

Modélisation de graphes en Python

1. Interface d'un graphe

Il existe de nombreuses manières d'implémenter un graphe, mais dans de nombreux cas l'interface recherchée est assez simple à concevoir. A ce titre l'utilisation d'une classe semble être judicieuse. Afin de définir l'interface choisie nous devons d'abord considérer les spécifications minimales de la création d'un graphe, orienté ou non, et éventuellement pondéré :

- 1. Obtenir un graphe vide par une méthode constructeur
- 2. Etre capable d'ajouter un noeud/sommet à un graphe existant.
- 3. Etre capable d'ajouter des arêtes/arcs à un graphe existant, avec une éventuelle pondération.
- 4. Obtenir la liste des voisins d'un sommet.

Une fois ces opérations élémentaires implémentées, nous pourrons rajouter des possibilités supplémentaires, comme par exemple

- obtenir l'ordre du graphe, sa taille ;
- obtenir donc le degré d'un sommet ;
- savoir si il existe un parcours eulérien ou un cycle eulérien dans ce graphe ;
- parcourir ce graphe en partant d'un sommet donné ;
- repérer les éventuels cycles du graphe ;
- appliquer un algorithme spécifique, comem celui de Dijkstra par exemple.

Pour commencer, nous allons donc définir une classe Graph, dont l'interface minimale sera la suivante (des ajustements seront possibles selon si le graphe est orienté ou non, pondéré ou non) :

Méthode	Arguments	Valeur de retour	Description
<code>__init__</code>	aucun ou ordre <code>n</code> du graphe	aucune	Crée un graphe vide, d'ordre <code>n</code> si nécessaire
<code>add_vertice</code>	aucun ou <code>label</code> du sommet	aucune	Ajoute un sommet d'étiquette <code>label</code> si nécessaire
<code>add_edge</code>	<code>s</code> et <code>e</code> , <code>p</code> éventuellement	aucune	Ajoute un arc allant de <code>s</code> à <code>e</code> , avec la pondération <code>p</code> si nécessaire
<code>exist_edge</code>	<code>s</code> et <code>e</code>	booléen	Renvoie <code>True</code> si il existe un arc entre <code>s</code> et <code>e</code>
<code>get_neighbours</code>	<code>s</code>	itérable	renvoie un <i>itérable</i> contenant les voisins de <code>s</code>

2. Implémentation par une Matrice d'adjacence

Matrice d'adjacence

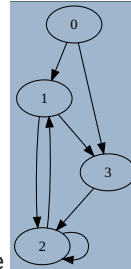
Une des possibilités pour représenter un graphe est d'utiliser ce qu'on appelle une **matrice d'adjacence**. Dans ce type de représentation, les sommets sont **ordonnés**, et considérés comme étiquetés par des entiers de $\{0\}$ à $\{n-1\}$, où n est l'ordre du graphe.

Dans cette représentation, le coefficient a_{ij} de la matrice vaut :

- $a_{ij} = 0$ si il n'existe pas d'arc entre les sommets i et j ;
- $a_{ij} = p$ ou la pondération p si il existe un arc entre les sommets i et j .

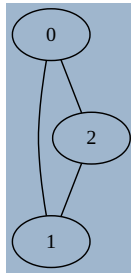
Exemples

- la matrice d'adjacence $M = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$



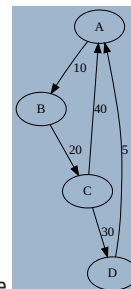
correspond au graphe suivant, avec les sommets dans l'ordre numérique

- la matrice d'adjacence $M = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$ correspond au graphe suivant,



avec les sommets dans l'ordre numérique

- la matrice d'adjacence $M = \begin{pmatrix} 0 & 10 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 20 & 0 \\ 40 & 0 & 0 & 30 \\ 5 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$

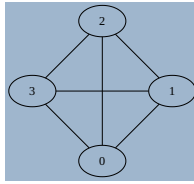


correspond au graphe suivant, avec les sommets dans l'ordre *alphabétique*

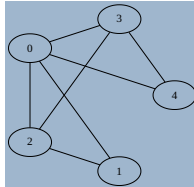
? Associer Matrices d'adjacence et graphes

