# aaa2016slides

### September 22, 2016

```
#
Tratamiento formal de diferencia de imágenes con PSF espacialmente variable
###
Búsqueda de eventos transitorios
###
Bruno Sánchez, M. Domínguez, M. Lares
####
Reunión anual de Asociación Argentina de Astronomía
####
San Juan - Septiembre 2016
##
Astronomía de series temporales
|Estallidos de rayos gamma|Ondas Gravitacionales|** y más**| |:--:|:--:| |<img
src='GCN.gif'style="float:center;" width=350/>|||
##
Eventos transitorios
```

#### 0.1 El desafío

Buscar objetos transitorios en el cielo requiere:

- Instrumento dedicado
- Pipeline veloz
- Análisis de diferencias de imágenes (DIA)

# 0.2 El instrumento: Proyecto TOROS

```
Un proyecto de telescopio sinoptico en el NOA Argentino ##

La Pipeline: TOROS Pipeline
###

El software CORRAL

<img src='logo_corral.jpg', style='float:center', width=350>
##

Estructura de la Pipeline
```

### 0.3 Difference Image Analysis (DIA)

• Alard & Lupton 1998: "A Method for Optimal Image Subtraction"

$$Ref(x, y) \otimes Kernel(u, v) = I(x, y)$$

$$Kernel(u, v) = \sum_{n} a_n N(\mu = 0, \sigma_u, \sigma_v) p_u(u) p_v(v)$$

# 0.4 Difference Image Analysis (DIA)

Es necesario igualar PSF entre ambas imágenes.

#### 0.5 Diference Image Analysis (DIA)

• Bramich 2008: "A new algorithm for difference image analysis"

$$I_{ij} = \sum_{l,m} K_{lm} R_{i+l,j+m} + B_0$$

- Bramich 2013, 2015, 2016; Varias mejoras y detalles
- Zackay, Ofek & Gal-Yam 2016: "Proper image subtraction optimal transient detection, photometry and hypothesis testing"
- \*\* En todas las técnicas es necesario medir PSF\*\* Algunas la asumen constante, o constante en regiones.

#### 0.5.1 Zackay, Ofek, Gal-Yam (2016)

Referencia

$$R(x,y) = T(x,y) \otimes P_r(u,v,x,y) + \epsilon_r$$

Nueva Imagen

$$I(x,y) = T(x,y) \otimes P_n(u,v,x,y) + \epsilon_n$$

# 0.6 ProperImage

- ProperImage es un paquete en Python que implementa las técnicas de Zackay & Ofek (2016)
- Utiliza Karhunen-Loeve para estimar PSF variable en el espacio (Lauer 2002): es un método para extraer la máxima información posible de un conjunto de N observaciones, reduciendo la dimensionalidad:

$$P(u, v, x, y) = \sum_{i=1}^{\infty} a_i(u, v) p_i(x, y) \approx \sum_{i=1}^{K} a_i(u, v) p_i(x, y)$$
$$I(x, y) = \sum_{i=1}^{K} a_i(x, y) (T \otimes p_i)(x, y)$$

#### 0.7 ProperImage

$$C_{i,j} = \langle P_i^*, P_i^* \rangle$$

Autovalores, autovectores:

$$\lambda_j, \overrightarrow{\omega_j}$$

Al calcular los  $\lambda_j$  podemos despreciar aquellos que poseen auto-valores cercanos a cero. Esto reduce la dimensión del problema a una dimension K << N. Típicamente: K = 1. Si la Psf varía intensamente es probable un orden mayor.

$$p_i = \sum_{j=1}^{N} (\overrightarrow{\omega_i})_j P_j^*$$

### 0.8 ProperImage

Los campos \$ a\_i(x, y) \$ son determinados mediante proyecciones:

$$a_j(x_i, y_i) = \frac{\langle P_i^*, p_j \rangle}{\|p_j\|^2}$$

Y luego se ajustan polinomios de orden 4, bidimensionales. **Nueva Imagen** 

$$I_{\mid H_0}(x,y) = T(x,y) \otimes P_n(u,v) + \epsilon_n$$

#### Transitorio

$$I_{|H_1(q,\alpha)}(x,y) = (T(x,y) + \alpha \delta_q(x,y)) \otimes P_n(u,v) + \epsilon_n$$

