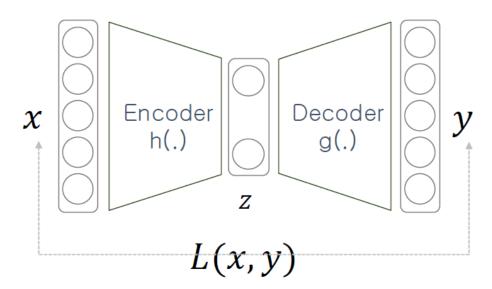
### 딥러닝 세미나 Season #11

# Auto Encoder

조건희

### <u>Introduction</u>

- Auto encoder
  - 입력과 출력이 동일한 네트워크 구조
  - Unsupervised learning 을 Supervised learning 으로 바꾸어 해결
  - z code, latent variable, feature, hidden representation



#### Introduction

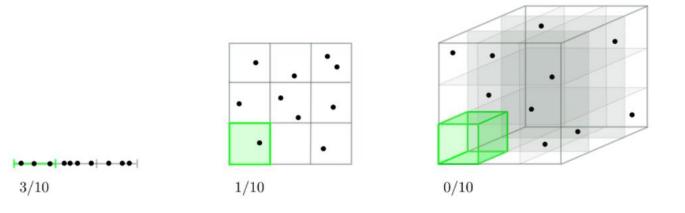
#### ■ 키워드

- Unsupervised learning 비지도 학습
- Manifold learning (차원 축소)
  - 학습된 오토인코더의 인코더는 차원 축소 역할을 수행
- Generative model learning
  - 학습된 오토인코더의 디코더는 생성 모델 역할을 수행

- 매니폴드 러닝
  - 데이터 차원(dimension)을 축소(reduction)하는 방법 중 하나
  - 데이터 차원을 왜 축소하나?
    - 데이터 압축 데이터를 줄이자
    - 데이터 시각화 우리는 끽해야 4차원까지 밖에 구분 못하니까..
    - 차원의 저주
    - 주요 feature의 발견

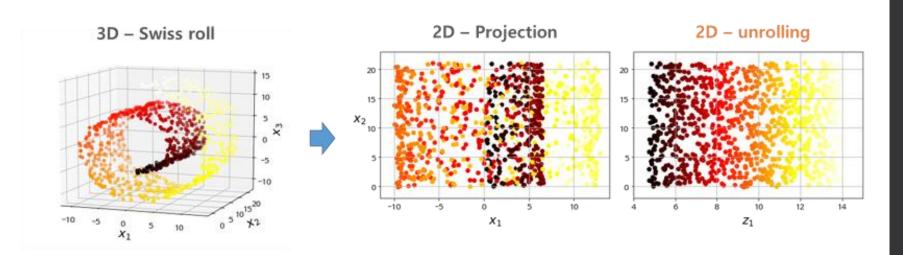
#### ■ 매니폴드 러닝

- 차원의 저주
  - 데이터 차원이 증가할수록 데이터 공간의 부피가 기하급수적으로 증가하기 때문에, 동일한 개수의 데이터의 밀도는 차원 증가에 따라 급속히 희소(sparse)해짐.
  - 따라서, 차원이 증가할수록 데이터의 분포 분석 또는 모델 추정에 필요한 샘플데이터의 개수가 기하급수적으로 증가



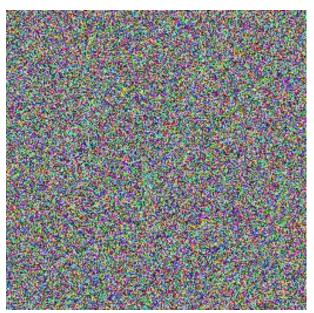
#### - 매니폴드 러닝

- 매니폴드
  - 가정: 고차원 데이터 공간에 데이터가 존재할 때, 이들을 **잘 포함할 수 있는** 저차원의 non-linear한 서브스 페이스가 존재할 것이다. 그 서브스페이스가 매니폴드.
  - 매니폴드 러닝: 고차원의 데이터를 잘 표현할 수 있는 매니폴드를 모델링(학습)

