# Grafos

# Plano de Ensino 2024.2

Prof. Roberto Samarone Araújo rsa@ufpa.br

Março/2024

### Identificação

• Disciplina: Grafos

• Carga horária: 68 horas-aula Teóricas: 68 Práticas: 0

• Período: 1o. Semestre de 2024

• Sala: Mirante - Sala:409

### Requisito(s)

Não há

#### Ementa

Conceitos preliminares. Representação computacional para grafos. Caminhamento. Conectividade. Árvores. Planaridade e Coloração. Fluxo em rede. Problemas típicos representáveis em grafos.

#### Objetivos

- Geral: Dotar o aluno de conceitos e algoritmos que possibilitem a abstração de problemas diversos e a solução dos mesmos através de grafos.
- Específicos:
  - Conhecer os principais conceitos de grafos e suas representações computacionais;
  - Conhecer grafos dirigidos e não dirigidos e seus algoritmos;
  - Conhecer os mecanismos de busca em grafos;
  - Conhecer os conceitos de árvore, coloração, fluxo de redes e seus algoritmos.

- Introdução
- Conceitos Básicos
  - Revisão de relações
  - Definição e notação de grafo, exemplos de aplicações
  - Tipos de grafos, vértices adjacentes, laços e arestas paralelas
  - Grafos simples, pseudo-grafo, multigrafos
  - Gafos reflexivo, vazio, nulo e trivial
  - Hipergrafo, grau dos vértices, número de arestas
  - Grafos regulares, completos e bipartidos
  - Subgrafos e Clique
  - Grafos rotulados e valorados
  - Grafos planares
  - Isomorfismo de grafos
  - Algumas Operações com Grafos
  - Iniciando uma API para Grafos



- Conexidade
  - Grafo conexo, subgrafo maximal, componente conexa
  - Conexidade de vértices e arestas, conjuntos de desconexão e aresta desconectante
  - cortes e pontes, k-conexidade, vértices fortemente e fracamente conectados.
- Operações com Grafos

- Representações Computacionais de Grafos
  - Matriz de Adjacência/Incidência
  - Listas de Adjacências
  - Classes/Bibliotecas para linguagens de programação
- Percursos em Grafos
  - Definição, percursos aberto e fechado, percurso simples, percurso elementar, Ciclos
  - Percurso abrangente, Comprimento de um percurso, Caminhos.
  - Percursos eulerianos e hamiltonianos
- Algoritmos de Busca
  - Busca em Profundidade (DFS)
  - Busca em Largura (BFS)



- Percursos em Grafos
  - Caminhos mínimos com uma fonte Alg. de Dijkstra
  - Caminhos mínimos com uma fonte Alg. de Bellman-Ford
  - Caminhos mínimos Alg. de Floyd-Warshall
- Componentes Conectados
  - Algoritmo para encontrar os componentes conectados

- Grafos Dirigidos (Dígrafos)
  - Fechos transitivos
  - Algoritmo de Warshall
  - Dígrafos Acíclicos: Definição, fonte e sumidouro
  - Ordenação Topológica
  - Componentes Fortemente Conectados

- Árvores
  - Conceitos básicos: definição, folhas e vértices interiores, floresta, árvore enraizada, nível e altura da árvore, árvores e os alg. DFS/BFS
  - Árvores geradoras Mínima Subgrafo gerador, cortes, estrutura
  - Algoritmos de Prim e Kruskal

- Coloração de Grafos
- Fluxo de Redes

#### Metodologia

As aulas serão expositivas seguidas de exercícios em sala de aula.

#### Avaliação

A disciplina está dividida em 3(três) avaliações (P1, P2 e P3). Cada avaliação é composta por uma prova no valor de 8(oito) pontos e trabalhos extraclasse no valor de 2(dois) pontos. O conceito final (MF) é dado pela média aritmética simples dessas avaliações:

$$MF = \frac{P1+P2+P3}{3}$$

Conforme o Regimento Geral da UFPA, Art. 178:

Média Final	Conceito
9,0 - 10,0	Excelente
7,0 - 8,9	Bom
5,0 - 6,9	Regular
0 - 4.9	Insuficiente

#### Avaliaç $\tilde{a}o$

### Conforme o Regimento Geral da UFPA:

"Art. 179. Considerar-se-á aprovado o discente que, na disciplina ou atividade correspondente, obtiver o conceito REG, BOM ou EXC e pelo menos setenta e cinco por cento (75%) de frequência nas atividades programadas."

#### Avaliações

Conforme o Regulamento do Ensino de Graduação - Res. n.3.633:

"Art. 115. O discente que, por impedimento legal, doença atestada por serviço médico de saúde ou motivo de força maior, devidamente comprovado, faltar a um momento de verificação de aprendizagem, poderá realizá-la sob a forma de segunda chamada, desde que requeira por escrito à direção da subunidade acadêmica em até setenta e duas horas úteis após a realização da primeira chamada."

#### Cronograma

A provas serão aplicadas nas aulas seguintes ao fim das unidades conforme a tabela.

Avaliação	Matéria	
P1	Conceitos Básicos, Representações Computa-	
	cionais de Grafos, Grafos não Dirigidos	
P2	Grafos Dirigidos, Árvores	
P3	Coloração e Fluxo de Redes	

# Bibliografia Básica

- LEISERSON, Charles E.; STEIN, C.; RIVEST, Ronald L., CORMEN, Thomas H. Algoritmos: Teoria e Prática, 1<sup>a</sup>.ed. Campus, 2002 (caps. 22 à 26);
- Goldbarg M.; Goldbarg E.; Grafos: Conceitos, algoritmos e aplicações, 1<sup>a</sup>.ed. Campus, 2012;
- NETTO, Paulo O. B. Teoria e Modelos e Algoritmos, 4<sup>a</sup>.
  ed. Edgard Blücher. São Paulo, 2006;
- GERSTING, Judith L. Fundamentos Matemáticos para a Ciência da Computação. 5a. Edição. LTC Editora, 2004. 616p. ISBN-10: 8521614225. ISBN-13: 978-8521614227;

# Bibliografia Complementar

- SZWARCFITER, J. L. Grafos e Algoritmos Computacionais. Campus, 1984.
- NETTO, Paulo O. B.; Jurkiewicz, Samuel Grafos: Introdução e Prática, Edgard Blücher. São Paulo, 2009
- SEDGEWICK, Robert; Wayne K. Algorithms, Fourth Edition, Pearson Education, 2011;
- SEDGEWICK, Robert. Algorithms in Java, Part 5: Graph Algorithms, 3rd Edition, Addison-Wesley Professional, 2003;
- GROSS, Jonthan L., YELLEN, Jay. Graph Theory and Its Applications, Second Edition, Chapman and Hall/CRC, 2005.