El likelihood ratio se define como:

$$\mathcal{L}(q,\alpha) = \frac{\mathcal{P}(I,R|\mathcal{H}_0)}{\mathcal{P}(I,R|\mathcal{H}_1(q,\alpha))}$$

El estadístico óptimo para detección de fuentes entonces es el siguiente:

$$\widehat{S} \equiv \widehat{\frac{1}{\alpha} \log \mathcal{L}}$$

El cual se calcula simultaneamente para todo valor de

 $\alpha$ 

Y la diferencia de imágenes óptima es entonces:

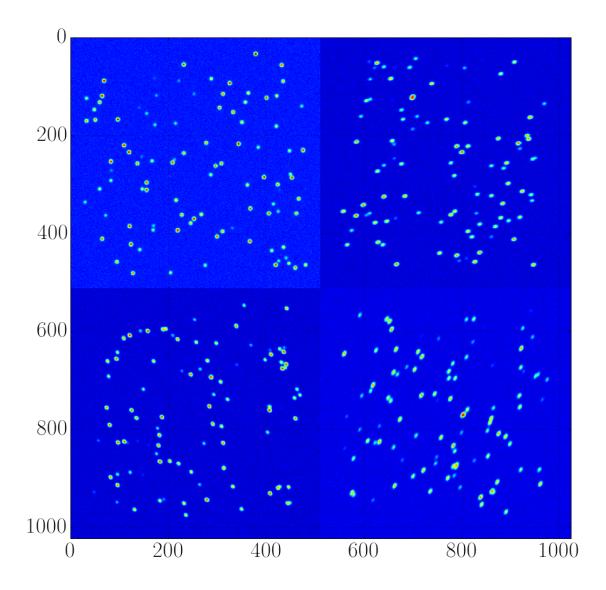
$$\widehat{D} = \lambda (F_r \widehat{P_r} \widehat{N} - F_n \widehat{P_n} \widehat{R})$$

Y se relaciona con el valor de S:

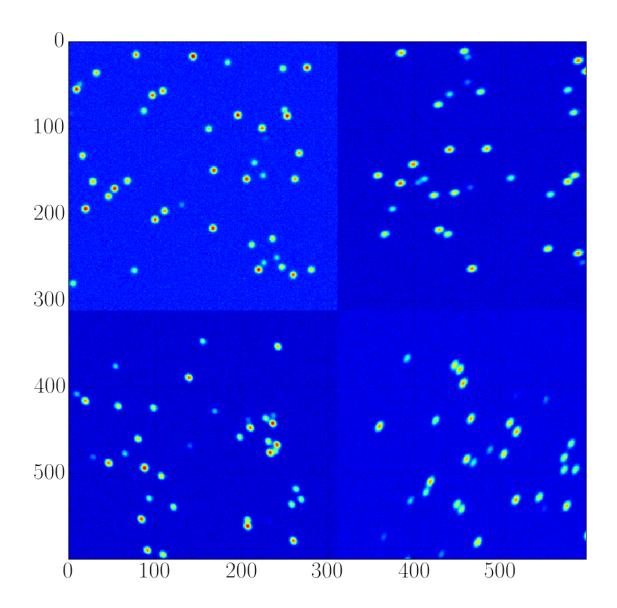
$$\widehat{S} = \widehat{D}\overline{\widehat{P_D}}$$

#### 0.9 ProperImage

Un ejemplo:

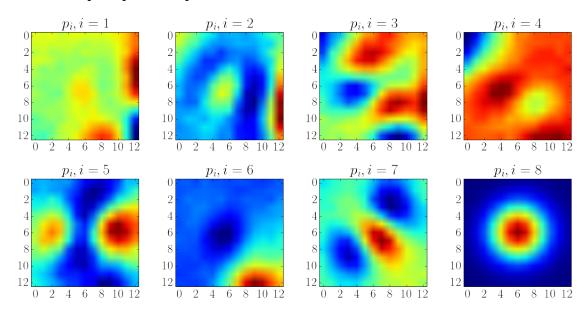


In [5]: plt.figure(figsize=(13,13))
 plt.imshow(np.log(fits.getdata(path)[200:800, 200:800]), interpolation='none')
 plt.grid()

