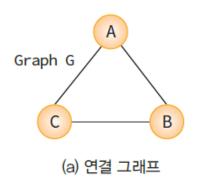
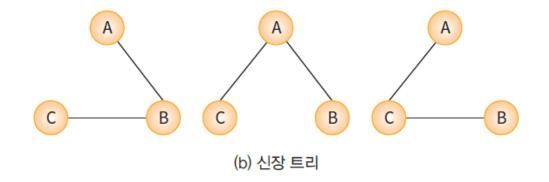
기장 그래피

# 신장 트리(spanning tree)

- □ 그래프내의 모든 정점을 포함하는 트리
- □ n개의 정점을 가지는 그래프의 신장트리는 n-1개의 간선을 가짐







# 시장 트리 알고리즘

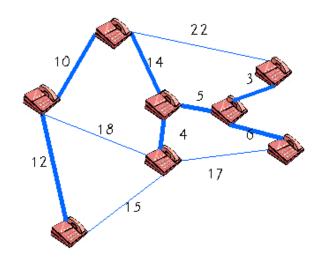
```
depth_first_search(v):
    v를 방문되었다고 표시;
    for all u ∈ (v에 인접한 정점) do
        if (u가 아직 방문되지 않았으면)
        then (v,u)를 신장 트리 간선이라고 표시;
        depth_first_search(u)
```



# 

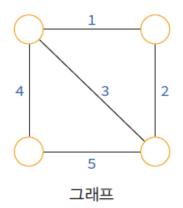
#### (minimum spanning tree)

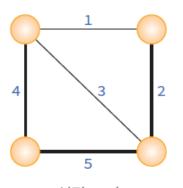
- □ 네트워크에 있는 모든 정점들을 가장 적은 수의 간선과 비용으로 연결
- MST의 응용
  - 도로 건설 도시들을 모두 연결하면서 도로의 길이를 최소가 되도록 하는 문제
  - 전기 회로 단자들을 모두 연결하면서 전선의 길이를 가장 최소로 하는 문제
  - 통신 전화선의 길이가 최소가 되도록 전화 케이블 망을 구성하는 문제
  - 배관 파이프를 모두 연결하면서 파이프의 총 길이를 최소로 하는 문제



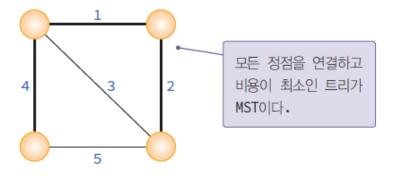








신장 트리 전체 비용=4+5+2=11



최소 비용 신장 트리 전체 비용=4+1+2=7





- □ 탐욕적인 방법(greedy method)
  - □ 주요 알고리즘 설계 기법
  - □ 각 단계에서 최선의 답을 선택하는 과정을 반복함으로써 최종적인 해답 에 도달
  - □ 탐욕적인 방법은 항상 최적의 해답을 주는지 검증 필요
  - Kruskal MST 알고리즘은 최적의 해답 임이 증명됨

