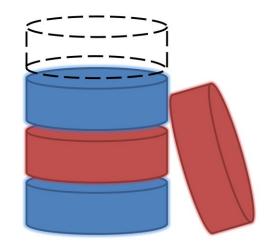
Algebra Relațională



Limbaje de interogare relațională

- *Limbaj de interogare*: Permite manipularea și regăsirea datelor dintr-o bază de date.
- Modelul relațional oferă suport pentru limbaje de interogare simple & puternice:
 - Fundament formal, bazat pe logică.
 - Plajă largă de optimizări.
- Limbaje de interogare != limbaje de programare!
 - nu sunt "Turing complete"
 - nu sunt utilizate pentru calcule complexe
 - oferă o modalitate simplă şi eficientă de acces la mulțimi de date voluminoase

Limbaje de interogare formale

- Două limbaje de interogare formează baza pentru limbajele utilizate în practică (ex. SQL):
 - <u>Algebra Relațională</u>: Mai operatională, utilă pentru reprezentarea planurilor de execuție.
 - *Relational Calculus*: Permite utilizatorilor să descrie **ce**, și nu **cum** să obțină ceea ce doresc. (Non-operational, *declarativ*)

Algebra relațională

- O interogare se aplică *instanței* unei relații, și rezultatul interogării reprezintă de asemenea o instanță de relație.
 - *Structura* relațiilor ce apar într-o interogare este fixă (dar interogarea se va executa indiferent de instanța relației la un moment dat)
 - Structura *rezultatului* unei interogări este de asemenea fixă și este determinată de definițiile construcțiilor limbajului de interogare.
- Notație pozițională sau prin nume:
 - Notația pozițională este mai utilă în definiții formale, însă utilizarea numelor de câmpuri conduce la interogări mai uşor de citit.
 - Ambele variante sunt utilizate în SQL

Algebra relațională

- Operatori de bază:
 - *Proiectia* (π) Elimină atributele nedorite ale unei relații
 - *Selectie* (σ) Selectează o submulțime de tupluri ale unei relații.
 - *Prod cartezian* (X) Permite combinarea a două relații.
 - *Diferenta* (-) Tuplurile ce aparțin unei relații dar nu aparțin celeilalte
 - $\underline{Reuniunea}$ (\cup) Tuplurile aparținând ambelor relații
- Operatori adiționali:
 - Intersecția, *join*, câtul, redenumirea: nu sunt esențiale dar sunt foarte folositoare.
- Deoarece fiecare operator returnează o relație, operatorii pot fi compuși (algebra este "închisă".)

Proiecția

- L = $(a_1, ..., a_n)$ este o listă de atribute (sau o lista de coloane) ale relației R
- Returnează o relație eliminând toate atributele care nu sunt în L

$$\pi_{L}(R) = \{ t \mid t_{1} \in R \land \\ t.a_{1} = t_{1}.a_{1} \land \\ ... \land \\ t.a_{n} = t_{1}.a_{n} \}$$

Exemplu proiecție

 $\pi_{cid, grade}$ (Enrolled)

 $\pi_{\rm cid}$, grade(

sid	cid	grade
1234	Alg1	9
1235	Alg1	10
1234	DB1	10
1234	DB2	9
1236	DB1	7
1237	DB2	9
1237	DB1	5
1237	Alg1	10

	0111	8,
	Alg1	9
	Alg1	10
) =	DB1	10
,	DB2	9
	DB1	7
	DB1	5

Proiecția

Este $\pi_{cid, grade}$ (Enrolled) echivalentă cu

SELECT cid, grade FROM Enrolled ?

Nu! Algebra relațională operează cu mulțimi => nu există duplicate.

