Alegreya

Contents

4 brazil SumánolSetup	
0.2Escrevendo as derivadas simbólicas	
0.2.1 Funções ajudantes	
0.2.2 Como avaliar uma derivada	
0.2.2.1 Avaliando numericamente a derivada	
0.2.2.2 Avaliando a derivada simbolicamente	
${f 0.3 Tangente\ \grave{ m a}\ uma\ curva}\ \mathbb{R}^2\ ({ m plot})$	4
0.4Outros materiais	
0.4.1 CalculusWithJulia	
0.4.2 Manim	

1 Setup

```
using Pkg;
Pkg.activate("~/EEL-USP/Symbolics/")
Pkg.add("Plots")
Pkg.add("Symbolics")
Pkg.add("StaticArrays")
```

```
using Symbolics
using Plots
using StaticArrays
```

2 Escrevendo as derivadas simbólicas

Vamos criar duas funções, a derivative e a derivative_symb as quais computam tanto o valor numérico, quanto retornam a expressão simbólica (literal) e uma função chamável em Julia.

Se não ficou claro, acompanhe o tutorial.

2.1 Funções ajudantes

Criaremos as funções ajudantes, utilizando do pacote Symbolics.jl. Os detalhes do porquê essas funções são definitas dessa maneira vão além do escopo do tutorial, mas deixamos aqui como documentação.

```
function derivative(exp, )
    @variables y
    Dy=Differential(y)
    e = exp(y) # (
    return first(substitute (expand_derivatives(Dy(e)),(Dict(y => ),)))
end
```

```
function derivative_symb(exp)
    @variables
    D=Differential()
    e = exp() # (
    return (eval(build_function(expand_derivatives(D(e)), )),
    expand_derivatives(D(e)))
end
```

2.2 Como avaliar uma derivada

Consideraremos a função f(x), a seguir, como exemplo,

$$f(x) = 0.1 \sin(x) + 2\sin(x)^2 - x^2 \tag{1}$$

Em Júlia,

```
f(x) = -x^2 + 0.1*sin(x) + 2*sin(x)^2
```

2.2.1 Avaliando numericamente a derivada

Avaliemos, como exemplo, a derivada em x = 1.3. Isto é,

$$\left. \frac{\mathrm{d}f}{\mathrm{d}x} \right|_{(x=1.3)} = g(1.3) \tag{2}$$

Em que g é uma função derivada.

De forma literal, a função é equivalente a:

$$\frac{\mathrm{d}f}{\mathrm{d}x}\Big|_{(x=1.3)} = \left[\frac{\mathrm{d}(-x^2)}{\mathrm{d}x} + \frac{\mathrm{d}(0.1\sin(x))}{\mathrm{d}x} + \frac{\mathrm{d}(2\sin(x)^2)}{\mathrm{d}x}\right]\Big|_{(x=1.3)}$$

$$\Leftrightarrow = \left[-2x + 0.1\cos(x) + 2.\frac{\mathrm{d}(\sin(x)^2)}{\mathrm{d}\sin(x)}.\frac{\mathrm{d}(\sin(x))}{\mathrm{d}x}\right]\Big|_{(x=1.3)}$$

$$\Leftrightarrow \frac{\mathrm{d}f}{\mathrm{d}x}\Big|_{(x=1.3)} = \left[-2x + 0.1\cos(x) + 2.(2\sin(x)).\cos(x)\right]\Big|_{(x=1.3)}$$

Ou seja, gostaríamos de obter a função g, $g(x) = -2x + 0.1 \cos(x) + 4 \sin(x) \cos(x)$ com ferramentas computacionais.

Em Julia, temos,

derivative(f, 1.3)

2.2.2 Avaliando a derivada simbolicamente

A vantagem de avaliarmos a derivada simbolicamente é que podemos obter uma expressão literal para derivada e ao mesmo tempo definir uma função em Julia a qual é equivalente a função derivada.

Isto é, definiremos a função g em Sec. numérica, e saberemos qual é sua expressão simbólica.

A função derivative symb nos retorna dois valores em uma tupla:

derivative_symb(f)

O primeiro valor da tupla é como Julia representa uma função anônima (explícita, mas sem nome) que pode ser passado para uma função com nome, como por exemplo g.

O segundo valor é a expressão da derivada literal, utilizando-se da regra da cadeia. Note que o símbolo ξ foi utilizado para denotar a variável, na expressão (em nossa f a variável independente é x).

1. Definindo a função-derivada internamente em Julia

Tudo que precisamos fazer, agora, é definir a função-derivada g, passando o primeiro argumento retornado de derivative symb.

```
g = first(derivative_symb(f))
```

Avaliano g(1.3), temos:

g(1.3)

2. Obtendo uma expressão em LATEXde g Existe um pacote me Julia chamado Latexify.jl. Podemos utilizá-lo para renderizar o segundo termo retornado de derivative_symb.

Pkg.add("Latexify")

using Latexify

latexify(last(derivative_symb(f)))

Essa expressão, quando renderizada, fica:

$$-2\xi + 0.1\cos(\xi) + 4\cos(\xi)\sin(\xi) \tag{4}$$

- 3 Tangente à uma curva \mathbb{R}^2 (plot)
- 4 Outros materiais

4.1 CalculusWithJulia

CalculusWithJulia.jl utiliza SymPy (interoperabilidade com a biblioteca em Python) para derivar todos seus resultados.

Esse link https://docs.juliahub.com/CalculusWithJulia/AZHbv/0.0.5/ é um ótimo recurso para se aprender cálculo, utilizando-se de Julia.

4.2 Manim

Biblioteca de animação em Python utilizado para explicar matemática, em vídeo. Inicialmente, desenvolvido por 3Blue1Brown.