Premiers algorithmes de tri de tableaux

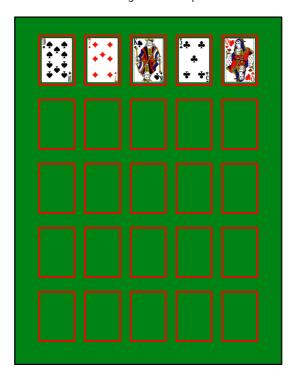
1. Trier de manière naturelle : les algorithmes naïfs



7 Trier à la main

Enoncé

On donne une main de 5 cartes d'un jeu de 54 cartes. Trier les cartes par ordre croissant, sans tenir compte des couleurs. Vous $devrez\ marquer\ dans\ le\ tableau\ suivant\ l'ensemble\ des\ changements\ de\ positions\ des\ cartes\ dans\ votre\ main\ :$

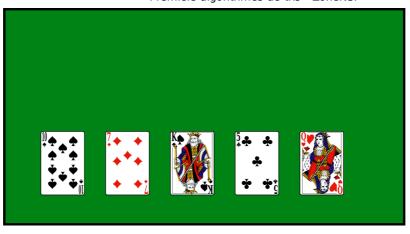


Avez-vous tous utilisé la même méthode?

Solution 1



Solution 2



2. Tri par insertion

2.1. Principes

Le principe du **tri par insertion** est le suivant :

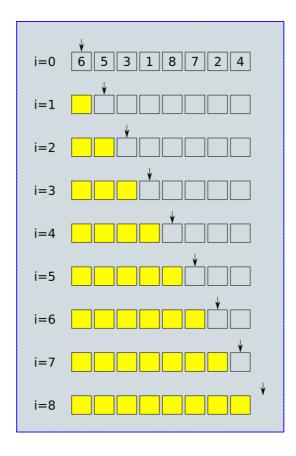
- un tableau de dimension 1 est considéré comme trié, donc le sous-tableau contenant le premier élément est trié;
- on prend ensuite le deuxième élément, et on l'insère à la bonne place dans le sous-tableau trié;
- on recommence en considérant chaque élément du tableau.

Exemple

On veut trier le tableau [6, 5, 3, 1, 8, 7, 2, 4] par un tri par insertion. Compléter le tableau suivant en représentant :

- par des flèches bleues les déplacements d'éléments déjà triés ;
- par des flèches rouges l'insertion de nouveau éléments dans le sous-tableau trié (cases jaunes).

A compléter



Version complétée

A venir

GIF extrait de wikipedia

6 5 3 1 8 7 2 4

2.2. Algorithme en pseudo-code et complexité



Quelques remarques

- Le tri par insertion est un tri en place, car il trie un tableau sans avoir besoin de tableau auxilliaire.
- La complexité du tri par insertion est quadratique, c'est-à-dire en $\mathcal{O}(n^2)$ dans le pire des cas, quand le tableau est à l'envers. C'est aussi le cas moyen ce qui n'est pas très bon en terme de complexité en temps.
- Cependant, pour un tableau trié ou presque trié, la complexité tombe en $\mathcal{O}(n)$, ce qui est une complexité linéaire, très efficace.

Application : Python

Exercice

Construire une *procédure* (c'est-à-dire une fonction sans valeur de retour) Python triInsertion(tab) qui trie le tableau tab par un tri par insertion.

Solution

```
def triInsertion(tab):
# Parcour de 1 à la taille du tab
for i in range(1, len(tab)):
    k = tab[i]
    j = i-1
    while j >= 0 and k < tab[j] :
        tab[j + 1] = tab[j]
    j -= 1
    tab[j + 1] = k</pre>
```

3. Le tri par sélection

3.1. Principes

Le principe du tri par sélection est le suivant :

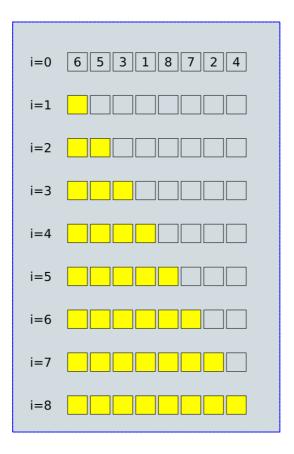
• On cherche le plus petit élément du tableau, et on échange sa place avec l'élément d'indice 0.

- On recherche ensuite le plus petit élément dans le sous-tableau commençant à l'indice 1, et on échange sa place avec l'élément d'indice 1.
- On recommence ainsi en allant jusqu'à l'avant dernier élément.

Exemple

On veut trier le tableau [6, 5, 3, 1, 8, 7, 2, 4] par un tri par sélection. Compléter le tableau suivant en représentant par des flèches rouges les échanges de positions entre éléments

A compléter



Version complétée

A venir

3.2. Algorithme en pseudo-code et complexité



Quelques remarques

- Le tri par sélection est un tri en place, car il trie un tableau sans avoir besoin de tableau auxilliaire.
- La complexité du tri par sélection est quadratique, c'est-à-dire en $\mathscr{O}(n^2)$ ddans tous les cas, puisqu'il faut parcourir chques sous-tableau afin de trouver son minimum, et ce pour chaque élément du tableau.

? Application : Python

Exercice

Construire une procédure (c'est-à-dire une fonction sans valeur de retour) Python triSelection(tab) qui trie le tableau tab par un tri par sélection.

Solution

```
def triSelection(tab):
for i in range(len(tab)):
    # Trouver le min
    min = i
    for j in range(i+1, len(tab)):
        if tab[min] > tab[j]:
             min = j
    tmp = tab[i]
    tab[i] = tab[min]
    tab[min] = tmp
```

4. Un autre algorithme de tri: le tri à bulle

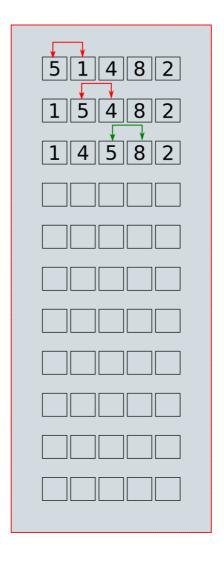
L'algorithme de **tri à bulles** consiste à trier la liste en n'autorisant qu'à intervertir deux éléments consécutifs de la liste. On peut le décrire comme ceci:

- Parcourir tout le tableau et comparer les éléments consécutifs. Lorsque deux éléments sont dans le désordre, les inverser.
- Une fois la fin du tableau, recommencer.
- S'arrêter dès qu'un parcours du tableau n'a échangé aucun élément.



Effectuer le tri à bulle du tableau [5, 1, 4, 8, 2]

A compléter



Version complétée

A venir

Exercice

Enoncé

- 1. Pourquoi, à votre avis, appelle-t-on ce tri un « tri à bulle »?
- 2. Quelles propriété at-on après un parcours complet d'un tableau?
- 3. Ecrire un algorithme représentant un tri à bulle.
- 4. Quelle est la complexité de cet algorithme?
- 5. Implémenter une procédure python triBulle(tab).

Solution

A venir!