Table A.9 Critical Values for *F* **Distributions**

	IE A.S	$ u_1 = \text{numerator df} $													
		α	1	2	3	4	5	6	7	8	9				
	1	.100 .050	39.86 161.45	49.50 199.50	53.59 215.71	55.83 224.58	57.24 230.16	58.20 233.99	58.91 236.77	59.44 238.88	59.86 240.54				
	•	.010 .001	4052.20 405,284	4999.50 500,000	5403.40 540,379	5624.60 562,500	5763.60 576,405	5859.00 585,937	5928.40 592,873	5981.10 598,144	6022.50 602,284				
	2	.100 .050	8.53 18.51	9.00 19.00	9.16 19.16	9.24 19.25	9.29 19.30	9.33 19.33	9.35 19.35	9.37 19.37	9.38 19.38				
	2	.010 .001	98.50 998.50	99.00 999.00	99.17 999.17	99.25 999.25	99.30 999.30	99.33 999.33	99.36 999.36	99.37 999.37	99.39 999.39				
		.100 .050	5.54 10.13	5.46 9.55	5.39 9.28	5.34 9.12	5.31 9.01	5.28 8.94	5.27 8.89	5.25 8.85	5.24 8.81				
	3	.010 .001	34.12 167.03	30.82 148.50	29.46 141.11	28.71 137.10	28.24 134.58	27.91 132.85	27.67 131.58	27.49 130.62	27.35 129.86				
		.100 .050	4.54 7.71	4.32 6.94	4.19 6.59	4.11 6.39	4.05 6.26	4.01 6.16	3.98 6.09	3.95 6.04	3.94 6.00				
	4	.010 .001	21.20 74.14	18.00 61.25	16.69 56.18	15.98 53.44	15.52 51.71	15.21 50.53	14.98 49.66	14.80 49.00	14.66 48.47				
		.100 .050	4.06 6.61	3.78 5.79	3.62 5.41	3.52 5.19	3.45 5.05	3.40 4.95	3.37 4.88	3.34 4.82	3.32 4.77				
	5	.010 .001	16.26 47.18	13.27 37.12	12.06 33.20	11.39 31.09	10.97 29.75	10.67 28.83	10.46 28.16	10.29 27.65	10.16 27.24				
or df	(.100 .050	3.78 5.99	3.46 5.14	3.29 4.76	3.18 4.53	3.11 4.39	3.05 4.28	3.01 4.21	2.98 4.15	2.96 4.10				
minat	6	.010 .001	13.75 35.51	10.92 27.00	9.78 23.70	9.15 21.92	8.75 20.80	8.47 20.03	8.26 19.46	8.10 19.03	7.98 18.69				
$\nu_2 =$ denominator df	7	.100 .050 .010	3.59 5.59 12.25	3.26 4.74 9.55	3.07 4.35 8.45	2.96 4.12 7.85	2.88 3.97 7.46	2.83 3.87 7.19	2.78 3.79 6.99	2.75 3.73 6.84	2.72 3.68 6.72				
ž		.001	29.25 3.46	21.69	18.77 2.92	17.20 2.81	16.21 2.73	15.52 2.67	15.02 2.62	14.63 2.59	14.33 2.56				
	8	.050 .010 .001	5.32 11.26 25.41	4.46 8.65 18.49	4.07 7.59 15.83	3.84 7.01 14.39	3.69 6.63 13.48	3.58 6.37 12.86	3.50 6.18 12.40	3.44 6.03 12.05	3.39 5.91 11.77				
	9	.100 .050	3.36 5.12	3.01 4.26	2.81 3.86	2.69 3.63	2.61 3.48	2.55 3.37	2.51 3.29	2.47 3.23	2.44 3.18				
		.010	10.56 22.86	8.02 16.39	6.99 13.90	6.42 12.56	6.06 11.71	5.80 11.13	5.61	5.47 10.37	5.35 10.11				
	10	.100 .050 .010	3.29 4.96 10.04	2.92 4.10 7.56	2.73 3.71 6.55	2.61 3.48 5.99	2.52 3.33 5.64	2.46 3.22 5.39	2.41 3.14 5.20	2.38 3.07 5.06	2.35 3.02 4.94				
		.001	21.04 3.23	14.91 2.86	12.55 2.66	11.28 2.54	10.48 2.45	9.93 2.39	9.52 2.34	9.20 2.30	8.96 2.27				
	11	.050 .010 .001	4.84 9.65 19.69	3.98 7.21 13.81	3.59 6.22 11.56	3.36 5.67 10.35	3.20 5.32 9.58	3.09 5.07 9.05	3.01 4.89 8.66	2.95 4.74 8.35	2.90 4.63 8.12				
	12	.100 .050 .010	3.18 4.75 9.33	2.81 3.89 6.93	2.61 3.49 5.95	2.48 3.26 5.41	2.39 3.11 5.06	2.33 3.00 4.82	2.28 2.91 4.64	2.24 2.85 4.50	2.21 2.80				
		.001	18.64	12.97	10.80	9.63	8.89	8.38	8.00	7.71	4.39 7.48				

(continued)

Table A.9 Critical Values for *F* Distributions (cont.)