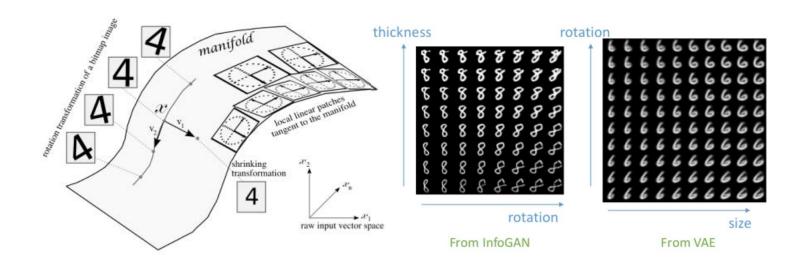


- 매니폴드 러닝
  - 매니폴드 가정이 맞는 가정인가?
    - 200x200 RGB 이미지: 10^96329 possible state(고차원 공간)
      - 여기서 random sampling 아무리 해봐야 noisy한 이미지밖에 안 나옴.
      - 얼굴 이미지 샘플들(=서로 비슷한 특성을 가진 애들)은 고차원 공간 중 어딘가 몰려 있을 것 같다.(**골고루 분포가 아님**)





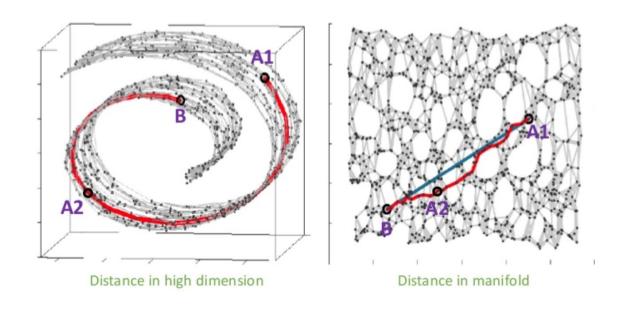
- 매니폴드 러닝
  - 주요 feature의 발견
    - 매니폴드 학습 결과: 매니폴드 상의 좌표가 조금씩 변할 때 원데이터도 유의미하게 조금씩 변함을 보인다.



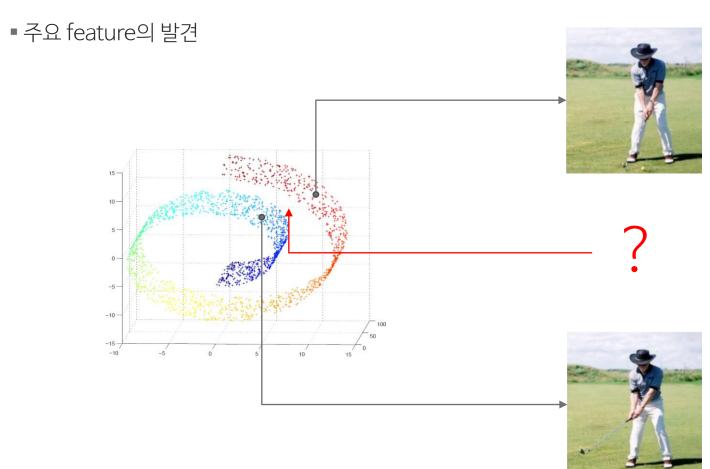
■ 오토인코더가 학습을 잘 해서 인코딩 후 디코딩하여 원본 데이터를 잘 복원한다면, 저차원 공간으로 고차원 데이터를 표현한 것이니 그 feature를 잘 찾았다고 봐도 무방

#### - 매니폴드 러닝

- 주요 feature의 발견
  - 고차원 공간에서 의미적으로 가깝다고 생각되는 두 샘플 간의 원본 데이터 공간에서의 유클리드 거리는 실제로는 먼 경우가 있다.
  - 매니폴드에서 유클리드 거리가 가깝다는 것은 dominant feature 들이 가깝다는 뜻으로 해석 가능



#### ▪ 매니폴드 러닝



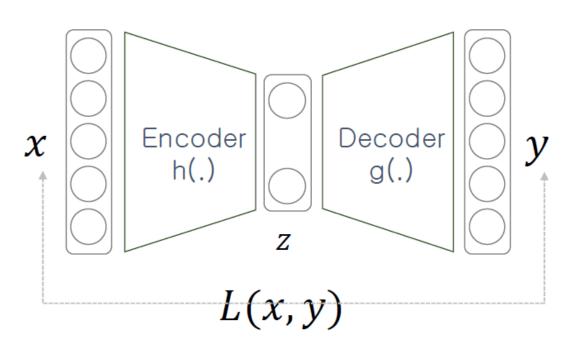
#### ■ 매니폴드 러닝

■ 주요 feature의 발견

#### ■ 매니폴드 러닝

■ 주요 feature의 발견

- 입력과 출력이 동일한 네트워크 구조
- Unsupervised learning 을 Supervised learning 으로 바꾸어 해결
- Z
  - code
  - latent(잠재) variable
  - feature
  - hidden representation