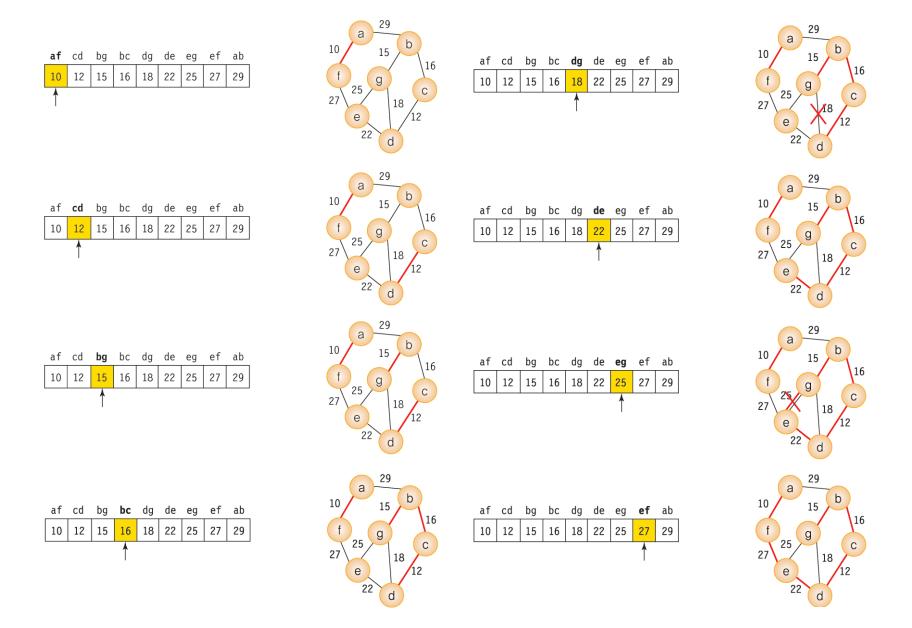




#### Kruskal<sup>의</sup> MST 알<sup>고리</sup>즘

```
// 최소비용 스패닝트리를 구하는 Kruskal의 알고리즘
// 입력: 가중치 그래프 G = (V, E), n은 노드의 개수
// 출력: E_{T}, 최소비용 신장 트리를 이루는 간선들의 집합
kruskal(G)
    E를 w(e_1) \leq \cdots \leq w(e_e) 가 되도록 정렬한다.
    E_T \leftarrow \Phi; ecounter \leftarrow 0
    k \leftarrow 0
    while ecounter < (n-1) do
         k \leftarrow k + 1
         \mathsf{if}\ E_T \cup \{e_k\} 가 사이클을 포함하지 않으면
              then E_T \leftarrow E_T \cup \{e_k\}; ecounter \leftarrow ecounter + 1
    return E_T
```



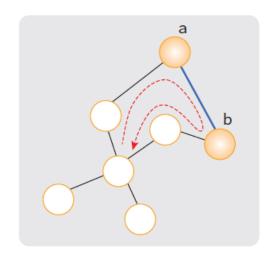




#### union-find 알고리즘

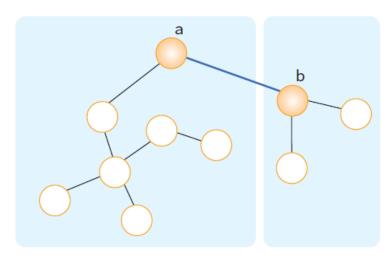
- □ 원소가 어떤 집합에 속하는지 알아냄
- Kruskal의 MST 알고리즘에서 사이클 검사에 사용

a와 b가 같은 집합에 속함



(a) 사이클 형성

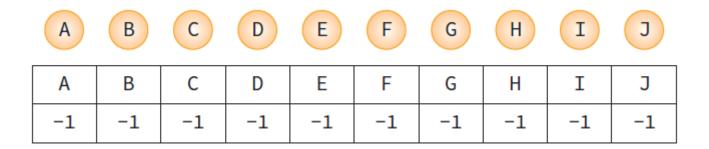
a와 b가 다른 집합에 속함



(b) 사이클 형성되지 않음









Α	В	С	D	E	F	G	Н	I	J
-1	0	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1



#### Kruskal<sup>의</sup> MST 알<sup>고리</sup>즘



Α	В	С	D	E	F	G	H	I	J
-1	0	-1	-1	-1	-1	-1	2	-1	-1



# nion-find 알기리즘

```
UNION(a, b):
root1 = FIND(a); // 노드 a의 루트를 찾는다.
root2 = FIND(b); // 노드 b의 루트를 찾는다.
if root1 ≠ root2 // 합한다.
parent[root1] = root2;

FIND(curr): // curr의 루트를 찾는다.
if (parent[curr] == -1)
return curr; // 루트
while (parent[curr] != -1) curr = parent[curr];
return curr;
```



# nion-find 프로그램

```
int parent[MAX_VERTICES];  // 부모 노드

void set_init(int n)
{
    for (int i = 0; i<n; i++)
        parent[i] = -1;
}
// curr가 속하는 집합을 반환한다.
int set_find(int curr)
{
    if (parent[curr] == -1)
        return curr;
    while (parent[curr] != -1) curr = parent[curr];
    return curr;
}
```



# nion-find 프로그램





```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#define TRUE 1
#define FALSE 0
#define MAX VERTICES 100
#define INF 1000
int parent[MAX_VERTICES];
                                            // 부모 노드
                                                                             // 초기화
void set_init(int n)
           for (int i = 0; i < n; i++)
                      parent[i] = -1;
// curr가 속하는 집합을 반환한다.
int set_find(int curr)
           if (parent[curr] == -1)
                                                                  // 루트
                      return curr;
           while (parent[curr] != -1) curr = parent[curr];
           return curr;
```

# Kruskal<sup>의</sup> MST <sup>프로그램</sup>

```
// 두개의 원소가 속한 집합을 합친다.
void set union(int a, int b)
         int root1 = set_find(a); // 노드 a의 루트를 찾는다.
         int root2 = set_find(b); // 노드 b의 루트를 찾는다.
         if (root1 != root2) // 합한다.
                  parent[root1] = root2;
struct Edge {
                                    // 간선을 나타내는 구조체
         int start, end, weight;
typedef struct GraphType {
         int n; // 간선의 개수
         struct Edge edges[2 * MAX_VERTICES];
} GraphType;
```



