# Previsão de Consumo de Energia de Carros Elétricos com Machine Learning

## Descrição e Introdução ao Problema de Negócio

Uma empresa da área de transporte e logística deseja migrar sua frota para carros elétricos com o objetivo de reduzir os custos. Antes de tomar a decisão, a empresa gostaria de prever o consumo de energia de carros elétricos com base em diversos fatores de utilização e características dos veículos.

Usando um dataset com dados reais disponíveis publicamente, nós devemos construir um modelo de Machine Learning capaz de prever o consumo de energia de carros elétricos com base em diversos fatores, tais como o tipo e o número de motores elétricos, o peso do veículo, a capacidade de carga, entre outros atributos.

Para a construção deste projeto, utilizaremos as linguagens R.

O dataset se encontra no link: <a href="https://data.mendeley.com/datasets/tb9yrptydn/2">https://data.mendeley.com/datasets/tb9yrptydn/2</a>

Este conjunto de dados lista todos os carros totalmente elétricos com seus atributos (propriedades) disponíveis atualmente no mercado. A coleção não contém dados sobre carros híbridos e carros elétricos dos chamados "extensores de alcance". Os carros a hidrogênio também não foram incluídos no conjunto de dados devido ao número insuficiente de modelo produzidos em massa e à especificidade diferente (em comparação com veículos elétricos) do veículo, incluindo os diferentes métodos de carregamento.

O conjunto de dados inclui carros que, a partir de 2 de dezembro de 2020, poderiam ser adquiridos na Polônia como novos e em revendedor autorizado e aqueles disponíveis em prévenda pública e geral, mas apenas se uma lista de preços publicamente disponível. A lista não inclui carros descontinuados que não podem ser adquiridos como novos de um revendedor autorizado (também quando não estão disponíveis em estoque).

O conjunto de dados de carros elétricos inclui todos os carros totalmente elétricos no mercado primário que foram obtidos de materiais oficiais (especificações técnicas e catálogos) fornecidos por fabricantes de automóveis com licença para vender carros na Polônia.

Esses materiais foram baixados de seus sites oficiais. Caso os dados fornecidos pelo fabricante estivessem incompletos, as informações eram complementadas com dados do AutoCatálogo SAMAR.

Nosso trabalho é construir um modelo de ML capaz de prever o consumo de energia de veículos elétricos.

1

## Dicionário de Dados

Nome da Variável	Descrição		
Car Full Name	Nome completo do Veículo		
Make	Fabricante do veículo		
Model	Modelo do Veículo		
Minimal price	Preço Mínimo de comercialização do veículo em [U\$]		
Engine power	Potência Declarada pelo fabricante do motor do		
	veículo, medida em [kW]		
Maximum torque	Torque Máximo do motor medido em [Nm]		
Type of brakes	Tipo de Sistema de Freios		
Drive type	Tipo de Tração		
Battery capacity	Capacidade de carga da bateria em [kWh]		
Range	Autonomia da bateria em [km]		
Wheelbase	Distância entre eixos em [cm]		
Length	Comprimento do Veículo em [cm]		
Width	Largura do Veículo em [cm]		
Heigth	Altura do Veículo em [cm]		
Minimal Empty weight	Peso em vazio medido em [kg]		
Permissable gross weight	Peso máximo permitido medido em [kg]		
Maximum load capacity	Capacidade máxima de carga medida em [kg]		
Number of seats	Número de assentos do veículo		
Number of doors	Número de portas do veículo		
Tire size	Tamanho do raio dos pneus medido em [in] polegadas		
Maximum speed	Velocidade máxima medida em [km/h]		
Boot capacity	Litragem do porta-malas medida em [l]		
Acceleration 0-100	Tempo de aceleração de 0-100 [s]		
Maximum DC charging power	Capacidade máxima de carga da bateria medida em [kW]		
Mean Energy Consumption [kWh/100 km]	Consumo médio de bateria medida em kWh por 100 km percorridos		

## **Pacotes Utilizados**

Utilizando os dados do dataset, temos como objetivo prever o consumo de energia elétrica dos modelo da base e identificar insights importantes a possíveis oportunidades de melhoria.

2

```
# Pacotes utilizados
library(readxl)
library(thinkr)
library(usefun)
library(Amelia)
```

## Carregando os Dados e Ajustando o Dataset

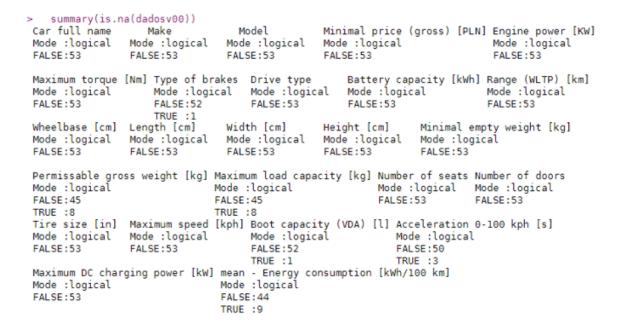
```
# Carregando e Ajustando o Dataset
getwd()
?read_xlsx

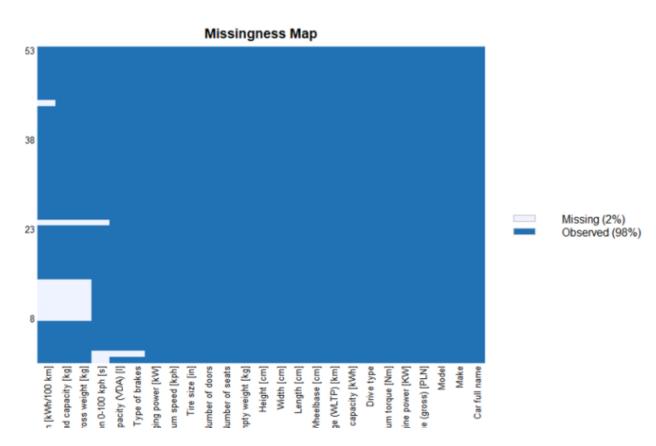
dadosv00 <- read_xlsx('dados/fev_dataset.xlsx', na = 'NaN')

View(dadosv00)
dim(dadosv00)
str(dadosv00)</pre>
```

```
# Convertendo o objeto para DataFrame
  dadosv00 <- as.data.frame(dadosv00)

# Verificando Dados NaN
  summary(is.na(dadosv00))
  colSums(is.na(dadosv00))
  missmap(dadosv00)</pre>
```