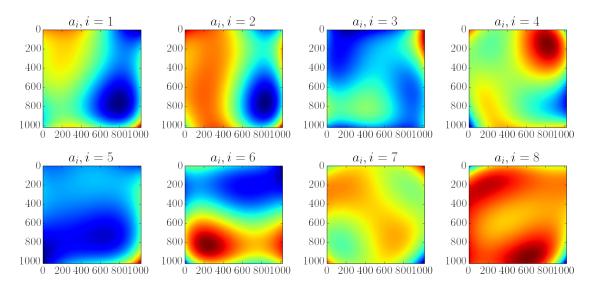


In [6]: import properimage.propercoadd as pc
 with pc.SingleImage(path) as img:
 afields, psf = img.get\_variable\_psf(pow\_th=0.0008)

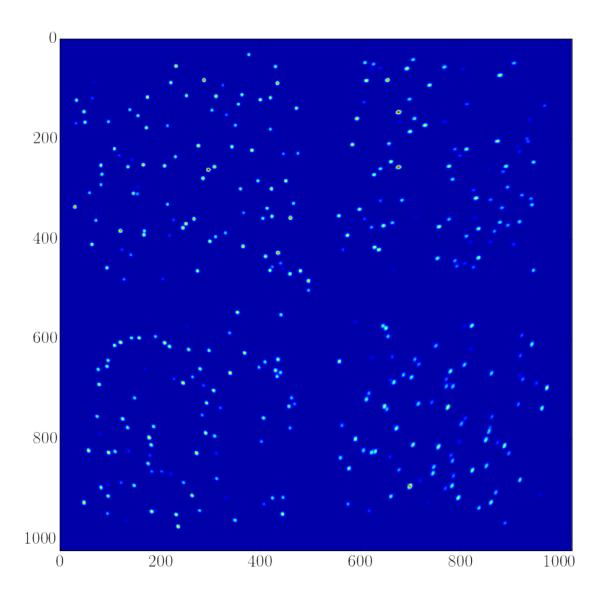
background subtracted image obtained raw sources = 361
Sources good to calculate = 181
returning best sources
Fitshape = (13, 13)
returning Covariance Matrix
obtaining KL basis, using k = 8
obtaining a fields
returning variable psf
cleaning...

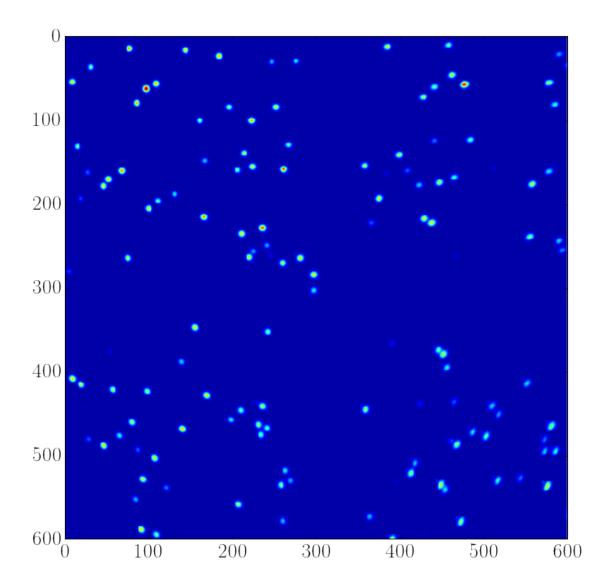


In [13]: utils.plot\_afields(afields, fits.getdata(path).shape, nbook=True)



Out[14]: <matplotlib.image.AxesImage at 0x7f8aa5810890>





$$I(x,y) = \sum_{j=1}^{K} a_j(x,y) \left[ \sum_{x=1}^{N} \delta_{(x_i,y_i)} \otimes p_j \right]$$

# 0.10 Aplicaciones:

- $\bullet$  El método de medición de PSF está aplicado en  ${\it ProperImage}$  para
  - Coadición de imágenes
  - Substracción de imágenes (es necesario  ${\it Real\text{-}Bogus?})$
  - Fotometría -apertura y PSF- y detección de fuentes (matched filter)
  - Mediciones de forma de objetos extendidos

# 1 Preguntas??