### Kruskal<sup>의</sup> MST <sup>프로그램</sup>

```
// 그래프 초기화
void graph_init(GraphType* g)
           g->n = 0;
           for (int i = 0; i < 2 * MAX_VERTICES; i++) {
                      g->edges[i].start = 0;
                      g->edges[i].end = 0;
                      g->edges[i].weight = INF;
// 간선 삽입 연산
void insert_edge(GraphType* g, int start, int end, int w)
           g->edges[g->n].start = start;
           g->edges[g->n].end = end;
           g->edges[g->n].weight = w;
           g->n++;
// qsort()에 사용되는 함수
int compare(const void* a, const void* b)
           struct Edge* x = (struct Edge*)a;
           struct Edge* y = (struct Edge*)b;
           return (x->weight - y->weight);
```



```
// kruskal의 최소 비용 신장 트리 프로그램
void kruskal(GraphType *g)
         int edge_accepted = 0; // 현재까지 선택된 간선의 수
                                               // 정점 u와 정점 v의 집합 번호
         int uset, vset;
         struct Edge e;
                                                        // 집합 초기화
         set_init(g->n);
         qsort(g->edges, g->n, sizeof(struct Edge), compare);
         printf("크루스칼 최소 신장 트리 알고리즘 \n");
         int i = 0;
         while (edge_accepted < (g->n - 1)) // 간선의 수 < (n-1)
                  e = g->edges[i];
                                                        // 정점 u의 집합 번호
                  uset = set_find(e.start);
                  vset = set_find(e.end);
                                              // 정점 v의 집합 번호
                  if (uset != vset) {
                                                        // 서로 속한 집합이 다르면
                            printf("간선 (%d,%d) %d 선택\n", e.start, e.end, e.weight);
                            edge_accepted++;
                            set_union(uset, vset); // 두개의 집합을 합친다.
                  j++;
```

### Kruskal<sup>의</sup> MST <sup>프로그램</sup>

```
int main(void)
           GraphType *g;
           g = (GraphType *)malloc(sizeof(GraphType));
           graph_init(g);
           insert_edge(g, 0, 1, 29);
           insert_edge(g, 1, 2, 16);
           insert_edge(g, 2, 3, 12);
           insert_edge(g, 3, 4, 22);
           insert_edge(g, 4, 5, 27);
           insert_edge(g, 5, 0, 10);
           insert_edge(g, 6, 1, 15);
           insert_edge(g, 6, 3, 18);
           insert_edge(g, 6, 4, 25);
           kruskal(g);
           free(g);
           return 0;
```



#### 크루스칼 최소 신장 트리 알고리즘

간선 (5,0) 10 선택

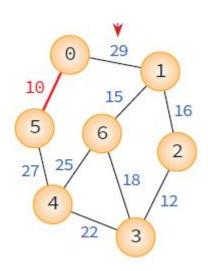
간선 **(2,3) 12** 선택

간선 (6,1) 15 선택

간선 (1,2) 16 선택

간선 (3,4) 22 선택

간선 **(4,5) 27** 선택







- Kruskal 알고리즘은 대부분 간선들을 정렬하는 시간에 좌우됨
   사이클 테스트 등의 작업은 정렬에 비해 매우 신속하게 수행됨
- □ 네트워크의 간선 *e개를 퀵정렬과 같은 효율적인 알고리즘으로 정렬* 한다면 Kruskal 알고리즘의 시간 복잡도는 *O(e\*log(e))가 된다*



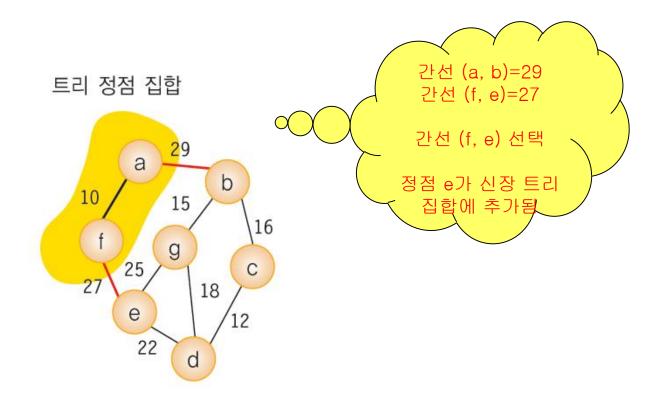


- □ 시작 정점에서부터 출발하여 신장 트리 집합을 단계적으로 확장해나감
- □ 신장 트리 집합에 인접한 정점 중에서 최저 간선으로 연 결된 정점 선택하여 신장 트리 집합에 추가함