SELECT DISTINCT cid, grade

FROM Enrolled

Selecția

■ Selectează tuplurile unei relații R care verifică o condițe c (numită și *predicat de selecție*).

$$\sigma_{c}(R) = \{ t \mid t \in R \land c \}$$

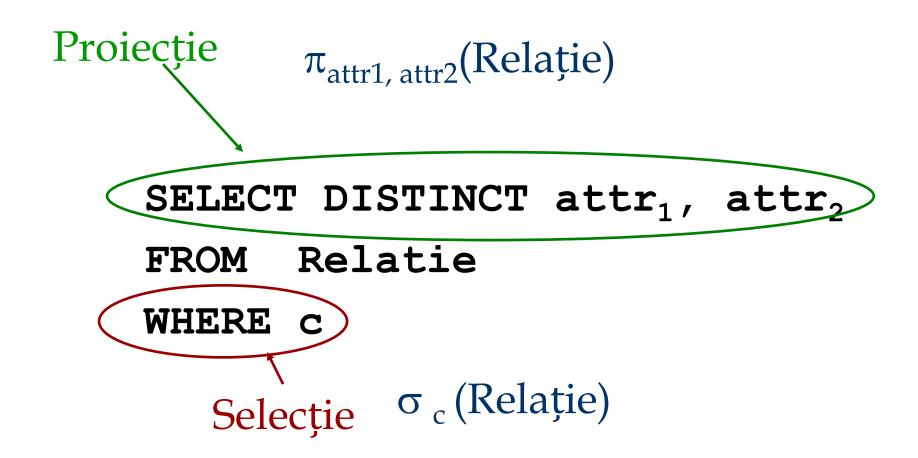
$$\sigma_{\text{grade} > 8}$$
 (Enrolled) = {t | t \in \text{Enrolled} \wedge \text{grade} \in 8}

		sid	cid	grade
١ -		1234	Alg1	9
) -		1235	Alg1	10
	1234	DB2	9	

Selecția

$$\sigma_{\text{grade} > 8}$$
 (Enrolled)

SELECT DISTINCT *
FROM Enrolled
WHERE grade > 8



Condiția selecției

- Term Op Term este o condiție, unde
 - Term este un nume de atribut, sau
 - Term este o constantă
 - Op este un operator logic (ex. <, >, =, ≠ etc.)

■ (C1 \wedge C2), (C1 \vee C2), (\neg C1) sunt condiții formate din operatorii \wedge (*și* logic), \vee (*sau* logic) sau \neg (*negație*), iar C1 și C2 sunt la rândul lor condiții

Compunere

Rezultatul unei interogări este o relație $\pi_{\text{cid, grade}}(\sigma_{\text{grade}})$

sid

1234 Alg1 grade cid 1235 Alg1 10 Alg1 9 DB1 1234 10 Alg1 $\pi_{\text{cid}, \text{grade}}(\sigma_{\text{grade}}) > 8$ 10 1234 DB2 9 DB1 1236 DB1 7 10 DB2 9 9` 1237 DB2 1237 DB1 5 1237 Alg1 10

cid

grade

$$\pi_{\text{cid, grade}}(\sigma_{\text{grade}})$$

SELECT DISTINCT cid, grade FROM Enrolled WHERE grade > 8

$$\sigma_{\text{grade} > 8}(\pi_{\text{cid, grade}}(\text{Enrolled}))$$

Care este interogarea SQL echivalentă?

Putem schimba întotdeauna ordinea operatorilor σ și π ?

