<2016样卷> 中国地质大学(武汉)课程考核结课考试试卷 教务处制 版本: 2014.12

试卷类别	
A 🗆	考试时长: 分钟 卷面总分: 分
	考试方式: 闭卷笔试□ 开卷笔试□ 口试□ 其它
В□	辅助工具: 可用□ 工具名称: 不可用□
使用学期	试题内容:
	一、填空题(40分)
春口 秋口	1. (4分) 判定下列 3个命题公式的类型(重言式、矛盾式、可满足式):
	$(1) P \rightarrow (Q \lor P) \lor R \underline{\hspace{1cm}},$
命题人签字	$(2) ((\neg (P \rightarrow Q)) \land Q) \land R \qquad ,$
	$(3) (P_{\wedge}(P \rightarrow Q)) \rightarrow Q_{\underline{\hspace{1cm}}},$
	(4) ∀x∃yG(x-y, x+y)∧(Q∨¬Q), 其中 x, y 的个体域为整数集, Q 为命题变元,
	G(x,y)表示 x <y.< th=""></y.<>
	2. (2 分) 求 ∀xP(x, y)→(∀xQ(x)→∃yP(y, z))前束析取范式
审题人签字	3. (3分)下列推理形式不正确是(多选二)
	$(1) \ \forall x (A(x) \lor B) \Leftrightarrow \forall x A(x) \lor B$
	$(2) \forall x A(x) \lor \forall x B(x) \Leftrightarrow \forall x (A(x) \lor B(x))$
	$(3) \forall x (A(x) \land B(x)) \Leftrightarrow \forall x A(x) \land \forall x B(x)$
审定人签字	$(4) \exists x (A(x) \rightarrow B) \Leftrightarrow \forall x A(x) \rightarrow B$
	$(5) \exists x (A(x) \rightarrow B(x)) \Rightarrow \exists x A(x) \rightarrow \exists x B(x)$
	$(6) \exists x (A(x) \rightarrow B(x)) \Leftrightarrow \forall x A(x) \rightarrow \exists x B(x)$
	$(7) \exists x (A(x) \lor B(x)) \Leftrightarrow \exists x A(x) \lor \exists x B(x)$ $(8) \exists x (A(x) \land B(x)) \Leftrightarrow \exists x A(x) \lor B(x)$
	$(9) \forall x \forall y (P(x) \rightarrow Q(y)) \Leftrightarrow \exists x P(x) \rightarrow \forall y Q(y)$
	4. (2 分) 下列推理序列中,第
线	$(1) \exists x P(x) \qquad P$
考生学号	(2) P(c) ES, (1)
	$\begin{array}{ccc} (2) & 1 & (2) & 1 & (2) & ($
	(4) Q(c) ES, (2)
考生姓名	5. (2分)集合 A 基数为 n,则 P(A) =
* —/— /	6. (3分)下列命题中,不正确有(多选一)
	(1) 设 A, B 为任意两个集合,则以下条件互相等价:
	1) A∪B; 2) A∪B=B; 3) A∩B=A.
所在班级	(2) 设 A, B 为任意两个集合, 若 A⊆B, 则 P(A)⊆P(B).
	(3) A, B 为集合, A⊆B 和 A∈B 能同时成立.
	() () () () () () () () () ()