Enoncé

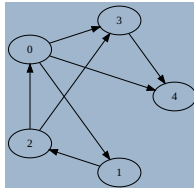
1. Déterminer la matrice d'adjacence associée à ce graphe



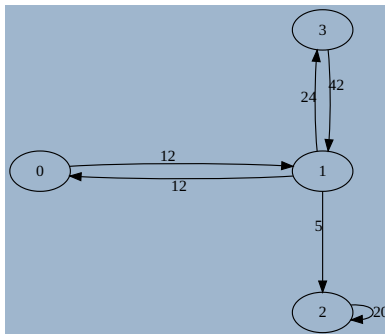
2. Déterminer la matrice d'adjacence associée à ce graphe



3. Déterminer la matrice d'adjacence associée à ce graphe



4. Déterminer la matrice d'adjacence associée à ce graphe



5. Tracer un graphe pouvant correspondre à la matrice $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$. Est-ce un graphe orienté ou non-orienté ?

6. Tracer un graphe pouvant correspondre à la matrice $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$. Est-ce un graphe orienté ou non-orienté ?

7. Tracer un graphe pouvant correspondre à la matrice $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 10 & 20 & 30 \\ 10 & 20 & 30 & 100 & 200 & 300 \\ 100 & 200 & 300 & 1000 & 2000 & 3000 \\ 1000 & 2000 & 3000 & 10000 & 20000 & 30000 \\ 10000 & 20000 & 30000 & 100000 & 200000 & 300000 \\ 100000 & 200000 & 300000 & 1000000 & 2000000 & 3000000 \end{pmatrix}$. Est-ce un graphe orienté ou non-orienté ?

8. Quelle propriété semble posséder les matrices d'adjacence d'un graphe non-orienté ?

? Implémentation en Python

Enoncé

Le code suivant permet d'implémenter en partie l'interface voulue d'un graphe avec une matrice d'adjacence :

```
class Graph :
    def __init__(self, n=0) :
        self.n = n
        self.adj = [[0]*n for _ in range(n)]

    def add_vertice(self) :
        self.n +=1
        for l in self.adj :
            l.append(0)
        self.adj.append([0]*(self.n))

    def add_edge(self, s, e, p=1) :
        self.adj[s][e] = p
```

1. Ajouter une méthode DUNDERS `__repr__` afin qu'elle renvoie la chaîne de caractère correspondant à la matrice d'adjacence (et donc directement utilisable par l'instruction `print(G)`). Pour des raisons de facilités d'écritures, on pourra utiliser le formatage automatique des chaînes de caractères, comme par exemple : ``python``

```
>>> e = 15
```

```
>>> f"BOB{e: >3}"
```

BOB 15 où l'expression `e: >3` signifie d'écrire `e` sous la forme d'une chaîne de caractères alignée à droite d'au moins 3 caractères, des espaces étant insérés si nécessaire.

2. Compléter la méthode `exist_edge` de la classe `Graph` pour qu'elle corresponde aux spécifications de l'interface.
3. Compléter la méthode `get_neighbours` de la classe `Graph` pour qu'elle corresponde aux spécifications de l'interface.
4. Ajouter une méthode `get_order` à la classe `Graph` pour qu'elle renvoie l'ordre du graphe.
5. Ajouter une méthode `get_degree` à la classe `Graph` pour qu'elle renvoie le degré d'un sommet passé en argument.
6. Ajouter une méthode `get_vertices` à la classe `Graph` qui renvoie la liste des sommets.
7. Ajouter une méthode `is_directed` à la classe `Graph` pour qu'elle renvoie `True` si le graphe est orienté et `False` sinon.
8. Ajouter une méthode `is_undirected_and_eulerian` qui renvoie :
 - `False` si le graphe est non-orienté et qu'il n'existe pas de parcours eulérien du graphe
 - `True` si le graphe est non-orienté et qu'il existe un cycle eulérien.
 - un tuple `(s,e)` donnant les sommets de départ et d'arrivée d'un éventuel chemin eulérien.
9. Ajouter une méthode `delete_edge` à la classe `Graph` pour qu'elle supprime l'arc situé entre les sommets `s` et `e` passés en argument.

