1. Тема 1: Системы счисления

Основание системы счисления равно количеству цифр в системе счисления.

Десятичная система счисления:

- основание 10;
- цифры: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9.

Шестнадиатеричная система счисления:

- основание 16;
- цифры: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F.

Восьмеричная система счисления:

- основание 8;
- цифры: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7.

Двоичная система счисления:

- основание 2; цифры: 0, 1.

Максимальное количество предметов, которое можно пронумеровать с помощью чисел, состоящих из n разрядов в системе счисления по основанию b^n .

Максимальное число, которое можно представить с помощью п разрядов в системе счисления по основанию b равно

$$b^n - 1$$

Натуральные числа: 1, 2, ..., +inf

Неотрицательные числа: 0, 1, 2, ..., +inf

Положительные числа: 1, 2, ..., +inf

Отрицательные числа: -inf, ..., -2, -1

Неположительные числа: -inf, ... , -2, -1, $oldsymbol{0}$

Целые числа: -inf, ..., -2, -1, 0, 1, 2, ..., +inf

2. Задачи по теме 1

- 1.1. Сколько цифр в системе счисления по основанию 35?
- 1.2. Чему равно основание системы счисления, если в ней 17 цифр?
- 1.3. Какое максимальное число можно представить с помощью п разрядов в системе счисления с основанием b?
 - а) разряды: n=2; основание: b=2
 - б) разряды n=3; основание: b=3
 - в) разряды n=4: основание: b=2
 - г) разряды n=3; основание: b=8
 - д) разряды n=2; основание: b=16
 - е) разряды n=3; основание: b=4
 - ё) разряды n=2; основание: b=5
 - ж) разряды n=2; основание: b=6
 - з) разряды n=3; основание: b=7
 - и) разряды n=3; основание: b=9
 - к) разряды n=5; основание: b=2
 - л) разряды n=6; основание: b=10

- 1.4. Какое минимальное количество разрядов п потребуется, чтобы представить число X в системе счисления с основанием b?
 - а) число: X=17; основание: b=2
 - б) число: X=23; основание: b=5
 - в) число: X=67; основание: b=2
 - г) число: X=45; основание: b=8
 - д) число: X= 263; основание: b=16
 - e) число: X=42; основание: b=3
 - ё) число: X=10; основание: b=4
 - ж) число: X=99; основание: b=5
 - з) число: X=187; основание: b=6
 - и) число: X=303; основание: b=7
 - к) число: X=63; основание: b=9
 - л) число: X=10878; основание: b=10
- 1.5. Какие числа могут существовать в восьмеричной системе счисления?
 - a)9A1
 - б)701
 - в)109
 - г)46200
 - д)158
 - e)11111101011210210100
- 1.6. Какое следующее число после 101111_2 в двоичной системе счисления?

- 1.7. Какое число идет после 207₈ в восьмеричной системе счисления?
- 1.8. Какое число идет после 121₃ в троичной системе счисления?
- 1.9. Какое число идет до числа 100_6 ?
- 1.10. Укажите наибольшее десятичное число, которое в двоичной системе счисления можно записать с помощью трёх цифр.
- 1.11. Какое число идет после 6667 в семеричной системе счисления?
- 1.12. Какое число идет после $A9_{16}$ в шестнадцатеричной системе счисления?
- 1.13. Какое число идет после 188₉ в девятеричной системе счисления?

- 1.14. Найдите максимальное четырехразрядное число из системы счисления с основанием 7. Ответ укажите в семеричной системе счисления.
- 1.15. Найдите минимальное трехразрядное число из системы счисления с основанием 16.

3. Тема 2: Переход к десятичной системе счисления из любой

$$X_{10} = N_0 \cdot b^0 + N_1 \cdot b^1 + \dots + N_k \cdot b^k$$

где:

b – основание системы счисления;

 N_i – значение i-го разряда (i=0, 1, 2,...,k);

k+1 – количество разрядов в числе.

Пример: перевести двоичное число 100110102 в десятичную систему счисления.

Значение разряда	1	0	0	1	1	0	1	0
Величина	128	64	32	16	8	4	2	1
разряда								
Произведение	128	0	0	16	8	0	2	0
значения разряда								
на величину								
разряда								
Сумма	154							
произведений								

4. Задачи по теме 2

- 2.1. Переведите в десятичную систему двоичное число 101001₂.
- 2.2. Переведите в десятичную систему число 210₃.
- 2.3. Переведите в десятичную систему число 321₄.
- 2.4. Переведите в десятичную систему число 1053₈.
- 2.5. Переведите в десятичную систему число 4424₆.
- 2.6. Переведите в десятичную систему число 1267.
- 2.7. Переведите в десятичную систему число 731₈.
- 2.8. Переведите в десятичную систему число $1A0_{12}$.
- 2.9. Переведите в десятичную систему число 80_{16} .

- 2.10. Переведите в десятичную систему число $3E8_{16}$.
- 2.12. Переведите в десятичную систему двоичное число 1111011₂.
- 2.13. Переведите в десятичную систему двоичное число 11001₂.
- 2.14. Переведите в десятичную систему число 313₄.
- 2.15. К записи натурального числа в восьмеричной системе счисления справа приписали два нуля. Во сколько раз увеличилось число? Ответ укажите в десятичной системе счисления.