou mais figuras
  - as relações são descobertas através de simetrias e semelhanças

### Abordagens para um problema de Geometria Computacional

- Na Álgebra Linear:
  - segmentos de retas são interpretados como vetores
  - transformações como rotações e translações podem simplificar problemas ao deslocar os entes geométricos para uma nova origem
  - transformações lineares são representadas como matrizes, e sua composição equivale a uma multiplicação matricial
- A Geometria Analítica é a mais comum entre as três abordagens
- A Geometria Plana é a abordagem menos comum, mas pode simplificar os problemas quando bem utilizada;
- A Álgebra Linear é útil para descobrir relações que seriam trabalhosas de se verificar utilizando apenas a Geometria Analítica

#### Referências

- 1. HALIM, Felix; HALIM, Steve. Competitive Programming 3, 2010.
- 2. LAAKSONEN, Antti. Competitive Programmer's Handbook, 2018.
- 3. Site oficial do ICPC<sup>1</sup>.
- 4. Site oficial da Maratona de Programação<sup>2</sup>.
- 5. Página do ACM ICPC na Wikipédia<sup>3</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>https://icpc.baylor.edu/

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>http://maratona.ime.usp.br/

 $<sup>^3</sup> https://en.wikipedia.org/wiki/ACM\_International\_Collegiate\_Programming\_Contest$