Réponses

```
class Graph :
    def __init__(self, n=0) :
        self.n = n
        self.adj = [[0]*n for _ in range(n)]

    def add_vertice(self) :
        self.n +=1
        for l in self.adj :
            l.append(0)
        self.adj.append([0]*(self.n))

    def add_edge(self, s, e, p=1) :
        self.adj[s][e] = p

    def exist_edge(self, s, e) :
        return self.adj[s][e] !=0

    def get_order(self) :
        return self.n
```

```

def get_neighbours(self, s) :
    neighbours = []
    for i in range(self.n) :
        if self.adj[s][i] != 0 :
            neighbours.append(i)
    return neighbours

def get_degree(self, s):
    deg = 0
    for i in range(self.n) :
        deg += self.adj[s][i] != 0
        deg += self.adj[i][s] != 0
    return deg

def get_vertices(self) :
    return [i for i in range(self.n)]

def is_directed(self) :
    for i in range(self.n) :
        for j in range(i, self.n) :
            if self.adj[i][j] != self.adj[j][i] :
                return True
    return False

def is_undirected_and_eulerian(self) :
    if self.is_directed() :
        return False
    degrees=[]
    for i in range(self.n) :
        # ATTENTION ! La méthode get_degree renvoie le double
        # du degré réel dans le cas d'un graphe non-orienté
        # Pour que le théorème d'Euler fonctionne
        # il faut donc diviser par 2 la valeur obtenue !
        degrees.append((self.get_degree(i)//2)%2)
    print(degrees)
    if sum(degrees) == 0 :
        return True
    elif sum(degrees) == 2 :
        return degrees.index(1), self.n-1-degrees[::-1].index(1)
    return False

def delete(self, s, e) :
    self.adj[s][e] = 0

def __repr__(self) :
    rep = ""
    for l in self.adj :
        for e in l :
            rep+=f'{e: >3} '
        rep += "\n"
    return rep

```

⚠ Limites du modèle

Si l'utilisation d'une matrice d'adjacence sous la forme présentée est très utile d'un point de vue mathématique (voir par exemple la propriété de l'itérée sur la page [wikipedia](#)), et très facile à mettre en oeuvre, elle possède néanmoins certaines limites :

- Elle utilise une place en mémoire proportionnelle à $\mathcal{O}(n^2)$. Pour un graphe de 1000 sommets, il faudra plus d'un million d'entiers pour stocker cette matrice d'adjacence, ce qui commence à être considérable;
- Pour connaître les voisins d'un sommet, il faut parcourir la totalité de la ligne correspondante à ce sommet, ce qui peut rapidement être trop long .
- Les sommets sont limités à des entiers, ou à un ordre défini, et il est difficile d'intégrer de nouveaux sommets qui ne respecteraient pas la convention fixée.

3. Implémentation par un dictionnaire

Pour réduire la taille prise en mémoire par la matrice d'adjacence, il est possible d'utiliser un **dictionnaire** de voisinage. Ce dictionnaire apportera en plus la capacité d'avoir des chaînes des caractères comme identifiant des sommets.

Selon que le graphe soit pondéré ou non, on aura quelques différences dans l'implémentation.

3.1. Graphe non pondéré

🔍 Implémentation en Python

Enoncé

Le code suivant permet d'implémenter en partie l'interface voulue d'un graphe avec un dictionnaire de voisinage :

```
class Graph :
    def __init__(self) :
        self.vertice = {}

    def add_vertice(self,s) :
        if s not in self.vertice :
            self.vertice[s] = set() # crée un objet set vide, et garanti l'unicité de chaque élément

    def add_edge(self, s, e) :
        self.add_vertice(s)
        self.add_vertice(e)
        self.vertice[s].add(e) # La méthode add des objets de type set fonctionne comme append
```

