Applications de la récursivité : Dessiner des fractales avec turtle

Commençons par créer un fichier fractales.py qui nous servira pour la totalité des exercices.

1. Présentation de turtle



Le module turtle

Le module turtle est un module faisant partie de toute distribution python. Son intérêt repose sur la simplicité (relative) des commandes utilisées pour dessiner.

Un objet de classe Turtle =} se comporte comme un crayon de table traçante sur une feuille de papier munie d'un repère orthonormé.



Apprendre à coder votre robot avec s...



Exemple : première fenêtre et première tortue

Considérons le code suivant, ainsi que le résultat de son exécution :

```
import turtle

def testTurtle():
    screen = turtle.Screen()
    screen.bgcolor('lightgray')
    donatello = turtle.Turtle()

if __name__ == "__main__":
    testTurtle()
```

- en ligne 1 on importe le module turtle complètement;
- en ligne 4, on crée un objet Screen() sur lequel la tortue dessinera, cet objet étant affecté au nom screen;
- en ligne 5, on fait appel à la méthode bgcolor des objets
 Screen afin de basculer la couleur de fond sur lightgray
 :
- en ligne 6, on crée un objet Turtle affecté au nom donatello.



Vous observerez que la tortue est représentée par une {==pointe de flèche, pointant vers la droite.

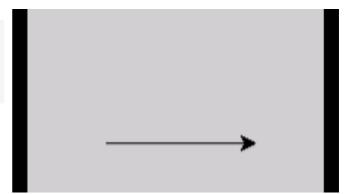
Par défaut, la tortue apparaît au centre du repère, c'est-à-dire au centre de la fenêtre de dessin, donc aux coordonnées (0;0).

Nous allons maintenant rajouter au code les instructions suivantes en lignes 7 à 11, puis exécuter le code :

```
7 donatello.forward(100)
8 donatello.left(90)
9 donatello.forward(50)
10 donatello.right(45)
11 donatello.backward(80)
```

Avec ces lignes:

- la tortue avance de 100 pixels dans la direction où elle pointe;
- elle tourne vers sa gauche de 90°;
- elle avance de 50 pixels dans la nouvelle direction ;
- elle tourne vers sa droite de 45°;
- et enfin elle recule de 80 pixels.



Méthodes de la classe Turtle

Comme toujours, la doc python est très claire sur le module turtle, mais voici quelques méthodes des objets de classe Turle:

- forward(d): déplace l'objet Turtle de d pixels dans la direction où pointe la tête de la tortue. A mettre en parallèle avec la méthode backward(d).
- left(a) : tourne la tête de la tortue vers sa gauche de a° . A mettre en parallèle avec la méthode right(a).
- goto(x,y) ou setx(v) ou sety(v) : déplace la tortue vers une position donnée dans le repère.
- setheading(a): tourne la tête de la tortue à un angle de a° par rapport à l'horizontale, dans le sens trigonométrique.
- circle(r) : trace à partir de la position courante un cercle de rayon r, le centre étant situé sur la gauche de la tête de la tortue.
- speed(v): change la vitesse de déplacement de la tortue. L'argument est un entier de 0 à 10 tel que:
 - « le plus rapide » : 0
 - « rapide »: 10
 - « vitesse normale » : 6
 - « lent »: 3
 - « le plus lent » : 1
- pendown() et penup() : respectivement baisse ou lève le crayon. Si le crayon est levé, rien n'est tracé à l'écran.
- pensize(t) : règle l'épaisseur de tracé à t pixels.
- pencolor (*args) : règle la couleur du stylo. L'argument peut-être :
 - une chaîne de caractères : red , gray , ou #33cc8c , etc...
 - un triplet RGB: (255, 100, 50),...
- fillcolor(*args) : définit la couleur de remplissage.
- begin_fill() et end_fill() : début et fin de la définition d'une zone de remplissage.

Je ne détaillerai pas ici les méthodes des objets Screen.

Prise en main de turtle

Énoncé

- 1. Créer une fonction triangleEquilateral(c) qui trace un triangle équilatéral de longueur c à partir de la position courante.
- 2. Créer une fonction pentagramme(c, color="red") qui trace un pentagramme (une étoile à 5 branches) et le remplit avec la couleur passée en argument.
- 3. Créer une fonction hexagone(c, diag = False) qui trace un hexagone de côté c et qui trace en outre ses diagonales si le paramètre optionnel diag est passé à True.