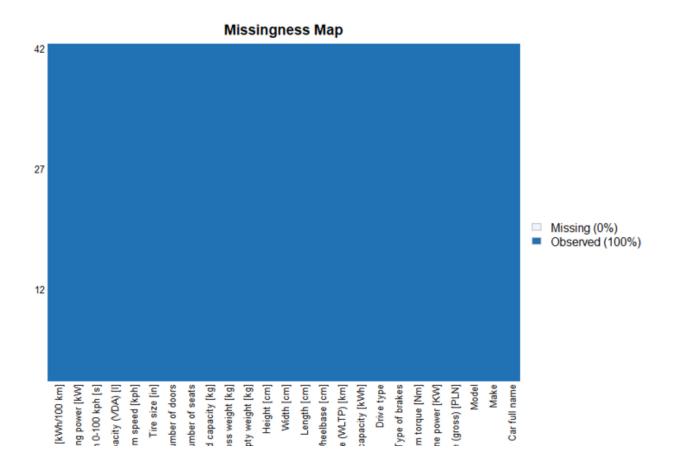


Temos algumas linhas vazias no dataset, especificamente na coluna Média de Consumo, sendo esta nossa variável resposta. Vamos apenas excluir esses dados incompletos para não tendenciar o erro de previsão durante a nossa modelagem preditiva. Poderíamos ter aplicado

alguma técnica de imputação, mas neste primeiro momento vamos prosseguir apenas sem os dados incompletos e verificar quais resultados podemos alcançar.

```
# Eliminando os dados Na
dadosv01 <- na.omit(dadosv00)

summary(is.na(dadosv01))
colSums(is.na(dadosv01))
missmap(dadosv01)</pre>
```



Carro	† Fabricante †	Modelo ÷	PrecoMin *	Potencia <sup>‡</sup>	TorqMax ÷	Freios	Car
Audi e-tron 55 quattro	Audi	e-tron 55 quattro	345700	360	664	disc (front + rear)	4W
Audi e-tron 50 quattro	Audi	e-tron 50 quattro	308400	313	540	disc (front + rear)	4W
Audi e-tron S quattro	Audi	e-tron S quattro	414900	503	973	disc (front + rear)	4W
Audi e-tron Sportback 50 quattro	Audi	e-tron Sportback 50 quattro	319700	313	540	disc (front + rear)	4W
Audi e-tron Sportback 55 quattro	Audi	e-tron Sportback 55 quattro	357000	360	664	disc (front + rear)	4W
Audi e-tron Sportback S quattro	Audi	e-tron Sportback S quattro	426200	503	973	disc (front + rear)	4W
BMW i3	BMW	13	169700	170	250	disc (front + rear)	2W
BMW i3s	BMW	i3s	184200	184	270	disc (front + rear)	2W

## Realizando Label Encoding das Variáveis Categóricas

Como pretendemos criar um modelo de regressão, precisamos identificar quais variáveis categóricas vamos transformar em numéricas.

Temos como Variáveis Categóricas: Carro, Fabricante, Modelo, Freios e Cambio. Vamos descartar Modelo e Carro, pois não são pertinentes a análise da variável resposta, conforme orientado pela área de negócio.

```
# Realizando Label Encoding das Variáveis Categóricas

dadosv01$Fabricante <- as.numeric(as.factor(dadosv01$Fabricante))

dadosv01$Freios <- as.numeric(as.factor(dadosv01$Freios))

dadosv01$Cambio <- as.numeric(as.factor(dadosv01$Cambio))

str(dadosv01)</pre>
```

### Dicionário da Variável Fabricante

- Audi = 1
- BMW = 2
- Citroen = 3
- DS = 4
- Honda = 5
- Hyundai = 6
- Jaguar = 7
- Kia = 8
- Mazda = 9
- Mercedes-Benz = 10

- Mini = 11
- Nissan = 12
- Opel = 13
- Peugeot = 14
- Porshe = 15
- Renault = 16
- Skoda = 17
- Smart = 18
- Volkswagen = 19

### Dicionário da Variável Fabricante

- Freio a Disco nas 4 rodas = 1
- Freio a Disco na Dianteira e Tambor na traseira = 2

### Dicionário da Variável Fabricante

- 4WD = 3
- 2WD(rear) = 2
- 2WD(front) = 1

## Salvando Dataset Modificado em Disco

```
file = 'dados/dados_ajustados.csv'
save_df_to_file(dadosv01, file = file)
```

Neste momento estamos prontos para iniciar nossas análises exploratórias e preparar nosso dataset para construção dos modelos de Machine Learning.

## **Análise Exploratória**

```
# Pacotes

library(kim)
library(plotly)
library(ggplot2)
library(dplyr)
library(corrplot)
library(GGally)
library(gridExtra)
```

```
'data.frame': 42 obs. of 25 variables:
                               : chr "Audi e-tron 55 quattro" "Audi e-tron 50 quattro" "
ttro" "Audi e-tron Sportback 50 quattro" ...
$ Fabricante : Factor w/ 19 levels "1","2","3","4",..: 1 1 1 1 1 2 2
$ Modelo : chr "e-tron 55 quattro" "e-tron 50 quattro" "e-tron 5 q
portback 50 quattro" ...

$ PrecoMin : int 345700 308400 414900 319700 357000 426200 169700 18
                            : int 360 313 503 313 360 503 170 184 286 136 ...

: int 664 540 973 540 664 973 250 270 400 260 ...

: Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...

: Factor w/ 3 levels "1","2","3": 3 3 3 3 3 3 2 2 2 1 ...

: num 95 71 95 71 95 95 42.2 42.2 80 50 ...
  $ Potencia
  $ TorqMax
  $ Freios
  $ Cambio
   $ CapBat
  $ Autonomia : int 438 340 364 346 447 369 359 345 460 320 ...
$ DistEixos : num 293 293 293 293 ...
  $ Comprimento : num 490 490 490 490 490 ...
$ Largura : num 194 194 198 194 194 ...
  **S Altura : num 163 163 163 162 162 ...

**S PesoVazio : int 2565 2445 2695 2445 2595 2695 1440 1460 2260 1523 .

**S PesoCheio : int 3130 3040 3130 3040 3130 3130 1730 1730 2725 1975 .

**S CapMax : int 640 670 565 640 670 565 440 440 540 450 ...
  $ NumAssentos : int 5 5 5 5 5 5 4 4 5 5 ... $ NumeroPortas: int 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 ...
  $ Tampheu : int 19 19 20 19 19 20 19 19 17 ...
$ VelMax : int 200 190 210 190 200 210 160 160 180 150 ...
$ BootCap : int 660 660 660 615 615 615 260 260 510 350 ...
  $ Acc : num 5.7 6.8 4.5 6.8 5.7 4.5 8.1 6.9 6.8 8.7 ... $ CapMaxBat : int 150 150 150 150 150 50 50 150 100 ... $ ConsMedio : num 24.4 23.8 27.6 23.3 23.9 ...
```

