Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки

Кафедра інформатики та програмної інженерії

Звіт

з лабораторної роботи № 1 з дисципліни «Проектування алгоритмів»

«Проектування алгоритмів зовнішнього сортування»

Варіант 4

Виконав студент ІП-15, Буяло Дмитро Олександрович

(шифр, прізвище, ім'я, по батькові)

Перевірив Ахаладзе Ілля Елдарійович

(прізвище, ім'я, по батькові)

3MICT

1.	МЕТА ЛАБОРАТОРНОЇ РОБОТИ	3
2.	ЗАВДАННЯ	3
3.	ВИКОНАННЯ	4
	3.1.ПСЕВДОКОД АЛГОРИТМУ	4
	3.2.ПРОГРАМНА РЕАЛІЗАЦІЯ АЛГОРИТМУ	8
	3.2.1. Вихідний код	8
	3.2.2. Результати тестування	19
	3.3.АНАЛІЗ АЛГОРИТМУ	22
ΒI	ИСНОВОК	28

1 МЕТА ЛАБОРАТОРНОЇ РОБОТИ

Мета роботи — вивчити основні алгоритми зовнішнього сортування та способи їх модифікації, оцінити поріг їх ефективності.

Індивідуальне завдання Варіант 4

2 ЗАВДАННЯ

Для алгоритму багатофазного сортування розробити та записати алгоритм зовнішнього сортування за допомогою псевдокоду (чи іншого способу за вибором).

Виконати програмну реалізацію алгоритму на будь-якій мові програмування та відсортувати випадковим чином згенерований масив цілих чисел, що зберігається у файлі (розмір файлу має бути не менше 10 Мб, можна значно більше).

Здійснити модифікацію програми і відсортувати випадковим чином згенерований масив цілих чисел, що зберігається у файлі розміром не менше ніж 32Гб. Досягти швидкості сортування з розрахунку 1Гб на 3хв або менше.

Рекомендується попередньо впорядкувати серії елементів довжиною, що займає не менше 100Мб або використати інші підходи для пришвидшення процесу сортування.

Зробити узагальнений висновок з лабораторної роботи, у якому порівняти базову та модифіковану програми. У висновку деталізувати, які саме модифікації було виконано і який ефект вони дали.

3 ВИКОНАННЯ

```
3.1 Псевдокод алгоритму 
Основна програма 
polyPhaseSort()
```

Початок

```
level = 0; j = 0; a[n-1] = 0; d[n-1] = 0
```

//Запис по одній серії в кожен з вхідних файлів

Повторити

select()

writeRuns()

Поки не кінець файлу f0 та j! = n-1

Все повторити

$$j = 0$$

//Виконати початковий розподіл серій

Повторити

Поки не кінець файлу f0

select()

Якщо f[j].first $\neq f(0)$.first

T0

writeRuns()

Якщо кінець файлу f0

T0

d[j]++

інакше

writeRuns()

Все якщо

```
інакше
```

writeRuns()

Все якщо

Все повторити

//Відкрити вхідні послідовності f[i] читання

Повторити для і від 0 до n-1

$$t[i] = i$$

Все повторити

$$t[n-1] = n-1$$

//Сортування

Повторити

$$z = a[n-2]; d[n-1] = 0$$

Повторити

$$k = 0$$

Повторити для і від 0 до n-1

Якщо d[i] > 0

T0

d[i]--

інакше

$$ta[k] = t[i]; k++$$

Все якщо

Все повторити

Якщо k=0

T0

$$d[n-1]++$$

інакше

Повторити

$$i = 0$$
; $mx = 0$; $min = f[ta[0]]$.first

Повторити

Поки i < k

$$i++$$
; $x = f[ta[i]].first$

Якщо x < min

T0

$$min = x; mx = i$$

Все якщо

Все повторити

записати min у вихідну послідовність, індекс якої t[N-1];

Якщо кінець серії у файлі f[ta[mx]]

