Relatório de Análise de Operações de Inserção em árvore AVL e B-tree

Aluno: Bruno Marchi Pires

Introdução

Durante a ocorrência da disciplina de Projetos de Arquivos da universidade do estado de Santa Catarina, foi-se solicitado a implementação de um trabalho cujo a finalidade do mesmo era a análise de complexidade entre dois tipos de árvores, AVL e Btree, este relatório então tem a finalidade de apresentar os resultados obtidos.

Aprendemos no campo da teoria que ambas as árvores possuem uma complexidade de O(log n) quando estamos falando de inserção de dados.

Esta complexidade se estende tanto para pior caso, onde as chaves são todas ordenadas, como para o médio caso, onde as chaves são completamente aleatórias.

Lógica utilizada

Para realizar este trabalho de análise, utilizamos entradas de 100 valores em cada árvores, para pior e médio caso.

Para legitimar a análise de dados, os casos médios foram executados 10 vezes, para obtermos a validade estatística solicitada.

A Btree utilizada no código é de ordem 10.

Gráficos Gerados

A figura 1 representa o gráfico em escala Logarítmica, para facilitar a visualização do comportamento da linha.

Pior Caso

Na parte superior da figura 1 podemos ver como a árvore AVL e a BTREE se comportam para o pior caso, onde as chaves inseridas já estavam ordenadas.

É possível visualizar que para 100 chaves o desempenho da BTREE é inferior ao da árvore AVL, totalizando quase 1500 operações na centésima chave, contra quase 700 da AVL.

Médio Caso

Na parte inferior da figura 1 podemos ver como a árvore AVL e a BTREE se comportam para o caso médio, onde as chaves inseridas já estavam ordenadas.

É possível visualizar que para 100 chaves o desempenho da BTREE é inferior ao da árvore AVL, totalizando quase 2000 operações na centésima chave, contra quase 600 da AVL.

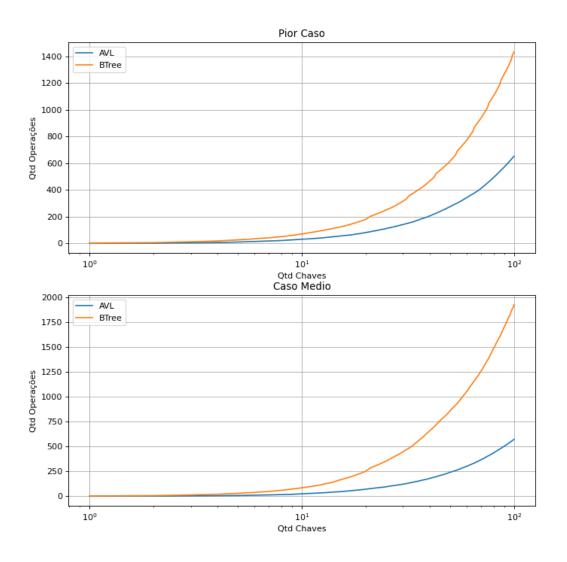


Figura 1. Gráficos gerados em escala Logarítimica.

Conclusões

No início do projeto, era esperado que ambas tivessem comportamentos similares. O que não foi verificado nos gráficos, por isso, estudando os resultados obtidos, a conclusão retirada é de que a grande diferença entre ambas as árvores pode ter ocorrido pelo fato de a ordem utilizada na Btree não ser a ideal. Durante a proposta do trabalho essa ordem não foi especificada, então foi-se utilizado uma árvore de ordem 10.

Também era esperado que a quantidade de operações fosse maior no pior caso que no médio, e de fato foi o que obtivemos nos gráficos, e ainda neles, percebemos que a diferença de pior pra médio caso foi maior na Btree do que na árvore AVL.