UNIVERSIDADE FEDERAL DO PARÁ INSTITUTO DE CI6ENCIAS EXATAS E NATURAIS FACULDADE DE MATEMÁTICA

LISTA DE EXERCÍCIOS

Disciplina: EN01205 Cálculo computacional II

Professora: Cristina Vaz

Período: 2025.2 - Horário: 14h50 às 16h30 - Sala Mirante: 410

Unidade 1: Lista 1

1. Considere os pontos P = (x, y, z) do \mathbb{R}^3 tais que a distância de P a A = (-1, 5, 3) seja o dobro da distância de P a B = (6, 2, -2). Mostre que o conjunto desses pontos é uma esfera e determine seu raio e centro.

- 2. Se $\vec{r}=(x,y,z)$ e $\vec{r}_0=(x_0,y_0,z_0)$, descreva o conjunto dos pontos (x,y,z) tal que $||\vec{r}-\vec{r}_0||=1$
- 3. Determine as equações da reta, nos seguintes casos:
 - a) a reta que passa pelo ponto P=(1,0,-3), e é paralela ao vetor $\vec{v}=(3,1,-8)$;
 - b) a reta que é a intersecção dos planos x + y + z = 1 e x + z = 0
- 4. Determine a equação normal, vetorial e paramétricas do plano π , nos seguintes casos:
 - a) Os pontos P = (2, 1, 5), Q = (-1, 3, 4), R = (3, 0, 6) pertencem a π ;

1

- **b)** O ponto P=(1,2,3) pertence a π e π contém a reta $x=3t,\ y=1+t,$ z=2-t.
- 5. Classifique e esboce as seguintes superfícies:

a)
$$x - y^2 = 0$$
;

- $\mathbf{b)} \ z = \cos(x);$
- c) $\frac{x^2}{36} \frac{z^2}{25} = 9y;$
- **d)** $x^2 = y^2 z^2;$
- **e)** $x = y^2 + 4z^2$;
- $\mathbf{f)} \ \ 25x^2 + 4y^2 + z^2 = 100.$
- 6. Determine a equação da superfície obtida pela rotação da reta x=3y em torno do eixo x.
- 7. Determine a equação da superfície obtida pela rotação da elipse $4x^2 + y^2 = 16$ em torno do eixo x.

Recomendação: Responda as equações conceituais da página 773 do livro do Stewart para revisar e fixar os conceitos (estas questões não fazem parte da Lista 1)