Experimental Educational Round: VoIBIT Formulas Blitz

Problema C: Lucky Numbers

Prof. Edson Alves - UnB/FGA

Codeforces 630C - Lucky Numbers

The numbers of all offices in the new building of the Tax Office of IT City will have lucky numbers.

Lucky number is a number that consists of digits 7 and 8 only. Find the maximum number of offices in the new building of the Tax Office given that a door-plate can hold a number not longer than n digits.

1

Entrada e saída

Input

The only line of input contains one integer $n\ (1 \le n \le 55)$ – the maximum length of a number that a door-plate can hold.

Output

Output one integer – the maximum number of offices, than can have unique lucky numbers not longer than n digits.

2

Exemplos de entrada e saída

Entrada	Saíd
2	6

Solução com complexidade O(1)

- Para um M fixo, há 2^M números distintos que podem ser formados usando os dígitos 7 e 8, pois, para cada posição há duas escolhas: 7 ou 8
- Assim, a resposta S do problema é dada por

$$S = \sum_{i=1}^{N} 2^{i} = 2^{1} + 2^{2} + \dots + 2^{N}$$

• Observe que

$$S + 1 = 1 + 2^1 + 2^2 + \ldots + 2^N = 2^{N+1} - 1$$

• Assim $S=2^{N+1}-2$ e esta expressão pode ser computada em O(1) por meio de um deslocamento binário

4

Solução com complexidade O(1)

```
#include <bits/stdc++.h>
₃using namespace std;
5 int main()
6 {
    int N;
7
      cin >> N:
9
      cout << (1LL << (N + 1)) - 2 << '\n';
1.0
      return 0:
12
13 }
```