	$ u_1 = \text{numerator df} $											
10	12	15	20	25	30	40	50	60	120	1000		
60.19	60.71	61.22	61.74	62.05	62.26	62.53	62.69	62.79	63.06	63.30		
241.88	243.91	245.95	248.01	249.26	250.10	251.14	251.77	252.20	253.25	254.19		
6055.80	6106.30	6157.30	6208.70	6239.80	6260.60	6286.80	6302.50	6313.00	6339.40	6362.70		
605,621	610,668	615,764	620,908	624,017	626,099	628,712	630,285	631,337	633,972	636,301		
9.39	9.41	9.42	9.44	9.45	9.46	9.47	9.47	9.47	9.48	9.49		
19.40	19.41	19.43	19.45	19.46	19.46	19.47	19.48	19.48	19.49	19.49		
99.40	99.42	99.43	99.45	99.46	99.47	99.47	99.48	99.48	99.49	99.50		
999.40	999.42	999.43	999.45	999.46	999.47	999.47	999.48	999.48	999.49	999.50		
5.23	5.22	5.20	5.18	5.17	5.17	5.16	5.15	5.15	5.14	5.13		
8.79	8.74	8.70	8.66	8.63	8.62	8.59	8.58	8.57	8.55	8.53		
27.23	27.05	26.87	26.69	26.58	26.50	26.41	26.35	26.32	26.22	26.14		
129.25	128.32	127.37	126.42	125.84	125.45	124.96	124.66	124.47	123.97	123.53		
3.92	3.90	3.87	3.84	3.83	3.82	3.80	3.80	3.79	3.78	3.76		
5.96	5.91	5.86	5.80	5.77	5.75	5.72	5.70	5.69	5.66	5.63		
14.55	14.37	14.20	14.02	13.91	13.84	13.75	13.69	13.65	13.56	13.47		
48.05	47.41	46.76	46.10	45.70	45.43	45.09	44.88	44.75	44.40	44.09		
3.30	3.27	3.24	3.21	3.19	3.17	3.16	3.15	3.14	3.12	3.11		
4.74	4.68	4.62	4.56	4.52	4.50	4.46	4.44	4.43	4.40	4.37		
10.05	9.89	9.72	9.55	9.45	9.38	9.29	9.24	9.20	9.11	9.03		
26.92	26.42	25.91	25.39	25.08	24.87	24.60	24.44	24.33	24.06	23.82		
2.94	2.90	2.87	2.84	2.81	2.80	2.78	2.77	2.76	2.74	2.72		
4.06	4.00	3.94	3.87	3.83	3.81	3.77	3.75	3.74	3.70	3.67		
7.87	7.72	7.56	7.40	7.30	7.23	7.14	7.09	7.06	6.97	6.89		
18.41	17.99	17.56	17.12	16.85	16.67	16.44	16.31	16.21	15.98	15.77		
2.70	2.67	2.63	2.59	2.57	2.56	2.54	2.52	2.51	2.49	2.47		
3.64	3.57	3.51	3.44	3.40	3.38	3.34	3.32	3.30	3.27	3.23		
6.62	6.47	6.31	6.16	6.06	5.99	5.91	5.86	5.82	5.74	5.66		
14.08	13.71	13.32	12.93	12.69	12.53	12.33	12.20	12.12	11.91	11.72		
2.54	2.50	2.46	2.42	2.40	2.38	2.36	2.35	2.34	2.32	2.30		
3.35	3.28	3.22	3.15	3.11	3.08	3.04	3.02	3.01	2.97	2.93		
5.81	5.67	5.52	5.36	5.26	5.20	5.12	5.07	5.03	4.95	4.87		
11.54	11.19	10.84	10.48	10.26	10.11	9.92	9.80	9.73	9.53	9.36		
2.42	2.38	2.34	2.30	2.27	2.25	2.23	2.22	2.21	2.18	2.16		
3.14	3.07	3.01	2.94	2.89	2.86	2.83	2.80	2.79	2.75	2.71		
5.26	5.11	4.96	4.81	4.71	4.65	4.57	4.52	4.48	4.40	4.32		
9.89	9.57	9.24	8.90	8.69	8.55	8.37	8.26	8.19	8.00	7.84		
2.32	2.28	2.24	2.20	2.17	2.16	2.13	2.12	2.11	2.08	2.06		
2.98	2.91	2.85	2.77	2.73	2.70	2.66	2.64	2.62	2.58	2.54		
4.85	4.71	4.56	4.41	4.31	4.25	4.17	4.12	4.08	4.00	3.92		
8.75	8.45	8.13	7.80	7.60	7.47	7.30	7.19	7.12	6.94	6.78		
2.25	2.21	2.17	2.12	2.10	2.08	2.05	2.04	2.03	2.00	1.98		
2.85	2.79	2.72	2.65	2.60	2.57	2.53	2.51	2.49	2.45	2.41		
4.54	4.40	4.25	4.10	4.01	3.94	3.86	3.81	3.78	3.69	3.61		
7.92	7.63	7.32	7.01	6.81	6.68	6.52	6.42	6.35	6.18	6.02		
2.19	2.15	2.10	2.06	2.03	2.01	1.99	1.97	1.96	1.93	1.91		
2.75	2.69	2.62	2.54	2.50	2.47	2.43	2.40	2.38	2.34	2.30		
4.30	4.16	4.01	3.86	3.76	3.70	3.62	3.57	3.54 5.76	3.45 5.59	3.37		
7.29	7.00	6.71	6.40	6.22	6.09	5.93	5.83	5.76		5.44		
										(continued)		

Table A.9 Critical Values for *F* Distributions (cont.)