1. Ajouter une méthode DUNDERS `__repr__` afin qu'elle renvoie la chaîne de caractère correspondant à la matrice d'adjacence (et donc directement utilisable par l'instruction `print(G)`).
2. Compléter la méthode `exist_edge` de la classe `Graph` pour qu'elle corresponde aux spécifications de l'interface.
3. Compléter la méthode `get_neighbours` de la classe `Graph` pour qu'elle corresponde aux spécifications de l'interface.
4. Ajouter une méthode `get_order` à la classe `Graph` pour qu'elle renvoie l'ordre du graphe.
5. Ajouter une méthode `get_degree` à la classe `Graph` pour qu'elle renvoie le degré d'un sommet passé en argument.
6. Ajouter une méthode `get_vertices` à la classe `Graph` qui renvoie la liste des sommets.
7. Ajouter une méthode `is_directed` à la classe `Graph` pour qu'elle renvoie `True` si le graphe est orienté et `False` sinon.
8. Ajouter une méthode `is_undirected_and_eulerian` qui renvoie :
 - `False` si le graphe est non-orienté et qu'il n'existe pas de parcours eulérien du graphe
 - `True` si le graphe est non-orienté et qu'il existe un cycle eulérien.
 - un tuple `(s,e)` donnant les sommets de départ et d'arrivée d'un éventuel chemin eulérien.
9. Ajouter une méthode `delete_edge` à la classe `Graph` pour qu'elle supprime l'arc situé entre les sommets `s` et `e` passés en argument.

Solution

```
1 class Graph :
2     def __init__(self) :
3         self.vertice = {}
4
5     def add_vertice(self,s) :
6         if s not in self.vertice :
7             self.vertice[s] = set() # crée un objet set vide, et garanti l'unicité de chaque élément
8
9     def add_edge(self, s, e) :
10        self.add_vertice(s)
11        self.add_vertice(e)
12        self.vertice[s].add(e) # La méthode add des objets de type set fonctionne comme append
13
14    def exist_edge(self, s, e) :
15        return e in self.vertice[s]
16
17    def get_vertices(self) :
18        return self.vertice.keys()
19
20    def get_order(self) :
21        return len(self.vertice.keys())
22
23    def get_degree(self, s) :
24        return len(self.vertice[s])
25
26    def get_neighbours(self,s) :
27        return list(self.vertice[s])
```

```

28
29     def is_directed(self) :
30         for s in self.get_vertices() :
31             for t in self.get_neighbours(s) :
32                 if s not in self.get_neighbours(t) :
33                     return True
34         return False
35
36     def is_undirected_and_eulerian(self) :
37         if self.is_directed() :
38             return False
39         degrees=[]
40         for s in self.get_vertices() :
41             degrees.append(self.get_degree(s)%2)
42         if sum(degrees) == 0 :
43             return True
44         elif sum(degrees) == 2 :
45             return degrees.index(1), self.get_order()-1-degrees[::-1].index(1)
46         return False
47
48     def delete_edge(self, s, e) :
49         self.vertices[s].remove(e)
50
51
52
53     def __repr__(self) :
54         rep = ""
55         for s in self.get_vertices() :
56             rep += f"{s} :\n"
57             for t in self.vertices[s] :
58                 rep += f"    ->{t}\n"
59         return rep

```

3.2. Graphes pondérés

Il existe plusieurs méthodes permettant d'ajouter une pondération sur chaque arc :

- on peut ajouter dans le dictionnaire de voisinage un tuple contenant à la fois le nom et le poids de l'arc considéré ;
- on peut aussi ajouter un autre dictionnaire parallèle à `self.adj` dont les clés sont les couples de sommets et les valeurs le poids de l'arc considéré.

? Implémentation en Python avec un tuple

Enoncé

Le code suivant permet d'implémenter en partie l'interface voulue d'un graphe avec un dictionnaire de voisinage et une pondération :

```

class Graph :
    def __init__(self) :
        self.vertices = {}

    def add_vertex(self, s) :
        if s not in self.vertices :
            self.vertices[s] = set() # crée un objet set vide, et garanti l'unicité de chaque élément

    def add_edge(self, s, e, p=1) :
        self.add_vertex(s)
        self.add_vertex(e)
        self.vertices[s].add((e, p))

```

Quels sont les changements à apporter aux autres méthodes par rapport à la situation sans pondération ?

