OJ 11093

Just Finish it Up

Prof. Edson Alves – UnB/FGA

Problema

Along a circular track, there are N gas stations, which are numbered clockwise from 1 up to N. At station i, there are p_i gallons of petrol available. To race from station i to its clockwise neighbor one need q_i gallons of petrol. Consider a race where a car will start the race with an empty fuel tank. Your task is to find whether the car can complete the race from any of the stations or not. If it can then mention the smallest possible station i from which the lap can be completed.

1

Entrada e saída

Input

First line of the input contains one integer T the number of test cases. Each test case will start with a line containing one integer N, which denotes the number of gas stations. In the next few lines contain 2N integers. First N integers denote the values of p_i s (petrol available at station i), subsequent N integers denote the value of q_i s (amount of petrol needed to go to the next station in the clockwise direction).

Output

For each test case, output the case number in the format "Case c:", where c is the case number starting from 1. Then display whether it is possible to complete a lap by a car with an empty tank or not. If it is not possible to complete the lap then display "Not possible". If possible, then display "Possible from station X", where X is the first possible station from which the car can complete the lap.

Exemplo de entradas e saídas

Constraints

- T < 25
- N < 100001

Sample Input

```
2
5
1 1 1 1 1
1 1 2 1 1
7
1 1 1 10 1 1 1
2 2 2 2 2 2 2 2
```

Sample Output

Case 1: Not possible

Case 2: Possible from station 4

- A solução do problema com complexidade $O(N^2)$ consiste em simular, a partir de todos os postos possíveis, uma corrida, verificando se é possível completar uma volta ou não
- ullet Importante: uma corrida equivale a uma volta completa, isto é, partir de um posto i e retornar a i
- ullet A cada estação, é preciso ver se o valor de q_i é menor ou igual ao combustível disponível
- Se for, esta quantia é subtraída, e o combustível disponível no novo posto deve ser adicionado ao total
- ullet Ao iniciar a corrida em i, o combustível inicial é igual a p_i
- $\bullet\,$ Esta solução deveria levar ao TLE, dado que $N \leq 10^5$, mas os casos de teste são fracos e levam ao AC

- ullet Contudo, é possível resolver este problema com complexidade O(N)
- Para tal, é preciso verificar uma propriedade da solução
- Suponha que a corrida comece no posto i e que, no posto k, verifique-se que não é possível chegar ao posto k+1
- Na solução quadrática, a simulação recomeçaria no posto i+1
- ullet Contudo, é possível começar direto no posto k+1, saltando todos os intermediários
- Eis a prova: se é possível chegar em i+1 a partir de i, começar a prova em i+1 significa ter ou a mesma quantidade de combustível resultante de se começar em i (se $p_i=q_i$), ou ter menos combustível (se $p_i>q_i$)
- ullet Assim, se partir de i significa não alcançar k+1, partir de i+1 também não será possível
- Portanto, cada posto será visitado, no máximo, duas vezes, levando a uma solução linear

```
1 #include <hits/stdc++ h>
₃ using namespace std;
5 int solve(int N, const vector<int>& ps, const vector<int>& qs)
6 {
      int start = 0;
7
      while (start < N)</pre>
9
10
          auto fuel = ps[start], stations = 0;
          auto now = start. next = (now + 1) \% N:
          while (stations < N and qs[now] <= fuel)</pre>
14
               ++stations:
16
              fuel -= qs[now];
               fuel += ps[next];
```

```
now = next;
20
               next = (next + 1) \% N;
21
          if (stations == N)
24
               return start + 1;
25
26
          if (next <= start)</pre>
               break;
28
29
           start = next;
30
31
32
      return 0:
33
34 }
36 int main()
37 {
      ios::sync_with_stdio(false);
```

```
int T;
40
      cin >> T;
41
42
       for (int test = 1; test <= T; ++test)</pre>
43
44
           int N;
45
           cin >> N;
46
47
           vector<int> ps(N), qs(N);
48
49
           for (int i = \emptyset; i < N; ++i)
50
               cin >> ps[i]:
51
52
           for (int i = \emptyset; i < N; ++i)
53
               cin >> qs[i];
54
55
           auto ans = solve(N, ps, qs);
56
57
           cout << "Case " << test << ": ":
58
```

```
60     if (ans > 0)
61         cout << "Possible from station " << ans << '\n';
62         else
63         cout << "Not possible\n";
64     }
65
66     return 0;
67 }</pre>
```