100 17.82 12.31 10.21 9.07 8.35 7.86 7.49 7.21 6.98						$\nu_1 = \text{nu}$	merator df					
13			α	1	2	3	4	5	6	7	8	9
100 9.07 6.70 5.74 5.21 4.86 4.62 4.44 4.30 4.19												
100 300 307 3.74 3.24 4.86 4.62 4.44 4.30 4.19 100 3.10 2.73 2.52 2.39 2.31 2.24 2.19 2.15 2.12 100 3.10 2.73 2.52 2.39 2.31 2.24 2.19 2.15 2.12 101 8.86 6.51 5.56 5.04 4.69 4.46 4.28 4.14 4.03 101 17.14 11.78 9.73 8.62 7.92 7.44 7.08 6.80 6.58 100 3.07 2.70 2.49 2.36 2.27 2.21 2.16 2.12 2.09 15 .050 4.54 3.68 3.29 3.06 2.90 2.79 2.71 2.64 2.59 100 3.05 2.67 2.46 2.33 2.24 2.18 2.13 2.09 2.06 100 3.05 2.67 2.46 2.33 2.24 2.18 2.13 2.09 2.06 101 8.53 6.23 5.29 4.77 4.44 4.20 4.03 3.89 3.78 100 3.03 2.64 2.44 2.31 2.22 2.15 2.10 2.06 2.05 101 15.72 10.66 8.73 7.68 7.02 6.56 6.22 5.96 5.75 100 3.01 2.62 2.42 2.29 2.20 2.13 2.08 2.04 2.00 101 15.72 10.66 8.73 7.68 7.02 6.80 6.62 5.76 5.75 100 3.01 2.62 2.42 2.29 2.20 2.13 2.08 2.04 2.00 101 15.72 10.66 8.73 7.68 7.02 6.56 6.22 5.96 5.75 100 3.01 2.62 2.42 2.29 2.20 2.13 2.08 2.04 2.00 101 15.72 10.66 8.73 7.68 7.02 6.56 6.22 5.96 5.75 100 3.01 2.62 2.42 2.29 2.20 2.13 2.08 2.04 2.00 101 15.78 10.16 8.28 7.27 6.62 6.18 5.85 5.59 5.39 100 2.99 2.61 2.40 2.27 2.18 2.11 2.06 2.02 1.98 100 2.90 2.57 2.36 2.23 2.77 2.66 2.58 2.51 2.46 2.40 2.27 2.18 2.11 2.06 2.02 1.98 100 2.90 2.57 2.36 2.23 2.14 2.09 2.51 2.45 2.39 2.36 2.30		13										
14		10										
14			.001	17.82	12.31	10.21	9.07	8.35	7.86	7.49	7.21	6.98
14												
100 3.07 2.70 2.49 2.36 2.27 2.21 2.16 2.12 2.09		14										
15		1.										
15												
15												
100		15										
100 3.05 2.67 2.46 2.33 2.24 2.18 2.13 2.09 2.06												
16												
100												
100 16.12 10.97 9.01 7.94 7.27 6.80 6.46 6.19 5.98 100 3.03 2.64 2.44 2.31 2.22 2.15 2.10 2.06 2.03 100 3.03 2.64 2.44 2.31 2.22 2.15 2.10 2.06 2.03 101 8.40 6.11 5.19 4.67 4.34 4.10 3.93 3.79 3.68 101 8.40 6.11 5.19 4.67 4.34 4.10 3.93 3.79 3.68 100 3.01 2.62 2.42 2.29 2.20 2.13 2.08 2.04 2.00 18 0.50 4.41 3.55 3.16 2.93 2.77 2.66 6.22 5.96 5.75 100 8.29 6.01 5.09 4.58 4.25 4.01 3.84 3.71 3.60 101 8.29 6.01 5.09 4.58 4.25 4.01 3.84 3.71 3.60 100 2.99 2.61 2.40 2.27 2.18 2.11 2.06 2.02 1.98 19 0.50 4.38 3.52 3.13 2.90 2.74 2.63 2.54 2.48 2.42 100 2.99 2.61 2.40 2.27 2.18 2.11 2.06 2.02 1.98 10 0.50 4.38 3.52 3.13 2.90 2.74 2.63 2.54 2.48 2.42 100 2.99 2.59 2.38 2.25 2.16 2.09 2.04 2.00 1.96 10 0.50 4.35 3.49 3.10 2.87 2.71 2.60 2.51 2.45 2.39 20 0.50 4.35 3.49 3.10 2.87 2.71 2.60 2.51 2.45 2.39 21 0.50 4.32 3.47 3.07 2.84 2.68 2.57 2.49 2.42 2.37 100 2.96 2.57 2.36 2.23 2.14 2.08 2.02 1.98 1.95 21 0.50 4.32 3.47 3.07 2.84 2.68 2.57 2.49 2.42 2.37 0.01 14.82 9.95 8.10 7.10 6.46 6.02 5.69 5.44 5.24 100 2.96 2.57 2.36 2.23 2.14 2.08 2.02 1.98 1.95 21 0.50 4.32 3.47 3.07 2.84 2.68 2.57 2.49 2.42 2.37 0.50 4.33 3.44 3.05 2.82 2.66 2.55 2.46 2.40 2.34 0.50 4.38 3.42 3.03 2.80 2.64 2.53 2.44 2.37 2.32 23 0.50 4.28 3.42 3.03 2.80 2.64 2.53 2.44 2.37 2.32 24 0.50 4.28 3.42 3.03 2.80 2.64 2.53 2.44 2.37 2.32 24 0.50 4.28 3.42 3.03 2.80 2.64 2.55 2.46 2.40 2.34 0.50 4.26 3.40 3.01 2.78 2.62 2.51 2.42		16										
100 3.03 2.64 2.44 2.31 2.22 2.15 2.10 2.06 2.03												
17												
17												
100 15.72 10.66 8.73 7.68 7.02 6.56 6.22 5.96 5.75		17										
100 3.01 2.62 2.42 2.29 2.20 2.13 2.08 2.04 2.00 18												
18												
20	ďf	18										
20	:0 r											
20	nat											
20	im											
20	enc											