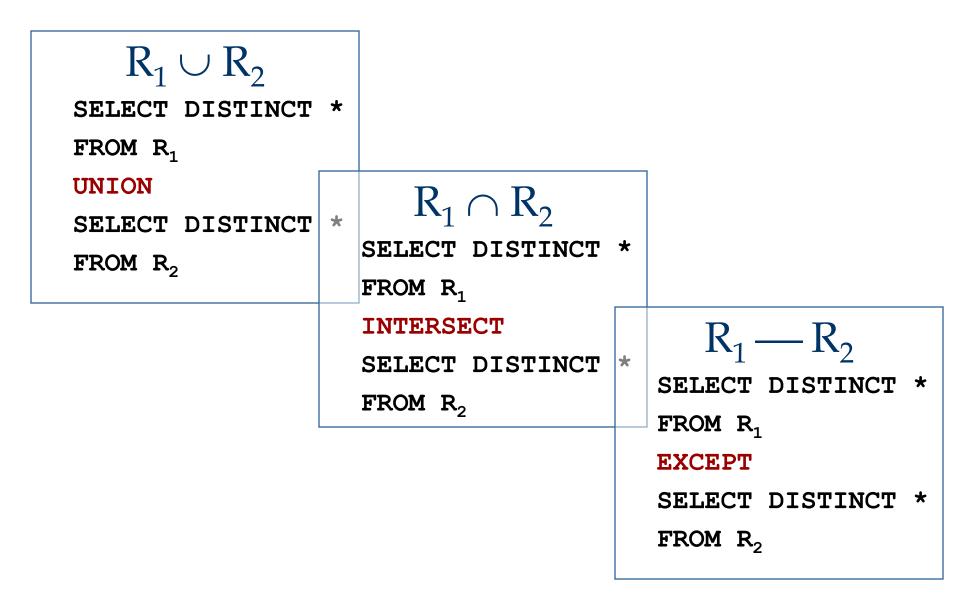
Reuniune, intersecție, diferență

- $\blacksquare R_1 \cup R_2 = \{ t \mid t \in R_1 \lor t \in R_2 \}$
- $\blacksquare R_1 \cap R_2 = \{ t \mid t \in R_1 \land t \in R_2 \}$
- $\blacksquare R_1 R_2 = \{ t \mid t \in R_1 \land t \notin R_2 \}$

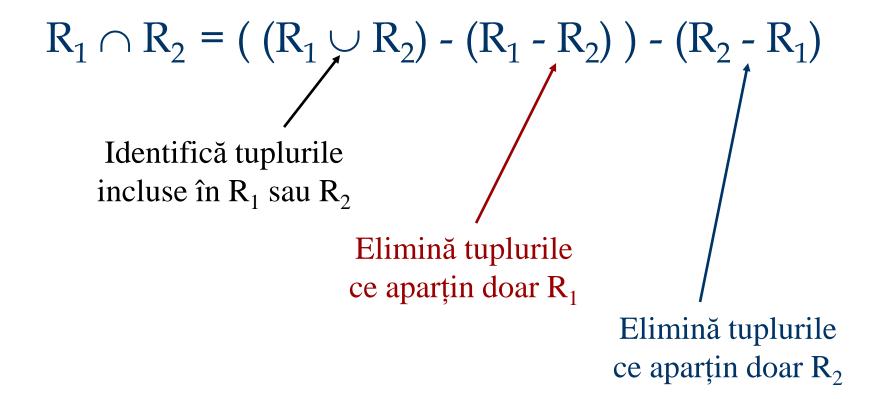
Relațiile R_1 și R_2 trebuie să fie *compatibile*:

- același număr de atribute (aceeași *aritate*)
- atributele aflate pe aceeași poziție au domenii compatibile și același nume

Reuniune, intersecție, diferență în SQL



Toți sunt operatorii esențiali?



Produs cartezian

■ Combinarea a doua relații

$$R_{1}(a_{1}, ..., a_{n}) \text{ \vec{s} i $R_{2}(b_{1}, ..., b_{m})$}$$

$$R_{1} \times R_{2} = \{ t \mid t_{1} \in R_{1} \wedge t_{2} \in R_{2}$$

$$\wedge t.a_{1} = t_{1}.a_{1} ... \wedge t.a_{n} = t_{1}.a_{n}$$

$$\wedge t.b_{1} = t_{2}.b_{1} ... \wedge t.b_{m} = t_{2}.b_{m} \}$$

SELECT DISTINCT *
FROM R₁, R₂

θ-Join

■ Combinarea a doua relații R_1 și R_2 cu respectarea condiției c

$$R_1 \otimes_c R_2 = \sigma_c (R_1 \times R_2)$$

Students ⊗_{Students.sid=Enrolled.sid} Enrolled

SELECT DISTINCT *
FROM Students, Enrolled
WHERE Students.sid =
Enrolled.sid

SELECT DISTINCT *
FROM Students
INNER JOIN Enrolled ON
Students.sid=Enrolled.sid

Equi-Join

■ Combină două relații pe baza unei condiții compuse doar din egalități ale unor atribute aflate în prima și a doua relație și proiectează doar unul dintre atributele redundante (deoarece sunt egale)

$$R_1 \otimes_{E(c)} R_2$$

Courses

cid	cname	
Alg1	Algorithms1	\otimes
DB1	Databases1	E(C)
DB2	Databases2	= Enro

 $\bigotimes_{E(Courses.cid}$ = Enrolled.cid)

