Предсказание временных рядов

Введение. Постановка целей и задач.

Цель: Планируется расширение сельхозугодий на n-ной территории за счет выделения судсидий из госбюджета. Одной из важных задач в данном направлении, является определение устойчивого теплого климата и подходящие температурные режимы для засева территории различными культурами. На основе исторических данных, взятых с декабря 2014 по ноябрь 2018 года, необходимо проанализировать устоявшийся климат, выделить самые теплые и самые холодные периоды, дать прогноз на ближайшие 5 лет помесячно по основным важнейшим метрикам, определяющим подходящие культуры для засева.

Задачи: Анализ данных и визуальное представление результатов и важнейших на наш взгляд факторов. Прогнозирование факторов (выбрать 1) на год вперед.

Импорт Датафрейма, библиотек, написание функций. pip install pmdarima

```
Requirement already satisfied: pmdarima in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (1.8.5)
Requirement already satisfied: statsmodels!=0.12.0,>=0.11 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from pmdarima) (0.13.2)
Requirement already satisfied: numpy>=1.19.3 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from pmdarima) (1.21.5)
Requirement already satisfied: joblib>=0.11 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from pmdarima) (1.1.0)
Requirement already satisfied: Cython!=0.29.18,>=0.29 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from pmdarima) (0.29.28)
Requirement already satisfied: scikit-learn>=0.22 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from pmdarima) (1.0.2)
Requirement already satisfied: urllib3 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from pmdarima) (1.24.3)
Requirement already satisfied: scipy>=1.3.2 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from pmdarima) (1.4.1)
Requirement already satisfied: pandas>=0.19 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from pmdarima) (1.3.5)
Requirement already satisfied: setuptools!=50.0.0,>=38.6.0 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from pmdarima) (57.4.0)
Requirement already satisfied: pytz>=2017.3 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from pandas>=0.19->pmdarima)
(2018.9)
Requirement already satisfied: python-dateutil>=2.7.3 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from pandas>=0.19->pmdarima)
(2.8.2)
```

```
Requirement already satisfied: six>=1.5 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from python-dateutil>=2.7.3-
>pandas>=0.19->pmdarima) (1.15.0)
Requirement already satisfied: threadpoolctl>=2.0.0 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from scikit-learn>=0.22-
>pmdarima) (3.1.0)
Requirement already satisfied: packaging>=21.3 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from statsmodels!
=0.12.0,>=0.11->pmdarima) (21.3)
Requirement already satisfied: patsy>=0.5.2 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from statsmodels!
=0.12.0, >=0.11-pmdarima) (0.5.2)
Requirement already satisfied: pyparsing!=3.0.5,>=2.0.2 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from packaging>=21.3-
>statsmodels!=0.12.0,>=0.11->pmdarima) (3.0.7)
pip install fbprophet
Requirement already satisfied: fbprophet in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (0.7.1)
Requirement already satisfied: Cython>=0.22 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from fbprophet) (0.29.28)
Requirement already satisfied: cmdstanpy==0.9.5 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from fbprophet) (0.9.5)
Requirement already satisfied: pystan>=2.14 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from fbprophet) (2.19.1.1)
Requirement already satisfied: numpy>=1.15.4 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from fbprophet) (1.21.5)
Requirement already satisfied: pandas>=1.0.4 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from fbprophet) (1.3.5)
Requirement already satisfied: matplotlib>=2.0.0 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from fbprophet) (3.2.2)
Requirement already satisfied: LunarCalendar>=0.0.9 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from fbprophet) (0.0.9)
Requirement already satisfied: convertdate>=2.1.2 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from fbprophet) (2.4.0)
Requirement already satisfied: holidays>=0.10.2 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from fbprophet) (0.10.5.2)
Requirement already satisfied: setuptools-git>=1.2 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from fbprophet) (1.2)
Requirement already satisfied: python-dateutil>=2.8.0 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from fbprophet) (2.8.2)
Requirement already satisfied: tqdm>=4.36.1 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from fbprophet) (4.63.0)
Requirement already satisfied: pymeeus<=1,>=0.3.13 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from convertdate>=2.1.2-
>fbprophet) (0.5.11)
Requirement already satisfied: korean-lunar-calendar in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from holidays>=0.10.2-
>fbprophet) (0.2.1)
Requirement already satisfied: hijri-converter in
```

```
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from holidays>=0.10.2-
>fbprophet) (2.2.3)
Requirement already satisfied: six in /usr/local/lib/python3.7/dist-
packages (from holidays>=0.10.2->fbprophet) (1.15.0)
Requirement already satisfied: pytz in /usr/local/lib/python3.7/dist-
packages (from LunarCalendar>=0.0.9->fbprophet) (2018.9)
Requirement already satisfied: ephem>=3.7.5.3 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from LunarCalendar>=0.0.9-
>fbprophet) (4.1.3)
Requirement already satisfied: pyparsing!=2.0.4,!=2.1.2,!
=2.1.6,>=2.0.1 in /usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from
matplotlib>=2.0.0->fbprophet) (3.0.7)
Requirement already satisfied: cycler>=0.10 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from matplotlib>=2.0.0-
>fbprophet) (0.11.0)
Requirement already satisfied: kiwisolver>=1.0.1 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from matplotlib>=2.0.0-
>fbprophet) (1.4.0)
Requirement already satisfied: typing-extensions in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from kiwisolver>=1.0.1-
>matplotlib>=2.0.0->fbprophet) (3.10.0.2)
pip install statsmodels
Requirement already satisfied: statsmodels in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (0.13.2)
Requirement already satisfied: packaging>=21.3 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from statsmodels) (21.3)
Requirement already satisfied: scipy>=1.3 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from statsmodels) (1.4.1)
Requirement already satisfied: numpy>=1.17 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from statsmodels) (1.21.5)
Requirement already satisfied: patsy>=0.5.2 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from statsmodels) (0.5.2)
Requirement already satisfied: pandas>=0.25 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from statsmodels) (1.3.5)
Requirement already satisfied: pyparsing!=3.0.5,>=2.0.2 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from packaging>=21.3-
>statsmodels) (3.0.7)
Requirement already satisfied: python-dateutil>=2.7.3 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from pandas>=0.25-
>statsmodels) (2.8.2)
Requirement already satisfied: pytz>=2017.3 in
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages (from pandas>=0.25-
>statsmodels) (2018.9)
Requirement already satisfied: six in /usr/local/lib/python3.7/dist-
packages (from patsy>=0.5.2->statsmodels) (1.15.0)
## Здесь импортируем библиотеки и функции
import numpy as np
import pandas as pd
```

```
import seaborn as sns
import scipy.stats as stats
import statsmodels.tsa
from matplotlib import pyplot as plt
import math
# импорт SARIMAX
from statsmodels.tsa.statespace.sarimax import SARIMAX
from statsmodels.graphics.tsaplots import plot acf,plot pacf # для
определения (р, q)
from statsmodels.tsa.seasonal import seasonal decompose
                                                             # для ETS
графиков
from pmdarima import auto arima
                                                             # ДЛЯ
поиска ARIMA моделей
# метрики
from sklearn.metrics import mean squared error
from statsmodels.tools.eval measures import rmse
from statsmodels.tsa.holtwinters import ExponentialSmoothing
## Здесь импортируем данные.
df = pd.read csv('MtWashingtonDailyTemps.csv')
print(len(df)) # количество строк в датасете
print(df.head())
1461
                                         AvgWindSpeed Sunrise Sunset
        DATE
              MinTemp MaxTemp AvgTemp
  12/1/2014
                            36
                                                 65.1
                                                           700
                                                                   1608
0
                    3
                                     20
1
  12/2/2014
                            22
                                     12
                                                 34.7
                                                            702
                                                                   1607
                    1
2
                    8
                            32
                                                 53.0
  12/3/2014
                                     20
                                                           703
                                                                   1607
  12/4/2014
                   - 5
                            9
                                     2
                                                 60.2
                                                           704
                                                                   1607
                                                           705
                    6
                            17
                                     12
  12/5/2014
                                                 30.5
                                                                   1607
## Обязательно проверьте, что все выгрузилось корректно.
print(df.head(1461))
```

