ФЕДЕРАЛЬНОЕ АГЕНТСТВО СВЯЗИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «СИБИРСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ТЕЛЕКОММУНИКАЦИЙ И ИНФОРМАТИКИ»

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

к курсовому проекту по дисциплине
«Структуры и алгоритмы обработки данных»
на тему
Бинарное дерево поиска

Выполнил студент	Бойваленко Никита Евгеньевич	
		Ф.И.О.
Группы		ИВ-221
Работу принял	подпись	ст. преп. Кафедры ВС Д. М. Берлизов
Защищена		Оценка

Новосибирск – 2023

ВВЕДЕНИЕ	3
ХОД РАБОТЫ	
Данные	
Функции bsp-tree	
Дополнительные функции	
ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНОЕ ИССЛЕДОВАНИЕ ЭФФЕКТИВНОСТИ	
АЛГОРИТМА	16
Результат выполнения программы	
Графики функций initialization и traverse	
Результаты исследования	
ЗАКЛЮЧЕНИЕ	
ПРИЛОЖЕНИЕ	

ВВЕДЕНИЕ

Разделение двоичного пространства (BSP) — это метод разделения пространства, который рекурсивно разделяет евклидово пространство на два выпуклых множества, используя гиперплоскости в качестве разделов. Этот процесс подразделения приводит к представлению объектов в пространстве в форме древовидной структуры данных, известной как BSP дерево.

Разделение двоичного пространства возникло из-за необходимости компьютерной графики быстро рисовать трехмерные сцены, состоящие из многоугольников. Простым способом рисования таких сцен является алгоритм художника, который создает полигоны в порядке удаления от зрителя, задом наперед, закрашивая фон и предыдущие полигоны с каждым более близким объектом. У этого подхода есть два недостатка: время, необходимое для сортировки полигонов в обратном порядке, и возможность ошибок при перекрытии полигонов. Построение BSP-дерева решает обе эти проблемы, предоставляя быстрый метод сортировки полигонов относительно заданной точки обзора и путем разделения перекрывающихся полигонов на избежать ошибок, которые могут возникнуть в алгоритме художника. Недостатком разделения двоичного пространства является то, что создание дерева BSP может занять много времени. Поэтому обычно он выполняется один раз для статической геометрии на этапе предварительного расчета перед рендерингом или другими операциями в реальном времени на сцене.

Рекурсивный алгоритм построения дерева BSP из этого списка многоугольников:

- 1. Выберите полигон P из списка.
- 2. Создайте узел N в дереве BSP и добавьте P в список полигонов в этом узле.
- 3. Для каждого другого полигона в списке:
 - а. Если этот многоугольник полностью находится перед плоскостью, содержащей P, переместите этот многоугольник в список узлов перед P.
 - b. Если этот многоугольник полностью находится за плоскостью, содержащей P , переместите этот многоугольник в список узлов за P.
 - с. Если этот многоугольник пересекается плоскостью, содержащей P , разделите его на два многоугольника и переместите их в соответствующие списки многоугольников позади и перед P.
 - d. Если этот многоугольник лежит в плоскости, содержащей ${\bf P}$, добавьте его в список многоугольников в узле N.
- 4. Примените этот алгоритм к списку многоугольников перед P .
- 5. Примените этот алгоритм к списку многоугольников позади P .

Следующая диаграмма иллюстрирует использование этого алгоритма для преобразования списка линий или многоугольников в дерево BSP. На каждом из восьми шагов описанный выше алгоритм применяется к списку строк и к дереву добавляется один новый узел.

Начните со списка линий (или в 3D многоугольников), составляющих сцену. На древовидных диаграммах А списки обозначаются прямоугольниками с закругленными углами, а узлы дерева BSP — кружками. На пространственной диаграмме линий направление, выбранное в качестве «передней» линии, обозначается стрелкой.

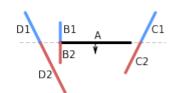
Следуя шагам алгоритма выше,

- 1. Мы выбираем строку А из списка
- 2. ...добавьте его в узел.

1.

2.

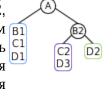
3. Мы разделяем оставшиеся строки в списке на те, что перед А (т.е. ст B2, C2, D2) и те, что позади (B1, D1 C1. D1).

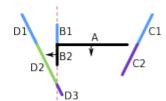


- 4. Сначала мы обрабатываем строки перед А,...
- 5. ... за которыми следуют те, кто стоит сзади.