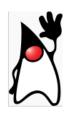


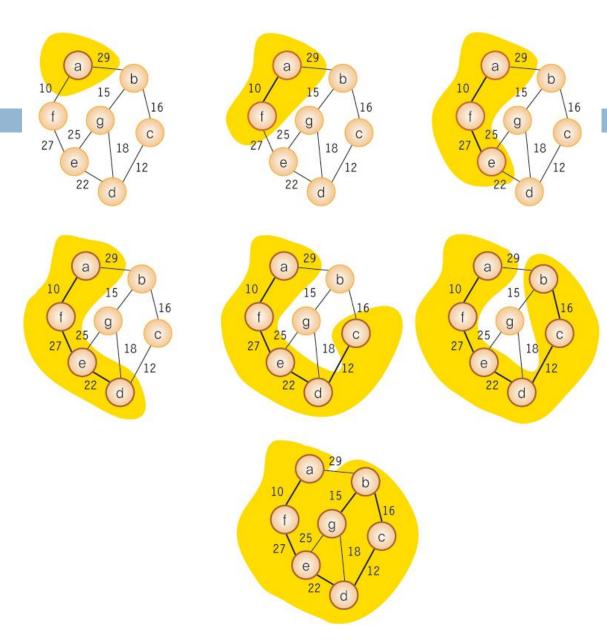


# Prim의 MST 알기리즘











### Prim<sup>의</sup> MST 알<sup>고리</sup>즘

```
// 최소 비용 신장 트리를 구하는 Prim의 알고리즘
// 입력: 네트워크 G=(V, E), s는 시작 정점
// 출력: 최소 비용 신장 트리를 이루는 정점들의 집합
Prim(G, s)
    for each u \in V do
        dist[u] \leftarrow \infty
    dist[s] \leftarrow 0
    우선 순위큐 Q에 모든 정점을 삽입(우선순위는 dist[])
    for i \leftarrow 0 to n-1 do
        u ← delete min(Q)
        화면에 u를 출력
        for each v∈ (u의 인접 정점)
            if( v \in Q and weight[u][v] < dist[v])
                 then dist[v] \leftarrow weight[u][v]
```











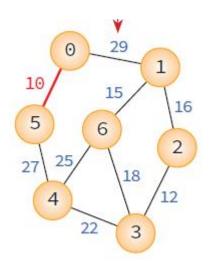


```
void prim(GraphType* g, int s)
           int i, u, v;
            for (u = 0; u < g > n; u + +)
                        distance[u] = INF;
            distance[s] = 0;
            for (i = 0; i < g > n; i++)
                        u = get_min_vertex(g->n);
                        selected[u] = TRUE;
                        if (distance[u] == INF) return;
                        printf("정점 %d 추가\n", u);
                        for (v = 0; v < g > n; v + +)
                                    if (g->weight[u][v] != INF)
                                                if (!selected[v] && g->weight[u][v]< distance[v])
                                                            distance[v] = g->weight[u][v];
```





```
정점 0 추가
정점 5 추가
정점 4 추가
정점 3 추가
정점 2 추가
정점 1 추가
정점 6 추가
```







- □ 주 반복문이 정점의 수 n만큼 반복하고, 내부 반복문이 <math>n번 반복하므로 Prim의 알고리즘은  $O(n^2)$  의 복잡도를 가진다.
- □ 희박한 그래프
  - □ O(e\*log(e)) 인 Kruskal의 알고리즘이 유리
- □ 밀집한 그래프
  - $O(n^2)$  인 Prim의 알고리즘이 유리



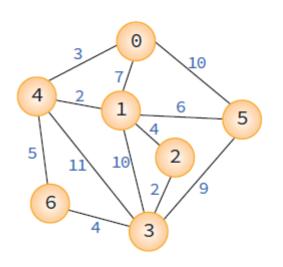
### 최단 경로(shortest path)

- □ 네트워크에서 정점 u와 정점 v를 연결하는 경로 중에서 간선들의 가중치 합이 최소가 되는 경로
- □ 간선의 가중치는 비용, 거리, 시간 등





# 가중치 인접행렬



	0	1	2	3	4	4	5
0	0	7	8	8	3	10	8
1	7	0	4	10	2	6	8
2	∞	4	0	2	8	8	8
3	8	10	2	0	11	9	4
4	3	2	∞	11	0	8	5
5	10	6	∞	9	8	0	∞
6	∞	8	∞	4	5	8	0



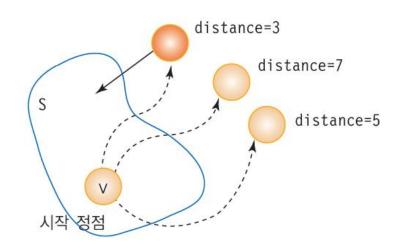


- □ Dijkstra 알고리즘: 하나의 시작 정점에서 다른 정점까지 의 최단경로 계산
- □ Floyd 알고리즘은 모든 정점에서 다른 모든 정점까지의 최단 경로를 계산



