## SAÜ MÜHENDİSLİK FAKÜLTESİ ÇEVRE MÜHENDİSLİĞİ BÖLÜMÜ DİFERENSİYEL DENKLEMLER DERSİ ARASINAVI

## İŞLEM YAPILMADAN VERİLEN CEVAPLAR DİKKATE ALINMAYACAKTIR.

- 1.  $y = c_1 x^3 + c_2 x^2$  eğrisini çözüm kabul eden en düşük basamaktan diferensiyel denklemi elde ediniz. Elde ettiğiniz denklemi mertebe, derece ve lineerlik yönünden inceleyiniz.
- 2.  $\left(e^x + \frac{2}{y}e^x + y\right)dx + \left(\frac{1}{y}e^x + 2x\right)dy = 0$  denkleminin genel çözümünü uygun bir integrasyon çarpanı yardımıyla elde ediniz.
- 3. y' = p olmak üzere  $y = xp p^2$  denkleminin <u>çözümlerini</u> bulunuz.
- 4.  $y^{(4)} 4y$ " + 4y" =  $x^2e^{2x}$  denklemi veriliyor. Bu denkleme ilişkin homojen kısma ait  $y_h$  çözümünü elde ediniz. Daha sonra ise  $y_p$  özel çözümünün <u>belirsiz katsayılar metodu</u> ile nasıl seçilmesi gerektiğini nedenleri ile belirtiniz. (Katsayıları bulmaya çalışmayınız.)

SÜRE: 70 DAKİKADIR. BAŞARILAR DİLERİZ

1) 
$$y = c_1 x^3 + c_1 x^2$$
  
 $y' = 3 c_1 x^2 + 2 c_1 x$   
 $y'' = 6 c_1 x + 2 c_2$ 

$$C_1 = \frac{xy'' - y'}{jx^2}$$

$$C_2 = \frac{2y' - xy''}{2x}$$

2 mt, 1. derce, linear

2) 
$$(e^{x} + \frac{2}{3}e^{x} + y) dx + (\frac{1}{3}e^{x} + 2x) dy = 0$$
  
 $P_{y} = -\frac{2}{3}e^{x} + 1$   $Q_{x} = \frac{1}{3}e^{x} + 2$   $Q_{x} =$ 

$$(ye^{x} + 2e^{x} + y^{2}) dx + (e^{x} + 2xy) dy = 0$$
  $P_{y}' = e^{x} + 2y$   
 $Q_{x}' = e^{x} + 2y$ 

$$\frac{\partial f}{\partial x} = ye^{x} + 2e^{x} + y^{2}$$

$$\frac{\partial f}{\partial y} = e^{x} + 2xy \Rightarrow f(x_{1}y) = ye^{x} + xy^{2} + h(x)$$

$$ye^{x} + 2e^{x} + y^{2} = ye^{x} + y^{2} + h'(x)$$

$$h(x) = 2e^{x} + C$$

f(x)= yex+ xy2+ 2ex= c

3) 
$$y = xp-p^2$$
 (clairant)  
 $x' = g \partial r = t \partial r = x$  algum  
 $p = p + x \frac{df}{dx} - 2p \frac{df}{dx} \Rightarrow \frac{df}{dx} (x-2p) = 0$   
 $\frac{df}{dx} = 0 \Rightarrow P = c \Rightarrow y = cx-c^2$  Genel  
 $\frac{df}{dx} = 0 \Rightarrow P = \frac{x}{2} \quad y = x \frac{x}{2} - \frac{x^2}{4} \Rightarrow y = x^2 - \frac{x^2}{4} = \frac{x^2}{2}$   
 $y = xp-p^2$   $y = \frac{x^2}{2} - \frac{x^2}{4} = \frac{x^2}{2}$   
 $y = \frac{x^2}{2} - \frac{x^2}{4} = \frac{x^2}{2}$ 

4) 
$$y'' - hy'' + hy'' = x^2e^{2x}$$
  
 $y' - hy'' + hy'' = 0 \Rightarrow f' - hr^2 + hr^2 = 0$   
 $f'' = f'' + h'' = 0$   
 $f'' = f'' + h'' = 0$   
 $f'' = f'' + h'' = 0$   
 $f'' = f'' + h'' = 0$   
 $f'' = f'' + h'' = 0$   
 $f'' = f'' + h'' = 0$   
 $f'' = f'' + h'' = 0$   
 $f'' = f'' + h'' = 0$   
 $f'' = f'' + h'' = 0$   
 $f'' = f'' + h'' = 0$   
 $f'' = f'' + h'' + h'' = 0$   
 $f'' = f'' + h'' + h'' = 0$   
 $f'' = f'' + h'' + h'' = 0$   
 $f'' = f'' + h'' + h'' = 0$   
 $f'' = f'' + h'' + h'' = 0$   
 $f'' = f'' + h'' + h'' = 0$   
 $f'' = f'' + h'' + h'' + h'' = 0$   
 $f'' = f'' + h''$