8

Iniciamos nossa Análise Exploratória analisando um sumário geral dos dados, porém como temos muitas variáveis, é mais prático analisarmos de forma separada Variáveis Numéricas, Categóricas e a Variável Resposta.

```
# Análise Exploratória dos Dados
summary(dados)

# Podemos reparar que a Média e a Mediana possuem valores próximos em todas
# as variáveis numéricas, o que nos indica uma possível distribuição normal.

# Vamos separar as Variáveis em Numérias, Categoricas e Resposta para
# analisarmos de forma separada.

VarNum <- dados %>% select(c(4:6), c(9:24))
VarCat <- dados %>% select(c(1:3), c(7:8))
VarResp <- dados$ConsMedio</pre>
```

## Análise da Variável Resposta

```
Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
13.10 15.60 16.88 18.61 22.94 27.55
```

Logo de início percebemos que a mediana é inferior a Média dos Dados, o que mostra que nossa curva está deslocada à direita (região caudal), provavelmente com um Skewness positivo.

```
> skewness(VarResp)
[1] 0.7857014
```

A distância máxima do range é de 14,45, conforme podemos verificar:

```
> diff(range(VarResp)) # 14.45
[1] 14.45
```

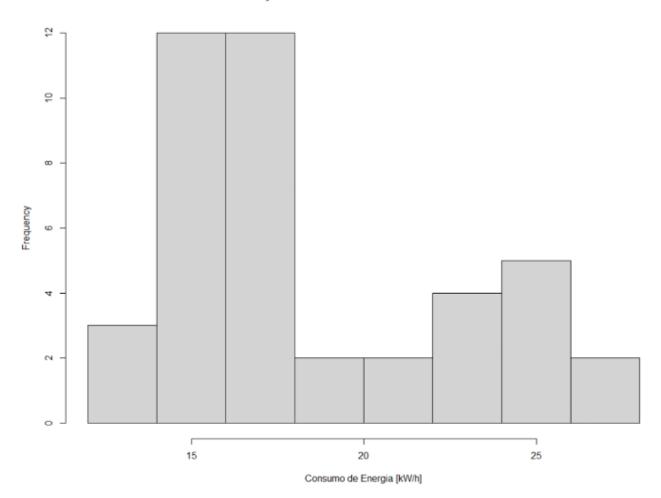
O que nos mostra que a maior diferença entre os modelos não ultrapassa 15 kW/h em consumo.

Nosso desvio padrão é de 4,13 kW/h e a variância de 17,09.

```
> sd(VarResp) # 4.134293
[1] 4.134293
> var(VarResp) # 17.09238
[1] 17.09238
```

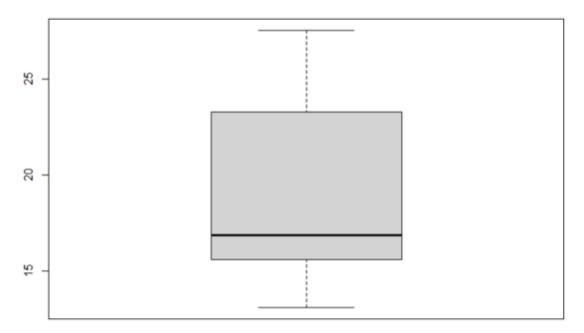
Podemos ver a questão do Skewness no histograma abaixo:

#### Distribuição do Consumo Médio em Carros Elétricos



Temos alguns dados discrepantes, com valores muito acima da mediana dos dados, talvez um outlier, o que podemos observar com a construção de um boxplot.

#### Consumo Médio em Carros Elétricos



Consumo de Energia [kW/h]

Observamos que não temos dados outliers, mantendo assim os dados com um padrão razoável para serem analisados.

Não podemos afirmar que temos uma distribuição normal nos dados, mas podemos realizar um teste de Shapiro e verificar se existe normalidade na distribuição dos dados.

- HO → Consideramos que os dados são normalmente distribuídos
- H1 → Não podemos considerar que os dados são normalmente distribuídos
  - Se p-value > que 0.05 não podemos rejeitar H0
  - Se p-value < que 0.05 então rejeitamos H0.

```
shapiro.test(VarResp)
```

```
Shapiro-Wilk normality test
data: VarResp
```

W = 0.86663, p-value = 0.0001665

Podemos perceber que p-value é menor que 0.05, sendo assim, não podemos considerar que os dados da Variável resposta seguem uma distribuição Normal, ou seja, rejeitamos H0.