### Dijkstra의 최단경로 알고리즘

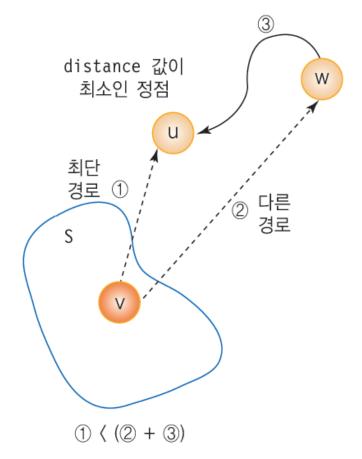
- □ 하나의 시작 정점으로부터 모든 다른 정점까지의 최단 경로 찾음
- □ 집합 \$: 시작 정점 v로부터의 최단경로가 이미 발견된 정점들의 집합
- □ **distance** 배열: 최단경로가 알려진 정점들만을 이용한 다른 정점들까지의 최단경로 길이
- □ 매 단계에서 가장 distance 값이 작은 정점을 S에 추가





### Dijkstra의 최단경로 알고리즘

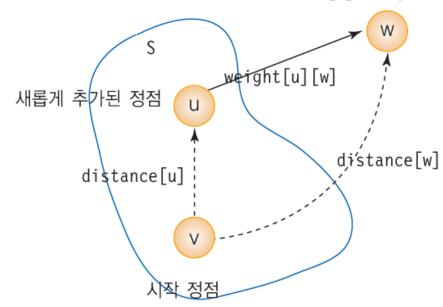
- □ 각 단계에서 S안에 있지 않은 정점 중에서 가장 distance값이 작은 정점을 S에 추가한다.
- □ 정점 w를 거쳐서 정점 u로 가는 가상적인 더 짧은 경로가 있다고 가정해보자,
  - 그러면 정점 v에서 정점 u까지의 거리는 정점 v에서 정점 w까지의 거리 ②와 정점 w에서 정점 u로 가는 거리③을 합한 값이 된다.
- □ 그러나 경로 ②는 경로 ①보다 항상 길 수 밖에 없다. 왜냐하면 현재 distance 값이 가장 작은 정점은 u이기 때문이다.





□ 새로운 정점이 S에 추가되면 distance값 갱신

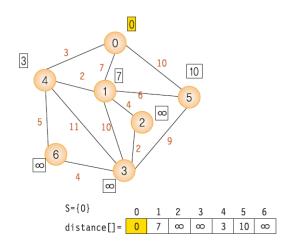
distance[w] = min(distance[w], distance[u] + weight[u][w])

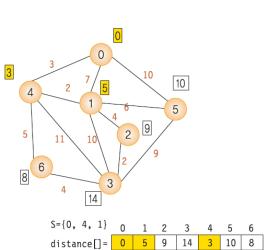


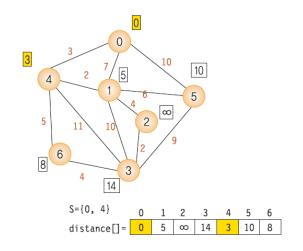


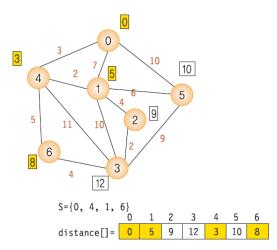
```
// 입력: 가중치 그래프 G, 가중치는 음수가 아님.
// 출력: distance 배열, distance[u]는 v에서 u까지의 최단 거리이다.
shortest_path(G, v)
S←{v}
for 각 정점 w∈G do
         distance[w]←weight[v][w];
while 모든 정점이 S에 포함되지 않으면 do
         u←집합 S에 속하지 않는 정점 중에서 최소 distance 정점;
         S \leftarrow S \cup \{u\}
         for u에 인접하고 S에 있는 각 정점 z do
                   if distance[u]+weight[u][z] < distance[z]</pre>
                             then distance[z]←distance[u]+weight[u][z];
```



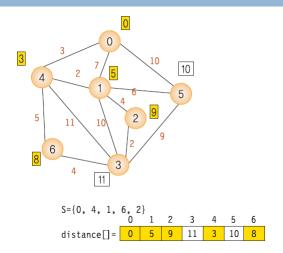


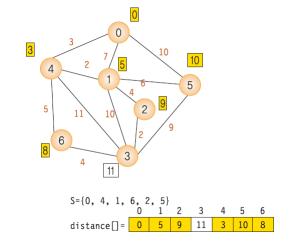


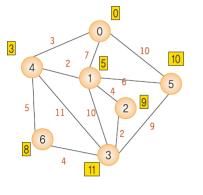


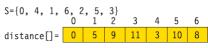














## pijkstra의 최단경로 프로그램

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include imits.h>
#define TRUE 1
#define FALSE 0
#define MAX_VERTICES 100
#define INF1000000 /* 무한대 (연결이 없는 경우) */
typedef struct GraphType {
         int n; // 정점의 개수
         int weight[MAX_VERTICES][MAX_VERTICES];
} GraphType;
int distance[MAX_VERTICES];/* 시작정점으로부터의 최단경로 거리 */
int found[MAX_VERTICES];
                                      /* 방문한 정점 표시 */
```



## pijkstra의 최단경로 프로그램