Ent	rol	lle	2d

sid	cid	grade
1234	Alg1	9
1235	Alg1	10
1234	DB1	10
1234	DB2	9
1236	DB1	7

cname	sid	cid	grade
Algorithms1	1234	Alg1	9
Algorithms1	1235	Alg1	10
Databases1	1234	DB1	10
Databases2	1234	DB2	9
Databases1	1236	DB1	7

Join Natural

■ Combină două relații pe baza egalității atributelor ce au *același nume ș*i proiectează doar unul dintre atributele redundante

$$R_1 \otimes R_2$$

Courses

cid	cname
Alg1	Algorithms1
DB1	Databases1
DB2	Databases2



sid	cid	grade
1234	Alg1	9
1235	Alg1	10
1234	DB1	10
1234	DB2	9
1236	DB1	7

Enrolled

cname	sid	cid	grade
Algorithms1	1234	Alg1	9
Algorithms1	1235	Alg1	10
Databases1	1234	DB1	10
Databases2	1234	DB2	9
Databases1	1236	DB1	7

Câtul

- Nu este un operator de bază, însă este util în anumite situații (simplifică mult interogarea)
- Fie R_1 cu 2 atribute, x și y și R_2 cu un atribut y:

$$R_1/R_2 = \{ \langle x \rangle \mid \exists \langle x,y \rangle \in R_1 \ \forall \langle y \rangle \in R_2 \}$$

adică, R_1/R_2 conține toate tuplurile x a.î. pentru <u>fiecare</u> dintre tuplurile y din R_2 , există câte un tuplu xy în R_1 .

Sau: Dacă mulțimea valorilor y asociate cu o valoare x din R_1 conține <u>toate</u> valorile y din R_2 , atunci x va fi returnat în rezultat R_1/R_2 .

■ Generalizând, x și y pot reprezenta orice multime de atribute; y este mulțimea atributelor din R_2 , și $x \cup y$ reprezintă atributele lui R_1 .

Modelarea operatorului cât folosind operatori de bază

- Cât-ul nu e un operator esențial, ci doar o "scurtătură".
 - (este și cazul operatorilor *join*, dar aceștia sunt folosiți mult mai des în interogări și au implementări speciale in diferite sisteme)
- *Ideea*: Pentru R_1/R_2 , vom determina valorile x care nu sunt `conenctate' cu anumite valori y din R_2 .
 - valoarea x este deconectată daca atașând la ea o valoare y din R_2 , obținem un tuplu xy ce nu se regăsește în R_1 .

```
Valorile x deconectate: \pi_x ( (\pi_x(R_1) \times R_2) - R_1) R_1 / R_2 = \pi_x(R_1) - (valorile x deconectate)
```

Redenumirea

■ Dacă atributele și relațiile au aceleași nume (de exemplu la *join-*ul unei relații cu ea însăși) este necesar să putem redenumi una din ele

$$\rho(R'(N_1 \to N'_1, N_2 \to N'_2), R)$$
 notație alternativă: $\rho_{R'(N'1, N'2)}(R)$,

■ Noua relație R' are aceeași instanță ca R, iar structura sa conține atributul N'_i în locul atributului N_i

Redenumirea

$$\rho(\text{Courses2 (cid} \rightarrow \text{code,} \\ \text{cname} \rightarrow \text{description),} \\ \text{Courses)}$$

