Departamento de Eletrónica, Telecomunicações e Informática

Universidade de Aveiro

Sistemas Multimédia

2024/2025

Guião 02

I. Sinais Compostos por Sinusoides

1. Determine o período, a frequência e o valor máximo (valor de pico) de cada um dos seguintes sinais periódicos. Verifique visualmente no MATLAB.
   a) $x(t) = 2\sin(4\pi t)$
   b) $y(t) = \sin(10\pi t + \pi/2)$
   c) $p(t) = \sin(20\pi t + 70\pi/180) + \sin(20\pi t + 200\pi/180)$
   d) $z(t) = \sin(6\pi t) + \sin(8\pi t)$
   e) $w(t) = \sin(6\pi t) + \sin(8\pi t + 0.1)$
   f) $q(t) = \sin(6\pi t) + \sin(7\pi t) + \sin(8\pi t)$

2. Com base no que verificou na alínea 1, obtenha a relação que determina o período de um sinal genérico descrito por:

$$x(t) = \sum_{n=1}^{N} A_n \sin(2\pi f_n t + \phi_n).$$

3. Determine a potência associada a cada um dos sinais representados na alínea 1. Desenvolva uma função no MATLAB que, aceitando como argumentos de entrada o vetor de amostras de um sinal, x, o período de amostragem referente a esse sinal, T_a, e o período do sinal, T, retorna a potência associada ao sinal.

4. Considere um conjunto de sinais definidos pela expressão da alínea 2, onde $N = 3, A_1 = A_2 = A_3 = 1$, e $f_1 = 10Hz, f_2 = 20Hz\ e\ f_3 = 30\ Hz$. Testando diferentes valores para $\phi_n,\ n = 1,2,3$, determinados aleatoriamente entre $]-\pi;\pi]$, mostre que as realizações obtidas para o sinal $x(t)$ são muito distintas entre si (e que o valor de pico varia notoriamente), mas que todas mantêm a mesma potência. Explique esta observação.

>

II. Revisão sobre Números Complexos

1. Considere os números complexos $p = 2 + j3$ e $q = 2 - j3$.
   a) Represente-os na forma polar.
   b) Determine (e represente no plano complexo) o resultado das operações: $p + q$, $p - q,\quad p * q,\quad p/q,\quad \sqrt{p},$ e $\sqrt{-p-q}$.

2. Efetue as seguintes operações, determinando o respetivo resultado final:
   a) $\frac{1-j}{2+j}+\frac{3+j}{4+j2}$
   b) $\frac{1-j}{2+j}+\frac{2+j}{2-j2}$
   c) $2e^{j\frac{\pi}{2}}+2e^{-j\frac{\pi}{2}}$
   d) $1+j+\sqrt{2}e^{j\frac{7\pi}{4}}$

3. Utilizando a relação de Euler, demonstre que:
$$\cos(\omega t)=\frac{e^{j\omega t}+e^{-j\omega t}}{2} \qquad \text{e que} \qquad \sin(\omega t)=\frac{e^{j\omega t}-e^{-j\omega t}}{2j}.$$

4. Usando relações trigonométricas conhecidas, mostre que
$$\cos(\omega_1 t)\cos(\omega_2 t)=\frac{1}{2}\left[\cos\big((\omega_1-\omega_2)t\big)+\cos\big((\omega_1+\omega_2)t\big)\right]$$

5. Considere a equação geral de coeficientes reais:
$$a_2x^2+a_1x+a_0=0.$$
Que condições devem ser verificadas para que esta equação tenha como solução números imaginários puros?

6. Mostre que a multiplicação de um número complexo pelo seu conjugado é igual ao quadrado do seu módulo.