? Implémentation en Python avec un dictionnaire d'arcs

Enoncé

Le code suivant permet d'implémenter en partie l'interface voulue d'un graphe avec un dictionnaire de voisinage et une pondération :

```
class Graph :
    def __init__(self) :
        self.vertice = {}
        self.edges= {}

    def add_vertice(self,s) :
        if s not in self.vertice :
            self.vertice[s] = set()

    def add_edge(self, s, e, p=1) :
        self.add_vertice(s)
        self.add_vertice(e)
        self.vertice[s].add(e)
        self.edges[(s,e)]=p
```

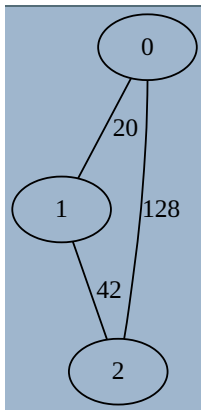
Quels sont les changements à apporter aux autres méthodes par rapport à la situation précédente ?

réponses

A venir

4. Notion d'héritage (hors programme)

! Construction d'un graphe non-orienté



Dans toutes les implémentations que nous avons jusqu'ici créées, nous sommes resté sur une notion de graphe orienté. Plus précisément, pour créer un graphe non orienté tel que celui ci-contre à partir d'une des implémentations précédentes, il faudra utiliser le code suivant :

```
G = Graph()
G.add_edge(0, 1, 20)
G.add_edge(1, 0, 20)
G.add_edge(0, 2, 128)
G.add_edge(2, 0, 128)
G.add_edge(1, 2, 42)
G.add_edge(2, 1, 42)
```

On se retrouve donc à devoir doubler les lignes à chaque création d'arête... Ce qui n'est pas du tout ergonomique...

Bien entendu, il est possible de créer de nouveau une nouvelle classe qui implémenterait cette possibilité immédiatement. Mais il existe aussi en POO une notion fondamentale qui va nous permettre, sans changer le code de notre classe `Graph` actuelle et en effectuant qu'un codage minimal, de créer une nouvelle classe permettant d'implémenter spécifiquement des graphes non orientés.

Il s'agit de la notion d'**héritage de classe**. Sans rentrer dans les détails(que vous pouvez par exemple trouver [ici](#)), il s'agira de créer une classe *filie* héritant de toutes les capacités de la classe *mère* - attributs et méthodes, mais dans laquelle on pourra rajouter ou modifier des caractéristiques spécifiques.

Ainsi, en simplifiant, on peut dire qu'un graphe non-orienté est un graphe orienté dans lequel les arcs sont doublés. Les graphes non-orientés sont donc une **sous-classe** des graphes orientés, d'un point de vue codage.

Voici le code permettant de créer cette nouvelle classe :

```
1 class UndirectedGraph(Graph) :
2     def __init__(self) :
3         super().__init__()
4
5     def add_edge(self, s, e, p=1) :
6         super().add_edge(s,e,p)
7         super().add_edge(e,s,p)
```

- En ligne 1, on crée une classe `UndirectedGraph`, qui *dérive*, ou *hérite* de la classe `Graph`.
- En ligne 2, on définit la méthode constructeur des objets de classe `UndirectedGraph`. Celle-ci se compose d'une unique ligne, disant simplement que l'initialisation d'un objet de classe `UndirectedGraph` se fait de la même manière qu'un objet de la classe mère `Graph`, par l'intermédiaire du mot-clé `super()`. On fait ainsi appel à la méthode constructeur de la classe `Graph` pour construire un objet de classe `UndirectedGraph`.
- En ligne 5, on va redéfinir la méthode `add_edge`. On appelle une telle redéfinition un **surcharge** de méthode. Il s'agira en fait d'appeler deux fois la méthode `add_edge` de la classe `Graph`, encore une fois en utilisant le mot-clé `super()`.

Une fois cette nouvelle classe créée, elle peut être directement utilisée *tout en conservant toutes les méthodes de la classe mère* :

```
1 G = UndirectedGraph()
2 G.add_edge(0, 1, 20)
3 G.add_edge(0, 2, 128)
4 G.add_edge(2, 1, 42)
5 G.get_neighbours(1)
6 G.get_order()
7 print(G)
```

Dans le code ci-dessus, même si nous n'avons pas surchargé les méthodes `get_neighbours`, `get_order` et la méthode DUNDERS `__repr__`, elles demeurent accessibles à tout objet de classe `UndirectedGraph`, puisque directement héritées de la classe mère `Graph`.