Теперь мы применим алгоритм к списку

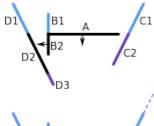
строк перед А (содержащему В2, С2, D2). Мы выбираем строку B2, добавляем 🛐 ее в узел и разбиваем остальную часть списка на те строки, которые находятся перед B2 (D2), и те, которые находятся за ним (C2, D3).



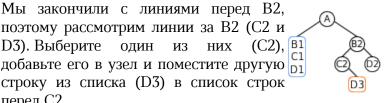


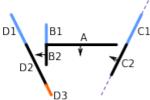
Выберите линию D2 из списка строк перед B2 и А. Это единственная линия в [81] 3. списке, поэтому после добавления ее в узел больше ничего делать не нужно.





поэтому рассмотрим линии за В2 (С2 и D3). Выберите один ИЗ них 4. добавьте его в узел и поместите другую 101 строку из списка (D3) в список строк перед С2.

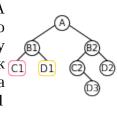




Теперь посмотрите на список строк перед С2. Есть только одна линия (D3), $^{\text{B1}}_{\text{C1}}$ 5. поэтому добавьте ee В узел И D1 продолжайте.

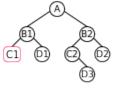
Теперь мы добавили все строки перед А в дерево BSP, поэтому начинаем со списка строк после А. Выбрав строку

(В1) из этого списка, мы добавляем В1 к 📶 узлу и разделяем остаток список на строки перед B1 (т.е. D1) и строки за B1 (т.е. С1).

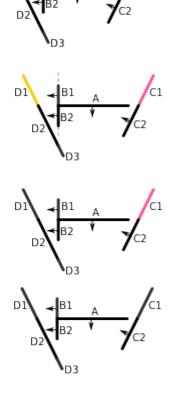


Сначала обрабатывается список строк перед B1, D1 — единственная строка в 7. этом списке, поэтому добавьте ее в узел 🗀 и продолжайте.

6.



Далее, взглянув на список строк за В1, увидеть, ЧТО единственной строкой в этом списке является С1, 8. поэтому добавьте ее в узел, и дерево BSP будет завершено.



ХОД РАБОТЫ

Данные

Структура node представляет узел bsp-tree, который содержит список полигонов(pols) и указатели на правое(right) и левое(left) поддерево.

```
struct node
{
   node *left;
   node *right;
   vector<polygon> pols;
};
```

Структура polygon является массивом из 3 векторов. struct polygon

```
struct polygon
{
    vec3 p[3];
};
```

Структура vec3 вмещает в себя 3 координаты x,y,z. Структура plane является разбивающей плоскостью и имеет тип данных vec4(x,y,z,w).

```
float x;
float y;
float z;
};
struct vec4
{
   float x;
   float y;
   float y;
   float z;
   float w;
};
typedef vec4 plane;
```

Функции bsp-tree

Функция initializtion принимает на вход список полигонов, создает корень дерева и вызывает рекурсивную функцию для построения bsp-tree.

```
void initialization(const vector<polygon> &polygons)
{
   if (polygons.empty())
   {
      return;
   }
   allPollygons = 0;
   root = new node;
   nodes = 1;
   construct_bspTree(polygons, root);
}
```

Функция construct_bspTree принимает на вход список полигонов и структуру node. В начале выбирается случайный полигон из списка переданных, этот полигон добавляется в структуру node. Затем с помощью функции to_plane этот полигон становится разбивающей плоскостью. В середине функции перебираются все полигоны из начального списка и проверяется, где находятся эти полигоны(distance) относительно разбивающей плоскости: спереди, сзади, в плоскости или же пересекаются разбивающей плоскостью. Если сзади, то полигон добавляется в список polygons_back, если спереди, то в список polygons_front, если в плоскости, то добавляется в список того же node, если пересекается, то вызывается функции polygon_split(). В конце функции происходит рекурсивный вызов функции, в которую передается ранее сформированные списки и правый или левый node.

```
void construct_bspTree(const vector<polygon> &polygons, node *n)
   int pol_i = polygon_index(polygons);
   n->pols.push_back(polygons[pol_i]);
   plane pl;
   to_plane(polygons[pol_i], pl);
   vector<polygon> polygons_front;
   vector<polygon> polygons_back;
   for (unsigned int i = 0; i < polygons.size(); ++i)</pre>
       if (i != pol_i)
           switch (distance(pl, polygons[i]))
           case ON:
               n->pols.push_back(polygons[i]);
               break;
           case FRONT:
               polygons_front.push_back(polygons[i]);
               break;
           case BACK:
               polygons_back.push_back(polygons[i]);
               break;
           case HALF:
               polygon_split(pl, polygons[i], polygons_front, polygons_back);
               break;
   allPollygons += n->pols.size();
   if (!polygons_front.empty())
       n->right = new node;
       ++nodes;
       construct_bspTree(polygons_front, n->right);
       n->right = nullptr;
   if (!polygons_back.empty())
       n->left = new node;
       ++nodes;
       construct_bspTree(polygons_back, n->left);
       n->left = nullptr;
```