20	p ا	19										
20 2.97 2.59 2.38 2.25 2.16 2.09 2.04 2.00 1.96 20 .050 4.35 3.49 3.10 2.87 2.71 2.60 2.51 2.45 2.39 .010 8.10 5.85 4.94 4.43 4.10 3.87 3.70 3.56 3.46 .001 14.82 9.95 8.10 7.10 6.46 6.02 5.69 5.44 5.24 .100 2.96 2.57 2.36 2.23 2.14 2.08 2.02 1.98 1.95 .050 4.32 3.47 3.07 2.84 2.68 2.57 2.49 2.42 2.37 .010 8.02 5.78 4.87 4.37 4.04 3.81 3.64 3.51 3.40 .001 14.59 9.77 7.94 6.95 6.32 5.88 5.56 5.31 5.11 .100 2.95 2.56 2.35 2.2	7											
20 .050												
20 .010 8.10 5.85 4.94 4.43 4.10 3.87 3.70 3.56 3.46 .001 14.82 9.95 8.10 7.10 6.46 6.02 5.69 5.44 5.24 .100 2.96 2.57 2.36 2.23 2.14 2.08 2.02 1.98 1.95 21 .050 4.32 3.47 3.07 2.84 2.68 2.57 2.49 2.42 2.37 .010 8.02 5.78 4.87 4.37 4.04 3.81 3.64 3.51 3.40 .001 14.59 9.77 7.94 6.95 6.32 5.88 5.56 5.31 5.11 .100 2.95 2.56 2.35 2.22 2.13 2.06 2.01 1.97 1.93 .22 .050 4.30 3.44 3.05 2.82 2.66 2.55 2.46 2.40 2.34 .01 7.95 5.72<												
.001 14.82 9.95 8.10 7.10 6.46 6.02 5.69 5.44 5.24 .100 2.96 2.57 2.36 2.23 2.14 2.08 2.02 1.98 1.95 .050 4.32 3.47 3.07 2.84 2.68 2.57 2.49 2.42 2.37 .010 8.02 5.78 4.87 4.37 4.04 3.81 3.64 3.51 3.40 .001 14.59 9.77 7.94 6.95 6.32 5.88 5.56 5.31 5.11 .100 2.95 2.56 2.35 2.22 2.13 2.06 2.01 1.97 1.93 22 .050 4.30 3.44 3.05 2.82 2.66 2.55 2.46 2.40 2.34 .010 7.95 5.72 4.82 4.31 3.99 3.76 3.59 3.45 3.35 .001 14.38 9.61 7.80 6.81 6.19 5.76 5.44 5.19 4.99 23 .050<		20										
100 2.96 2.57 2.36 2.23 2.14 2.08 2.02 1.98 1.95 0.50 4.32 3.47 3.07 2.84 2.68 2.57 2.49 2.42 2.37 0.010 8.02 5.78 4.87 4.37 4.04 3.81 3.64 3.51 3.40 .001 14.59 9.77 7.94 6.95 6.32 5.88 5.56 5.31 5.11 .100 2.95 2.56 2.35 2.22 2.13 2.06 2.01 1.97 1.93 .22 .050 4.30 3.44 3.05 2.82 2.66 2.55 2.46 2.40 2.34 .010 7.95 5.72 4.82 4.31 3.99 3.76 3.59 3.45 3.35 .001 14.38 9.61 7.80 6.81 6.19 5.76 5.44 5.19 4.99 .23 .050 4.28 3.42 3.03 2.80 2.64 2.53 2.44 2.37 2.32 .24<												
21 .050 4.32 3.47 3.07 2.84 2.68 2.57 2.49 2.42 2.37 .010 8.02 5.78 4.87 4.37 4.04 3.81 3.64 3.51 3.40 .001 14.59 9.77 7.94 6.95 6.32 5.88 5.56 5.31 5.11 .100 2.95 2.56 2.35 2.22 2.13 2.06 2.01 1.97 1.93 22 .050 4.30 3.44 3.05 2.82 2.66 2.55 2.46 2.40 2.34 23 .010 7.95 5.72 4.82 4.31 3.99 3.76 3.59 3.45 3.35 .001 14.38 9.61 7.80 6.81 6.19 5.76 5.44 5.19 4.99 .100 2.94 2.55 2.34 2.21 2.11 2.05 1.99 1.95 1.92 23 .050 4.28 3.42 3.03 2.80 2.64 2.53 2.44 2.37 2.32												
21 .010 8.02 5.78 4.87 4.37 4.04 3.81 3.64 3.51 3.40 .001 14.59 9.77 7.94 6.95 6.32 5.88 5.56 5.31 5.11 .100 2.95 2.56 2.35 2.22 2.13 2.06 2.01 1.97 1.93 .22 .050 4.30 3.44 3.05 2.82 2.66 2.55 2.46 2.40 2.34 .010 7.95 5.72 4.82 4.31 3.99 3.76 3.59 3.45 3.35 .001 14.38 9.61 7.80 6.81 6.19 5.76 5.44 5.19 4.99 .100 2.94 2.55 2.34 2.21 2.11 2.05 1.99 1.95 1.92 .23 .050 4.28 3.42 3.03 2.80 2.64 2.53 2.44 2.37 2.32 .01 7.88 5.66												
.001 14.59 9.77 7.94 6.95 6.32 5.88 5.56 5.31 5.11 .100 2.95 2.56 2.35 2.22 2.13 2.06 2.01 1.97 1.93 .050 4.30 3.44 3.05 2.82 2.66 2.55 2.46 2.40 2.34 .010 7.95 5.72 4.82 4.31 3.99 3.76 3.59 3.45 3.35 .001 14.38 9.61 7.80 6.81 6.19 5.76 5.44 5.19 4.99 .100 2.94 2.55 2.34 2.21 2.11 2.05 1.99 1.95 1.92 .23 .050 4.28 3.42 3.03 2.80 2.64 2.53 2.44 2.37 2.32 .010 7.88 5.66 4.76 4.26 3.94 3.71 3.54 3.41 3.30 .001 14.20 9.47 7.67 <th< td=""><th></th><th>21</th><th></th><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></th<>		21										