```
void shortest_path(GraphType* g, int start)
           int i, u, w;
           for (i = 0; i<g->n; i++) /* 초기화 */
                       distance[i] = g->weight[start][i];
                       found[i] = FALSE;
           found[start] = TRUE; /* 시작 정점 방문 표시 */
           distance[start] = 0;
           for (i = 0; i < g > n-1; i++)
                       print_status(g);
                       u = choose(distance, g->n, found);
                       found[u] = TRUE;
                       for (w = 0; w < g > n; w + +)
                                   if (!found[w])
                                               if (distance[u] + g->weight[u][w]<distance[w])</pre>
                                                          distance[w] = distance[u] + g-
>weight[u][w];
```

## pijkstra의 최단경로 프로그램





STEP 1: distance: 0 7 \* \* 3 10 \*

found: 1 0 0 0 0 0 0

STEP 2: distance: 0 5 \* 14 3 10 8

found: 1 0 0 0 1 0 0

STEP 3: distance: 0 5 9 14 3 10 8

found: 1 1 0 0 1 0 0

STEP 4: distance: 0 5 9 12 3 10 8

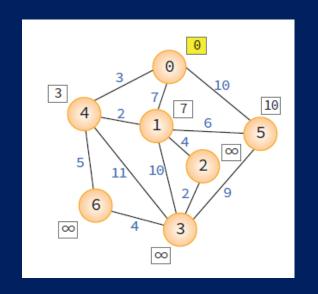
found: 1 1 0 0 1 0 1

STEP 5: distance: 0 5 9 11 3 10 8

found: 1 1 1 0 1 0 1

STEP 6: distance: 0 5 9 11 3 10 8

found: 1 1 1 0 1 1 1







□ 네트워크에 n개의 정점이 있다면, Dijkstra의 최단경로 알고리즘은 주반복문을 n번 반복하고 내부 반복문을 2n번 반복하므로  $O(n^2)$ 의 복잡도를가진다.





```
floyd(G):
```

```
for k \leftarrow 0 to n - 1

for i \leftarrow 0 to n - 1

for j \leftarrow 0 to n - 1

A[i][j] = min(A[i][j], A[i][k] + A[k][j])
```



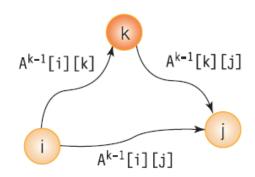


- □ 모든 정점 사이의 최단경로를 찾음
- □ 2차원 배열 A를 이용하여 3중 반복을 하는 루프로 구성





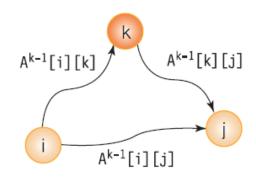
- □ A<sup>k</sup> [i][j]
  - □ 0부터 k까지의 정점만을 이용한 정점 i에서 j까지의 최단 경로 길이
- $\Box A^{-1} \rightarrow A^{0} \rightarrow A^{1} \rightarrow ... \rightarrow A^{n-1}$ 순으로 최단 경로 구해감
- □ A<sup>k-1</sup>까지 구해진 상태에서 k번째 정점이 추가로 고려되는 상황을 생각하자





### Floyd의 최단경로 알고리즘

- □ 0부터 k까지의 정점만을 사용하여 정점 i에서 정점 j로 가는 최단 경로는 다음의 2가지의 경우로 나뉘어진다.
- □ 정점 k를 거치지 않는 경우:
  - □ A<sup>k</sup>[i][j] 는 k보다 큰 정점은 통과하지 않으므로 최단거리는 여전히 A<sup>k-1</sup>[i][j]]임
- □ 정점 k를 거치는 경우:
  - □ i에서 k까지의 최단거리 A<sup>k-1</sup>[i][k]에 k에서 j까지의 최단거리 A<sup>k-1</sup>[k][j]를 더한 값

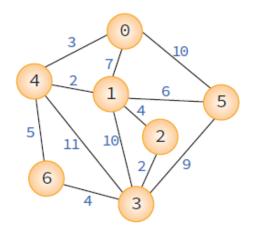




### Floyd의 최단경로 알고리즘

### (1) 그래프의 가중치 행렬로 배열 A를 초기화한다.

=====	====		====	====	====	
0	7	*	*	3	10	*
7	0	4	10	2	6	*
*	4	0	2	*	*	*
*	10	2	0	11	9	4
3	2	*	11	0	*	5
10	6	*	9	*	0	*
*	*	*	4	5	*	0



### (2) 정점 0을 거쳐서 가는 경로와 비교하여 최단 경로를 수정한다.

0 7 \* \* 3 10 \*
7 0 4 10 2 6 \*
\* 4 0 2 \* \* \*
\* 10 2 0 11 9 4
3 2 \* 11 0 13 5
10 6 \* 9 13 0 \*
\* \* \* \* 4 5 \* 0

$$A^{0}[i][j] = \min(A^{-1}[i][j],$$
  
 $A^{-1}[i][0] + A^{-1}[0][j])$ 



### Floyd의 최단경로 알고리즘

(3) 정점 1을 거쳐서 가는 경로와 비교하여 최단 경로를 수정한다.

