OJ 10221

Satellites

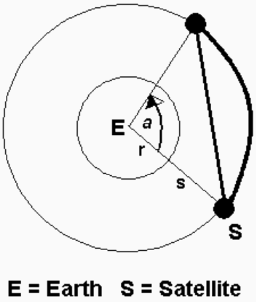
Prof. Edson Alves

Faculdade UnB Gama

OJ 10221 – Satellites

Problema

The radius of earth is 6440 Kilometer. There are many Satellites and Asteroids moving around the earth. If two Satellites create an angle with the center of earth, can you find out the *distance* between them? By *distance* we mean both the *arc* and *chord* distances. Both satellites are on the same orbit (However, please consider that they are revolving on a circular path rather than an elliptical path).



Entrada e saída

Input

The input file will contain one or more test cases.

Each test case consists of one line containing two-integer s and a, and a string ‘`min`’ or ‘`deg`’. Here s is the distance of the satellite from the surface of the earth and a is the angle that the satellites make with the center of earth. It may be in minutes ($'$) or in degrees ($^\circ$). Remember that the same line will never contain minute and degree at a time.

Output

For each test case, print one line containing the required distances i.e. both arc *distance* and *chord distance* respectively between two satellites in Kilometer. The distance will be a floating-point value with six digits after decimal point.

Exemplo de entradas e saídas

Sample Input

```
500 30 deg
700 60 min
200 45 deg
```

Sample Output

```
3633.775503 3592.408346
124.616509 124.614927
5215.043805 5082.035982
```

Solução

- A primeira etapa da solução é uniformizar as unidades de medida

Solução

- A primeira etapa da solução é uniformizar as unidades de medida
- Sabendo que um grau tem 60 minutos, a conversão de x minutos para y graus é

$$y = \frac{x}{60}$$

Solução

- A primeira etapa da solução é uniformizar as unidades de medida
- Sabendo que um grau tem 60 minutos, a conversão de x minutos para y graus é

$$y = \frac{x}{60}$$

- Sabendo que π radianos correspondem a 180°, segue que o ângulo α, em radianos, será de

$$\alpha = \frac{a\pi}{180}$$

Solução

- A primeira etapa da solução é uniformizar as unidades de medida
- Sabendo que um grau tem 60 minutos, a conversão de x minutos para y graus é

$$y = \frac{x}{60}$$

- Sabendo que π radianos correspondem a 180°, segue que o ângulo α, em radianos, será de

$$\alpha = \frac{a\pi}{180}$$

- O comprimento c do arco será dado por $c = \alpha R$, onde R é o raio até o satélite, isto é, $r + s$

Solução

- A primeira etapa da solução é uniformizar as unidades de medida
- Sabendo que um grau tem 60 minutos, a conversão de x minutos para y graus é

$$y = \frac{x}{60}$$

- Sabendo que π radianos correspondem a 180˚, segue que o ângulo α, em radianos, será de

$$\alpha = \frac{a\pi}{180}$$

- O comprimento c do arco será dado por $c = \alpha R$, onde R é o raio até o satélite, isto é, $r + s$
- A corda terá comprimento L igual a

$$L = 2R\sin(\frac{\alpha}{2})$$

Solução

- A primeira etapa da solução é uniformizar as unidades de medida
- Sabendo que um grau tem 60 minutos, a conversão de x minutos para y graus é

$$y = \frac{x}{60}$$

- Sabendo que π radianos correspondem a 180°, segue que o ângulo α, em radianos, será de

$$\alpha = \frac{a\pi}{180}$$

- O comprimento c do arco será dado por $c = \alpha R$, onde R é o raio até o satélite, isto é, $r + s$
- A corda terá comprimento L igual a

$$L = 2R\sin(\frac{\alpha}{2})$$

- A solução tem complexidade $O(T)$, onde T é o número de casos de teste

Solução AC com complexidade $O(T)$

```
#include <bits/stdc++.h>

const int R { 6440 };
const double PI = acos(-1.0);

double arc(double s, double a)
{
    auto r = s + R;

    return r*a;
}

double chord(double s, double a)
{
    auto r = s + R;

    return 2*r*sin(a/2);
}
```

Solução AC com complexidade $O(T)$

```
int main()
{
    double s, a;
    string unit;

    while (cin >> s >> a >> unit)
    {
        if (unit[0] == 'm') a /= 60;

        if (a > 180) a = 360 - a;

        a *= (PI/180.0);

        printf("%.6f %.6f\n", arc(s, a), chord(s, a));
    }

    return 0;
}
```