100 2.95 2.56 2.35 2.22 2.13 2.06 2.01 1.97 1.93 22 .050 4.30 3.44 3.05 2.82 2.66 2.55 2.46 2.40 2.34 .010 7.95 5.72 4.82 4.31 3.99 3.76 3.59 3.45 3.35 .001 14.38 9.61 7.80 6.81 6.19 5.76 5.44 5.19 4.99 .100 2.94 2.55 2.34 2.21 2.11 2.05 1.99 1.95 1.92 .050 4.28 3.42 3.03 2.80 2.64 2.53 2.44 2.37 2.32 .010 7.88 5.66 4.76 4.26 3.94 3.71 3.54 3.41 3.30 .001 14.20 9.47 7.67 6.70 6.08 5.65 5.33 5.09 4.89 .100 2.93 2.54 2.33 2.19 2.10 2.04 1.98 1.94 1.91 .24 .050 </td <th></th> <th></th> <th></th> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td>												
22 .050 4.30 3.44 3.05 2.82 2.66 2.55 2.46 2.40 2.34 .010 7.95 5.72 4.82 4.31 3.99 3.76 3.59 3.45 3.35 .001 14.38 9.61 7.80 6.81 6.19 5.76 5.44 5.19 4.99 .100 2.94 2.55 2.34 2.21 2.11 2.05 1.99 1.95 1.92 .050 4.28 3.42 3.03 2.80 2.64 2.53 2.44 2.37 2.32 .010 7.88 5.66 4.76 4.26 3.94 3.71 3.54 3.41 3.30 .001 14.20 9.47 7.67 6.70 6.08 5.65 5.33 5.09 4.89 .100 2.93 2.54 2.33 2.19 2.10 2.04 1.98 1.94 1.91 .24 .050 4.26 3.40 3.01 2.78 2.62 2.51 2.42 2.36 2.30 .010<												
22 .010 7.95 5.72 4.82 4.31 3.99 3.76 3.59 3.45 3.35 .001 14.38 9.61 7.80 6.81 6.19 5.76 5.44 5.19 4.99 .100 2.94 2.55 2.34 2.21 2.11 2.05 1.99 1.95 1.92 .050 4.28 3.42 3.03 2.80 2.64 2.53 2.44 2.37 2.32 .010 7.88 5.66 4.76 4.26 3.94 3.71 3.54 3.41 3.30 .001 14.20 9.47 7.67 6.70 6.08 5.65 5.33 5.09 4.89 .100 2.93 2.54 2.33 2.19 2.10 2.04 1.98 1.94 1.91 24 .050 4.26 3.40 3.01 2.78 2.62 2.51 2.42 2.36 2.30 .010 7.82 5.61 4.7												
.001 14.38 9.61 7.80 6.81 6.19 5.76 5.44 5.19 4.99 .100 2.94 2.55 2.34 2.21 2.11 2.05 1.99 1.95 1.92 .050 4.28 3.42 3.03 2.80 2.64 2.53 2.44 2.37 2.32 .010 7.88 5.66 4.76 4.26 3.94 3.71 3.54 3.41 3.30 .001 14.20 9.47 7.67 6.70 6.08 5.65 5.33 5.09 4.89 .100 2.93 2.54 2.33 2.19 2.10 2.04 1.98 1.94 1.91 .24 .050 4.26 3.40 3.01 2.78 2.62 2.51 2.42 2.36 2.30 .010 7.82 5.61 4.72 4.22 3.90 3.67 3.50 3.36 3.26		22										
23 100 2.94 2.55 2.34 2.21 2.11 2.05 1.99 1.95 1.92 23 050 4.28 3.42 3.03 2.80 2.64 2.53 2.44 2.37 2.32 010 7.88 5.66 4.76 4.26 3.94 3.71 3.54 3.41 3.30 001 14.20 9.47 7.67 6.70 6.08 5.65 5.33 5.09 4.89 100 2.93 2.54 2.33 2.19 2.10 2.04 1.98 1.94 1.91 24 .050 4.26 3.40 3.01 2.78 2.62 2.51 2.42 2.36 2.30 .010 7.82 5.61 4.72 4.22 3.90 3.67 3.50 3.36 3.26												
23 .050 4.28 3.42 3.03 2.80 2.64 2.53 2.44 2.37 2.32 .010 7.88 5.66 4.76 4.26 3.94 3.71 3.54 3.41 3.30 .001 14.20 9.47 7.67 6.70 6.08 5.65 5.33 5.09 4.89 .100 2.93 2.54 2.33 2.19 2.10 2.04 1.98 1.94 1.91 .050 4.26 3.40 3.01 2.78 2.62 2.51 2.42 2.36 2.30 .010 7.82 5.61 4.72 4.22 3.90 3.67 3.50 3.36 3.26												
23 .010 7.88 5.66 4.76 4.26 3.94 3.71 3.54 3.41 3.30 .001 14.20 9.47 7.67 6.70 6.08 5.65 5.33 5.09 4.89 .100 2.93 2.54 2.33 2.19 2.10 2.04 1.98 1.94 1.91 .050 4.26 3.40 3.01 2.78 2.62 2.51 2.42 2.36 2.30 .010 7.82 5.61 4.72 4.22 3.90 3.67 3.50 3.36 3.26		•										
.001 14.20 9.47 7.67 6.70 6.08 5.65 5.33 5.09 4.89 .100 2.93 2.54 2.33 2.19 2.10 2.04 1.98 1.94 1.91 .050 4.26 3.40 3.01 2.78 2.62 2.51 2.42 2.36 2.30 .010 7.82 5.61 4.72 4.22 3.90 3.67 3.50 3.36 3.26		23										
.100 2.93 2.54 2.33 2.19 2.10 2.04 1.98 1.94 1.91 .050 4.26 3.40 3.01 2.78 2.62 2.51 2.42 2.36 2.30 .010 7.82 5.61 4.72 4.22 3.90 3.67 3.50 3.36 3.26												
24 .050 4.26 3.40 3.01 2.78 2.62 2.51 2.42 2.36 2.30 .010 7.82 5.61 4.72 4.22 3.90 3.67 3.50 3.36 3.26												
.010 7.82 5.61 4.72 4.22 3.90 3.67 3.50 3.36 3.26		2.4										
		24										
.001 14.03			.001	14.03	9.34	7.55	6.59	5.98	5.55	5.23	4.99	4.80
(continued)				l							(c	ontinued)

Table A.9 Critical Values for *F* Distributions (cont.)