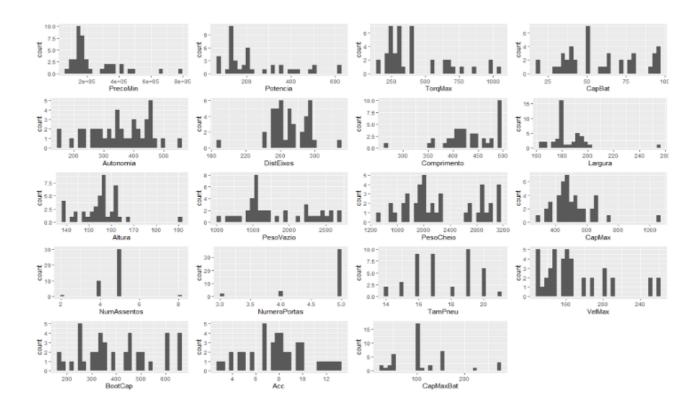
#### Análise das Variáveis Numéricas

Inicialmente, vamos verificar um resumo de cada variável:

```
summary(VarNum)
  PrecoMin
                 Potencia
                               TorqMax
                                               CapBat
                                                           Autonomia
Min.
     : 82050
              Min.
                   : 82.0
                            Min.
                                  : 160.0
                                           Min.
                                                 :17.60
                                                         Min.
                                                                :148.0
1st Qu.:140650
              1st Qu.:136.0
                            1st Qu.: 260.0
                                           1st Qu.:39.20
                                                         1st Qu.:279.2
Median :166945
              Median :184.0
                           Median : 317.5
                                           Median :52.00
                                                         Median :352.5
      :235066
                    :237.7
                                  : 425.2
                                           Mean
                                                 :58.84
                                                                :351.7
Mean
             Mean
                            Mean
                                                         Mean
3rd Qu.:316875
              3rd Qu.:313.0
                            3rd Qu.: 540.0
                                           3rd Qu.:78.65
                                                         3rd Qu.:434.8
     :794000
                                  :1050.0
                                           Max. :95.00
             Max.
                    :625.0 Max.
                                                         Max.
                                                               :549.0
Max.
                                                         PesoVazio
 DistEixos
              Comprimento
                             Largura
                                             Altura
                                                                       PesoCheio
    :187.3 Min.
                   :269.5
                           Min.
                                        Min. :137.8 Min. :1035
                                 :164.5
                                                                    Min.
                                                                           :1310
Min.
1st Qu.:256.3 1st Qu.:406.6
                           Median :431.8
Median :270.0
                           Median :180.2 Median :156.0 Median :1622
                                                                     Median :2100
     :269.8 Mean :433.5
Mean
                           Mean :184.8 Mean :155.0 Mean
                                                             :1821
                                                                     Mean
                                                                           :2268
3rd Qu.:290.0 3rd Qu.:475.5
                           3rd Qu.:193.5 3rd Qu.:160.5
                                                        3rd Qu.:2249
                                                                     3rd Qu.:2855
     :327.5
             Max.
                   :496.3 Max.
                                  :255.8
                                          Max.
                                                :190.0
                                                       Max.
                                                              :2695
                                                                     Max.
                                                                           :3136
   CapMax
              NumAssentos
                            NumeroPortas
                                            TamPneu
                                                           VelMax
Min. : 290.0 Min.
                    :2.000 Min.
                                  :3.00
                                          Min.
                                                :14.00 Min.
                                                              :130.0
1st Qu.: 440.0
             1st Qu.:4.250 1st Qu.:5.00
                                        1st Qu.:16.00 1st Qu.:146.2
Median : 485.5
             Median :5.000 Median :5.00
                                          Median :17.00 Median :160.0
     : 510.5
                    :4.762 Mean
                                   :4.81
Mean
             Mean
                                          Mean
                                               :17.55
                                                        Mean
                                                              :169.5
             3rd Qu.:5.000 3rd Qu.:5.00
3rd Qu.: 565.0
                                          3rd Qu.:19.00 3rd Qu.:187.5
Max.
    :1056.0 Max. :8.000 Max.
                                  :5.00
                                          Max. :21.00 Max.
                                                              :260.0
  BootCap
                  Acc
                              CapMaxBat
              Min. : 2.800
                                  : 22.0
Min.
     :171.0
                            Min.
1st Qu.:310.2
              1st Qu.: 6.800
                            1st Qu.: 62.5
Median :371.0
              Median : 7.900
                            Median :100.0
              Mean : 7.893
Mean :404.3
                            Mean :109.7
3rd Qu.:497.0
              3rd Qu.: 9.650
                            3rd Qu.:143.8
Max.
      :660.0
                   :13.100
                                   :270.0
              Max.
                            Max.
```

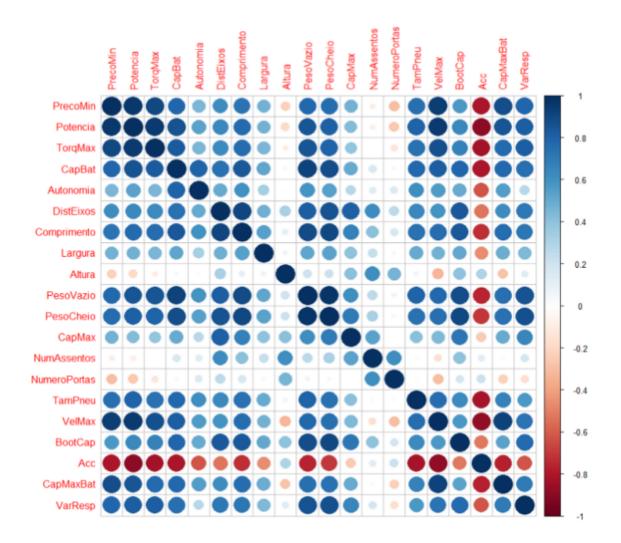
Vamos analisar de forma gráfica um multi-histograma:

```
# Multi-Hitogramas de cada Variável
     VarNum01 <- ggplot(VarNum) + geom_histogram(aes(x = PrecoMin))</pre>
     \label{lem:varNum02} \mbox{VarNum02} \ \leftarrow \mbox{ggplot(VarNum)} \ + \mbox{geom\_histogram(aes(x = Potencia))}
     VarNum03 \leftarrow ggplot(VarNum) + geom_histogram(aes(x = TorqMax))
     VarNum04 <- ggplot(VarNum) + geom_histogram(aes(x = CapBat))
     VarNum05 <- ggplot(VarNum) + geom_histogram(aes(x = Autonomia))
     VarNum06 <- ggplot(VarNum) + geom_histogram(aes(x = DistEixos))
     VarNum07 <- ggplot(VarNum) + geom_histogram(aes(x = Comprimento))
     VarNum08 <- ggplot(VarNum) + geom_histogram(aes(x = Largura))</pre>
     VarNum09 <- ggplot(VarNum) + geom_histogram(aes(x = Altura))
     VarNum10 <- ggplot(VarNum) + geom_histogram(aes(x = PesoVazio))</pre>
     VarNum11 <- ggplot(VarNum) + geom_histogram(aes(x = PesoCheio))</pre>
     VarNum12 <- ggplot(VarNum) + geom_histogram(aes(x = CapMax))</pre>
     VarNum13 \leftarrow ggplot(VarNum) + geom_histogram(aes(x = NumAssentos))
     \label{lem:varNum14} \mbox{ \ensuremath{$<$-$} ggplot(VarNum) + geom\_histogram(aes(x = NumeroPortas))} \\
     VarNum15 <- ggplot(VarNum) + geom_histogram(aes(x = TamPneu))</pre>
     VarNum16 <- ggplot(VarNum) + geom_histogram(aes(x = VelMax))
     VarNum17 <- ggplot(VarNum) + geom_histogram(aes(x = BootCap))</pre>
     VarNum18 <- ggplot(VarNum) + geom_histogram(aes(x = Acc))
     VarNum19 <- ggplot(VarNum) + geom_histogram(aes(x = CapMaxBat))</pre>
     grid.arrange(VarNum01, VarNum02, VarNum03, VarNum04, VarNum05,
                   VarNum06, VarNum07, VarNum08, VarNum09, VarNum10,
                    VarNum11, VarNum12, VarNum13, VarNum14, VarNum15,
                    VarNum16, VarNum17, VarNum18, VarNum19)
```



Percebemos que em nosso dataset temos carros de categorias diferentes, apesar de mesmo combustível propulsor, sendo assim um dataset misto, não condicionando a categoria dos veículos. Talvez seria interessante obtermos mais dados de veículos e categorizar os mesmos (etiquetar) para que possamos analisar de forma separada. Podemos corroborar com essa afirmação quando olhamos dados extremos em TorqMax, Potencia, PrecoMin, CapBat e VelMax.

Um outro ponto importante para nossa análise é identificar como as variáveis se relacionam entre si e entre elas e a variável resposta. Vamos realizar uma análise de Correlação a fim de identificar problemas de Multicolinearidade por exemplo.

