

Эксперимент:  $n$  - равновероятных исходов,  $m$  из них благоприятных для события  $A$ .

Исходы - элементарные события / случаи / шансы

Случай, который приводит к наступлению события  $A$ , называется благоприятным.

Вероятность события  $A$  - это отношение числа благоприятных исходов к общему числу исходов.

$$P(A) = m/n$$

Св-ва вероятности:

①  $0 \leq P \leq 1$

②  $P(\emptyset) = 0$

③  $P(\Omega) = 1$

④  $P(\bar{A}) = 1 - P(A)$

⑤  $P(A+B) = P(A) + P(B)$ , если  $A \cap B = \emptyset$

Геометрич. определение вероятности



1)  $S(\Omega)$

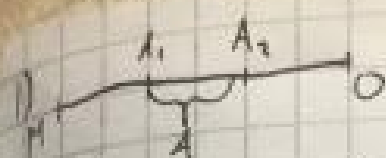
2)  $S(A)$

3) Точка  $\rightarrow$  realization в  $\Omega$

$$P(A) = \frac{S(A)}{S(\Omega)}$$

Вероятность попадания в область  $A$  точки, случайно выбранной из области  $\Omega$  называется геометрической вероятностью события  $A$ .

$$P(A) = \frac{S(A)}{S(\Omega)}$$



$\Omega - \Omega, A, A_2 - A \Rightarrow$  отношение длин

2) Примерная область / часть  $\Rightarrow$  отношение объемов

Аксиоматическое определение вероятности

$\Omega$  - все возможные исходы

$A$  - подмножество множества  $\Omega$

Каждому событию  $A$  ставится в соответствие некоторое число  $P(A)$ , называемое вероятностью события  $A$ , при этом выполняются следующие условия (аксиомы вероятностей):

1)  $P(A) \geq 0$

2)  $P(\Omega) = 1$

3)  $P(\sum_k A_k) = \sum_k P(A_k)$ , если  $A_i \cap A_j = \emptyset$  и  $i \neq j$ , т.е. вероятности сумм попарно несовместимых событий равно сумме вероятностей этих событий

Св-ва вероятности

1)  $P(\emptyset) = 0$  - вероятность невозможного события

2)  $P(A) + P(\bar{A}) = 1$

3)  $0 \leq P(A) \leq 1 \quad \forall A$

4)  $P(A) \leq P(B)$ , если  $A \subseteq B$

5)  $\sum_{i=1}^n P(A_i) = 1$ , если  $\sum_{i=1}^n A_i = \Omega$  и  $A_i \cap A_j = \emptyset, i \neq j$

$\Omega$  - все  $n$  равновозможных элементарных событий ( $P(\omega_i) = P(\omega_j) = P(\omega_k) = \dots = P(\omega_n) = \frac{1}{n}$ ), тогда  $P(A) = \frac{m}{n}$ , где  $m$  - число элементарных событий  $\omega_i, \omega_j \in A$  и число событий, составляющих событие  $A$

5 белых, 4 черных шара

1) Вынуть 1 шар,  $P(\text{шар белый})$  - ?

$$\Omega = \{\omega_1, \omega_2, \omega_3, \omega_4, \omega_5, \tau_1, \tau_2, \tau_3, \tau_4\}$$

$$A = \{\omega_1, \omega_2, \omega_3, \omega_4, \omega_5\} \text{ шар белый}$$

$m = 5$ , т.к. всего 5 белых шаров

$n = 9$ , т.к. всего 9 шаров

$$P(A) = \frac{m}{n} = \frac{5}{9}$$

2) Вынуть 2 шара.  $P(\text{два белых})$  - ?,  $P(\text{хотя бы 1 черный})$  - ?

$(\omega, \omega), (\omega, \tau), (\tau, \tau)$  - вынули 2 шара

$$A_9^2 = \frac{9!}{7!} = 72 \text{ - всего наборов}$$

$$A_5^2 = \frac{5!}{3!} = 20$$

$$P(B) = \frac{20}{72} = \frac{5}{18}$$

$C = \{\text{х. один шар черн.}\}$

$$P(\bar{A}) = 1 - P(A)$$

$$C = \bar{B}$$

$$\Rightarrow P(C) = 1 - P(B) = 1 - \frac{5}{18} = \frac{13}{18}$$

✓ 6.3.2

5 синих, 4 красных, 3 зеленых.

Берем 3 шарика карандашей.

1)  $P(\text{все син.})$

2)  $P(3 \text{ разн. цв.})$

3)  $P(2 \text{ син. и 1 зелен.})$

$5 + 4 + 3 = 12$  - всего карандашей

$$P(A) = \frac{m}{n}$$