Solutions

Toutes les solutions suivantes supposent qu'un écran et qu'une tortue nommée t existent dans l'espace de nom général.

triangleEquilateral(c)

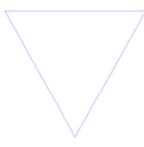
```
def triangleEquilateral(c) :
    for _ in range(3):
        t.forward(c)
        t.left(120)
pentagramme(c, color="red")
def pentagramme(t, c, color="red") :
    t.fillcolor(color)
    t.begin_fill()
    for _ in range(5):
        t.forward(c)
        t.right(144)
    t.end_fill()
hexagone(c, diag = False)
def hexagone(t, c, diag = False) :
    for _ in range(6):
        t.forward(c)
        t.right(60)
    if diag :
        for _ in range(3) :
            t.right(60)
```

2. Flocon de Von Koch

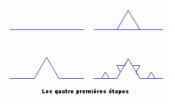
t.forward(2*c)
t.right(120)
t.forward(c)
t.right(60)

E Le Flocon de Von Koch

Le flocon de Von Koch, inventée en 1904 par le mathématicien suédois Helge von Koch, est une des premières courbes fractales décrites, avant même l'invention du terme fractale par Benoit Mandelbrot en 1967.



Cette courbe est obtenue par la décomposition récursive d'un segment en une ligne brisée :





? Construction du flocon

1. Avant de passer à une définition récursive de la construction, essayons de faire une étape de cette construction.

Énoncé

- a. Créer une fonction segment (long) qui trace une itération de la construction du segment de Von Koch (c'est-à-dire traçant l'étape 3 de l'image ci-dessus.).
- b. Tester cette fonction en plaçant la tortue dans différentes positions de départ.

Solution

```
def segment(long) :
    t.forward(long//3)
    t.left(60)
    t.forward(long//3)
    t.right(120)
    t.forward(long//3)
    t.left(60)
    t.forward(long//3)
```

1. Passons à la construction récursive d'un segment :

Énoncé

En se basant sur la fonction précédente, implémenter une fonction segment $R(\log, n)$ qui tracera le résultat de n itérations de la méthode sur un segment de longueur \log .

ullet Pour n=0, on obtiendra

ullet Pour n=1, on obtiendra

ullet Pour n=2, on obtiendra



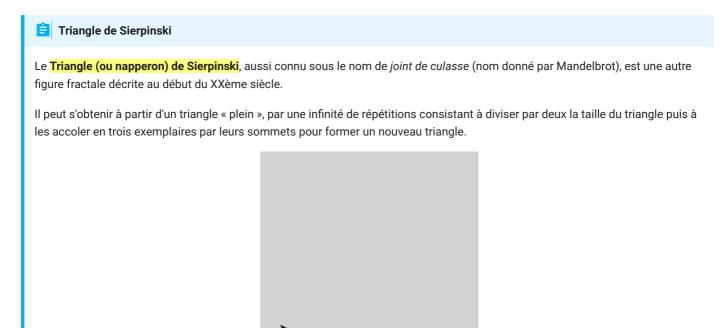
Solution

```
def segmentR( long, n) :
    if n == 0 :
        t.forward(long)
    else :
        segmentR(long/3, n-1)
        t.left(60)
        segmentR(long/3, n-1)
        t.right(120)
        segmentR(long/3, n-1)
        t.left(60)
        segmentR(long/3, n-1)
        t.left(60)
        segmentR(long/3, n-1)
```

1. Terminer la construction en traçant le flocon sur une base de triangle équilatéral.



3. Le triangle de Sierpinski



À chaque répétition le triangle est donc de même taille, mais « de moins en moins plein ».



En partant du principe de l'exercice sur le flocon de Von Koch, implémenter une fonction Sierpinski(long, n) qui trace le résultat de n itérations sur un triangle de côté n.





Le triangle de Sierpinski correspond à une propriété particulière du triangle de Pascal. En effet, le triangle de Sierpinski apparaît dans le triangle de Pascal lorsque'on supprime tous les coefficients pairs. Vous pouvez en voir plus ici