T0

$$k--$$
; $ta[mx] = ta[k]$

Все якщо

Поки k > 0

Все повторити

Все якщо

Z--

Поки z > 0

Все повторити

$$tmpT = t[n\text{-}1]; tmpD = d[n\text{-}1]; z = a[n\text{-}2]$$

Повторити для і від п-1 до 0

$$t[i] = t[i\text{-}1]; \, d[i] = d[i\text{-}1]; \, a[i] = a[i\text{-}1] \, \text{-} \, z$$

Все повторити

$$t[0] = tmpT; d[0] = tmpD; a[0] = z$$
 level--

Поки level != 0

Все повторити

Кінець

Підпрограми: select() Початок Якщо d[j] < d[j+1]T0 j++ інакше Якщо d[j] = 0T0 level++; a0 = a[0]Повторити для і від 0 до п-1 d[i] = a0 + a[i+1] - a[i]a[i] = a0 + a[i+1]Все повторити Все якщо j = 0Все якщо d[j]--Кінець writeRuns() Початок Повторити

Записати серію поелементно в файл f[j] з файлу f0

Поки не кінець серії

Все повторити

Кінець

3.2 Програмна реалізація алгоритму

3.2.1 Вихідний код

```
import java.io.BufferedReader;
import java.io.IOException;
import java.nio.charset.StandardCharsets;
import java.nio.file.Files;
import static java.lang.Character.toUpperCase;
   public static void main(String[] args) {
       System.out.println("Hello world!");
        System.out.print("Enter the name of the initial file: ");
        String name = scan.nextLine() + ".txt";
                                                                                                             A 12 ^ \
        double resTime;
            long count = generateFile(name, system, size);
            resTime = System.currentTimeMillis() - time;
            System.out.println("The file named \"" + name + "\" with a size of " + size + system +
            System.out.println();
            System.out.print("Do you want to use modified version of the algorithm? (Y/N): ");
            time = System.currentTimeMillis();
               res = polyPhaseSort_M(count, name, system, size);
               resTime = System.currentTimeMillis() - time;
                     noluPhaseSort(count
```

```
resTime = System.currentTimeMillis() - time;
            System.out.println("The result of the basic algorithm is in the file T"+res+
    } catch (Exception e) {
        System.err.println(e);
private static String inputSystem() {
    Scanner sc = new Scanner(System.in);
    String system;
            System.out.print("In which unit of information the file must be created? (Kb/Mb/Gb): ");
            system = sc.nextLine().toUpperCase();
            else System.out.println("Try again!");
        catch (Exception e) {
            System.out.println("Try again!");
                                                                                                         A 12 ^ V
private static long inputSize(String system) {
    Scanner sc = new Scanner(System.in);
    long size;
            System.out.print("Enter the file size in " + system + ": ");
            if(size>0) break;
            else System.out.println("Size must be positive. Try again!");
        catch (Exception e) {
private static int inputN() {
    Scanner sc = new Scanner(System.in);
    System.out.print("How many files should be used for sorting? ");
```

```
System.out.print("N = ");
        catch (Exception e) {
private static boolean checkYN() {
    char yn = toUpperCase(scan.nextLine().charAt(0));
private static long generateFile(String name, String system, long size) throws IOException {
    file.createNewFile();
    FileWriter in = new FileWriter(file);
    Random rand = new Random();
StringBuilder s = new StringBuilder();
            <u>size</u> *= 1024;
            s.append(rand.nextInt(MAX_VALUE));
             s.append('\n');
        in.write(s.toString());
        s.setLength(0);
    if(d[j]<d[j+1]) ++j;
```

```
a0=a[0];
                 d[i]=a0+a[i+1]-a[i];
public static int polyPhaseSort(long eof, String name) throws IOException {
    boolean <u>eor</u> = false; // конец ли серии (end of run)
    int[] a = new int[n]; // идеальное число серий
    int[] d = new int[n]; // число пустых серий
    FileWriter[] in = new FileWriter[n];
    for(\underline{i}=0;\underline{i}< n-1;++\underline{i}) { // создаем и открываем файлы для записи серий
         f[i].createNewFile();
         in[i]= new FileWriter(f[i]);
     f[n-1].createNewFile();
     for(<u>i</u>=0;<u>i</u><n-1;++<u>i</u>) {
    BufferedReader reader = Files.newBufferedReader(f0.toPath(), StandardCharsets.UTF_8);
     String <u>firstX;</u> // текущее читаемое значение из начального файла
    String[] firstY=new String[n]; // текущее читаемое значение из файла распределения
              firstY[j]=firstX;
                  eor = Integer.parseInt(firstX) < Integer.parseInt(firstY[j]);</pre>
