Stofftransport & Reaktionsgleichungen

P. Buchfink, E. Ott, M. Schleicher

RAD-Gleichunger

Reaktionsgleichungen

Stofftransport & Reaktionsgleichungen

Projekt zur Vorlesung Numerische Simulation WS16/17

P. Buchfink¹ E. Ott¹ M. Schleicher¹

¹Institut Universität Stuttgart

January 31, 2017

Reaktions-Advektions-Diffusions-Gleichung

Stofftransport & Reaktionsgleichungen

P. Buchfink, E. Ott, M. Schleicher

RAD-Gleichungen

Reaktionsgleichungen

$$\frac{\partial C}{\partial t} = \nabla \cdot (D\nabla C) - \nabla \cdot (\vec{v}C) + R(C, t)$$

(Stochastic Problems in Physics and Astronomy, Page 41, S. Chandrasekhar, 1943, Reviews of Modern Physics, American Physical Society)

Zeitschrittbeschränkung

Stofftransport & Reaktionsgle-ichungen

P. Buchfink, E. Ott, M. Schleicher

RAD-Gleichungen

Reaktionsgleichungen Für Diffusion:

$$\Delta t \leq \frac{\Delta x^2 \Delta y^2}{2D(\Delta x^2 + \Delta y^2)}$$

(http://pauli.uni-muenster.de/tp/fileadmin/lehre/NumMethoden/WS0910/ScriptPDE/Heat.pdf, Page

12)

Für Advektion: "Vererbt" von Beschränkung für Strömungslöser

Lotka-Volterra-Modell

Stofftransport & Reaktionsgleichungen

P. Buchfink, E. Ott, M. Schleicher

RAD-Gleichunger

Reaktionsgleichungen R(C, t) nicht analytisch bestimmbar. Modelliert als System von ODEs.

$$\frac{dX_i}{dt} = \alpha_i X_i + \sum_{j=1}^n \beta_{ij} X_j$$

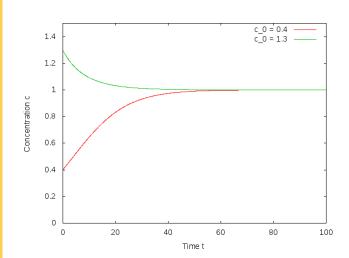
Zudem: $\beta_{ii} = -\frac{\alpha_i}{L}$ mit L als Wachstumsgrenze

(Principes de biologie mathématique, V. Volterra, Acta Biotheoretica, 1937, Volume 3, Issue 1, Pages 1–36)

Stofftransport & Reaktionsgleichungen

P. Buchfink, E. Ott, M. Schleicher

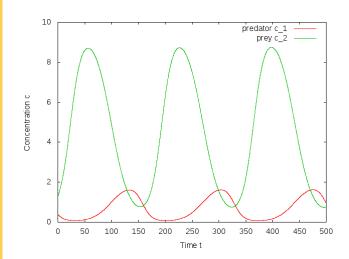
RAD-Gleichungen



Stofftransport & Reaktionsgle-ichungen

P. Buchfink, E. Ott, M. Schleicher

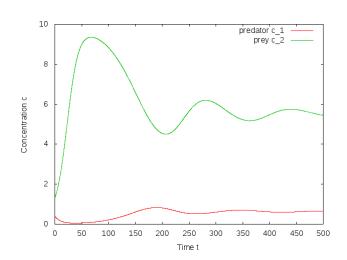
RAD-Gleichungen



Stofftransport & Reaktionsgleichungen

P. Buchfink, E. Ott, M. Schleicher

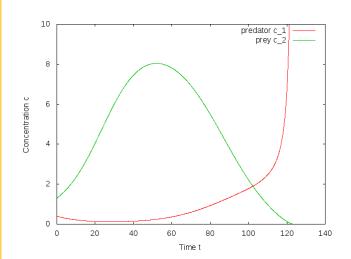
RAD-Gleichungen



Stofftransport & Reaktionsgleichungen

P. Buchfink, E. Ott, M. Schleicher

RAD-Gleichunger



Stofftransport & Reaktionsgleichungen

P. Buchfink, E. Ott, M. Schleicher

RAD-Gleichunge

- Instabilität durch Parameter und Löser überlagert
- Löser lässt sich durch symplektische Verfahren ersetzen
- Parameterwahl nicht trivial, aber auch nicht willkürlich