案件背景：甲系个人，从某公司处分包了一建设工程劳务施工。甲随后组建施工队施工，甲在获取某公司支付的全部工程款后以亏损为由故意拖欠施工队人员的劳务报酬。后某公司代甲向施工队民工垫付了拖欠的劳务报酬。

问题：甲的行为是否构成拒不支付劳动报酬罪？