```

```
select(a,d);
    if(Integer.parseInt(firstY[j]) <= Integer.parseInt(firstX)) {</pre>
             firstY[j]=firstX;
                  if (Integer.parseInt(firstX) < Integer.parseInt(firstY[j])) eor = true;</pre>
         } while (!eor && eof!=0);
             ++d[j];
                  firstY[j]=firstX;
             } while (!eor && eof!=0);
             firstY[j]=firstX;
             in[j].write( str: firstX+'\n');
        } while (!eor && eof!=0);
reader.close();
for(i=0;i<n-1;++i) {</pre>
    readers[\underline{i}] = Files.newBufferedReader(f[\underline{i}].toPath(), StandardCharsets.UTF_8);
```

```
for(i=0;i<n-1;++i) {</pre>
    in[t[n-1]]= new FileWriter(f[t[n-1]]);
    z=a[n-2]; d[n-1]=0;
                   \underline{i} = 0; \underline{mx} = 0; \underline{min} = Integer.parseInt(firstY[ta[0]]);
                   while (i < k-1) { // ищем минимальный элемент
                        ++\underline{i}; \underline{x} = Integer.parseInt(firstY[ta[\underline{i}]]);
                   in[t[n-1]].write(str: min+"\n");
                   firstY[ta[mx]] = readers[ta[mx]].readLine();
                        if (min > Integer.parseInt(firstY[ta[mx]])) {
                        firstY[ta[mx]]= "2147483647";
                        ta[\underline{mx}]=ta[\underline{k}-1];
    readers[t[n-1]] = Files.newBufferedReader(f[t[n-1]].toPath(), StandardCharsets.UTF_8);
```

```
firstY[t[n-1]] = readers[t[n-1]].readLine();
          for (i=n-1;i>0;--i) { // обновление чисел Фибоначчи
              t[i]=t[i-1];
              d[\underline{i}]=d[\underline{i}-1];
public static int polyPhaseSort_M(long eof, String name, String system, long size) throws IOException {
                                                                                                                             <u>A</u> 12 ^ ~
    FileWriter[] in = new FileWriter[n];
         f[\underline{i}] = \text{new File}(\text{pathname: "T"} + (\underline{i} + 1) + ".txt");
         f[i].createNewFile();
         in[i] = new FileWriter(f[i]);
    f[n-1].createNewFile();
```

```
<u>int runsCount</u> = (int) (eof/ <u>runLen</u>); // количество серий длиной 2,25 GB
    runLen = lastRunLen;
int[] lastRun = new int[lastRunLen]; // для записи последней серии
StringBuilder s = new StringBuilder();
BufferedReader reader = Files.newBufferedReader(f0.toPath(), StandardCharsets.UTF_8);
         runs[i] = Integer.parseInt(reader.readLine());
    Arrays.parallelSort(runs);
    for(\underline{i}=0; \underline{i}<\underline{runLen}; ++\underline{i}) {
         s.append(runs[i]).append('\n');
             in[j].write(s.toString());
             s.setLength(0);
    in[j].write(s.toString());
    s.setLength(0);
                                                                                                                     <u>A</u> 12 ^ ~
if(runsCount==0 && lastRunLen!=0) {
    for(\underline{i}=0; \underline{i}<\underline{lastRunLen}; ++\underline{i}) {
         lastRun[i] = Integer.parseInt(reader.readLine());
    for(i=0; i<lastRunLen; ++i) {</pre>
             in[j].write(s.toString());
             s.setLength(0);
         runs[i] = Integer.parseInt(reader.readLine());
```

```
Arrays.parallelSort(runs);
         s.append(runs[i]).append('\n');
             in[j].write(s.toString());
             s.setLength(0);
    in[j].write(s.toString());
lastInRun = runs[(int) (runLen-1)];
if(lastRunLen!=0) {
    Arrays.parallelSort(lastRun);
    for(\underline{i}=0; \underline{i}<\underline{lastRunLen}; ++\underline{i}) {
         s.append(lastRun[i]).append('\n');
         if(<u>i</u>%1024==0) {
             in[j].write(s.toString());
             s.setLength(0);
    in[j].write(s.toString());
    s.setLength(0);
    if (lastInRun <= lastRun[0]) ++d[j];</pre>
    readers[\underline{i}] = Files.newBufferedReader(f[\underline{i}].toPath(), StandardCharsets.UTF_8);
String[] firstY=new String[n]; // текущее читаемое значение из файла распределения
    firstY[i]=readers[i].readLine();
    in[t[n-1]]= new FileWriter(f[t[n-1]]);
```

```
++i; x = Integer.parseInt(firstY[ta[i]]);
                firstY[ta[\underline{mx}]] = readers[ta[\underline{mx}]].readLine();
                     if (min > Integer.parseInt(firstY[ta[mx]])) {
readers[t[n-1]] = Files.newBufferedReader(f[t[<math>n-1]].toPath(), StandardCharsets.UTF_-8);
z=a[n-2];
for (<u>i</u>=n-1;<u>i</u>>0;--<u>i</u>) { // обновление чисел Фибоначчи
     t[i]=t[i-1];
     d[i]=d[i-1];
     a[\underline{i}]=a[\underline{i}-1]-\underline{z};
d[0] = \underline{tmpD}; a[0] = \underline{z};
```