	DATE	MinTemp	MaxTemp	AvgTemp	AvgWindSpeed	Sunrise
Sunset	Ī	•	•			
0	12/1/2014	3	36	20	65.1	700
1608						
1	12/2/2014	1	22	12	34.7	702
1607						
2	12/3/2014	8	32	20	53.0	703
1607		_	_	_		
3	12/4/2014	-5	9	2	60.2	704
1607	10 /5 /0014	•		10	20 5	705
4	12/5/2014	6	17	12	30.5	705
1607						
• • •						
1456	11/26/2010	1.4	25	20	26.6	6 E E
1456	11/26/2018	14	25	20	26.6	655
1610 1457	11/27/2018	12	18	15	43.0	656
1437	11/2//2010	12	10	13	43.0	050

1609						
1458	11/28/2018	11	16	14	29.4	657
1609						
1459	11/29/2018	10	23	17	40.5	658
1608						
1460	11/30/2018	18	25	22	4.3	659
1608						

[1461 rows x 7 columns]

Знакомство с данными.

Смотрим общую информацию о датасете df.info()

<class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
RangeIndex: 1461 entries, 0 to 1460
Data columns (total 7 columns):

#	Column	Non-Null Count	Dtype			
0	DATE	1461 non-null	object			
1	MinTemp	1461 non-null	int64			
2	MaxTemp	1461 non-null	int64			
3	AvgTemp	1461 non-null	int64			
4	AvgWindSpeed	1461 non-null	float64			
5	Sunrise	1461 non-null	int64			
6	Sunset	1461 non-null	int64			
dtyp	es: float64(1)	, int64(5), obje	ct(1)			
00 0 1/0						

memory usage: 80.0+ KB

Итак, в нашем датафрейме представлена такая информация, как

DATE - Дата. ВАЖНО: У нас есть данные на каждый день.

MinTemp - Мин t. Нулевых значений нет, представлено целым числом

MaxTemp - Макс t. Нулевых значений нет, представлено целым числом

AvgTemp - Средняя t. Нулевых значений нет, представлено целым числом

AvgWindSpeed - Средняя скорость ветра. Нулевых значений нет, представлено числом с плавающей точкой.

Sunrise - Время восхода, представлено криво, как часы+минуты

Sunset - Время заката, представлено криво, как часы+минуты

Предобработка данных

Фильтрация данных

Несмотря на то, что мы имеем показатели на каждый день, для анализа нам вполне достаточно отобразить такие метрики, как

средняя/минимальная/максимальная t в месяц, для метрик типа скорость ветра достаточно отобразить только среднее значение в месяц.

Давайте выведем необходимые метрики с группировкой по месяцам.

```
## Добавим новый столбец, по которому и будем выполнять агрегацию df['DATE'] = pd.to_datetime(df['DATE']) df['Years_Months'] = df['DATE'].values.astype('datetime64[M]') df
```

	DATE	MinTemp	MaxTemp	AvgTemp	AvgWindSpeed	Sunrise
Sunse	et \					
0	2014-12-01	3	36	20	65.1	700
1608 1	2014-12-02	1	22	12	34.7	702
1607 2 1607	2014-12-03	8	32	20	53.0	703
3 1607	2014-12-04	- 5	9	2	60.2	704
1607 4 1607	2014-12-05	6	17	12	30.5	705
1456 1610	2018-11-26	14	25	20	26.6	655
1457	2018-11-27	12	18	15	43.0	656
1609 1458 1609	2018-11-28	11	16	14	29.4	657
	2018-11-29	10	23	17	40.5	658
	2018-11-30	18	25	22	4.3	659

```
Years_Months
0
       2014-12-01
1
       2014-12-01
2
       2014-12-01
3
       2014-12-01
       2014-12-01
4
       2018-11-01
1456
1457
       2018-11-01
1458
       2018-11-01
1459
       2018-11-01
1460
       2018-11-01
```

