

FIBQ: Fibonacci Queries

题目描述

大厨非常喜欢斐波那契数,因此他设计了下面这个有趣的问题:大厨对于序列 S 定义了如下的函数 F:

$$F = \left(\sum_{S_i \in S} Fibonacci(Sum(S_i))\right) \mod 1000000007$$

其中:

- S_i 是多重集 S 的非空子集;
- $Sum(S_i)$ 为多重集 S_i 中所有元素之和;
- Fibonacci(x) 为第 x 个斐波那契数。

给定长度为N的序列A,大厨需要你高效准确地处理下面两种询问:

- C X Y: 将序列的第 X 个元素改为 Y,即令 $A_X = Y$;
- O L R: 对序列 A 下标在 L 到 R 的子序列求 F 函数的值。

要了解更多关于斐波那契函数的信息,请参考"备注"部分。

输入格式

输入数据的第一行包含两个整数 N 和 Q,分别代表序列 A 的长度和需要处理的询问数。下一行包含 N 个整数,为序列 A 的各个元素。

接下来 Q 行,每行包含一个询问,格式请见"题目描述"。

输出格式

对于每个Q类型的询问,输出所求得的F函数的值。

数据范围和子任务

- $1 \le N, M \le 10^5$
- $1 \le A_i, Y \le 10^9$
- 1 < L, R, X < N
- 询问类型仅有C与Q

子任务 1 (20 分):

- $1 \le N, M \le 1000$
- $1 \le A_i, Y \le 10^6$
- · 仅有Q类型的询问

子任务 2 (20 分):

- 1 < N, M < 50000
- $1 \le A_i, Y \le 10^9$
- 有C和O类型的询问

子任务 3 (30 分):

- $1 \le N, M \le 10^5$
- $1 \le A_i, Y \le 10^9$
- · 仅有Q类型的询问

子任务 4 (30 分):

- $1 < N, M < 10^5$
- $1 \le A_i, Y \le 10^9$
- 有C和O类型的询问

样例数据

输入				输出
3	5			4
1	2	3		8
Q	1	2	!	5
Q	2	3		30
С	1	2		
Q	1	2		
\circ	1	3		

样例解释

- 第一次询问: $F = Fibonacci(1) + Fibonacci(2) + Fibonacci(1+2) = 4 \mod 10^9 + 7 = 4$;
- 第二次询问: $F = Fibonacci(2) + Fibonacci(3) + Fibonacci(2+3) = 8 \mod 10^9 + 7 = 8;$
- 第三次询问: $A = \{2, 2, 3\}$
- 第四次询问: $F = Fibonacci(2) + Fibonacci(2) + Fibonacci(2 + 2) = 5 \mod 10^9 + 7 = 5$;
- 第五次询问: $F = Fibonacci(2) + Fibonacci(2) + Fibonacci(3) + Fibonacci(2 + 2) + Fibonacci(2 + 3) + Fibonacci(2 + 3) + Fibonacci(2 + 2 + 3) = 30 \mod 10^9 + 7 = 30$.

备注

Fibonacci(K) 为第 K 个斐波那契数, 定义如下:

- 对于 $1 \le K \le 2$, Fibonacci(K) = 1;
- 否则, Fibonacci(K) = Fibonacci(K-1) + Fibonacci(K-2).

关于斐波那契数的更多信息,请参考此链接。

时间限制

3秒

Problem Setter: Sunny Aggarwal Problem Tester: Sergey Kulik Translated by: Hu Zecong