Nome: Bruno Marchi Pires

Disciplina: Complexidade de Algoritmos - UDESC

Data: 16/06/2021

Observação: As resoluções dos exercícios 2, 3, 4, 6 encontram-se no final do PDF

Exercício 1:

O algoritmo recursivo com complexidade exponencial, apresentado pelo professor na questão, possui um gráfico aproximado ao primeiro gráfico da imagem abaixo.

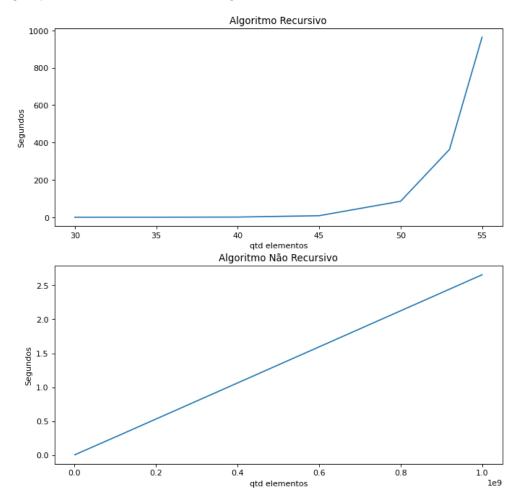
O algoritmo não recursivo, cuja implementação está no arquivo "lista.c" enviado junto com este PDF, possui complexidade linear, e seu gráfico é o segundo apresentado na figura abaixo.

Algumas observações:

Os gráficos foram desenvolvidos utilizando a linguagem "python", e as bibliotecas "numpy" e "matplotlib", mas os dados expressos foram retirados dos algoritmos implementados em C.

Como a complexidade do segundo algoritmo é linear, a quantidade de elementos teve que ser alterada para melhor comparação, pois a máquina executava de maneira instantânea (cálculo do tempo retornava sempre 0), quantidades de elementos que o primeiro algoritmo demorava minutos, tornando impossível a comparação de "n"s iguais.

O eixo x do segundo gráfico, está em uma notação exponencial, onde os valores são multiplicados por 10^9.



Exercício 5:

O código está no arquivo chamado "lista.c", enviado juntamente com este PDF.

Função 1:

```
Lista *insere_inicio(Lista *lista, int elemento)

Lista *novo = (Lista *)malloc(sizeof(Lista));
novo->elem = elemento;
novo->ptr = Lista;
return novo;

You, 18 minutes ago * .
```

Função 2:

```
Lista *insere_final(Lista *lista, int elemento)
{
    Lista *novo = (Lista *)malloc(sizeof(Lista));
    novo->elem = elemento;
    novo->ptr = NULL;
    Lista *aux = Lista;

while (aux->ptr != NULL)
    {
        aux = aux->ptr;
    }
    aux->ptr = novo;
    return Lista;
}
```

A complexidade de tempo da função 1, para inserção de elementos no início de uma lista encadeada, é igual a O(1). Todas as operações, sendo elas declaração, alocação e atribuições de variáveis possuem complexidade O(1). Como existe um ponteiro que identifica sempre a primeira posição da lista, qualquer nova inserção exige poucas manipulações e movimentos, não sendo necessário, por exemplo, percorrer a lista.

A complexidade de tempo da função 2, para inserção de elementos no final de uma lista encadeada, é igual a O(n). As operações de declaração, alocação e atribuições de variáveis possuem complexidade O(1), na função ainda existe um "while (aux->ptr != NULL)", que percorre a lista inteira, até o seu último elemento, para que posteriormente possamos realizar as operações que de fato inserem o novo elemento no final da lista. Este while citado anteriormente possui complexidade igual a O(n), por percorrer toda a lista. Portanto, em suma, temos diversas linhas com complexidade O(1), e um while O(n), sendo possível afirma que a complexidade da função 2 é O(n).

2 - INT POTENCIA (INT 6, INT 6){ T(n) = T(n/2) + 1 -10 T(1) = 1 0(1) INTR; T(n) = [T(n/22)+1]+1 IF(e==0) 0(1) RETURN 1; T(n)=T(n/23)+3 R=POTENCIA (b, 8/2); T(n/2) 1F(en. 2==0) 0(1) T(m) = T(m/2K) + K RETURN RXR; ELSE 0(1) T(n) = 1 + log(n)// RETURN R* R* b; PORTANTO Complexidade De Espaço = O(1) T(n) = Ollogn) - Tempo 6 - VOID IMPRIMIR (Total ARVORE R) { IF (R != NULL) { -> O(1) -DT(n/2) IMPRIMIR (R->esa) PRINTF (000) -00(1) IMPRIMIR (R > DIR) -DI(n/2) T(n)= 2T(n/2) +1 T(1)=1 - NÃO POSSUI RAMIFICAÇÕES n=1 + k=logn 1(n)=2T(n/2)+1 T(n) = 2. [2T(n/22)+1)+1 T(n) = 2. [2. [2] (n)23)+1]+1)+1 [(n) = 23 T(n/23) +3 COMPLEXIDADE DE ESPAÇO = O(n) T(m)= 2K T(m/2K) + K O espago Necessário é igual no Tamanho Tim= 2 logn + logn DA ARVORE DE ENTRADA T(n)=n+logn

LATEMPO

A IMPLEMENTAÇÃO DO ALGORITMO NÃO RECUESIVO
NECUESITA TAMBÉM DA IMPLEMENTAÇÃO DE UMA PILHA,
O CÓDIGO ESTAVA COM PROBLEMAS, QUE NÃO
RESOLVÍ A TEMPO, POR ISSO OPTEI POR NÃO

30
$$T(n) = T(n/a) + n$$
 (Algumas Substituções

 $T(n) = T(m/a) + n$
 $T(m) = T(m/a) + m$
 $T(m) = T(m/a) + m/a^{2} + (m/a) + m$
 $T(m) = T(n) + n \cdot \left[1/2^{2-1} + 1/2^{2-2} + \cos 1/2^{2} + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 + 1/2 +$

Substituindo V em I :

T(n)=2n-1+2n-1+4n-1-n-2 -> T(n)=8n-1-n-2

T(n)=T(n/2) + log n (ALEUMAS DUBSTITUIÇÕES T(1)=1 T(n)=[T(n/2)+logn/2]+logn T(n)=[T(n/2)+logn/3]+logn/2+logn $\Rightarrow log(\frac{n^3}{2^3})$ $\Rightarrow log(n^K)-log(2^K)$ $\frac{n}{2^K}=1; n=2^K; K=logn$ $T(n)=1+log(n^{logn})-log(n)$

40 Tin)=4T(n/2)+n Provar Que é Tin=2n2-n T(1)=1 HIPOTESE DE INDUGAD $T(2^{\kappa})=2\cdot(2^{\kappa})^2-\infty$ T(2") = 2" - 2" BASE DA INDUÇÃO Tin= 2.1-0 T(1)=1 PROVADO! 1=10 PASSO INDUTIVO TO hiPOTESE $T(2^{\kappa+1}) = 4T(2^{\kappa+1}/2) + 2^{\kappa+1}$ 2(2K+1)2-2K+1=4.(2K+1-2K)+2K+1 2.(22K+2)-2K+1 = 22K+3 - 2K+1 -02K+1 22K+3-2K+1 = 2K+3-2K+1/ PROVADO 6