У наведеному вихідному коді функція inputSystem відповідає за валідацію вводу розмірності файлу, inputSize — за валідацію вводу розміру файлу, inputN — за валідацію вводу кількості файлів, що потрібні для сортування, checkYN — для визначення потрібно використовувати модифікований алгоритм чи базовий. Функція generateFile генерує початковий файл для сортування. Функція select потрібна для визначення, куди записувати серію. Функції polyPhaseSort та polyPhaseSort_M — це функції сортування базовим та модифікованим алгоритмом відповідно. Функція test викликається, щоб перевірити чи правильно був відсортований початковий файл.

3.2.2 Результати тестування

На рисунку 1 показано приклад роботи базового алгоритму на файлі, розмірністю 10 мегабайт. Файл було відсортовано п'ятифазним сортуванням за 2,6с.

```
Hello world!

Enter the name of the initial file: f10mb

In which unit of information the file must be created? (Kb/Mb/Gb): mb

Enter the file size in MB: 10

The file named "f10mb.txt" with a size of 10MB was successfully generated within 73.0ms!

How many files should be used for sorting? N = 5

Do you want to use modified version of the algorithm? (Y/N): n

The result of the basic algorithm is in the file T2.txt and completed within 2643.0ms!

File sorted correctly!

Process finished with exit code 0
```

Рисунок 1 – Базовий алгоритм на 10Мб

```
Hello world!

Enter the name of the initial file: file

In which unit of information the file must be created? (Kb/Mb/Gb): gip

Enter the file size in GB: 1

The file named "f1.txt" with a size of 1GB was successfully generated within 5188.0ms!

How many files should be used for sorting? N = 5

Do you want to use modified version of the algorithm? (Y/N): n

The result of the basic algorithm is in the file T5.txt and completed within 286990.0ms!

File sorted correctly!

Process finished with exit code 0
```

Рисунок 2 – Базовий алгоритм на 1Гб

На рисунку 2 показано приклад роботи базового алгоритму на файлі, розмірністю 1 гігабайт. Файл було відсортовано п'ятифазним сортуванням за 4,8хв.

Порівняємо час сортування з модифікованим алгоритмом для таких самих розмірностей файлів.

