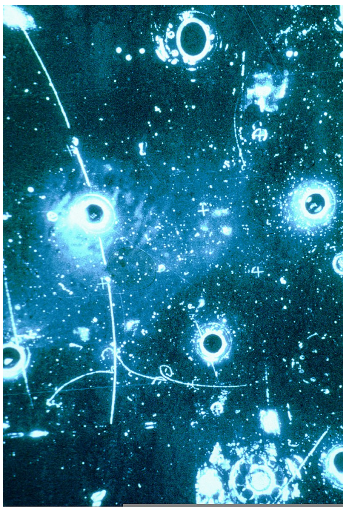
Akdeniz Üniversitesi
Fen Fakültesi - Fizik Bölümü
FİZ319 Kuantum Fiziği Ders Notları



Doç. Dr. Mesut Karakoç

November 23, 2018

İçindekiler

List of Figures

List of Tables

If all this damned quantum jumps were really to stay, I should be sorry I ever got involved with quantum theory.
—Erwin Schrödinger [1]

4 Bir Boyutlu Potansiyeller

Üç boyutlu bir evrende yaşıyor olmamıza rağmen, bir çok fiziksel olayı (hareketi) bir boyutlu olarak tanımlamak mümkündür. Bu nedenle bu bölümde klasik fiziğin açıklayamadığı fakat kuantum fiziğiyle çalışabildiğimiz bazı bir boyutlu sistemleri inceleyeceğiz.

4.1 Basamak Potansiyeli

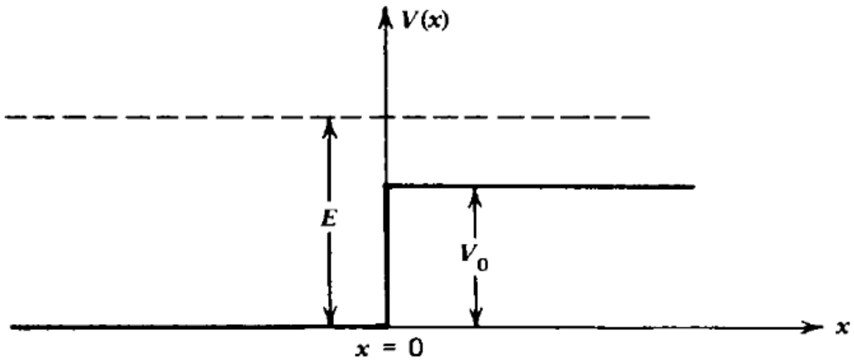


Figure 1: Basamak potansiyeli.

Basamak potansiyeli için bir örnek yukarıdaki şekildeki gibi olur. Şekilden anlaşılacağı üzere basamak potansiyeli; birbirinden farklı sabit potansiyellere sahip iki bölge içeren bir durumdur. Bir boyutlu hali için matematiksel ifadesi aşağıdaki gibidir.

$$V(x) = \begin{cases} 0 & \Leftarrow x < 0 \\ V_0 & \Leftarrow x \geqslant 0 \end{cases} \tag{1}$$

Bu potansiyeli zamandan bağımsız Schrödinger denklemi ile çalışabiliriz. Öncelikle Schrödinger denklemini yazılışı daha kolay olan,

$$-\frac{\hbar^2}{2m}\frac{d^2u(x)}{dx^2} + V(x)u(x) = Eu(x) \tag{2}$$

formuna dönüştürebiliriz.

$$\frac{d^2u(x)}{dx^2} + \frac{2m}{\hbar^2}[E - V(x)]u(x) = 0 \tag{3}$$

Basamak potansiyelinin değerinin sıfır olduğu bölge için,

$$\frac{2mE}{\hbar^2} = k^2 \tag{4}$$

tanımını ve sıfırdan farklı olduğu bölge için

$$\frac{2m\,(E - V_0)}{\hbar^2} = q^2 \tag{5}$$

tanımını yapabiliriz.

$$u(x) = e^{ikx} + Re^{-ikx} \tag{6}$$

$$\begin{aligned} j &= \frac{\hbar}{2im}\left(u^*\frac{du}{dx} - \frac{du^*}{dx}u\right) = \frac{\hbar}{2im}\left[\left(e^{-ikx} + R^* e^{ikx}\right)\left(ike^{ikx} - ikRe^{-ik}\right) - c.c\right] \\ &= \frac{\hbar k}{m}\left(1 - |R|^2\right) \end{aligned} \tag{7}$$

$$u(x) = Te^{iqx} \tag{8}$$

$$j = \frac{\hbar q}{m}|T|^2 \tag{9}$$

$$\frac{\hbar k}{m}\left(1 - |R|^2\right) = \frac{\hbar q}{m}|T|^2 \tag{10}$$

$$1 + R = T \tag{11}$$

$$\begin{aligned} \left(\frac{du}{dx}\right)_s - \left(\frac{du}{dx}\right)_{-\varepsilon} &= \int_{-\varepsilon}^{\varepsilon} dx \frac{d}{dx}\frac{du}{dx} \\ &= \int_{-s}^{s} dx \frac{2m}{\hbar^2}[V(x) - E]u(x) = 0 \end{aligned} \tag{12}$$

$$\begin{aligned} \left(\frac{du}{dx}\right)_{a+s} - \left(\frac{du}{dx}\right)_{a-s} &= \frac{2m}{\hbar^2}\int_{a-s}^{a+s} dx\lambda\delta(x-a)u(x) \\ &= \frac{2m}{\hbar^2}\lambda u(a) \end{aligned} \tag{13}$$

$$ik(1 - R) = iqT \tag{14}$$

$$\begin{aligned} R &= \frac{k-q}{k+q} \\ T &= \frac{2k}{k+q} \end{aligned} \tag{15}$$

$$\begin{aligned} \frac{\hbar k}{m}|R|^2 &= \frac{\hbar k}{m}\left(\frac{k-q}{k+q}\right)^2 \\ \frac{\hbar q}{m}|T|^2 &= \frac{\hbar k}{m}\frac{4kq}{(k+q)^2} \end{aligned} \tag{16}$$

$$u(x) = Te^{-|q|x} \tag{17}$$

$$|R|^2 = \left(\frac{k - i|q|}{k + i|q|}\right)\left(\frac{k - i|q|}{k + i|q|}\right)^* = 1 \tag{18}$$

$$T = \frac{2k}{k + i|q|} \tag{19}$$

4.2 Sonlu Potansiyel Kuyusu

Kaynaklar

[1] Zbigniew Ficek. *Quantum Physics for Beginners.*