Лабораторная работа 3. Параллельное численное интегрирование

Задание 1. Параллельное численное интегрирование методом средних прямоугольников

• Написать OpenMP-программу численного интегрирования методом средних прямоугольников (см. лекцию) с заданной апостериорной точностью ε = 1E-5 (правило Рунге)

$$I = \int_{a}^{b} f(x) dx$$

• Провести экспериментальный анализ строгой масштабируемости программы при числе потоков 2, 4, 6, 8. Построить график зависимости коэффициента ускорения от числа потоков.

Варианты заданий

1.
$$f(x) = \frac{1 - \exp(\frac{0.7}{x})}{2 + x}$$
, $a = 1$, $b = 2$

2.
$$f(x) = \ln(1+x)/x$$
, $a = 0.1$, $b = 1$

3.
$$f(x) = \sqrt{x(3-x)}/(x+1)$$
, $a = 1$, $b = 1.2$

4.
$$f(x) = \frac{\sin(x+2)}{0.4 + \cos(x)}$$
, $a = -1$, $b = 1$

5.
$$f(x) = \frac{x}{\sin^3(2x)}$$
, $a = 0.1$, $b = 0.5$

6.
$$f(x) = x^4/(0.5x^2 + x + 6)$$
, $a = 0.4$, $b = 1.5$

Вариант задания вычисляется по формуле: i% 6 + 1, где i – ваш номер в журнале на сайте лектора (страница ПВТ, номер в столбце "#")

Задание 2. Численное параллельное интегрирование методом Монте-Карло

• Написать OpenMP-программу вычисления двойного интеграла методом Монте-Карло

$$\iint\limits_{\Omega} f(x,y)dxdy$$

• Провести экспериментальный анализ строгой масштабируемости программы при числе потоков 2, 4, 6, 8 (построить график) для числа точек $n = 10^7$ и $n = 10^8$

Варианты заданий

1.
$$f(x,y) = \frac{x}{y^2}$$
, $\Omega = \{x \in (0,1), y \in (2,5)\}$

2.
$$f(x,y) = \exp(x+y)^2$$
, $\Omega = \{x \in (0,1), y \in (0,1-x)\}$

3.
$$f(x,y) = \exp(x-y)$$
, $\Omega = \{x \in [-1,0], y \in [0,1]\}$

Вариант задания вычисляется по формуле: i % 3 + 1, где i – ваш номер в журнале на сайте лектора (страница ПВТ, номер в столбце "#")