На рисунку 3 показано приклад роботи модифікованого алгоритму на файлі, розмірністю 10 мегабайт. Файл було відсортовано п'ятифазним сортуванням за 0,4с.

```
Hello world!

Enter the name of the initial file: f10mb

In which unit of information the file must be created? (Kb/Mb/Gb): mb

Enter the file size in MB: 10

The file named "f10mb.txt" with a size of 10MB was successfully generated within 67.0ms!

How many files should be used for sorting? N = 5

Do you want to use modified version of the algorithm? (Y/N): y

The result of the modified algorithm is in the file T5.txt and completed within 432.0ms!

File sorted correctly!

Process finished with exit code 0
```

Рисунок 3 – Модифікований алгоритм на 10Мб

```
Hello world!

Enter the name of the initial file: f1

In which unit of information the file must be created? (Kb/Mb/Gb): gb

Enter the file size in GB: 1

The file named "f1.txt" with a size of 1GB was successfully generated within 4883.0ms!

How many files should be used for sorting? N = 5

Do you want to use modified version of the algorithm? (Y/N): y

The result of the modified algorithm is in the file T5.txt and completed within 22470.0ms!

File sorted correctly!

Process finished with exit code 0
```

Рисунок 4 – Модифікований алгоритм на 1Гб

На рисунку 4 показано приклад роботи модифікованого алгоритму на файлі, розмірністю 1 гігабайт. Файл було відсортовано п'ятифазним сортуванням за 22,5с.

Тепер проведемо випробування для модифікованого алгоритму на файлі, розмірність якого у два рази більша за операційну пам'ять комп'ютера.

```
Hello world!

Enter the name of the initial file: #32

In which unit of information the file must be created? (Kb/Mb/Gb): #b

Enter the file size in GB: 32

The file named "f32.txt" with a size of 32GB was successfully generated within 210736.0ms!

How many files should be used for sorting? N = 5

Do you want to use modified version of the algorithm? (Y/N): #

The result of the modified algorithm is in the file T2.txt and completed within 2871560.0ms!

File sorted correctly!

Process finished with exit code 0
```

Рисунок 5 – Модифікований алгоритм на 32Гб

На рисунку 5 наведено результат сортування 32-х гігібайтного файлу за допомогою п'ятифазного модифікованого алгоритму.

Файл було відсортовано за 47,9хв. Тобто зі швидкістю 1Гб за 1,5хв.

3.3 Аналіз алгоритму

Порівняємо роботу модифікованого та базового алгоритмів на одному файлі (Рисунок 6).

```
Hello world!

Enter the name of the initial file: f32

In which unit of information to create a file? (Kb/Mb/Gb): gb

Enter file size in GB: 32

A file named "f32.txt" with a size of 32GB was successfully generated in 207682.0ms!

How many files to use for sorting? N = 5

The result of the modified algorithm is in the file T2.txt and completed in 2585924.0ms!

File sorted correctly!

The result of the basic algorithm is in the file T4.txt and completed in 1.6653683E7ms!

File sorted correctly!
```

Рисунок 6 – Обидва алгоритми на 32Гб

Модифікований алгоритм закінчив роботу за 43хв, а базовий — за 4,6год. Тобто виграш у часі за допомогою модифікованого алгоритму суттєвий — майже у **6,5 разів!**

Щоб повноцінно порівняти базову та модифіковану версію, проведемо ряд досліджень.

На таблиці 1 зображені всі проведені випробування для п'ятифазного алгоритму. Для кожного файлу певної розмірності було проведено по три тести та підраховано середнє значення. М (Modified) – позначення для модифікованої версії, а N (Non-modified) – для базової.