Courses

cid	cname	credits
Alg1	Algorithms1	7
DB1	Databases1	6
DB2	Databases2	6

Courses2

code	description	credits
Alg1	Algorithms1	7
DB1	Databases1	6
DB2	Databases2	6

SELECT cid as code,

cname as description,

credits

FROM Courses Courses2

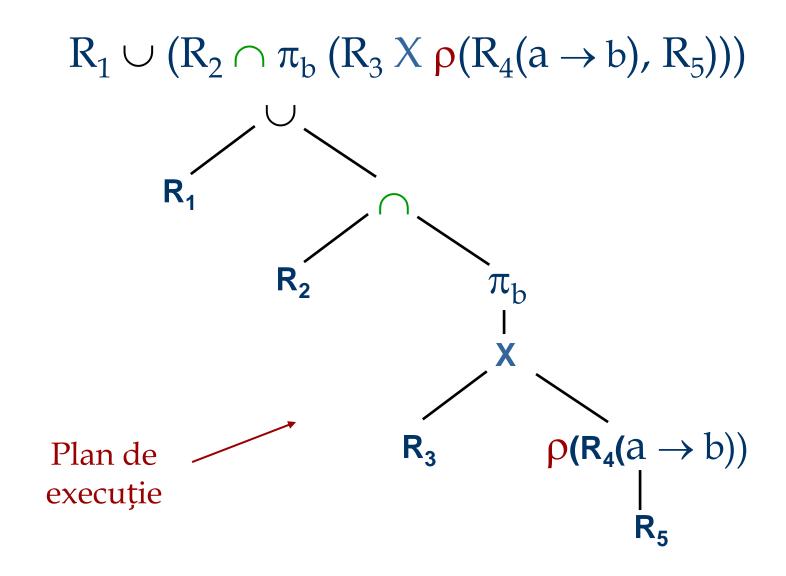
Operatorul de atribuire

- Operatorul de atribuire (←) oferă un mod simplu de tratare a interogărilor complexe.
 - Atribuirile se fac intotdeauna într-o variabilă temporară

Temp
$$\leftarrow \pi_{\mathsf{x}}(\mathsf{R}_1 \times \mathsf{R}_2)$$

- Rezultatul expresiei din dreapta ← este atribuit variabilei din stânga operatorului ←.
- Variabilele pot fi utilizate apoi în alte expresii
 - result \leftarrow Temp R_3

Expresii complexe



Determinați numele tuturor studenților cu note la cursul 'BD1'

Solutie 1:
$$\pi_{\text{name}}$$
 ($(\sigma_{\text{cid='BD1'}}(\text{Enrolled})) \otimes \text{Students}$)

Solutie 2:
$$\rho$$
 (Temp₁, $\sigma_{cid='BD1'}$ (Enrolled))
$$\rho$$
 (Temp₂, Temp₁ \otimes Students)
$$\pi_{name}$$
 (Temp₂)

Solutie 3: π_{name} ($\sigma_{\text{cid}='\text{BD1'}}$ (Enrolled \otimes Students))

Determinați numele tuturor studenților cu note la cursuri cu 5 credite

■ Informația cu privire la credite se găsește în relatia *Courses*, și prin urmare se adaugă un join natural:

$$\pi_{\text{name}}$$
 (($\sigma_{\text{credits=5}}$ (Courses)) \otimes Enrolled \otimes Students)

O soluție mai eficientă:

$$\pi_{\text{name}}$$
 ($\pi_{\text{sid}}(\pi_{\text{cid}}(\sigma_{\text{credits=5}}(\text{Courses})) \otimes \text{Enrolled}) \otimes \text{Students}$)

Modulul de optimizare a interogărilor e capabil să transforme prima solutie în a doua!

Determinați numele tuturor studenților cu note la cursuri cu 4 sau 5 credite

• Se identifică toate cursurile cu 4 sau 5 credite, apoi se determină studenții cu note la unul dintre aceste cursuri:

```
\rho (TempCourses, (\sigma_{credits=4 \lor credits=5}(Courses))) \pi_{name} (TempCourses \otimes Enrolled \otimes Students)
```

- TempCourses se poate defini și utilizând reuniunea!
- Ce se întâmplă dacă înlocuim ∨ cu ∧ în interogare?

Determinați numele tuturor studenților cu note la cursuri cu 4 <u>si</u> 5 credite

■ Abordarea anterioară nu funcționează! Trebuie identificați în paralel studenții cu note la cursuri de 4 credite și studenții cu note la cursuri de 5 credite, apoi se intersectează cele două mulțimi (*sid* este cheie pentru *Students*):

```
\rho (Temp4, \pi_{sid}(\sigma_{credits=4}(Courses) \otimes Enrolled)) \rho (Temp5, \pi_{sid}(\sigma_{credits=5}(Courses) \otimes Enrolled)) \pi_{name} ((Temp4 \cap Temp5) \otimes Students)
```

Determinați numele tuturor studenților cu note la toate cursurile

■ Se utilizează *câtul*; trebuie pregătite structurile relațiilor înainte de a folosi operatorul *cât*:

 ρ (*TempSIDs*, $\pi_{sid, cid}$ (Enrolled) / π_{cid} (Courses))

 $\pi_{\text{name}}(TempSIDs \otimes \text{Students})$