SAÜ BİLGİSAYAR VE BİLİŞİM BİLİMLERİ FAKÜLTESI BİLGİSAYAR MÜHENDİSLİĞİ BÖLÜMÜ DİFERENSİYEL DENKLEMLER DERSİ ARASINAVI

İŞLEM YAPILMADAN VERİLEN CEVAPLAR DİKKATE ALINMAYACAKTIR.

- 1. $y = c_1x + c_2e^x$ eğri ailesini çözüm kabul eden en düşük basamaktan diferensiyel denklemi bulunuz ve bulduğunuz denklemi mertebe, derece ve lineerlik yönünden nedenleriyle birlikte inceleyiniz.
- 2. $x^2y' + xy + \sqrt{y} = 0$ Bernoulli denkleminin genel çözümünü bulunuz.
- 3. $2p^2(y-xp)=1$ denkleminin genel ve varsa tekil çözümlerini elde ediniz.
- 4. $y^{(4)} + 2y''' + 2y''' = 3x^2 + x + 2e^{-x}\cos x$ denklemi veriliyor. Bu denkleme ilişkin homojen kısma ait y_h çözümünü elde ediniz. Daha sonra ise y_p özel çözümünün belirsiz katsayılar metodu ile nasıl seçilmesi gerektiğini nedenleri ile belirtiniz. (Katsayıları bulmaya çalışmayınız.)

SÜRE: 80 DAKİKADIR BAŞARILAR DİLERİZ.

1)
$$y = c_1 x + c_2 e^{x}$$

 $y' = c_1 + c_2 e^{x}$ $\Rightarrow y' = c_1 + y'' \Rightarrow c_2 = e^{-x} y''$
 $y'' = c_2 e^{x}$

$$y = x(y'-y'') + y'' \Rightarrow y = xy'-xy'+y''$$

$$(1-x)y''+xy'-y=0$$
2. mrt.
1. drc.
Linear

2)
$$x^2y' + xy + \sqrt{y} = 0$$
 $y' + \frac{1}{x}y = -\frac{1}{x^2}y''^2$ (Bernoulli)
 $y' = \frac{1}{2}$ (linear) $\frac{1}{2}$
 $y' = \frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$

$$\sqrt{x} = -\frac{1}{2} \int x^{-\frac{3}{2}} dx + C = -\frac{1}{2} \int \frac{x}{-\frac{1}{2}} + C$$

$$2 = \frac{1}{x} + \frac{c}{\sqrt{x}}$$

$$\sqrt{y} = \frac{c}{\sqrt{x}} + \frac{1}{x}$$

3)
$$2p^{2}(y-xp)=1$$
 $y=xp+\frac{1}{2p^{2}}$ (Clairant)
 $x \in g^{3/2}$ three about $y=p+x$ $\frac{dp}{dx} = 0$ $\frac{dp}{$

4)
$$y' + 2y'' + 2y'' = 3x^{2} + x + 2e^{-x} \cos x$$
 $y' + 2y'' + 2y'' = 3x^{2} + x + 2e^{-x} \cos x$
 $y' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y'' + 2y'' + 2y'' = 0$
 $y' + 2y''$