C 4	Size	Time, ms		Speed, min/gb		
Count		M	N	M	N	
1	10mb	431	2539	0,735573	4,333227	
2	10mb	444	2773	0,75776	4,732587	
3	10mb	427	2724	0,728747	4,64896	
Average	10mb	434	2678,66667	0,740693	4,571591	
1	100mb	2884	26079	0,492203	4,450816	
2	100mb	2842	29302	0,485035	5,000875	
3	100mb	2874	27834	0,490496	4,750336	
Average	100mb	2866,667	27738,3333	0,489244	4,734009	
1	500mb	12454	131852	0,425097	4,500548	
2	500mb	13756	132059	0,469538	4,507614	
3	500mb	13716	127952	0,468173	4,367428	
Average	500mb	13308,67	130621	0,454269	4,45853	
1	1gb	27255	279207	0,45425	4,65345	
2	1gb	25739	325508	0,428983	5,425133	
3	1gb	24681	302642	0,41135	5,044033	
Average	1gb	25891,67	302452,333	0,431528	5,040872	
1	3gb	81539	926597	0,452994	5,147761	
2	3gb	81869	910478	0,454828	5,058211	
3	3gb	75935	896822	0,421861	4,982344	
Average	3gb	79781	911299	0,443228	5,062772	
1	7gb	209063	2226851	0,497769	5,302026	
2	7gb	218626	2253295	0,520538	5,364988	
3	7gb	203313	2160460	0,484079	5,143952	
Average	7gb	210334	2213535,33	0,500795	5,270322	
1	10gb	377036	3418162	0,628393	5,696937	
2	10gb	351571	3358130	0,585952	5,596883	
3	10gb	457248	3324789	0,76208	5,541315	
Average	10gb	395285	3367027	0,658808	5,611712	
1	16gb	1011917	8054689	1,05408	8,390301	
2	16gb	958988	7462681	0,998946	7,773626	
3	16gb	945921	7837033	0,985334	8,163576	
Average	16gb	972275,3	7784801	1,012787	8,109168	
1	25gb	1948455	12911929	1,29897	8,607953	
2	25gb	1882979	12899079	1,255319	8,599386	
3	25gb	1997719	13026086	1,331813	8,684057	
Average	25gb	1943051	12945698	1,295367	8,630465	
1	32gb	2585924	16653683	1,346835	8,673793	
2	32gb	2792544	17011364	1,45445	8,860085	
3	32gb	2759851	16857943	1,437422	8,780179	
Average	32gb	2712773	16840996,7	1,412903	8,771352	

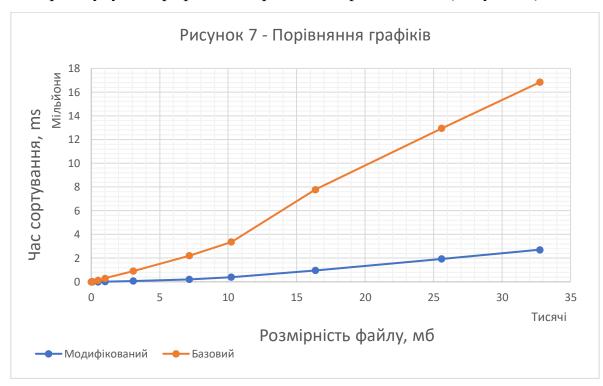
Таблиця 1 – Випробування алгоритмів

\mathbf{r}		1	•	•		_	\sim
ં-≺	тоопии	DIMITACAMA	OTHIAMOIII	CANATILL	DITIDITION	VI TOO TIMINO	٠,
J	таолиш	I винесемо	OTDIMAHI	ССОСЛЯТ	значення	у таолицю	∠.
_			I	F - —		J	

Cizo mb	Tim	Efficiency (N/M)	
Size, mb	M	N	Efficiency (N/M)
10	434	2679	6,172811
100	2867	27738	9,674922
500	13309	130621	9,814486
1024	25892	302452	11,68129
3072	79781	911299	11,42251
7168	210334	2213535	10,5239
10240	395285	3367027	8,517973
16384	972275	7784801	8,006789
25600	1943051	12945698	6,662562
32768	2712773	16840997	6,208038

Таблиця 2 – Середні значення

Тепер побудуємо графік для порівняння ефективності (Рисунок 7).



З графіка видно, що модифікована версія набагато ефективніша за базову. Також можемо помітити, що відбувається значний приріст часу виконання при виході розмірності файлу за межі об'єму операційної пам'яті, хоча це може бути похибка.