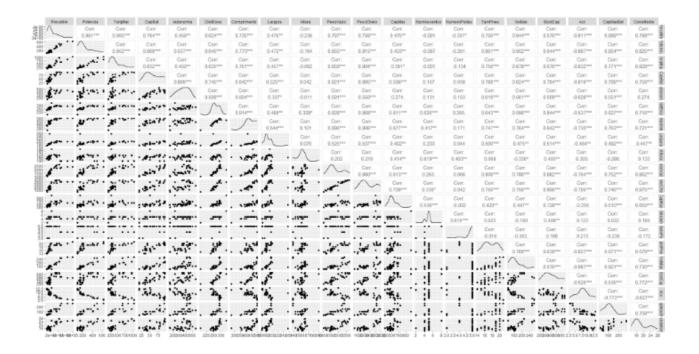


Podemos identificar aqui uma excessiva correlação entre diversas variáveis, o que possivelmente causa confusão durante nossa modelagem preditiva. Correlações como Peso/potencia, DistEixos/CapMax, são relativamente óbvias ao modelo de negócio. Porém observando a nossa Variável Resposta, podemos ver altas correlações com as variáveis, Preço, Potencia, TorqMax, CapBat, Peso Vazio, Peso Cheio, BootCap e Acc. De qualquer forma, vamos utilizar um algoritmo de regressão linear para nos ajudar a melhor selecionar nossas variáveis.

Para melhor analisarmos a correlação entre as variáveis, vamos diagramar um gráfico multivariável.

```
# Scatterplots de Cada Variável Numérica Dependente e a Variável Resposta

DadosIntResp <-dados %>% select(c(4:6), c(9:25))
Multiplot <- function(DadosIntResp, mapping, method = "loess", ...){
   p <- ggplot(data = data, mapping = mapping) +
        geom_point()+
        geom_smooth(method = method, ...)
   p
}
ggpairs(DadosIntResp, lower = list(continous = Multiplot))</pre>
```



## Análise de Variáveis Categóricas

Vamos ignorar o fabricante neste momento, pois aparentemente não parece relevante, visto que temos 19 fabricantes para 43 observações, o que não nos dá uma amostra razoável para analisar por esse ângulo de visão.

Iniciamos então analisando as proporções de dados para cada fator das variáveis Freio e Cambio.

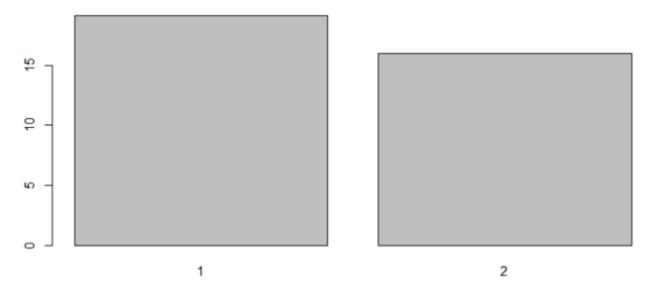
```
prop.table(table(VarCat$Freios))*100
prop.table(table(VarCat$Cambio))*100
```

Percebemos q temos muito mais dados de carro com freios a disco nas quatro rodas que apenas disco frontal.

Também é possível perceber que temos um certo equilíbrio na variável de câmbio, o que é melhor para nosso modelo preditivo.

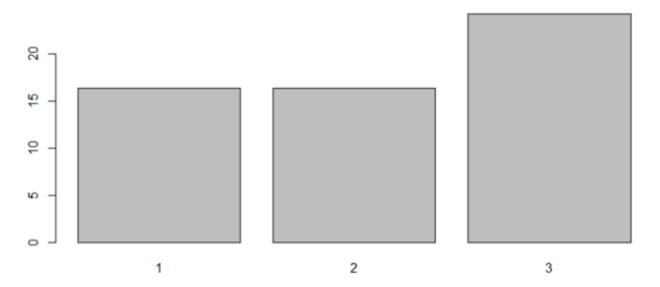
Vamos analisar como é Consumo de Energia para cada tipo de variável, calculando a média para cada categoria.

## Média de Consumo por Tipo de Freio



Podemos verificar claramente que carro que possuem frenagem frontal e traseira a disco, possuem maior consumo de energia por hora. Aqui não estamos vendo causalidade, apenas constatando o fato de que carros com essa característica em média consome mais energia elétrica.

## Média de Consumo por Tipo de Tração



Nesta variável, percebemos que carros que possuem tração nas 4 rodas possuem um consumo de energia maior. Aqui é um fato diretamente relacionado a natureza do câmbio 4WD,

visto que se necessita admitir energia em 4 rodas para aplicar tração, consequentemente usa-se maior quantidade de energia que para apenas 2 rodas.

Porém um fator descoberto é interessante, o consumo médio é muito próximo em carros com tração dianteira ou traseira.

Finalizamos nossa Exploração dos Dados e estamos prontos para iniciar a etapa de Preparação para a construção do modelo preditivo e solução do problema de negócio definido.

### **Pre-Processamento dos Dados**

Nesta etapa vamos aplicar Feature Selection e definir quais variáveis vamos levar em consideração para a construção do nosso Modelo Base. A regra aqui é encontrar uma boa eficiência na métrica do modelo, sendo ele o mais simples possível.

```
# Carregando Pacotes
   library(dplyr)
   library(kim)
   library(caret)
 # Carregando o Dataset
   dados <- as.data.frame(read_csv(name = 'dados_ajustados', head = TRUE,
                                  dirname = 'dados' ))
   dim(dados)
   dados <- dados[, 5:26]
   dim(dados)
   str(dados)
   dados$Freios <- as.factor(dados$Freios)
   dados$Cambio <- as.factor(dados$Cambio)
   dados$NumAssentos <- as.factor(dados$NumAssentos)
   dados$NumeroPortas <- as.factor(dados$NumeroPortas)</pre>
   str(dados)
   View(dados)FeaturesLM <- lm(ConsMedio ~ .,
                 data = dados)
   summary(FeaturesLM)
```

### **Feature Selection**

Vamos utilizar um modelo linear simples com todas as variáveis para determinar quais são as variáveis mais significantes para explicar nossa variável alvo.

```
Call:
                                         ♡ ☲ < 믈 ⊙ …
lm(formula = ConsMedio \sim ., data = dados)
Residuals:
   Min
           10 Median
                          30
-1.2542 -0.3364 0.0000 0.3086 1.1067
Coefficients:
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept)
             6.217e+01 1.628e+01
                                  3.820 0.00151 **
             4.431e-06 6.499e-06
                                  0.682 0.50506
PrecoMin
                                 0.609 0.55091
            6.931e-03 1.138e-02
Potencia
TorqMax
            -1.455e-03 4.577e-03 -0.318 0.75469
Freios2
            -2.390e-02 1.318e+00 -0.018 0.98576
Cambio2
            3.808e+00 1.278e+00 2.981 0.00883 **
Cambio3
            5.277e+00 2.220e+00 2.378 0.03024 *
CapBat
            8.619e-02 6.756e-02 1.276 0.22028
            -1.652e-02 7.108e-03 -2.324 0.03364 *
Autonomia
            -2.622e-01 1.198e-01 -2.188 0.04384 *
DistEixos
Comprimento
             2.159e-02 4.208e-02
                                  0.513 0.61499
Largura
            -1.965e-02 1.428e-02 -1.377
                                         0.18762
Altura
             4.024e-02
                        7.665e-02
                                  0.525 0.60674
             2.635e-03 7.014e-03
                                  0.376 0.71209
PesoVazio
            -2.122e-03 3.314e-03 -0.640 0.53114
PesoCheio
            -3.181e-03 7.710e-03 -0.413 0.68541
CapMax
            1.823e+01 7.864e+00 2.318 0.03402 *
NumAssentos4
NumAssentos5 2.157e+01 9.505e+00 2.269 0.03748 *
NumAssentos8 4.114e+01 1.861e+01 2.211 0.04196 *
NumeroPortas4 1.676e+00 2.917e+00 0.575 0.57353
NumeroPortas5 -4.450e+00 2.216e+00 -2.008 0.06180 .
TamPneu
            -7.817e-01 2.807e-01 -2.785 0.01325 *
VelMax
            1.474e-02 7.138e-02 0.207 0.83896
            2.489e-02 8.726e-03 2.852 0.01153 *
BootCap
            -2.294e-01 3.102e-01 -0.739 0.47040
Acc
CapMaxBat
         -8.928e-03 1.731e-02 -0.516 0.61304
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Residual standard error: 0.8818 on 16 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.9822, Adjusted R-squared: 0.9545
F-statistic: 35.41 on 25 and 16 DF, p-value: 8.055e-10
```