	$ u_1 = \text{numerator df} $										
10	12	15	20	25	30	40	50	60	120	1000	
2.14	2.10	2.05	2.01	1.98	1.96	1.93	1.92	1.90	1.88	1.85	
2.67	2.60	2.53	2.46	2.41	2.38	2.34	2.31	2.30	2.25	2.21	
4.10	3.96	3.82	3.66	3.57	3.51	3.43	3.38	3.34	3.25	3.18	
6.80	6.52	6.23	5.93	5.75	5.63	5.47	5.37	5.30	5.14	4.99	
2.10	2.05	2.01	1.96	1.93	1.91	1.89	1.87	1.86	1.83	1.80	
2.60	2.53	2.46	2.39	2.34	2.31	2.27	2.24	2.22	2.18	2.14	
3.94	3.80	3.66	3.51	3.41	3.35	3.27	3.22	3.18	3.09	3.02	
6.40	6.13	5.85	5.56	5.38	5.25	5.10	5.00	4.94	4.77	4.62	
2.06	2.02	1.97	1.92	1.89	1.87	1.85	1.83	1.82	1.79	1.76	
2.54	2.48	2.40	2.33	2.28	2.25	2.20	2.18	2.16	2.11	2.07	
3.80	3.67	3.52	3.37	3.28	3.21	3.13	3.08	3.05	2.96	2.88	
6.08	5.81	5.54	5.25	5.07	4.95	4.80	4.70	4.64	4.47	4.33	
2.03	1.99	1.94	1.89	1.86	1.84	1.81	1.79	1.78	1.75	1.72	
2.49	2.42	2.35	2.28	2.23	2.19	2.15	2.12	2.11	2.06	2.02	
3.69	3.55	3.41	3.26	3.16	3.10	3.02	2.97	2.93	2.84	2.76	
5.81	5.55	5.27	4.99	4.82	4.70	4.54	4.45	4.39	4.23	4.08	
2.00	1.96	1.91	1.86	1.83	1.81	1.78	1.76	1.75	1.72	1.69	
2.45	2.38	2.31	2.23	2.18	2.15	2.10	2.08	2.06	2.01	1.97	
3.59	3.46	3.31	3.16	3.07	3.00	2.92	2.87	2.83	2.75	2.66	
5.58	5.32	5.05	4.78	4.60	4.48	4.33	4.24	4.18	4.02	3.87	
1.98	1.93	1.89	1.84	1.80	1.78	1.75	1.74	1.72	1.69	1.66	
2.41	2.34	2.27	2.19	2.14	2.11	2.06	2.04	2.02	1.97	1.92	
3.51	3.37	3.23	3.08	2.98	2.92	2.84	2.78	2.75	2.66	2.58	
5.39	5.13	4.87	4.59	4.42	4.30	4.15	4.06	4.00	3.84	3.69	
1.96	1.91	1.86	1.81	1.78	1.76	1.73	1.71	1.70	1.67	1.64	
2.38	2.31	2.23	2.16	2.11	2.07	2.03	2.00	1.98	1.93	1.88	
3.43	3.30	3.15	3.00	2.91	2.84	2.76	2.71	2.67	2.58	2.50	
5.22	4.97	4.70	4.43	4.26	4.14	3.99	3.90	3.84	3.68	3.53	
1.94	1.89	1.84	1.79	1.76	1.74	1.71	1.69	1.68	1.64	1.61	
2.35	2.28	2.20	2.12	2.07	2.04	1.99	1.97	1.95	1.90	1.85	
3.37	3.23	3.09	2.94	2.84	2.78	2.69	2.64	2.61	2.52	2.43	
5.08	4.82	4.56	4.29	4.12	4.00	3.86	3.77	3.70	3.54	3.40	
1.92	1.87	1.83	1.78	1.74	1.72	1.69	1.67	1.66	1.62	1.59	
2.32	2.25	2.18	2.10	2.05	2.01	1.96	1.94	1.92	1.87	1.82	
3.31	3.17	3.03	2.88	2.79	2.72	2.64	2.58	2.55	2.46	2.37	
4.95	4.70	4.44	4.17	4.00	3.88	3.74	3.64	3.58	3.42	3.28	
1.90	1.86	1.81	1.76	1.73	1.70	1.67	1.65	1.64	1.60	1.57	
2.30	2.23	2.15	2.07	2.02	1.98	1.94	1.91	1.89	1.84	1.79	
3.26 4.83	3.12	2.98	2.83	2.73 3.89	2.67 3.78	2.58	2.53 3.54	2.50	2.40	2.32	
	4.58	4.33	4.06			3.63		3.48	3.32	3.17	
1.89	1.84	1.80	1.74	1.71	1.69	1.66	1.64	1.62	1.59	1.55	
2.27	2.20	2.13	2.05	2.00	1.96	1.91	1.88	1.86	1.81	1.76	
3.21 4.73	3.07	2.93	2.78	2.69	2.62	2.54	2.48	2.45	2.35	2.27 3.08	
	4.48	4.23	3.96	3.79	3.68	3.53	3.44	3.38	3.22		
1.88	1.83	1.78	1.73	1.70	1.67	1.64	1.62	1.61	1.57	1.54	
2.25	2.18	2.11	2.03	1.97	1.94	1.89	1.86	1.84	1.79	1.74	
3.17 4.64	3.03 4.39	2.89 4.14	2.74 3.87	2.64 3.71	2.58 3.59	2.49 3.45	2.44 3.36	2.40 3.29	2.31 3.14	2.22 2.99	
7.04	4.37	4.14	3.07	3./1	3.37	3.43	3.30	3.47	3.14	2.39	

(continued)

Table A.9 Critical Values for *F* Distributions (cont.)