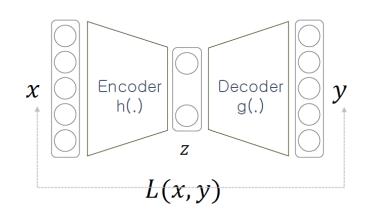


#### Auto encoder

$$z = h(x) \in \mathbb{R}^{d_z}$$

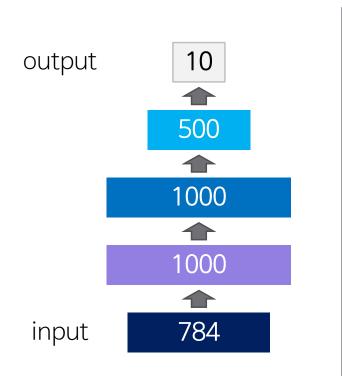
$$\bullet y = g(z) = g(h(x))$$

$$L_{AE} = \sum_{x \in D} L(x, y) = \sum_{x \in D} L(x, g(h(x)))$$

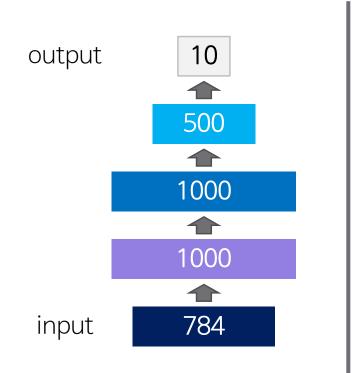


- 오토인코더는 학습 후 인코더 디코더를 따로 떼어내서 사용.
- 인코더가 최소한 학습 데이터는 latant vector 로 잘 표현할 수 있게 된다.
  - 데이터의 추상화를 위해 사용할 수 있다.
- 디코더가 최소한 학습데이터는 생성해 낼 수 있게 된다.(minimum 성능 보장)
  - 생성된 데이터가 학습데이터를 닮아 있다.(새로운 것보다는 기존 학습데이터와 비슷한 것만 생성)

- Stacking AutoEncoder (SAE)
  - 초기 오토인코더의 활용
  - 네트워크 파라미터 초기화(=pre-training)

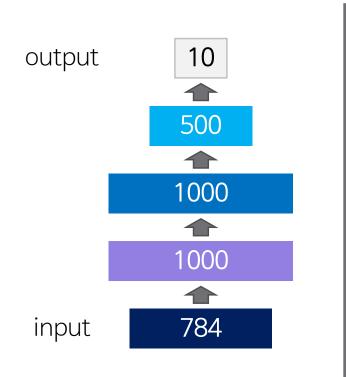


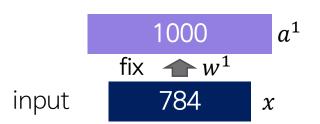
- Stacking AutoEncoder (SAE)
  - 초기 오토인코더의 활용
  - 네트워크 파라미터 초기화(=pre-training)



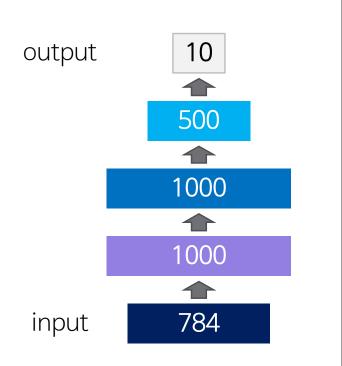


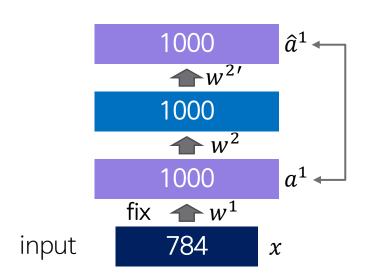
- Stacking AutoEncoder (SAE)
  - 초기 오토인코더의 활용
  - 네트워크 파라미터 초기화(=pre-training)



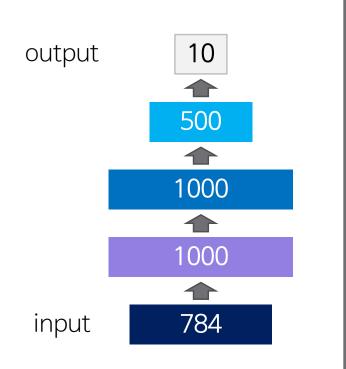


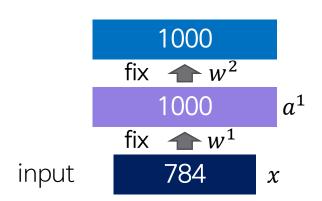
- Stacking AutoEncoder (SAE)
  - 초기 오토인코더의 활용
  - 네트워크 파라미터 초기화(=pre-training)