[1461 rows x 8 columns]

```
df = df.groupby(by=['Years Months'],as index=False)
[['MinTemp','MaxTemp','AvgTemp','AvgWindSpeed']].agg(['min','max','mea
n']).reset index()
df.head()
                                       MaxTemp
  Years Months MinTemp
                                                               AvgTemp
                   min max
                                  mean
                                           min max
                                                                   min
                                                          mean
max
0
    2014-12-01
                   - 14
                         33
                              9.419355
                                            -8
                                                44
                                                     23.967742
                                                                   -11
39
                   -34
                                                39
1
    2015-01-01
                         12
                             -8.870968
                                           - 11
                                                     11.225806
                                                                   - 20
25
2
    2015-02-01
                   - 35
                        13 -14.535714
                                           - 15
                                                30
                                                      4.357143
                                                                   -21
22
                        17 -2.516129
3
    2015-03-01
                   -23
                                             -9
                                                29
                                                     14.806452
                                                                   -13
23
4
    2015-04-01
                    -3 29
                             15.500000
                                             7
                                                44
                                                     28.800000
                                                                     2
35
             AvgWindSpeed
        mean
                      min
                            max
                                       mean
0
  16.870968
                     15.8
                            71.4 40.003226
1
   1.096774
                     15.3
                           86.5 49.090323
2
                     12.8 91.2 42.446429
  -5.250000
3
                     15.6
                           84.7
                                  46.074194
   6.258065
  22.400000
                     13.5
                           77.4 40.933333
df.columns
MultiIndex([('Years Months',
                                  ''),
                   'MinTemp',
                               'min'),
                   'MinTemp',
                               'max'),
                   'MinTemp',
                              'mean'),
                               'min'),
                   'MaxTemp',
                   'MaxTemp',
                               'max'),
                   'MaxTemp',
                              'mean'),
                   'AvgTemp',
                               'min'),
                   'AvgTemp',
                               'max'),
                   'AvgTemp',
                              'mean'),
             'AvgWindSpeed',
                               'min'),
             'AvaWindSpeed',
                               'max'),
            ('AvgWindSpeed',
                              'mean')],
```

Работа с двойными индексами может стать обременительной. Чтобы не создавать лишних сложностей, можно заменить имена столбцов следующим образом:

```
stats = ['min','max','mean']
df.columns = ['Years_Months']+['MinTemp_{}'.format(stat) for stat in
```

```
stats]+['MaxTemp {}'.format(stat) for stat in stats]+
['AvgTemp {}'.format(stat) for stat in stats]+
['AvgWindSpeed_{}'.format(stat) for stat in stats]
df.head()
                MinTemp min
                              MinTemp max MinTemp mean
                                                           MaxTemp min \
  Years Months
    2014-12-01
                                                9.419355
0
                         - 14
                                        33
                                                                    - 8
                         -34
1
    2015-01-01
                                        12
                                               -8.870968
                                                                   -11
2
    2015-02-01
                         - 35
                                        13
                                              -14.535714
                                                                   - 15
3
                                                                    - 9
    2015-03-01
                         -23
                                        17
                                               -2.516129
4
    2015-04-01
                                        29
                                               15.500000
                                                                     7
                          - 3
   MaxTemp_max MaxTemp_mean AvgTemp_min AvgTemp_max
AvgTemp mean
                    23.967742
            44
                                        -11
                                                      39
                                                              16.870968
0
1
            39
                    11.225806
                                        - 20
                                                      25
                                                               1.096774
2
            30
                    4.357143
                                        -21
                                                      22
                                                              -5.250000
3
            29
                    14.806452
                                        - 13
                                                      23
                                                               6.258065
                                          2
4
            44
                    28.800000
                                                      35
                                                              22.400000
   AvgWindSpeed min AvgWindSpeed max
                                        AvgWindSpeed mean
0
               15.8
                                  71.4
                                                 40.003226
1
               15.3
                                  86.5
                                                 49.090323
2
               12.8
                                  91.2
                                                 42.446429
3
               15.6
                                  84.7
                                                 46.074194
4
               13.5
                                  77.4
                                                 40.933333
df[['Years Months','MinTemp min','MaxTemp max','AvgTemp mean','AvgWind
Speed mean']]
df.head()
  Years Months MinTemp min MaxTemp max AvgTemp mean
AvgWindSpeed mean
    2014-12-01
                         - 14
                                        44
                                               16.870968
40.003226
1
    2015-01-01
                         -34
                                        39
                                                1.096774
49.090323
    2015-02-01
                         -35
                                        30
                                               -5.250000
2
42.446429
    2015-03-01
                         -23
                                        29
                                                6.258065
46.074194
                                        44
                                               22.400000
    2015-04-01
                          - 3
40.933333
```

Обработка пропусков

В наших данных пропусков нет. Но, если бы они были, перед группировкой по месяцам, нам пришлось бы заполнить пропуски как неким средним значением между двумя известными до и после. Это изрядно бы усложнило предобработку данных.

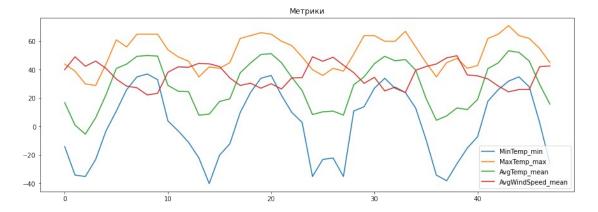
Вывод по этапу.

df.head()

Years_Months	MinTemp_min	MaxTemp_max	AvgTemp_mean
AvgWindSpeed_me	an	. —	
$0 2014 - 12 - \overline{01}$	- 14	44	16.870968
40.003226			
1 2015-01-01	-34	39	1.096774
49.090323			
2 2015-02-01	-35	30	-5.250000
42.446429			
3 2015-03-01	-23	29	6.258065
46.074194			
4 2015-04-01	-3	44	22.400000
40.933333			

EDA или разведочный анализ данных.

