

2022_Winter_ML

代码连接:

https://github.com/Buzzy0423/2022_Winter_ML

LinearRegression

基本公式 $Y = W^T X + B$, 损失函数 $L = \frac{1}{2}(Y' - Y)^2$, 权重直接由损失函数求导得出

即 $\frac{dL}{dW} = (W^T X - Y)X = 0$ (bias算作w0), 推导出 $W = (X^T X)^{-1}(X^T Y)$

整个过程无需训练

Logistic Regression

Logistic分布

分布函数如下

$$F(x) = P(X \leq x) = \frac{1}{1 + e^{-(x-\mu)/\gamma}}$$
$$f(x) = F'(X \leq x) = \frac{e^{-(x-\mu)/\gamma}}{\gamma(1 + e^{-(x-\mu)/\gamma})^2}$$



其中, 当 $\mu = 0, \gamma = 1$ 时, 即是sigmoid函数。

Logistic函数的一个良好性质为: $\ln \frac{y}{1-y} = \omega^T x + b$

将 y 视为 x 为正例的概率, 则 $1-y$ 为 x 为其反例的概率。两者的比值称为**几率 (odds)**, 指该事件发生与不发生的概率比值, 若事件发生的**概率**为 p 。则对数几率: $\ln(odd) = \ln \frac{y}{1-y}$

Logistic Regression的正向传播就是在LinearRegression后加了一个sigmoid激活函数。

Logistic分布的似然函数为 $L(w) = \prod [p(x_i)^{y_i}][1 - p(x_i)]^{1-y_i} = \sum [y_i(w^T x) - \ln(1 + e^{w^T x_i})]$

我们定义Logistic Regression的Loss为 $J(w) = -\frac{1}{N} \ln L(w)$

对其求导得 $g_i = \frac{dJ(w)}{dw_i} = (p(x_i) - y_i)x_i$

最后每轮根据学习率更新 $w_i^{k+1} = w_i^k - \mu g_i$

NN

原理见人工智能导论课件