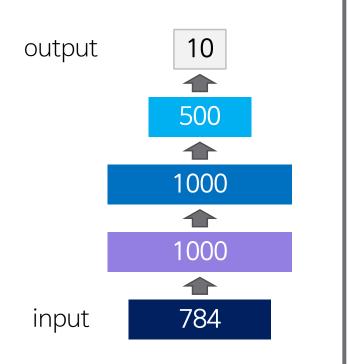


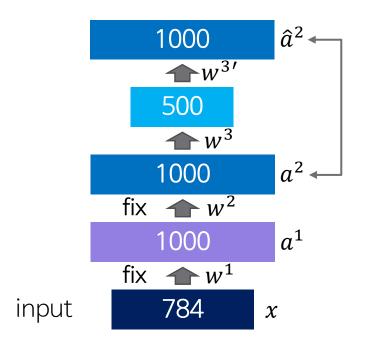
- Stacking AutoEncoder (SAE)
  - 초기 오토인코더의 활용
  - 네트워크 파라미터 초기화(=pre-training)



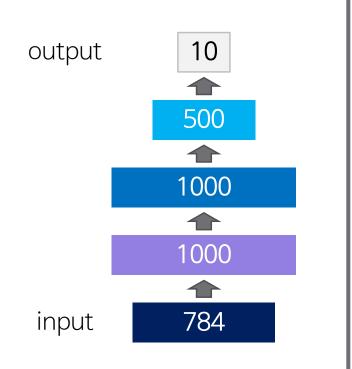


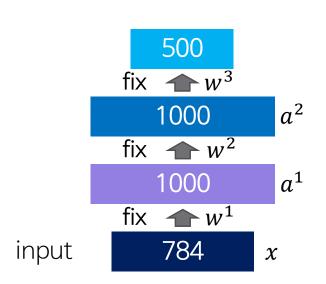
- Stacking AutoEncoder (SAE)
  - 초기 오토인코더의 활용
  - 네트워크 파라미터 초기화(=pre-training)



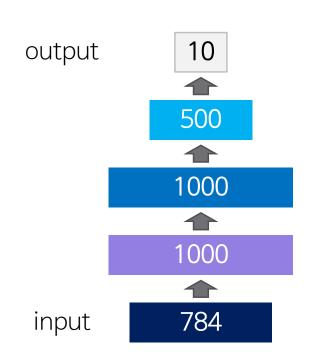


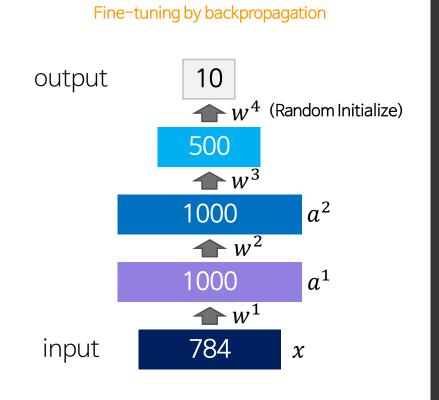
- Stacking AutoEncoder (SAE)
  - 초기 오토인코더의 활용
  - 네트워크 파라미터 초기화(=pre-training)



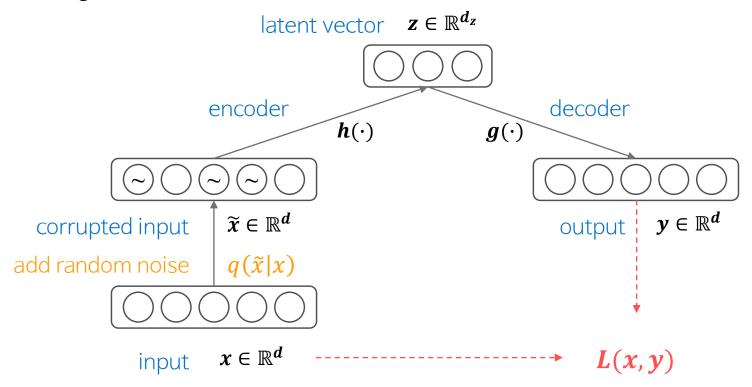


- Stacking AutoEncoder (SAE)
  - 초기 오토인코더의 활용
  - 네트워크 파라미터 초기화(=pre-training)