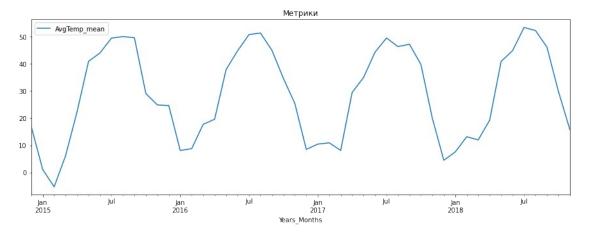
```
fig, ax = plt.subplots(1, 1)
ax = df['MinTemp_min'].plot(figsize=(15,5))
ax = df['MaxTemp_max'].plot(figsize=(15,5))
ax = df['AvgTemp_mean'].plot(figsize=(15,5))
ax = df['AvgWindSpeed_mean'].plot(figsize=(15,5))
ax.set(title='Metpuku')
plt.legend()
plt.show()
```



Давайте посмотрим на наши данные. Наши данные идеально размещаются на одном графике, на котором мы видим, явно выраженные периоды с самой низкой/высокой температурой. Также, мы видим, что средняя температура является своего рода медианным показателем.

Спрогнозировав именно среднюю температуру в месяц, в дальнейшем мы сможем применить коэффициенты для получения более актуальных значений. Колебания ветра в данном случае, нам лишь сообщают о том, что зимой ветра сильнее. Важный момент, стоит обратить внимание на начало 2017 года, там вырисовывается фигура "перевернутый бэтман", причем единственный раз. Скорее всего, это выброс, зима 2017 г была холоднее и продолжительнее других. На этом важно акцентировать внимание, т.к. при прогнозе, обучаясь на более ранних данных, здесь статически возможны отклонения. Сглаживать его мы не будем, возьмем как есть.

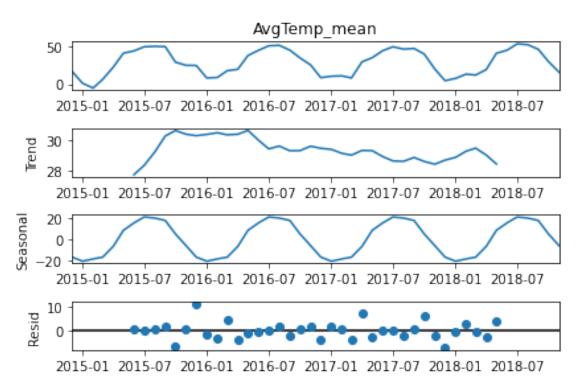
```
## Убираем все лишнее
df = df[['Years Months','AvgTemp mean']]
## Делаем дату индексом
df = df.set index('Years Months')
df.head()
              AvgTemp mean
Years Months
2014-12-01
                 16.870968
2015-01-01
                  1.096774
2015-02-01
                 -5.250000
2015-03-01
                  6.258065
2015-04-01
                 22,400000
# Еще раз взглянем на график
fig, ax = plt.subplots(1, 1)
ax = df['AvgTemp mean'].plot(figsize=(15,5))
ax.set(title='Метрики')
plt.legend()
plt.show()
```



```
# Проведем расчет основных статистических метрик df.describe()
```

AvgTemp_mean count 48.000000

```
28.875890
mean
std
          17.081151
min
          -5.250000
25%
          12.883929
50%
          29.232796
75%
          44.833333
          53.322581
max
r = seasonal decompose(df['AvgTemp mean'], model='additive')
r.plot();
```



Есть незначительный тренд на снижение средней температуры, подтверждаем явно выраженную сезонность

Построение моделей, анализ результатов.

1.0 SARIMAX

```
# Запустим pmdarima.auto_arima чтобы получить набор параметров auto_arima(df['AvgTemp_mean'],seasonal=True,m=12).summary() <class 'statsmodels.iolib.summary.Summary'>
```

SARIMAX Results

Dep. Variable:

y No. Observations:

```
Model:
              SARIMAX(0, 1, 0, 12) Log Likelihood
-117.164
Date:
                 Thu, 24 Mar 2022
                               AIC
236.327
Time:
                       09:42:11
                               BIC
237.911
Sample:
                            0
                               HOIC
236,880
                          - 48
Covariance Type:
                           opg
______
            coef std err z P>|z| [0.025]
0.975]
______
sigma2
         39.3003 8.940 4.396 0.000 21.777
56.823
_____
=========
Ljung-Box (L1) (Q):
                            0.08
                                  Jarque-Bera (JB):
0.36
Prob(Q):
                                  Prob(JB):
                            0.77
0.83
Heteroskedasticity (H):
                            0.68
                                  Skew:
-0.23
Prob(H) (two-sided):
                            0.52 Kurtosis:
______
=========
Warnings:
[1] Covariance matrix calculated using the outer product of gradients
(complex-step).
# Разделим выборки
train = df.iloc[:len(df)-12]
test = df.iloc[len(df)-12:]
model = SARIMAX(train['AvgTemp mean'], seasonal order=(0, 1, 0, 12))
results = model.fit() #обучаем модель на обучающей выборке данных
results.summary() #получаем результаты
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/statsmodels/tsa/base/
tsa model.py:471: ValueWarning: No frequency information was provided,
so inferred frequency MS will be used.
```

48

```
self._init_dates(dates, freq)
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/statsmodels/tsa/base/tsa model.
py:471: ValueWarning: No frequency information was provided, so
inferred frequency MS will be used.
 self. init dates(dates, freq)
<class 'statsmodels.iolib.summary.Summary'>
                             SARIMAX Results
AvgTemp_mean No. Observations:
Dep. Variable:
36
               SARIMAX(1, 0, 0)\times(0, 1, 0, 12) Log Likelihood
Model:
-79.529
Date:
                          Thu, 24 Mar 2022
                                         AIC
163.058
Time:
                                09:42:11
                                         BIC
165.414
                               12-01-2014
Sample:
                                         HOIC
163,683
                             - 11-01-2017
Covariance Type:
                                    opg
======
            coef std err z P>|z| [0.025]
0.975]
0.0567 0.201 0.281 0.778 -0.338
ar.L1
0.451
sigma2 44.2297 12.938 3.419
                                       0.001 18.871
69.588
_____
Ljung-Box (L1) (Q):
                              0.00
                                   Jarque-Bera (JB):
0.42
Prob(Q):
                              0.95
                                   Prob(JB):
0.81
Heteroskedasticity (H):
                              0.49
                                   Skew:
-0.30
Prob(H) (two-sided):
                              0.34
                                   Kurtosis:
3.25
```

Warnings:

[1] Covariance matrix calculated using the outer product of gradients (complex-step).