Podemos verificar que Autonomia, Cambio, Distância entre Eixos, Numero de Assentos, Tamanho do Pneu e Capacidade do porta-malas são estatisticamente relevantes ao nosso modelo.

As métricas mostram que com R<sup>2</sup> Ajustado de 95,45%, conseguimos afirmar que nosso modelo consegue explicar 95% da variabilidade do consumo médio, pelas variáveis que listamos.

Essa informação pode indicar que nosso modelo está com overfitting, ou seja, treinado demais e pouco generalizável. De qualquer forma, o intuito deste modelo era apenas identificar as variáveis mais importantes, o que nos serviu perfeitamente.

Uma observação importante que fizemos é que os dados estão em escalas diferentes e isso poderia alterar o resultado do modelo de identificação das variáveis mais importantes. Então refizemos o modelo com dados normalizados. Utilizamos uma função MinMax para deixar todas as variáveis na mesma escala.

Call:

```
# Reavaliando as Variáveis de Maior Significância

dados_final <- rbind(dados_treino_final, dados_teste_final)
FeaturesLMS <- lm(ConsMedio ~ ., data = dados_final)
summary(FeaturesLMS)</pre>
```

```
lm(formula = ConsMedio ~ ., data = dados_final)
Residuals:
              10
                   Median
                                3Q
-0.95879 -0.33334 -0.01356 0.34427 1.05642
Coefficients:
             Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept)
             16.6138 2.2395 7.419 1.46e-06 ***
                                  0.288 0.777061
1.565 0.137158
                          4.2953
PrecoMin
               1.2369
              8.0887
                         5.1687
Potencia
TorqMax
              -0.3851
                         2.7555 -0.140 0.890606
                                  2.873 0.011048
CapBat
              10.4525
                          3.6385
                         2.1371 -3.522 0.002832 **
              -7.5258
Autonomia
DistEixos
             -12.6267
                         4.5659 -2.765 0.013789 *
Comprimento
                          4.8253
                                   1.012 0.326780
               4.8813
                         1.0920 -0.493 0.628791
             -0.5382
Largura
              2.6975
                         2.7209
                                  0.991 0.336245
0.455 0.655199
Altura
                         8.2349 0.455 0.655199
5.0726 -0.797 0.437338
               3.7471
PesoVazio
             -4.0409
PesoCheio
                         1.7945 2.181 0.044432 *
CapMax
              3.9142
```

```
-7.2467 1.7481 -4.145 0.000761 ***
TamPneu
           -10.6552 5.2359 -2.035 0.058761 .
VelMax
BootCap
             5.1904 2.7796 1.867 0.080280 .
                       2.4640 -1.006 0.329618
             -2.4776
Acc
CapMaxBat
               2.7448
                         3.0502
                                 0.900 0.381527
                        1.0308 -1.195 0.249484
             -1.2319
Freios2
Cambio2
              3.1542
                       0.8691 3.629 0.002255 **
                       1.6382 2.341 0.032540 *
             3.8343
5.0579
Cambio3
NumAssentos4
                        2.2070
                                 2.292 0.035825 *
NumAssentos5 5.1798
                        2.6637
                                1.945 0.069624
NumAssentos8 9.4808 4.2587 2.226 0.040716 *
NumeroPortas4 1.2353 2.2536
NumeroPortas5 -2.3233 1.3482
                                0.548 0.591154
                        1.3482 -1.723 0.104113
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Residual standard error: 0.8516 on 16 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.9834, Adjusted R-squared: 0.9576
F-statistic: 38.02 on 25 and 16 DF, p-value: 4.666e-10
```

Temos então uma resposta semelhante de R<sup>2</sup> ajustado, mas com variáveis diferentes, sendo assim, vamos admitir as variáveis: CapBat, Autonomia, DistEixos, CapMax, Cambio e NumAssentos.

## **Modelagem Preditiva**

```
# Parte 04 - Modelagem Preditiva

# Neste etapa, vamos criar modelos de machine learning e analisar as métricas

# de cada modelo e definir qual realiza previsões com mais eficiência,

# utilizando o dataset preparado e levando em consideração nosso modelo

# preditivo base.
```

```
# Carregando Pacotes

library(dplyr)
library(ggplot2)
library(forecast)

# Carregando o Dataset

dados_treino <- read.csv2('dados/dados_prep_treino.csv', header = TRUE)[-1]
str(dados_treino)
dados_teste <- read.csv2('dados/dados_prep_teste.csv', header = TRUE)[-1]
str(dados_teste)

summary(is.na(dados_treino))
summary(is.na(dados_teste))</pre>
```

### Construindo o Modelo Base e Analisando o Resultado

### **Modelo Base**

Vamos construir o modelo base com a função lm() do pacote utils base da linguagem R.

```
# Construindo nosso Modelo Base

# Vamos utilizar a função lm() para construir nosso modelo base, sendo o
# algoritmo mais simples que conhecemos.

ModeloBase <- lm(ConsMedio ~ ., dados_treino)
summary(ModeloBase)

# Nosso modelo Base possui em treinamento, um R² de 92,67% ajustado, o
# que siginifica que conseguimos explicar o consumo com 92,67% de
# variabilidade dessas variáveis.

# Acurácia do Modelo Base de Treino
prev_treino_ModeloB <- predict(ModeloBase, dados_treino[-8])
accuracy(prev_treino_ModeloB, dados_treino$ConsMedio)

# Acurácia de RMSE 1.407
```

```
Call:
lm(formula = ConsMedio ~ ., data = dados_treino)
Residuals:
   Min
            1Q Median
                           30
                                  Max
-3.3493 -0.7016 0.0883 0.5107 2.4363
Coefficients:
           Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept) 14.0363
                       1.9469
                               7.209 1.17e-07 ***
           17.6938
                       2.1127
                              8.375 7.41e-09 ***
CapBat
Autonomia -14.1841
                       1.6552 -8.570 4.76e-09 ***
DistEixos
           -3.8796
                       4.1306 -0.939 0.35626
CapMax
            6.8222
                       2.0469
                              3.333 0.00259 **
            0.7917
                      0.4980 1.590 0.12399
Cambio
NumAssentos 0.2588
                       0.5429 0.477 0.63760
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Residual standard error: 1.157 on 26 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.9404, Adjusted R-squared: 0.9267
F-statistic: 68.41 on 6 and 26 DF, p-value: 1.114e-14
```