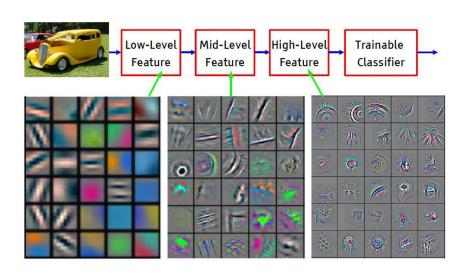
Denoising AutoEncoder (DAE)



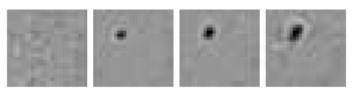
$$\mathbf{L}_{DAE} = \sum_{x \in D} \mathbf{E}_{q(\tilde{x}|x)} \left[ \mathbf{L} \left( x, g(h(\tilde{x})) \right) \right]$$

#### Auto encoder

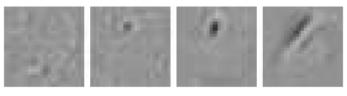
- Denoising AutoEncoder (DAE)
  - 원래 DAE의 목적은 매니폴드 러닝
  - 매니폴드 러닝이 잘 되었다는 것 = 데이터의 feature 를 잘 찾는다는 것
  - 노이즈를 추가해도 의미적으로는 원본 이미지와 같은 것이므로 같은 매니폴드에 매핑되도록 학습



#### Performance on mnist dataset



(d) Neuron A (0%, 10%, 20%, 50% corruption)

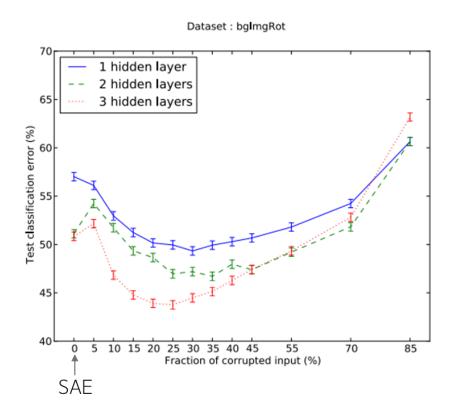


(e) Neuron B (0%, 10%, 20%, 50% corruption)

#### Auto encoder

- Stacked Denoising AutoEncoder (SDAE)
  - Performance
    - 노이즈를 어느정도 주었을 때 에러가 떨어지는 것으로 보아 DAE 가 pre-training 에 더 좋다.

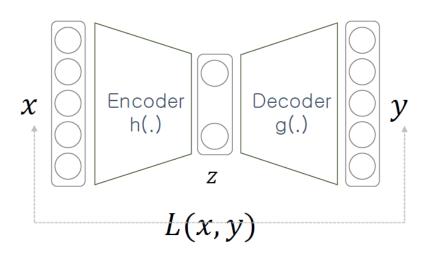
(= 데이터 feature를 더 잘 파악한다)



- Stochastic Contractive AutoEncoder (SCAE)
  - DAE 의 loss 수정
    - x 가 약간 바뀌더라도 매니폴드 위에서 같은 샘플로 매칭되도록 인코더 h 를 학습.

(기존 오토인코더 loss)

Reconstruction Error Stochastic Regularization

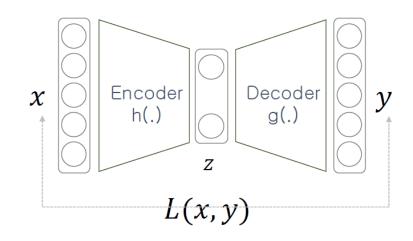


- Contractive AutoEncoder (CAE)
  - SCAE regularization term

$$\bullet E_{q(\tilde{x}|x)}[\|h(x) - h(\tilde{x})\|^2]$$

CAE regularization term

$$h(\tilde{x}) = h(x + \epsilon) \approx h(x) + \frac{\partial h}{\partial x} \epsilon$$



$$\mathbf{E}_{q(\widetilde{x}|x)}[\|h(x) - h(\widetilde{x})\|^2] \approx \left\| \frac{\partial h}{\partial x}(x) \right\|_F^2$$

Stochastic Regularization Analytic Regularization

### 참고자료

- Al Lab. seminar github
  - Season #3 04. Variational\_Auto\_Encoder
  - Season #6 03. Auto-Encoder
  - Season #6 12. Variational Auto-Encoder
- 오토인코더의 모든 것 youtube
  - https://youtu.be/o\_peo6U7IRM
- 차원 축소 블로그
  - https://excelsior-cjh.tistory.com/167

## 딥러닝 세미나 Season #11

# Thank you