

Autres Paradigmes

DM Haskell

HUET Bryan

Année universitaire 2020

Table des matières

1	Mise sous forme clausale d'une formule du calcul propositionnel (Partie 1)	2
1.1	Visualiser une formule : Question 1	2
1.2	Faire disparaître des opérateurs : Question 2 & 3	2
1.3	Amener les négations devant les littéraux positifs : Question 4,5,6	3
1.4	Faire apparaître une conjonction de clauses : Question 7 & 8 . .	4
2	Résolvante et principe de résolution (Partie 2)	5
2.1	Transformer une Formule en une FormuleBis : Question 9	5
2.2	Résolvante de deux clauses : Question 10,11,12	5
3	Application : les sorites de Lewis Carroll	6

1 Mise sous forme clausale d'une formule du calcul propositionnel (Partie 1)

Pour la bonne compréhension du dm, nous rappellerons à quel opérateurs logique correspond chaque caractère :

Soit g et d deux formules,

\tilde{g} : Non g

$g \ \& \ d$: g Et d

$g \ v \ d$: g Ou d

$g \Rightarrow d$: g Implique d

$g \Leftrightarrow d$: g Équivaut d

1.1 Visualiser une formule : Question 1

visuFormule

```
visuFormule : : Formule -> String

visuFormule (Var p) = p
visuFormule (Non f) = "~" ++ visuFormule f
visuFormule (Et g d) = "(" ++ (visuFormule g) ++ " & "
++ (visuFormule d) ++ ")"
visuFormule (Ou g d) = "(" ++ (visuFormule g) ++ " v "
++ (visuFormule d) ++ ")"
visuFormule (Imp g d) = "(" ++ (visuFormule g) ++ " => "
++ (visuFormule d) ++ ")"
visuFormule (Equi g d) = "(" ++ (visuFormule g) ++ " <=> "
++ (visuFormule d) ++ ")"
```

1.2 Faire disparaître des opérateurs : Question 2 & 3

Soit g et d deux formules,

- Il est possible de remplacer l'opérateur d'implication dans $g \Rightarrow d$ par :

$(g \Rightarrow d) = (\tilde{g} \ v \ d)$

- Il est possible de remplacer l'opérateur d'équivalence dans $g \Leftrightarrow d$ par :

$(g \Leftrightarrow d) = ((g \Rightarrow d) \ \& \ (d \Rightarrow g))$

elimine

`elimine : : Formule -> Formule`

```
elimine (Var p) = (Var p)
elimine (Non f) = (Non (elimine f))
elimine (Et g d) = (Et (elimine g) (elimine d))
elimine (Ou g d) = (Ou (elimine g) (elimine d))
elimine (Imp g d) = (Ou (Non (elimine g)) (elimine d))
elimine (Equi g d) = (Et (elimine (Imp (elimine g) (elimine d)))
  (elimine (Imp (elimine d) (elimine g))))
```

1.3 Amener les négations devant les littéraux positifs : Question 4,5,6

Soit g , d et f des formules,

Grâce à la loi de la double négation, $\text{Non}(\text{Non } f)$ devient f .

Les deux lois de Morgan sont les suivantes :

- $\text{Non } (g \vee d) \Leftrightarrow (\tilde{g}) \& (\tilde{d})$
- $\text{Non } (g \& d) \Leftrightarrow (\tilde{g}) \vee (\tilde{d})$

`disNon` doit appliquer les lois de Morgan et de la double négation.

ameneNon, disNon

`ameneNon, disNon : : Formule -> Formule`

```
ameneNon (Var p) = (Var p)
ameneNon (Non f) = disNon f
ameneNon (Et g d) = (Et (ameneNon g) (ameneNon d))
ameneNon (Ou g d) = (Ou (ameneNon g) (ameneNon d))

disNon (Var p) = (Non (Var p))
disNon (Non f) = (f)
disNon (Et g d) = (Ou (disNon g) (disNon d))
disNon (Ou g d) = (Et (disNon g) (disNon d))
```

1.4 Faire apparaître une conjonction de clauses : Question 7 & 8

developper

```
developper : : Formule -> Formule -> Formule  
  
developper (Et g d) x = (Et (Ou x g) (Ou x d))  
developper x (Et g d) = (Et (Ou x g) (Ou x d))  
developper x y = (Ou x y)
```

formeClausale

```
formeClausale : : Formule -> Formule  
  
formeClausale f = normalise (ameneNon (elimine f))
```

2 Résolvante et principe de résolution (Partie 2)

2.1 Transformer une Formule en une FormuleBis : Question 9

etToListe

```
etToListe : : Formule -> FormuleBis

etToListe (Et g d) = (ouToListe g) : (etToListe d)
etToListe f = [ouToListe f]
```

ouToListe

```
ouToListe : : Formule -> Clause

ouToListe (Ou g d) = (ouToListe g) ++ (ouToListe d)
ouToListe f = [f]
```

2.2 Résolvante de deux clauses : Question 10,11,12

neg

```
neg : : Formule -> Formule

neg (Non f) = f
neg f = (Non f)
```

sontLiees

```
sontLiees : : Clause -> Clause -> Bool

sontLiees [] _ = False
sontLiees (x :xs) ys = ((neg x) 'elem' ys) || (sontLiees xs ys)
```

resolvante

```
resolvante : : Clause -> Clause -> Clause

resolvante [] ys = []
resolvante (x :xs) (y :ys)
  | ((neg x) 'elem' (y :ys)) == True = xs ++ (delete (neg x) (y :ys))
  | ((neg y) 'elem' (x :xs)) == True = ys ++ (delete (neg y) (x :xs))
  | otherwise = [x] ++ [y] ++ resolvante xs ys
```

3 Application : les sorites de Lewis Carroll