Nosso modelo base possui em treinamento, um R² de 92,67% ajustado, o que significa que conseguimos explicar o consumo médio com 92% de variabilidade das variáveis independentes. Um valor bom para a métrica, assim como a acurácia do modelo de treino base com um RMSE de 1.027.

Vamos realizar as previsões dos dados de teste e analisar os resíduos.

```
# Testando e Avaliando o Modelo

Previsao01 <- predict(ModeloBase, dados_teste[-8])
Previsao01

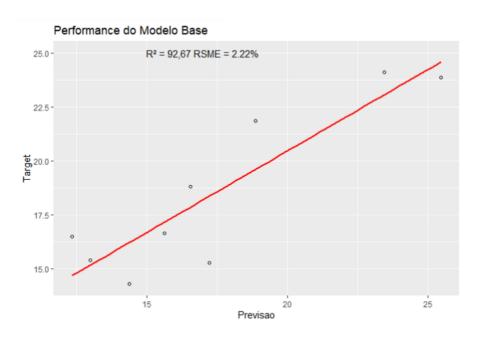
# Analisando a Acurárcia do Teste para o Modelo Base

accuracy(Previsao01, dados_teste$ConsMedio)

# Obtivemos uma acurácia relativamente mais alta que em treino
# no valor de RMSE 2.907. !! Ponto de Atenção</pre>
```

Podemos ver que temos uma média nos resíduos próximos a zero e um range pequeno entre os valores mínimos e máximos. Vamos ver a regressão graficamente.

Consequentemente temos uma ótima acurácia e poucos erros em relação aos resultados medidos no teste.



```
> head(FitModeloBase)
Target Previsao Residuo
1 23.85 25.46181 -1.61180984
2 14.30 14.36639 -0.06639241
3 18.80 16.56364 2.23636045
4 15.40 12.98300 2.41699755
5 15.30 17.23469 -1.93468759
6 21.85 18.87666 2.97333844
```

#### Modelo V02

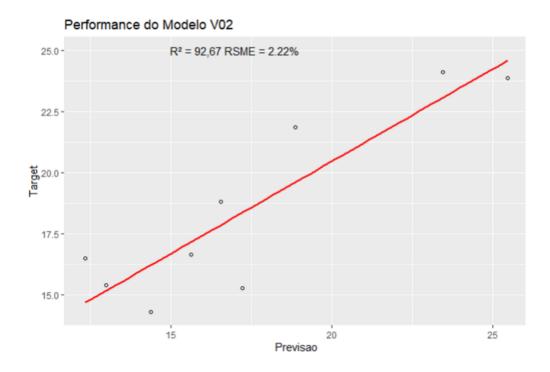
Para o modelo V02 vamos trocar o algoritmo mas manter o método de regressão. Vamos utilizar o Caret com o método 'lm'.

```
# Construindo Modelo Versão 02
# Para este modelo, utilizaremo o pacote Caret com o método de Regressão
# Linear, sem Trainig Control e Tuning.
  ModeloV02 <- train(ConsMedio ~ ., data = dados_treino, method = 'lm')
  summary(ModeloV02)
# Podemos reparar que obtivemos um R2 de 92,67%, mesmo valor do modelo base.
# Vamos realizar a Previsão de teste e avaliar
# graficamente.
  Previsao02 <- predict(ModeloV02, dados_teste[-8])
  Previsao02
  accuracy(Previsao02, dados teste$ConsMedio)
    # Mesma acurácia do modelo base RMSE 2.907
  # Analisando o resíduo do modelo
  Res_ModeloV02 <- ConsumoTeste - Previsao02
  FitModeloV02 <- data.frame(Target = ConsumoTeste,
                              Previsao = Previsao02,
                              Residuo = Res_ModeloV02)
  head(FitModeloV02)
  summary(FitModeloV02)
```

```
Call:
lm(formula = .outcome \sim ., data = dat)
Residuals:
            1Q Median
                           30
   Min
-3.3493 -0.7016 0.0883 0.5107 2.4363
Coefficients:
          Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept) 14.0363 1.9469 7.209 1.17e-07 ***
                       2.1127 8.375 7.41e-09 ***
CapBat
           17.6938
                       1.6552 -8.570 4.76e-09 ***
Autonomia
          -14.1841
            -3.8796
                       4.1306 -0.939 0.35626
DistEixos
            6.8222
                       2.0469 3.333 0.00259 **
CapMax
            0.7917
                        0.4980
                               1.590 0.12399
Cambio
NumAssentos 0.2588
                        0.5429
                                0.477 0.63760
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Residual standard error: 1.157 on 26 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.9404,
                             Adjusted R-squared: 0.9267
F-statistic: 68.41 on 6 and 26 DF, p-value: 1.114e-14
```

Perceba que apenas alterando o pacote, não tivemos nenhuma diferença entre os resultados.

```
head(FitModeloV02)
                                                       Previsao
                                             Target
                                                                   Residuo
 Target Previsao
                 Residuo
                                          Min. :14.30 Min. :12.35 Min. :-1.93469
                                          1 23.85 25.46181 -1.61180984
2 14.30 14.36639 -0.06639241
                                          Mean :18.53
                                                      Mean :17.43 Mean
                                                                      : 1.09301
3 18.80 16.56364 2.23636045
                                          3rd Qu.:21.85
                                                     3rd Qu.:18.88
                                                                 3rd Qu.: 2.41700
4 15.40 12.98300 2.41699755
                                         Max. :24.10 Max. :25.46 Max. : 4.15171
5 15.30 17.23469 -1.93468759
6 21.85 18.87666 2.97333844
```



#### Modelo V03

Para este modelo vamos mudar o método de regressão linear para o Método Boosted Linear Regression.

```
# Construindo Modelo V03
# Para este modelo vamos alterar o método de Regressão Linear para Boosted
# Linear Regression e analisar os resultados.
# Utilizaremos o mesmo pacote Caret.
   ModeloV03 <- train(ConsMedio ~ ., data = dados_treino, method = 'BstLm')
   ModeloV03
   # Analisando o resíduo do modelo
  Res_ModeloV03 <- ConsumoTeste - Previsao03
  FitModeloV03 <- data.frame(Target = ConsumoTeste,
                               Previsao = Previsao03,
                               Residuo = Res_ModeloV03)
  head(FitModeloV03)
  summary(FitModeloV03)
  # Scatter Plot Comparativo
  ggplot(FitModeloV03, aes(x = Previsao, y = Target)) +
     geom_point(shape = 1) +
     geom_smooth(method = 1m, color = 'red', se = FALSE) +
     ggtitle('Performance do Modelo V03')+
     annotate(geom = 'text', x = 17, y = 25, label = 'R<sup>2</sup> = 65,12% RSME = 3.34')
```

### > ModeloV03 Boosted Linear Model

#### 33 samples 6 predictor

No pre-processing

Resampling: Bootstrapped (25 reps)

Summary of sample sizes: 33, 33, 33, 33, 33, ...