	$ u_1 = \text{numerator df} $												
		α	1	2	3	4	5	6	7	8	9		
		.100 .050	2.92 4.24	2.53 3.39	2.32 2.99	2.18 2.76	2.09 2.60	2.02 2.49	1.97 2.40	1.93 2.34	1.89 2.28		
	25	.010	7.77	5.57	4.68	4.18	3.85	3.63	3.46	3.32	3.22		
		.001	13.88	9.22	7.45	6.49	5.89	5.46	5.15	4.91	4.71		
		.100	2.91	2.52	2.31	2.17	2.08	2.01	1.96	1.92	1.88		
	26	.050	4.23	3.37	2.98	2.74	2.59	2.47	2.39	2.32	2.27		
	20	.010	7.72	5.53	4.64	4.14	3.82	3.59	3.42	3.29	3.18		
		.001	13.74	9.12	7.36	6.41	5.80	5.38	5.07	4.83	4.64		
		.100	2.90	2.51	2.30	2.17	2.07	2.00	1.95	1.91	1.87		
	27	.050	4.21 7.68	3.35 5.49	2.96 4.60	2.73	2.57 3.78	2.46	2.37 3.39	2.31 3.26	2.25 3.15		
		.010 .001	13.61	9.02	4.60 7.27	4.11 6.33	5.73	3.56 5.31	5.00	3.26 4.76	4.57		
		.100	2.89	2.50	2.29	2.16	2.06	2.00	1.94	1.90	1.87		
		.050	4.20	3.34	2.25	2.71	2.56	2.45	2.36	2.29	2.24		
	28	.010	7.64	5.45	4.57	4.07	3.75	3.53	3.36	3.23	3.12		
		.001	13.50	8.93	7.19	6.25	5.66	5.24	4.93	4.69	4.50		
		.100	2.89	2.50	2.28	2.15	2.06	1.99	1.93	1.89	1.86		
	29	.050	4.18	3.33	2.93	2.70	2.55	2.43	2.35	2.28	2.22		
	4)	.010	7.60	5.42	4.54	4.04	3.73	3.50	3.33	3.20	3.09		
		.001	13.39	8.85	7.12	6.19	5.59	5.18	4.87	4.64	4.45		
. df	30	.100	2.88	2.49	2.28	2.14	2.05	1.98	1.93	1.88	1.85		
atoı		.050 .010	4.17 7.56	3.32 5.39	2.92 4.51	2.69 4.02	2.53 3.70	2.42 3.47	2.33 3.30	2.27 3.17	2.21 3.07		
ij		.010	13.29	3.39 8.77	7.05	6.12	5.53	5.12	4.82	4.58	4.39		
= denominator df		.100	2.84	2.44	2.23	2.09	2.00	1.93	1.87	1.83	1.79		
qe		.050	4.08	3.23	2.23	2.61	2.45	2.34	2.25	2.18	2.12		
$V_2 =$	40	.010	7.31	5.18	4.31	3.83	3.51	3.29	3.12	2.99	2.89		
2		.001	12.61	8.25	6.59	5.70	5.13	4.73	4.44	4.21	4.02		
		.100	2.81	2.41	2.20	2.06	1.97	1.90	1.84	1.80	1.76		
	50	.050	4.03	3.18	2.79	2.56	2.40	2.29	2.20	2.13	2.07		
	50	.010	7.17	5.06	4.20	3.72	3.41	3.19	3.02	2.89	2.78		
		.001	12.22	7.96	6.34	5.46	4.90	4.51	4.22	4.00	3.82		
		.100	2.79	2.39	2.18	2.04	1.95	1.87	1.82	1.77	1.74		
	60	.050 .010	4.00 7.08	3.15 4.98	2.76 4.13	2.53 3.65	2.37 3.34	2.25 3.12	2.17 2.95	2.10 2.82	2.04 2.72		
		.001	11.97	4.98 7.77	6.17	5.31	3.34 4.76	4.37	4.09	3.86	3.69		
		.100	2.76	2.36	2.14	2.00	1.91	1.83	1.78	1.73	1.69		
		.050	3.94	3.09	2.70	2.46	2.31	2.19	2.10	2.03	1.97		
	100	.010	6.90	4.82	3.98	3.51	3.21	2.99	2.82	2.69	2.59		
		.001	11.50	7.41	5.86	5.02	4.48	4.11	3.83	3.61	3.44		
		.100	2.73	2.33	2.11	1.97	1.88	1.80	1.75	1.70	1.66		
	200	.050	3.89	3.04	2.65	2.42	2.26	2.14	2.06	1.98	1.93		
	200	.010	6.76	4.71	3.88	3.41	3.11	2.89	2.73	2.60	2.50		
		.001	11.15	7.15	5.63	4.81	4.29	3.92	3.65	3.43	3.26		
		.100	2.71	2.31	2.09	1.95	1.85	1.78	1.72	1.68	1.64		
	1000	.050 .010	3.85 6.66	3.00 4.63	2.61 3.80	2.38 3.34	2.22 3.04	2.11 2.82	2.02 2.66	1.95 2.53	1.89 2.43		
		.010	10.89	4.63 6.96	5.46	3.34 4.65	3.04 4.14	2.82 3.78	3.51	3.30	3.13		
		.001	10.07	0.70	5.40	1.05	1.17	5.70	5.51		ontinued)		

(continued)

Table A.9 Critical Values for *F* Distributions (cont.)