(4) 下述 2 个命题中, 前者为假, 后者为真:	
1)若 A∪B=A∪C,则 B=C; 2)若 A∩B=A∩C,则 B=C.	
(5) 若 A_B 且 A_C, 则 A_B∩C.	
(6) 设ρ是集合 A 上的等价关系,则 A 关于ρ的商集 A/ρ是 A 的一个划分.	
7. (2 分)设 A={x, y, z}, ⟨P(A), _>为偏序集,请给出 P(A)的最大元、最小元	
8. (2 分)设 A={a,b,c}, B={1, 2}, 试问有多少个由 A 到 B 的满射函数	
9. (2 分)半群〈A;*〉的单位元为 e. 若其元素 a, b 的逆元为 a^{-1} , b^{-1} ,则 a*b 的逆元为	
10. $(2 分)$ 设 g 为代数结构 $\langle X; o \rangle$ 到 $\langle Y; * \rangle$ 的同构映射,若 $\langle X; o \rangle$ 存在单位元 e_x ,则 $\langle Y; * \rangle$ 亦存在单位	
元,为	
11. (2分)设R是代数结构 <s; *="">上的同余关系, *为二元运算, 从而可以定义商代数<s o="" r;="">,请给出 o</s></s;>	
的定义:	
12. (4分)下列表述不正确是(多选二)	
(1)代数结构间的同构关系是等价关系.	
(2) <i; +="">上等价关系 R={(x, y) x/y=2^m, m∈I} 不是同余关系.</i;>	
(3) A={a, b},记 S为 A ^A , o为 S上函数复合运算,则 <s;o>构成代数结构,但不存在单位元.</s;o>	
(4)设 <g; *="">是一个群,对于任意的 a, b∈G, 方程 x*a*x*b*a=x*b*c 解存在且唯一.</g;>	
(5) 不存在有零元的群.	
(6)有限群〈G; *〉的每一元素具有有限阶,且阶数至多为 G .	
(7)有限群〈G; *〉的非空子集 H 以及*运算构成〈G; *〉的子群的一个充要条件是:	
对任意的 a, b∈H, 有 a*b∈H.	
(8) 无限循环群 <a>有两个生成元,即 a 与 a⁻¹,且<a>与整数加群 Z 同构.	
(9)有限群〈G,*〉中的任何元素 a 的阶可整除 G 的阶.	
13. (2分)图G为n个结点、ω个分图的森林,则G边数为,G的度数之和为	
14. (2分) T 为有 t 片叶的完全两分树,则 T 有条边.	
15. (2β) 无向完全图 K_4 的含 3 条边的所有非同构的生成子图数为 欧拉图 G 有个度数为奇	
数的结点.	
16. (2分) n(n≥2)个结点的树、二分图的色数分别是多少?、	
17. (2分)设有一个连通平面图 G, 共有 n 个结点 e 条边 f 个面,则 n, e, f 关系为:,极大平面图	
的边数 e 与结点数 n(n≥3)关系为	

二、解答题 (60 分)

- 1. (8 分) 求 (¬P→Q)∧(P→R) 的主析取范式和主合取范式.
- 2. (8分) 将下列推理符号化并给出形式证明:

有理数都是实数,有的有理数是整数,因此有的实数是整数(设个体域为全总个体域).

- 3. (9 分)设 R_1 是集合 A 上的一个二元关系, R_2 ={(a, b) | a, b ∈ A, 存在 c ∈ A, 使 (a, c) ∈ R_1 且 (c, b) ∈ R_1 },请证明若 R_1 是 A 上的等价关系,则 R_2 也是 A 上的等价关系。
- 4. (10 分) 设 S 为正实数集合,*为 S 上的一般乘法, R 为实数集合,+为 R 上的一般加法, (1) 试说明〈S; *〉,〈R; +〉均可构成代数结构. (2) 证明: 〈S; *〉与〈R; +〉同构.
- 5. (8 分) 若群 G 中元素 x 的周期是 r,则 $H=\{x^0, x^1, x^2, \dots, x^{r-1}\}$ 为 G 之 r 阶子群。
- 6. (9分)图G为n(n≥1)个结点、m条边的一棵树,试用数学归纳法证明: m=n-1.
- 7. $(8 \, \beta)$ 图 $G \, f \, n \, (n \ge 3)$ 个结点,其每一对不相邻结点的度数之和都大于或等于 n,
 - (1)证明 G 是连通图. (2)给出证明 G 是哈密尔顿图的思路(不要求给出详细证明过程).

考生学号

线

订

考生姓名

所在班级

第___页 共___页