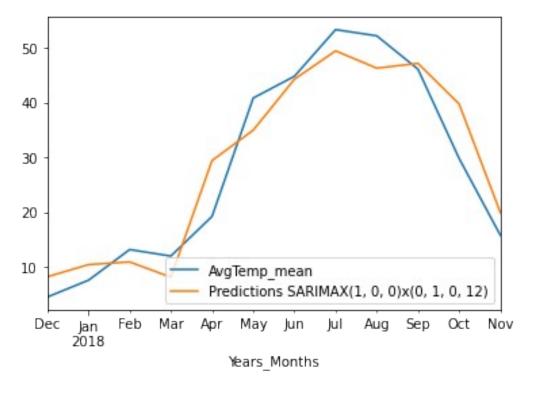
#Получаем предсказанные значения и пытаемся оценить качество прогноза start=len(train) #первая точка в тестовом множестве end=len(train)+len(test)-1 #последняя точка в тестовом множеств #предсказываем значения, передав модели results точку начала и окончания

predictions = results.predict(start=start, end=end, dynamic=False, typ='levels').rename('Predictions SARIMAX(1, 0, 0) \times (0, 1, 0, 12)')

#Сравниваем результаты

test['AvgTemp_mean'].plot(legend=True)
predictions.plot(legend=True)

<matplotlib.axes._subplots.AxesSubplot at 0x7f285cbb2410>



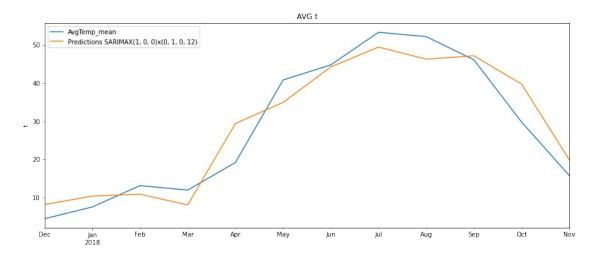
#Строим графики

##добавляем

title = 'AVG t' #название графика ylabel = 't' #название оси Y xlabel = '' #название оси X

ax = test['AvgTemp_mean'].plot(legend=True, figsize=(15,6),title=title) #добавлем заголовок

```
predictions.plot(legend=True)
ax.autoscale(axis='x',tight=True)
ax.set(xlabel=xlabel, ylabel=ylabel)
[Text(0, 0.5, 't'), Text(0.5, 0, '')]
```



#Оцениваем модель методом MSE (Среднеквадратическая ошибка Mean Square Error) и RMSE (Среднеквадратическое отклонение Root Mean Square Error)

```
mse_value = mean_squared_error(test['AvgTemp_mean'], predictions)
rmse_value = rmse(test['AvgTemp_mean'], predictions)
mape_error = np.mean(np.abs(predictions -
test['AvgTemp_mean'])/test['AvgTemp_mean'])*100

print(f'SARIMAX(1,0,0)(0, 1, 0, 12) MSE Error: {mse_value:11.10}')
#квадрат от единиц измерения 11 - кол-во символов (с точкой), 10 -
после точки (сколько оставнется, но макс 10)
print(f'SARIMAX(1,0,0)(0, 1, 0, 12) RMSE Error: {rmse_value:11.10}')
#единицы те же, что и само измерение
print(f'SARIMAX(1,0,0)(0, 1, 0, 12) MAPE Error: {mape_error:11.10}')
SARIMA(1,0,0)(0, 1, 0, 12) MSE Error: 28.94887983
SARIMA(1,0,0)(0, 1, 0, 12) RMSE Error: 5.380416325
SARIMA(1,0,0)(0, 1, 0, 12) MAPE Error: 26.47583303
```

MSE (чем меньше, тем лучше и меньше грубых ошибок) = 28,9 МАРЕ (чем меньше, тем лучше и меньше грубых ошибок) = 26,5 Модель приемлимого качества, но могла быть и лучше

#Не знаем данных будущего, поэтому обучаем модель на всем датасете (обучение без учителя)

```
model = SARIMAX(df['AvgTemp_mean'],order=(1, 0, 0),seasonal_order=(0,
1, 0, 12))
results = model.fit()
results.summary()
```

/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/statsmodels/tsa/base/
tsa_model.py:471: ValueWarning: No frequency information was provided,
so inferred frequency MS will be used.
 self. init dates(dates, freq)

/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/statsmodels/tsa/base/tsa_model. py:471: ValueWarning: No frequency information was provided, so inferred frequency MS will be used.

self._init_dates(dates, freq)

<class 'statsmodels.iolib.summary.Summary'>

SARIMAX Results

Dep. Variable: AvgTemp mean No. Observations: 48 Model: SARIMAX(1, 0, 0) \times (0, 1, 0, 12) Log Likelihood -117.122 Thu, 24 Mar 2022 Date: AIC 238,243 Time: 09:42:11 BIC 241,410 12-01-2014 Sample: HOIC 239.349

- 11-01-2018

Covariance Type: opg

0.975]	coef	std err	z	P> z	[0.025	
ar.L1 0.367 sigma2 57.265	0.0489 39.2036	0.162 9.215	0.301 4.254	0.763 0.000	-0.269 21.143	
=======================================						
Ljung-Box (L1) (Q): 0.44 Prob(Q):			0.00	<pre>Jarque-Bera (JB): Prob(JB):</pre>		
0.80 Heteroskedasticity (H): -0.26			0.72	Skew:		
Prob(H) (tv 3.13	vo-sided):		0.58	Kurtosis:		

```
=========
```

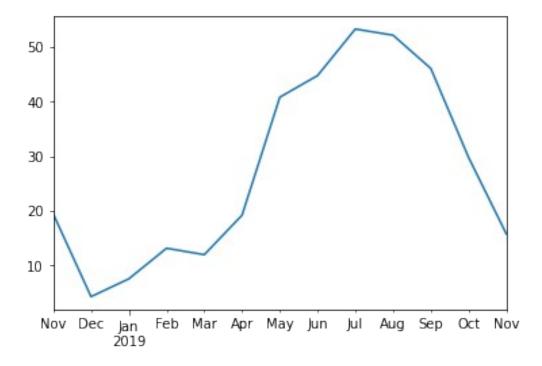
Warnings:

[1] Covariance matrix calculated using the outer product of gradients (complex-step).