Resampling results across tuning parameters:

mstop RMSE Rsquared MAE 50 3.833294 0.5773610 3.431336 100 3.566225 0.6157972 3.111424 150 3.341078 0.6512431 2.854399

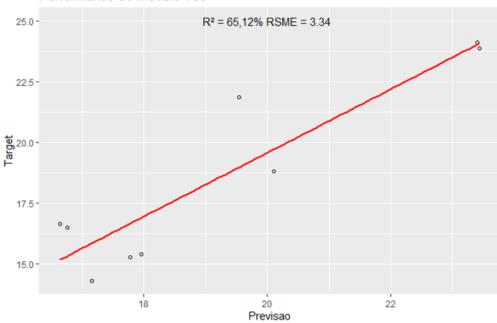
Tuning parameter 'nu' was held constant at a value of 0.1 RMSE was used to select the optimal model using the smallest value.

The final values used for the model were mstop = 150 and nu = 0.1.

	Target	Previsao	Residuo
1	23.85	23.43588	0.4141222
2	14.30	17.16161	-2.8616109
3	18.80	20.10335	-1.3033470
4	15.40	17.96319	-2.5631871
5	15.30	17.78603	-2.4860301
		19.54537	2.3046302

1	Jummur y	(1 # (1)000 (0 700)	
	Target	Previsao	Residuo
	Min. :14.30	Min. :16.65	Min. :-2.8616
	1st Qu.:15.40	1st Qu.:17.16	1st Qu.:-2.4860
	Median :16.65	Median :17.96	Median :-0.2657
	Mean :18.53	Mean :19.20	Mean :-0.6733
	3rd Qu.:21.85	3rd Qu.:20.10	3rd Qu.: 0.4141
	Max. :24.10	Max. :23.44	Max. : 2.3046

#### Performance do Modelo V03



Neste modelo tivemos um R² de 65,12% aproximadamente, com 25 repetições de reamostragem. Neste método, realizamos diversas iterações com amostragens menores do dataset e identificamos a que possui menor RMSE e consequentemente maior R². De qualquer forma tivemos um resultado pior que em nosso Modelo Base.

#### Modelo V04

Para este modelo usaremos outro método do pacote Caret, chamado de glmnet.

```
# Contruindo Modelo V04

# Para este modelo vamos alterar o método de Regressão Linear para glmnet

# e analisar os resultados.

# Utilizaremos o mesmo pacote Caret.

ModeloV04 <- train(ConsMedio ~ ., data = dados_treino, method = 'glmnet')

ModeloV04

# Tivemos uma piora drástica do R² em relação ao Modelo V03, porém ainda

# assim nosso modelo base é melhor em relação a métrica de varibilidade

# das variáveis em relação a variável resposta.
```

### Mode LoV04 glmnet

33 samples 6 predictor

No pre-processing

Resampling: Bootstrapped (25 reps)
Summary of sample sizes: 33, 33, 33, 33, 33, ...
Resampling results across tuning parameters:

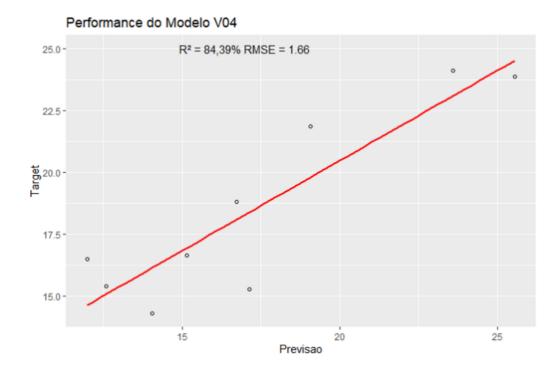
alpha	lambda	RMSE	Rsquared	MAE
0.10	0.006295296	1.664000	0.8439565	1.236413
0.10	0.062952965	1.704398	0.8422168	1.290303
0.10	0.629529645	2.169265	0.7640937	1.710190
0.55	0.006295296	1.660722	0.8450119	1.232211
0.55	0.062952965	1.687921	0.8464261	1.276365
0.55	0.629529645	2.483541	0.6968285	1.942585
1.00	0.006295296	1.656760	0.8460774	1.228075
1.00	0.062952965	1.686541	0.8458511	1.275791
1.00	0.629529645	2.813177	0.6168897	2.166624

RMSE was used to select the optimal model using the smallest value.

The final values used for the model were alpha = 1 and lambda = 0.006295296.

	Target	Previsao	Residuo
1	23.85	23.43588	0.4141222
2	14.30	17.16161	-2.8616109
3	18.80	20.10335	-1.3033470
4	15.40	17.96319	-2.5631871
5	15.30	17.78603	-2.4860301
6	21.85	19.54537	2.3046302

Target	Previsao	Residuo
Min. :14.30	Min. :12.00	Min. :-1.8369
1st Qu.:15.40	1st Qu.:14.05	1st Qu.: 0.2538
Median :16.65	Median :16.73	Median : 1.5001
Mean :18.53	Mean :17.32	Mean : 1.2085
3rd Qu.:21.85	3rd Qu.:19.07	3rd Qu.: 2.7768
Max. :24.10	Max. :25.55	Max. : 4.5012



Atingimos aqui 84,39% de R², uma melhora drástica em relação ao modelo V03, porém ainda menor que nosso modelo base, porém uma acurácia melhor de 1.66.

## Conclusão

Portanto finalizamos nosso trabalho, disponibilizando o Modelo VO4 como apto a realizar novas previsões para a área de negócio, pois apresenta melhor performance nas métricas e nos resíduos gerados.

Importante ressaltar que os novos dados a serem aplicados as variáveis do modelo, necessariamente precisam ser tratados da mesma forma que fizemos durante o processo de préprocessamento. Ou seja, sem outliers, sem dados NaN e normalizados para que possam ter a mesma escala de valor.

Concluímos o projeto com este relatório, incluindo a descrição do script realizado em linguagem R.