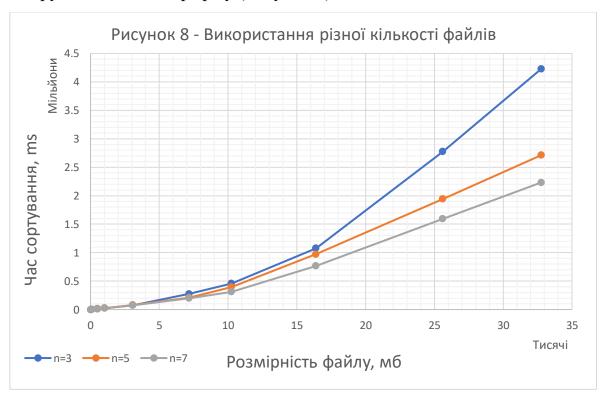


3 рисунків 7.1 та 7.2 можемо помітити, що графіки залежності часу виконання від розмірності файлу нагадують складність O(nlogn). Хоча оцінити складність достовірно неможливо, адже на пристрої завжди виконуються сторонні процеси.

Порівняємо для різної кількості допоміжних файлів графіки залежності часу сортування від розмірності файлу. У таблиці 3 наведено дані, отримані експериментально для n=3, n=5 та n=7. Було використано модифікований алгоритм.

Size, mb		Time, ms	
Size, IIIU	N = 3	N = 5	N = 7
10	452	434	444
100	2664	2867	2738
500	12092	13309	11800
1024	24947	25892	24824
3072	74592	79781	76054
7168	274368	210334	198191
10240	458515	395285	310646
16384	1077668	972275	766189
25600	2685118	1943051	1594771
32768	4335147	2712773	2306099

Таблиця 3 — Порівняння різної кількості допоміжних файлів Всі дані для таблиці 3 були отримані як середнє значення з трьох випробувань. Проілюструємо ці дані на графіку (Рисунок 8).



Як видно з графіку, чим більша кількість допоміжних файлів, тим швидше працює алгоритм. Це може бути пов'язано з кількістю серій у файлах, бо на малих розмірностях показники приблизно однакові. Чим менше серій у файлі, тим менше буде рівнів для роботи алгоритму (ідеальний випадок, коли в кожному файлі лише по одній серії, бо це перший рівень розподілу Фібоначчі), тому і витраченого часу буде, відповідно, менше. Проте якщо порівняти приріст ефективності між алгоритмами з використанням 3-5 файлів та 5-7 файлів, то можна помітити, що ефективність збільшується "повільніше". Тому можна зробити припущення, що при використанні більше п'яти допоміжних файлів, ефективність буде зростати не так помітно.

ВИСНОВОК

У першій лабораторній роботі ми спроектували алгоритм багатофазного сортування та його модифіковану версію. Дізналися основні переваги та недоліки багатофазного сортування (порівняно з збалансованим багатошляховим):

- допускає використання довільного числа N допоміжних файлів;
- при злитті використовується (N-1) допоміжний файл, при цьому результат записується у вільний (N-тий) файл;
- злиття проводиться поки всі файли не порожні (стратегія зливати до спустошення merge-until-empty);
- потребує нерівномірного розподілу серій по допоміжним файлам.

В основі сортування послідовності ϵ багатофазним злиттям. лежить розподіл початкових серій відповідно до числа Фібоначчі.

Дослідили часові характеристики базової версії алгоритму на прикладі п'ятифазного сортування. Середній розрахунок вийшов **8,8хв на 1Гб** при сортуванні файлу, розмір якого складає 32Гб, що у двічі більше за операційну пам'ять.

Щоб покращити ефективність алгоритму, ми його модифікували за допомогою використання операційної пам'яті комп'ютера. Так як звертання-запис до диску це дуже довгі операції, ми почали записувати у файли серії не з кількох елементів, а одразу попередньо відсортувавши їх у операційній пам'яті. Серії було обрано обсягом 2,25Гб, що визначено експериментально. Такий підхід покращив швидкодію алгоритму у 6,5 разів! Щоб провести порівняння базового та модифікованого алгоритмів, провели купу випробувань та побудували графіки, спираючись на отримані значення. Та отримали задовільний результат - середній розрахунок вийшов 1,4хв на 1Гб при сортуванні файлу, розмір якого складає 32Гб, що у двічі більше за операційну пам'ять.

Також дослідили при якій кількості допоміжних файлів алгоритм працює ефективніше. І дійшли до висновку, що чим більше допоміжних файлів ми використовуємо, тим швидше працює алгоритм, але при кількості більше п'яти, швидкодія стає все менш помітною.