Прогнозируем на год вперед

#Посмотрим на forecast для всего датасета на год вперед fcast.plot()

<matplotlib.axes._subplots.AxesSubplot at 0x7f285caaf290>

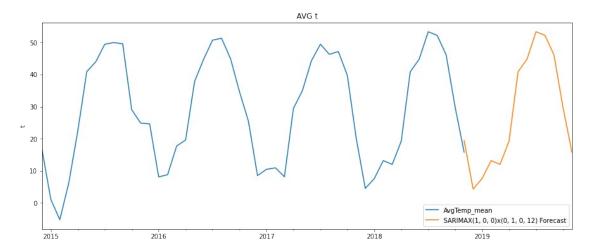


#Строим графики

##добавляем

```
title = 'AVG t' #название графика
ylabel = 't' #название оси Y
xlabel = '' #название оси X
```

```
ax_SARIMAX = df['AvgTemp_mean'].plot(legend=True,
figsize=(15,6),title=title)
fcast.plot(legend=True)
ax_SARIMAX.autoscale(axis='x',tight=True)
ax_SARIMAX.set(xlabel=xlabel, ylabel=ylabel)
```



Выводы по модели SARIMAX: На самом деле мы видим, что прогноз полностью повторяет последний год

```
2.0 PROPHET
```

1 2015-01-01

3 2015-03-01

2 2015-02-01 -5.250000

4 2015-04-01 22.400000

```
from fbprophet import Prophet
model = Prophet()
model
<fbprophet.forecaster.Prophet at 0x7f285c4ac890>
train_0 = train.reset_index() #Индекс сбросим, чтобы работать только с
колонками.
test \theta = test.reset index() #Индекс сбросим, чтобы работать только с
колонками.
# Переименуем столбцы в обучающем и тестовом датасетах, чтобы они
подходили для использования методов Prophet
train_0.columns = ['ds', 'y'] # переименовали столбцы
test\overline{0}.columns = ['ds', 'y'] # переименовали столбцы
df prophet = df
df prophet = df.reset index()
df_prophet.columns = ['ds', 'y'] # переименовали столбцы
train 0.head() #посмотрим преобразование после переименования колонок
          ds
0 2014-12-01
              16.870968
```

model.fit(train 0) # подогнали модель под наши данные

1.096774

6.258065

```
INFO:fbprophet:Disabling weekly seasonality. Run prophet with weekly_seasonality=True to override this. INFO:fbprophet:Disabling daily seasonality. Run prophet with daily_seasonality=True to override this.
```

<fbprophet.forecaster.Prophet at 0x7f285c4ac890>

Посмотрим на качество получившейся модели. Для этого нам необходимо задать горизонт прогнозирования (в нашем случае это год) и создать дата-фрейм с датами из «будущего», для которого модель потом будет строить прогноз.

make_future_dataframe() — метод профета, который создает дата-фрейм с временным периодом будущего. В аргумент ему мы передаем periods и задаем количество элементов, на которые хотим получить прогноз.

Так как наши данные имеют месячную гранулярность, прогноз мы также получим по месяцам от последней даты на количество месяцев, указанное в скобках.

```
future = model.make_future_dataframe(periods=12, freq='MS') # говорим профету сделать дата-фрейм на 12 месяцев future.tail(12) # выводим 12 строк с конца
```

```
ds

36 2017-12-01

37 2018-01-01

38 2018-02-01

39 2018-03-01

40 2018-04-01

41 2018-05-01

42 2018-06-01

43 2018-07-01

44 2018-08-01

45 2018-09-01

46 2018-10-01

47 2018-11-01
```

Теперь можем построить прогноз методом .predict.

Применим его к нашей модели и запишем в отдельную переменную.

доверительный интервал по умолчанию 95%, это популярный стандарт, который вполне нас устраивает

```
forecast = model.predict(future)
forecast.head() # возвращает много колонок

ds trend yhat_lower yhat_upper trend_lower
trend_upper \
0 2014-12-01 27.540743 13.732167 21.265231 27.540743
27.540743
```