```
0 7 11 17 3 10 *
7 0 4 10 2 6 *
11 4 0 2 6 10 *
17 10 2 0 11 9 4
3 2 6 11 0 8 5
10 6 10 9 8 0 *
* * * * 4 5 * 0
```

$$A^{1}[i][j] = \min(A^{0}[i][j],$$
  
 $A^{0}[i][1] + A^{0}[1][j])$ 



### Floyd의 최단경로 프로그램

```
void floyd(GraphType* g)
             int i, j, k;
             for (i = 0; i < g > n; i++)
                          for (j = 0; j < g > n; j + +)
                                        A[i][j] = g->weight[i][j];
             printA(g);
             for (k = 0; k < g > n; k++) {
                          for (i = 0; i < g > n; i++)
                                        for (j = 0; j < g > n; j + +)
                                                     if (A[i][k] + A[k][j] < A[i][j])
                                                                   A[i][j] = A[i][k] + A[k][j];
                          printA(g);
```



## Floyd의 최단경로 프로그램



# 

		-	_	-		-	0
0	0	7	INF	INF	3	10	INF
1	7	0	4	10	2	6	INF
2	INF	4	0	2	INF	INF	INF
3	INF	10	2	0	11	9	4
4	3	2	INF	11	0	13	5
5	10	6	INF	9	13	0	INF
6	INF	INF	INF	4	5	INF	0

	0	1	2	3	4	5	6
0	0	7	11	17	3	10	INF
1	7	0	4	10	2	6	INF
2	11	4	0	2	6	10	INF
3	17	10	2	0	11	9	4
4	3	2	6	11	0	8	5
5	10	6	10	9	8	0	INF
6	INF	INF	INF	4	5	INF	0

	0	1	2	3	4	5	6
0	0	7	11	13	3	10	INF
1	7	0	4	6	2	6	INF
2	11	4	0	2	6	10	INF
3	13	6	2	0	8	9	4
4	3	2	6	8	0	8	5
5	10	6	10	9	8	0	INF
6	INF	INF	INF	4	5	INF	0

	0	1	2	3	4	5	6
0	0	7	11	13	3	10	17
1	7	0	4	6	2	6	10
2	11	4	0	2	6	10	6
3	13	6	2	0	8	9	4
4	3	2	6	8	0	8	5
5	10	6	10	9	8	0	3
6	17	10	6	4	5	13	0

	0	1	2	3	4	5	6
0	0	5	9	11	3	10	8
1	5	0	4	6	2	6	7
2	9	4	0	2	6	10	6
3	11	6	2	0	8	9	4
4	3	2	6	8	0	8	5
5	10	6	10	9	8	0	13
6	8	7	6	4	5	13	0

	0	1	2	3	4	5	6
0	0	5	9	11	3	10	8
1	5	0	4	6	2	6	7
2	9	4	0	2	6	10	6
3	11	6	2	0	8	9	4
4	3	2	6	8	0	8	5
5	10	6	10	9	8	0	13
6	8	7	6	4	5	13	10

	0	1	2	3	4	5	6
0	0	5	9	11	3	10	8
1	5	0	4	6	2	6	7
2	9	4	0	2	6	10	6
3	11	6	2	0	8	9	4
4	3	2	6	8	0	8	5
5	10	6	10	9	8	0	13
6	8	7	6	4	5	13	0





### Floyd의 최단경로 알고리즘 복잡도

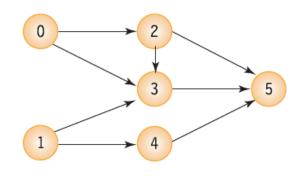
- □ 네트워크에 n개의 정점이 있다면, Floyd의 최단경로 알고리즘은 3중 반복문을 실행되므로 시간 복잡도는  $O(n^3)$  이 된다
- □ 모든 정점상의 최단경로를 구하려면 Dijkstra의 알고리즘 O(n2)을 n번 반복해도 되며, 이 경우 전체 복잡도는  $O(n^3)$  이 된다



### 의상정렬(topological sort)

- □ 방향 그래프에서 간선 <u, v>가 있다면 정점 u는 정점 v를 선행 함
- 방향 그래프 정점들의 선행 순서를 위배하지 않으면서 모든 정점을 나열
- □ 선수 과목은 과목들의 선행 관계 표현함

과목번호	과목명	선수과목
0	컴퓨터개론	없음
1	이산수학	없음
2	c언어	0
3	자료구조	0, 1, 2
4	확률	1
5	알고리즘	2, 3, 4



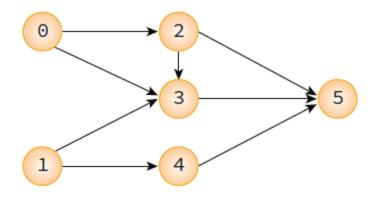
- □ 위상 순서(topological order)
  - **(**0,1,2,3,4,5) , (1,0,2,3,4,5)
- □ (2,0,1,3,4,5)는 위상 순서가 아님

c로 위나한면 2번 정점이 0번 정절 앞에 오기 때문





과목번호	과목명	선수과목
0	전산학 개론	없음
1	이산수학	없음
2	자료구조	1
3	알고리즘 분석	0, 1, 2
4	운영체제	1
5	인공지능	2, 3, 4





# 의상정렬 알고리즘

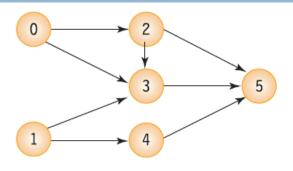
```
// Input: 그래프 G=(V,E)
// Output: 위상 정렬 순서