Objets en Python

En Python, tout est objet. Cette phrase n'est pas qu'une déclaration de principe, puisqu'il existe une classe générique (appelée **classe abstraite**) `Object`, dont dérivent toutes les autres classes, comme `int`, `float`, `tuple`,...

Polymorphisme

Il est tout à fait possible de faire hériter une classe de plusieurs autres classes. Cette notion s'appelle le **polymorphisme**, mais est complètement hors du programme de terminale...

5. Exemple d'utilisation : Coloration d'un graphe



Théorème des 4 couleurs

Le **théorème des 4 couleurs** est un théorème classique de théorie des graphes. D'après wikipedia :

« Le théorème des quatre couleurs indique qu'il est possible, **en n'utilisant que quatre couleurs différentes**, de colorier n'importe quelle carte découpée en régions connexes, de sorte que deux régions adjacentes (ou limitrophes), c'est-à-dire ayant toutes une frontière (et non simplement un point) en commun reçoivent toujours deux couleurs distinctes. L'énoncé peut varier et concerner, de manière tout à fait équivalente, la coloration des faces d'un polyèdre ou celle des sommets d'un graphe planaire, en remplaçant la carte par un graphe dont les sommets sont les régions et les arêtes sont les frontières entre régions. [...] Même si l'énoncé de ce théorème est élémentaire, on n'en connaît pas de preuve simple. Les démonstrations connues décomposent le problème en un nombre de sous-cas tellement important qu'elles nécessitent l'assistance d'un ordinateur pour être vérifiées.

Le théorème se généralise à certaines classes de graphes non planaires. Cependant, lorsqu'on généralise le problème à un graphe quelconque, il devient **NP-complet** de déterminer s'il est coloriable avec seulement quatre couleurs (ou même trois). »

Si cette possibilité de colorier avec au maximum 4 couleurs existe, il est par contre parfois difficile de trouver un coloriage qui corresponde réellement.

Il est cependant possible d'utiliser un **algorithme glouton** qui trouvera un coloriage « presque » optimal.

? Création de l'algorithme de coloriage

Enoncé

Considérons la carte des régions françaises suivantes :



et le code suivant permettant de créer un graphe non-orienté correspondant à cette carte dans le fichier [suivant](#) (en utilisant la classe `UndirectedGraph`).

Le principe de l'algorithme et le suivant :

- les couleurs seront représentées par des entiers, en partant de $\backslash(0)$;
- on prend un sommet du graphe au hasard, on regarde les couleurs déjà données à ses voisins, et on lui donnera comme couleur la plus petite valeur non-affectée à un de ses voisins.

Afin de créer les fonctions nécessaires :

1. Créer une fonction `min_neighbours_color` prenant deux arguments :

- `voisins` : un itérable contenant une liste de noms de régions
- `couleur` : un *dictionnaire* associant à des noms de régions le numéro de couleur qui lui est associé.

et qui renvoie la valeur de couleur la plus petite non associées aux voisins.

Par exemple :

```
>>> min_couleurs_voisins(["Normandie", "Pays de la Loire"], {"Normandie" : 0, "Pays de la Loire" : 2, "Île-de-France" : 1})
1
>>> min_couleurs_voisins([], {"Normandie" : 0, "Pays de la Loire" : 2, "Île-de-France" : 1})
0
>>> min_couleurs_voisins(["Hauts-de-France"], {"Normandie" : 0, "Pays de la Loire" : 2, "Île-de-France" : 1})
0
>>> min_couleurs_voisins(["Normandie", "Pays de la Loire", "Île-de-France"], {"Normandie" : 0, "Pays de la Loire" : 2, "Île-de-France" : 1})
3
```

2. Construire enfin une fonction `color_graph` qui prend en argument un graphe et une région de départ et renvoie un tuple contenant :

- le nombre de couleurs utilisées ;
- un dictionnaire affectant à chaque région sa couleur.

Combien de couleurs sont alors utilisées ?

3. Pouvez-vous donner un coloriage utilisant exactement 4 couleurs ?

Réponses

A venir !