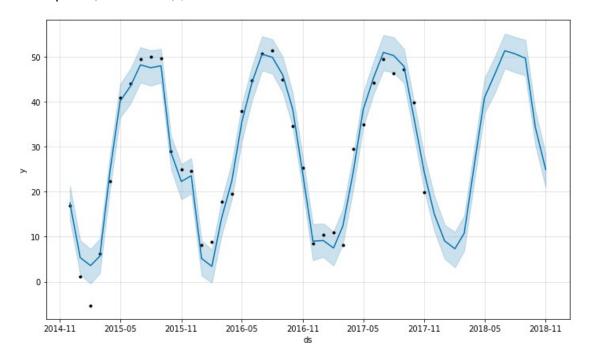
```
27.620948
                                       9.164265
                                                   27.620948
1 2015-01-01
                           1.557568
27.620948
              27.701152
                                                   27.701152
2 2015-02-01
                          -0.411458
                                       7.280075
27.701152
3 2015-03-01
             27.773596
                           1.917215
                                       9.527082
                                                   27.773596
27.773596
                                      28.451983
4 2015-04-01 27.853800
                          20.773668
                                                   27.853800
27.853800
   additive terms
                   additive terms lower additive terms upper
yearly \
                             -10.074513
                                                   -10.074513 -
       -10.074513
10.074513
       -22.274749
                             -22.274749
                                                   -22.274749 -
22.274749
       -24.125441
                             -24.125441
                                                   -24.125441 -
24.125441
       -22.101035
                             -22.101035
                                                   -22.101035 -
22.101035
        -3.083352
                              -3.083352
                                                    -3.083352 -
3.083352
                 yearly_upper
                               multiplicative terms
   yearly_lower
     -10.074513
0
                   -10.074513
                                                0.0
                                                0.0
1
     -22.274749
                   -22.274749
2
     -24.125441
                   -24.125441
                                                0.0
3
     -22.101035
                   -22.101035
                                                0.0
4
      -3.083352
                    -3.083352
                                                0.0
   multiplicative terms lower
                               multiplicative terms upper
                                                                vhat
0
                          0.0
                                                      0.0
                                                           17.466230
                          0.0
                                                      0.0
1
                                                            5.346199
2
                          0.0
                                                      0.0
                                                            3.575711
3
                          0.0
                                                      0.0
                                                            5.672560
4
                          0.0
                                                      0.0 24.770448
Основные поля в прогнозе следующие:
ds — дата прогноза
yhat — спрогнозированное значение
yhat_lower — нижняя граница доверительного интервала для прогноза
yhat upper — верхняя граница доверительного интервала для прогноза
forecast[['ds', 'yhat', 'yhat lower', 'yhat upper']].tail() # оставим
только нужные
                          yhat_lower
                    yhat
                                      yhat_upper
43 2018-07-01 51.291494
                           47.368821
                                       55.089577
```

```
442018-08-0150.60436746.49580654.351926452018-09-0149.62104945.78252953.697106462018-10-0134.23932130.27813638.007808472018-11-0124.92681320.91584928.417465
```

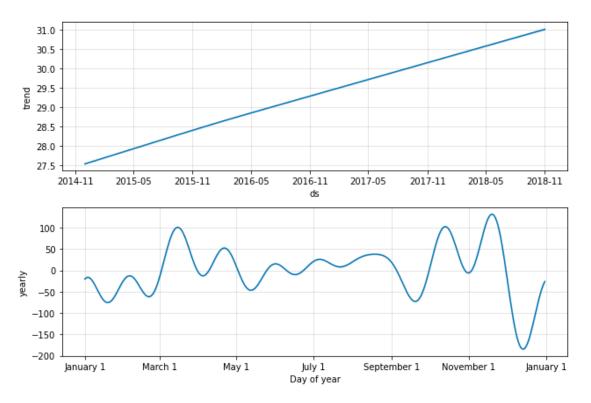
Также с помощью метода .plot() прогноз можно построить на графике и посмотреть визуально его адекватность.

Черные точки — наши данные.

model.plot(forecast);



model.plot_components(forecast);



#оцениваем качество модели методом MSE, RMSE, MAPE

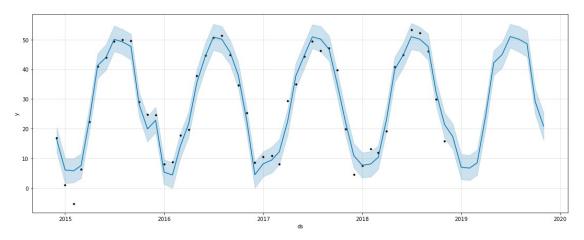
```
mse error = mean squared error(test 0['y'], forecast['yhat'].tail(12))
rmse_error = rmse(test_0['y'], forecast['yhat'].tail(12))
mape error = np.mean(np.abs(forecast['yhat'] -
test 0['y'])/test 0['y'])*100
print(f'Prophet MSE Error: {mse error:11.10}')
print(f'Prophet RMSE Error: {rmse error:11.10}')
print(f'Prophet MAPE Error: {mape error:11.10}')
Prophet MSE Error: 26.74626529
Prophet RMSE Error: 5.171679156
Prophet MAPE Error: 45.22276204
MSE, RMSE примерно на том же уровне, что и по модели SARIMAX, а вот
ошибка МАРЕ значительно выше
# делаем прогноз на будущее - 1 год вперед
# обучаем модель на всем датасете
fut model prophet = Prophet(seasonality mode='additive')
fut model prophet.fit(df prophet)
# говорим профету сделать дата-фрейм на 1 год вперед
fut future prophet =
fut model prophet.make future dataframe(periods=12, freq='MS')
```

fut fcast prophet = fut model prophet.predict(fut future prophet)

INFO:fbprophet:Disabling weekly seasonality. Run prophet with weekly_seasonality=True to override this. INFO:fbprophet:Disabling daily seasonality. Run prophet with daily seasonality=True to override this.

Строим график

fut_model_prophet.plot(fut_fcast_prophet, figsize=(15,6));



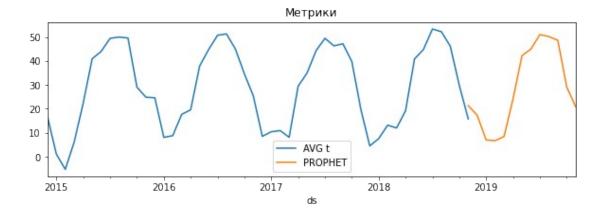
from matplotlib import pyplot as plt
import math

устанавливаем индекс

fut_fcast_prophet.index = fut_fcast_prophet.ds

```
# И построим график на будущее

ax_PROPHET = df['AvgTemp_mean'].plot(legend=True,
figsize=(10,3),title='Meтрики')
fut_fcast_prophet['yhat'].tail(13).plot(legend=True)
ax_PROPHET.autoscale(axis='x',tight=True)
ax_PROPHET.legend(["AVG t", "PROPHET"]);
```