topo_sort(G)

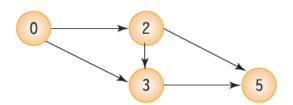
for i <0 to n-1 do
    if( 모든 정점이 선행 정점을 가지면 )
        then 사이클이 존재하고 위상 정렬 불가;
    선행 정점을 가지지 않는 정점 v 선택;
    v를 출력;
    v와 v에서 나온 모든 간선들을 그래프에서 삭제;
```



# 의 상 정렬의 예



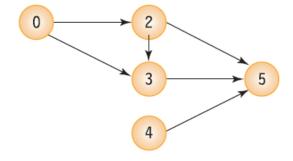
(a) 초기 상태



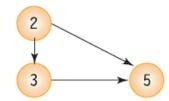
(c) 4 제거



(e) 2 제거



(b) 1 제거



(d) 0 제거



(f) 3 제거





```
// 위상정렬을 수행한다.
int topo_sort(GraphType *g)
          int i;
          StackType s;
          GraphNode *node;
          // 모든 정점의 진입 차수를 계산
          int *in_degree = (int *)malloc(g->n * sizeof(int));
          for (i = 0; i < g > n; i++)
                                                               // 초기화
                    in_degree[i] = 0;
          for (i = 0; i < g->n; i++)
                     GraphNode *node = g->adj_list[i];//정점 i에서 나오는 간선들
                     while (node != NULL) {
                               in_degree[node->vertex]++;
                               node = node->link;
```





```
// 진입 차수가 0인 정점을 스택에 삽입
         init(&s);
         for (i = 0; i < g->n; i++)
                   if (in\_degree[i] == 0) push(&s, i);
          // 위상 순서를 생성
         while (!is_empty(&s)) {
                    int w;
                    w = pop(\&s);
                    printf("정점 %d ->", w);
                                                            //정점 출력
                    node = g->adj_list[w]; //각 정점의 진입 차수를 변경
                    while (node != NULL) {
                              int u = node->vertex;
                              in_degree[u]--;
                                                                      //진입 차수를
감소
                              if (in_degree[u] == 0) push(&s, u);
                              node = node->link; // 다음 정점
          free(in_degree);
          printf("\n");
          return (i == g->n); // 반환값이 1이면 성공, 0이면 실패
```



```
int main(void)
          GraphType g;
          graph_init(&g);
          insert_vertex(&g, 0); insert_vertex(&g, 1);
          insert_vertex(&g, 2); insert_vertex(&g, 3);
          insert_vertex(&g, 4); insert_vertex(&g, 5);
          //정점 0의 인접 리스트 생성
          insert_edge(&g, 0, 2); insert_edge(&g, 0, 3);
          //정점 1의 인접 리스트 생성
          insert_edge(&g, 1, 3); insert_edge(&g, 1, 4);
          //정점 2의 인접 리스트 생성
          insert_edge((£g, 2, 3)); insert_edge((£g, 2, 5));
          //정점 3의 인접 리스트 생성
          insert_edge(&g, 3, 5); //정점 4의 인접 리스트 생성
          insert_edge(&g, 4, 5);
          //위상 정렬
         topo_sort(&g);
          // 동적 메모리 반환 코드 생략
          return 0;
```



### 정점 1 ->정점 4 ->정점 0 ->정점 2 ->정점 3 ->정점 5 ->

