

Akdeniz Üniversitesi  
Fen Fakültesi - Fizik Bölümü  
FİZ319 Kuantum Fiziği Ders Notları



Doç. Dr. Mesut Karakoç

November 24, 2018

# İçindekiler

<b>4</b>	<b>Bir Boyutlu Potansiyeller</b>	<b>3</b>
4.1	Basamak Potansiyeli . . . . .	3
4.2	Sonlu Potansiyel Kuyusu . . . . .	4

## List of Figures

1	Basamak potansiyeli. . . . .	3
---	------------------------------	---

## List of Tables

If all this damned quantum jumps were really  
to stay, I should be sorry I ever got involved  
with quantum theory.  
—Erwin Schrödinger [1]

## 4 Bir Boyutlu Potansiyeller

Üç boyutlu bir evrende yaşıyor olmamıza rağmen, bir çok fiziksel olayı (hareketi) bir boyutlu olarak tanımlamak mümkündür. Bu nedenle bu bölümde klasik fiziğin açıklayamadığı fakat kuantum fiziğiyle çalışabildiğimiz bazı bir boyutlu sistemleri inceleyeceğiz.

### 4.1 Basamak Potansiyeli

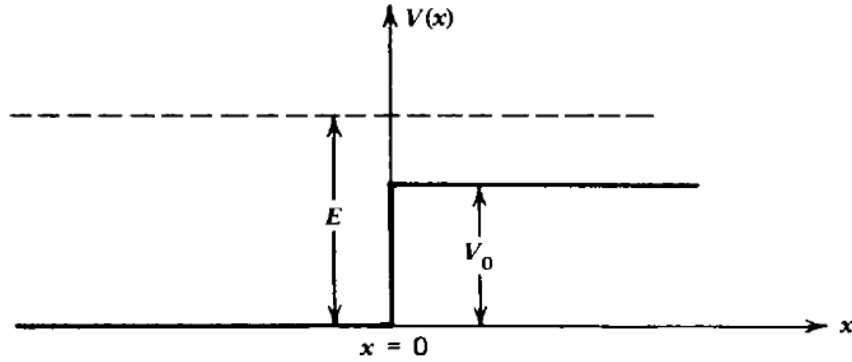


Figure 1: Basamak potansiyeli.

Basamak potansiyeli için bir örnek yukarıdaki şekildeki gibi olur. Şekilden anlaşılacağı üzere basamak potansiyeli; birbirinden farklı sabit potansiyellere sahip iki bölge içeren bir durumdur. Bir boyutlu hali için matematiksel ifadesi aşağıdaki gibidir.

$$V(x) = \begin{cases} 0 & \Leftarrow x < 0 \\ V_0 & \Leftarrow x \geq 0 \end{cases} \quad (1)$$

Bu potansiyeli zamandan bağımsız Schrödinger denklemi ile çalışabiliriz. Öncelikle Schrödinger denklemini yazılışı daha kolay olan,

$$-\frac{\hbar^2}{2m} \frac{d^2 u(x)}{dx^2} + V(x)u(x) = Eu(x) \quad (2)$$

formuna dönüştürebiliriz.

$$\frac{d^2 u(x)}{dx^2} + \frac{2m}{\hbar^2} [E - V(x)]u(x) = 0 \quad (3)$$

Basamak potansiyelinin değerinin sıfır olduğu bölge için,

$$\frac{2m}{\hbar^2} E = k^2 \quad (4)$$

tanımını ve sıfırdan farklı olduğu bölge için

$$\frac{2m}{\hbar^2} (E - V_0) = q^2 \quad (5)$$

tanımını yapabiliriz.  $x < 0$  ve  $V(x) = 0$  bölgesi için çözüm

$$u(x) = e^{ikx} + Re^{-ikx} \quad (6)$$

olarak yazılabilir. Burada  $e^{ikx}$ ,  $x = -\infty$ 'deki bir kaynaktan gelen serbest düzlem dalga olarak düşünülebilir,  $Re^{-ikx}$  ise  $x = 0$  noktasında ortam değişikliğinden dolayı yansıyan dalga olarak düşünülebilir. Bu bölge için  $+x$  doğrultusundaki olasılık akısı,

$$\begin{aligned} j &= \frac{\hbar}{2im} \left( u^* \frac{du}{dx} - \frac{du^*}{dx} u \right) \\ &= \frac{\hbar}{2im} \left[ (e^{-ikx} + R^* e^{ikx}) (ike^{ikx} - ikRe^{-ikx}) - (-ike^{-ikx} + ikR^* e^{ikx}) (e^{ikx} + Re^{-ikx}) \right] \\ &= \frac{\hbar k}{m} (1 - |R|^2) \end{aligned} \quad (7)$$

olur.  $x > 0$  ve  $V(x) = V_0$  için ise,

$$u(x) = Te^{iqx} \quad (8)$$

çözümü elde edilir. Sadece  $e^{iqx}$  kısmı vardır, çünkü bu bölge  $x = +\infty$ 'a kadar uzanmaktadır ve potansiyel sabittir bu yüzden, yansıyan dalga söz konusu değildir. Sadece  $+x$  yönünde ilerleyen olasılık dalgası vardır.

$$j = \frac{\hbar q}{m} |T|^2 \quad (9)$$

$$\frac{\hbar k}{m} (1 - |R|^2) = \frac{\hbar q}{m} |T|^2 \quad (10)$$

$$1 + R = T \quad (11)$$

$$\begin{aligned} \left( \frac{du}{dx} \right)_s - \left( \frac{du}{dx} \right)_{-s} &= \int_{-s}^s dx \frac{d}{dx} \frac{du}{dx} \\ &= \int_{-s}^s dx \frac{2m}{\hbar^2} [V(x) - E] u(x) = 0 \end{aligned} \quad (12)$$

$$\begin{aligned} \left( \frac{du}{dx} \right)_{a+s} - \left( \frac{du}{dx} \right)_{a-s} &= \frac{2m}{\hbar^2} \int_{a-s}^{a+s} dx \lambda \delta(x-a) u(x) \\ &= \frac{2m}{\hbar^2} \lambda u(a) \end{aligned} \quad (13)$$

$$ik(1 - R) = iqT \quad (14)$$

$$\begin{aligned} R &= \frac{k-q}{k+q} \\ T &= \frac{2k}{k+q} \end{aligned} \quad (15)$$

$$\begin{aligned} \frac{\hbar k}{m} |R|^2 &= \frac{\hbar k}{m} \left( \frac{k-q}{k+q} \right)^2 \\ \frac{\hbar q}{m} |T|^2 &= \frac{\hbar k}{m} \frac{4kq}{(k+q)^2} \end{aligned} \quad (16)$$

$$u(x) = Te^{-|q|x} \quad (17)$$

$$|R|^2 = \left( \frac{k - i|q|}{k + i|q|} \right) \left( \frac{k - i|q|}{k + i|q|} \right)^* = 1 \quad (18)$$

$$T = \frac{2k}{k + i|q|} \quad (19)$$

## 4.2 Sonlu Potansiyel Kuyusu

## Kaynaklar

- [1] Zbigniew Ficek. *Quantum Physics for Beginners*.