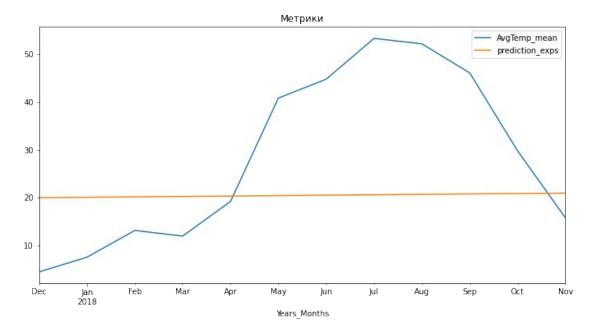


Выводы по модели PROPHET: Достойно, но по метрикам немного хуже из-за увеличения MAPE показателя

```
3.0 Экспоненцальное сглаживание
```

```
# создаем модель с подобранными параметрами
model exps = ExponentialSmoothing(train['AvgTemp mean'],
seasonal periods=12, trend = 'add')# годовая сезонность, тк единица
времени = месяц
# обучаем модель на обучающей выборке данных
model exps.fit ()
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/statsmodels/tsa/base/
tsa model.py:471: ValueWarning: No frequency information was provided,
so inferred frequency MS will be used.
  self. init dates(dates, freq)
<statsmodels.tsa.holtwinters.results.HoltWintersResultsWrapper at</pre>
0x7f285a315bd0>
# посмотрим на подобранные параметры модели
model exps.params
{'damping trend': nan,
 'initial_level': 16.802478441264864.
 'initial seasons': array([], dtype=float64),
 'initial trend': 0.08749258834661888,
 'lamda': None,
 'remove bias': False,
 'smoothing level': 0.999999850988388,
 'smoothing seasonal': nan,
 'smoothing trend': 0.0,
 'use boxcox': False}
# определяем точку начала для прогноза
test.index[0]
Timestamp('2017-12-01 00:00:00')
# определяем точку окончания для прогноза
test.index[-1]
Timestamp('2018-11-01 00:00:00')
#предсказываем значения,передав модели results точку начала и
окончания
prediction exps = model exps.predict(model exps.params,
start=test.index[0], end=test.index[-1])
prediction exps
array([20.02082622, 20.10831881, 20.19581139, 20.28330398,
20.37079657,
       20.45828916, 20.54578175, 20.63327434, 20.72076692,
```

```
20.80825951,
       20.8957521 , 20.98324469])
#преобразуем в датафрейм с индексами
prediction exps = pd.DataFrame(prediction exps)
prediction exps.index = pd.date range("20\overline{17}-12-01 00:00:00",
periods=12, freq="M")
prediction_exps.columns = ['prediction exps']
#проверим
prediction exps.head(15)
            prediction exps
2017-12-31
                  20.020826
2018-01-31
                  20.108319
2018-02-28
                  20.195811
2018-03-31
                  20.283304
2018-04-30
                  20.370797
2018-05-31
                  20.458289
2018-06-30
                  20.545782
2018-07-31
                  20.633274
2018-08-31
                  20.720767
2018-09-30
                  20.808260
2018-10-31
                  20.895752
2018-11-30
                  20.983245
#сравниваем прогноз и тестовую выборку
title = 'Метрики' #название графика
ax ES = test['AvgTemp_mean'].plot(legend=True,
figsize=(12,6),title=title)
prediction exps['prediction exps'].plot(legend=True)
ax ES.autoscale(axis='x',tight=True)
```



Прогноз не удался, как при разборе ДЗ по прогнозированию, давайте выведем метрики ошибок и посмотрим что там, скорее всего значение ошибок будет запредельное

```
mse_error = mean_squared_error(test['AvgTemp_mean'],
prediction_exps['prediction_exps'])
rmse_error = rmse(test['AvgTemp_mean'],
prediction_exps['prediction_exps'])
mape_error = np.mean(np.abs(prediction_exps['prediction_exps'] -
test['AvgTemp_mean'])/test['AvgTemp_mean'])*100

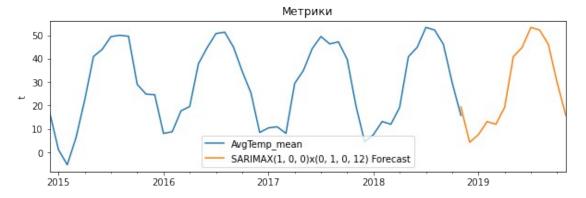
print(f'Exponential smoothing MSE Error: {mse_error:11.10}')
print(f'Exponential smoothing RMSE Error: {rmse_error:11.10}')
print(f'Exponential smoothing MAPE Error: {mape_error:11.10}')

Exponential smoothing MSE Error: 360.4317448
Exponential smoothing RMSE Error: 18.98504003
Exponential smoothing MAPE Error: nan
```

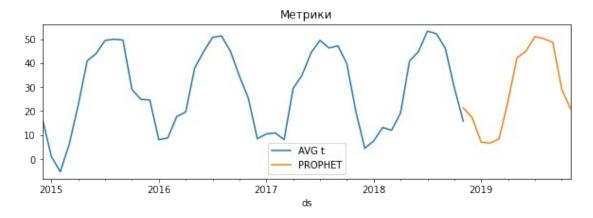
Фактически, получив такие данные и визуально оценив прогноз можно смело заканчивать работу с данным методом, т.к. никакого стоящего прогноза не выйдет.

Выводы

```
ax_SARIMAX = df['AvgTemp_mean'].plot(legend=True,
figsize=(10,3),title=title)
fcast.plot(legend=True)
ax_SARIMAX.autoscale(axis='x',tight=True)
ax_SARIMAX.set(xlabel=xlabel, ylabel=ylabel)
[Text(0, 0.5, 't'), Text(0.5, 0, '')]
```



```
ax_PROPHET = df['AvgTemp_mean'].plot(legend=True,
figsize=(10,3),title='Metpuκu')
fut_fcast_prophet['yhat'].tail(13).plot(legend=True)
ax_PROPHET.autoscale(axis='x',tight=True)
ax_PROPHET.legend(["AVG t", "PROPHET"]);
```



В результате анализа и прогнозирования на горизонт в один год вперед, мы имеем следующие результаты: Модель SARIMAX: MSE Error: 28.94887983 / RMSE Error: 5.380416325 / MAPE Error: 26.47583303 PROPHET: MSE Error: 26.74626529 / RMSE Error: 5.171679156 / MAPE Error: 45.22276204 Метод Экспоненцального сглаживания не показал достойного результата.

Визуально, оба прогноза получились приемлимыми, аномалий нет в спрогнозируемых значениях, но лучше, по метрике MAPE все же SARIMAX