$\nu_1 = \text{numerator df}$										
10	12	15	20	25	30	40	50	60	120	1000
1.87	1.82	1.77	1.72	1.68	1.66	1.63	1.61	1.59	1.56	1.52
2.24	2.16	2.09	2.01	1.96	1.92	1.87	1.84	1.82	1.77	1.72
3.13	2.99	2.85	2.70	2.60	2.54	2.45	2.40	2.36	2.27	2.18
4.56	4.31	4.06	3.79	3.63	3.52	3.37	3.28	3.22	3.06	2.91
1.86	1.81	1.76	1.71	1.67	1.65	1.61	1.59	1.58	1.54	1.51
2.22	2.15	2.07	1.99	1.94	1.90	1.85	1.82	1.80	1.75	1.70
3.09	2.96	2.81	2.66	2.57	2.50	2.42	2.36	2.33	2.23	2.14
4.48	4.24	3.99	3.72	3.56	3.44	3.30	3.21	3.15	2.99	2.84
1.85	1.80	1.75	1.70	1.66	1.64	1.60	1.58	1.57	1.53	1.50
2.20	2.13	2.06	1.97	1.92	1.88	1.84	1.81	1.79	1.73	1.68
3.06	2.93	2.78	2.63	2.54	2.47	2.38	2.33	2.29	2.20	2.11
4.41	4.17	3.92	3.66	3.49	3.38	3.23	3.14	3.08	2.92	2.78
1.84	1.79	1.74	1.69	1.65	1.63	1.59	1.57	1.56	1.52	1.48
2.19	2.12	2.04	1.96	1.91	1.87	1.82	1.79	1.77	1.71	1.66
3.03	2.90	2.75	2.60	2.51	2.44	2.35	2.30	2.26	2.17	2.08
4.35	4.11	3.86	3.60	3.43	3.32	3.18	3.09	3.02	2.86	2.72
1.83	1.78	1.73	1.68	1.64	1.62	1.58	1.56	1.55	1.51	1.47
2.18	2.10	2.03	1.94	1.89	1.85	1.81	1.77	1.75	1.70	1.65
3.00	2.87	2.73	2.57	2.48	2.41	2.33	2.27	2.23	2.14	2.05
4.29	4.05	3.80	3.54	3.38	3.27	3.12	3.03	2.97	2.81	2.66
1.82	1.77	1.72	1.67	1.63	1.61	1.57	1.55	1.54	1.50	1.46
2.16	2.09	2.01	1.93	1.88	1.84	1.79	1.76	1.74	1.68	1.63
2.98	2.84	2.70	2.55	2.45	2.39	2.30	2.25	2.21	2.11	2.02
4.24	4.00	3.75	3.49	3.33	3.22	3.07	2.98	2.92	2.76	2.61
1.76	1.71	1.66	1.61	1.57	1.54	1.51	1.48	1.47	1.42	1.38
2.08	2.00	1.92	1.84	1.78	1.74	1.69	1.66	1.64	1.58	1.52
2.80	2.66	2.52	2.37	2.27	2.20	2.11	2.06	2.02	1.92	1.82
3.87	3.64	3.40	3.14	2.98	2.87	2.73	2.64	2.57	2.41	2.25
1.73	1.68	1.63	1.57	1.53	1.50	1.46	1.44	1.42	1.38	1.33
2.03	1.95	1.87	1.78	1.73	1.69	1.63	1.60	1.58	1.51	1.45
2.70	2.56	2.42	2.27	2.17	2.10	2.01	1.95	1.91	1.80	1.70
3.67	3.44	3.20	2.95	2.79	2.68	2.53	2.44	2.38	2.21	2.05
1.71	1.66	1.60	1.54	1.50	1.48	1.44	1.41	1.40	1.35	1.30
1.99	1.92	1.84	1.75	1.69	1.65	1.59	1.56	1.53	1.47	1.40
2.63	2.50	2.35	2.20	2.10	2.03	1.94	1.88	1.84	1.73	1.62
3.54	3.32	3.08	2.83	2.67	2.55	2.41	2.32	2.25	2.08	1.92
1.66	1.61	1.56	1.49	1.45	1.42	1.38	1.35	1.34	1.28	1.22
1.93	1.85	1.77	1.68	1.62	1.57	1.52	1.48	1.45	1.38	1.30
2.50	2.37	2.22	2.07	1.97	1.89	1.80	1.74	1.69	1.57	1.45
3.30	3.07	2.84	2.59	2.43	2.32	2.17	2.08	2.01	1.83	1.64
1.63	1.58	1.52	1.46	1.41	1.38	1.34	1.31	1.29	1.23	1.16
1.88	1.80	1.72	1.62	1.56	1.52	1.46	1.41	1.39	1.30	1.21
2.41	2.27	2.13	1.97	1.87	1.79	1.69	1.63	1.58	1.45	1.30
3.12	2.90	2.67	2.42	2.26	2.15	2.00	1.90	1.83	1.64	1.43
1.61	1.55	1.49	1.43	1.38	1.35	1.30	1.27	1.25	1.18	1.08
1.84	1.76	1.68	1.58	1.52	1.47	1.41	1.36	1.33	1.24	1.11
2.34	2.20	2.06	1.90	1.79	1.72	1.61	1.54	1.50	1.35	1.16
2.99	2.77	2.54	2.30	2.14	2.02	1.87	1.77	1.69	1.49	1.22