Elementi di Bioinformatica

Gianluca Della Vedova

Univ. Milano-Bicocca http://gianluca.dellavedova.org

30 novembre 2018

Gianluca Della Vedova Elementi di Bioinformatica

1/1

Input

 \bullet Array A di n interi

Range Minimum Query

• Indicizzare A in tempo $O(n \log n)$

Query

• Dati due interi $i, j, 1 \le i \le j \le n$, calcolare $\min_{1 \le z \le j} A[z]$ in tempo O(1).

Gianluca Della Vedova Elementi di Bioinformatica

2/1

Indice

- $\bullet \ \operatorname{Array} \, B[x,y] = \min_{x \leq z < x + 2^y} A[z]$
- B[x, 0] = A[x]
- $B[x, y] = \min \{B[x, y 1], B[x + 2^{y-1}, y 1]\}, \text{ se } y > 0$
- $n\lceil \log_2 n \rceil$ elementi
- $w \leftarrow \lfloor \lfloor \log_2(j-i+1) \rfloor$, w è la più grande potenza di 2 che è minore o uguale a j - i + 1

Gianluca Della Vedova Elementi di Bioinformatica

• $\min_{1 \le z \le j} A[z] = \min\{B[i, wr], B[j - 2^w + 1, w]\}$

Licenza d'uso

Quest'opera è soggetta alla licenza Creative Commons: Attribuzione-Condividi allo stesso modo 4.0. $(\verb|https://creativecommons.org/licenses/by-sa/4.0/).$ Sei libero di riprodurre, distribuire, comunicare al pubblico, esporre in pubblico, rappresentare, eseguire, recitare e modificare quest'opera alle seguenti condizioni:

- Attribuzione Devi attribuire la paternità dell'opera nei modi indicati dall'autore o da chi ti ha dato l'opera in licenza e in modo tale da non suggerire che essi avallino te o il modo in cui tu usi l'opera.
- Condividi allo stesso modo Se alteri o trasformi quest'opera, o se la usi per crearne un'altra, puoi distribuire l'opera risultante solo con una licenza identica o equivalente a questa.

Gianluca Della Vedova Elementi di Bioinformatica 4/1