Функция to_plane принимает на вход полигон и разбивающую плоскость, куда будет записывать результат выполнения программы. В начале

вычисляются 2 вектора, которые лежат в полигоне, затем с помощью функции cross, которая находит векторное произведение, находится нормаль плоскости. В конце вычисляется коэффициент плоскости с помощью функции dot, которая

вычисляет скалярное произведение векторов.

```
void to_plane(const polygon &pol, plane &pl)
{
    vec3 u = {pol.p[1].x - pol.p[0].x, pol.p[1].y - pol.p[0].y, pol.p[1].z - pol.p[0].z},
    vec3 v = {pol.p[2].x - pol.p[0].x, pol.p[2].y - pol.p[0].y, pol.p[2].z - pol.p[0].z};

// Вычисляем нормаль плоскости
vec3 n = cross(u, v);

pl.x = n.x;
pl.y = n.y;
pl.z = n.z;

// Вычисляем w коэффициент плоскости путем взятия скалярного произведения вектора r и
pl.w = -dot({pl.x, pl.y, pl.z}, pol.p[0]);
}
```

```
vec3 cross(vec3 u, vec3 v)
{
    vec3 res;
    res.x = u.y * v.z - v.y * u.z;
    res.y = v.x * u.z - u.x * v.z;
    res.z = u.x * v.y - v.x * u.y;
    return res;
}

float dot(vec3 p1, vec3 p2)
{
    return p1.x * p2.x + p1.y * p2.y + p1.z * p2.z;
}
float dot(vec4 p1, vec4 p2)
{
    return p1.x * p2.x + p1.y * p2.y + p1.z * p2.z + p1.w * p2.w;
}
```

Функция distance принимает на вход полигон и разбивающую плоскость и высчитывает скалярное произведение между каждым вектором полигона и разбивающей плоскостью. Если все 3 точки больше нуля, то полигон находится спереди, если меньше, то сзади, если все три веткора равны 0, то полигон находится в плоскости. Если все предыдущие условия не выполняется, значит разбивающая плоскость разбивает полигон.

```
dist_res distance(const plane &pl, const polygon &pol)
{
    float d1 = dot(pl, {pol.p[0].x, pol.p[0].y, pol.p[0].z, 1});
    float d2 = dot(pl, {pol.p[1].x, pol.p[1].y, pol.p[1].z, 1});
    float d3 = dot(pl, {pol.p[2].x, pol.p[2].y, pol.p[2].z, 1});
    if (d1 == 0 && d2 == 0 && d3 == 0)
    {
        return ON;
    }
    if (d1 < 0 && d2 > 0)
    {
        return HALF;
    }
    else
    {
        if (d3 <= 0)
        {
            return BACK;
        }
        else
        {
            return FRONT;
        }
    }
}</pre>
```

Функция polygon_split в зависимости от того, какой из векторов разбивается плоскостью, выбирается в каком порядке нужно передавать аргументы в функцию polygon split.

```
id <mark>polygon_split</mark>(const plane &pl, const polygon &pol, vector<polygon> &polygons_front, vector≺polygon> &polygons_back
 float d1 = dot(pl, {pol.p[0].x, pol.p[0].y, pol.p[0].z, 1});
 float d2 = dot(pl, {pol.p[1].x, pol.p[1].y, pol.p[1].z, 1});
 float d3 = dot(p1, {pol.p[2].x, pol.p[2].y, pol.p[2].z, 1});
 if (d1 \le 0 \&\& d2 >= 0 \&\& d3 >= 0)
     create_new_polygons(pl, pol.p[0], pol.p[1], pol.p[2], polygons_front, polygons_back);
 else if (d2 <= 0 && d1 >= 0 && d3 >= 0)
     create_new_polygons(pl, pol.p[1], pol.p[0], pol.p[2], polygons_front, polygons_back);
 else if (d3 <= 0 && d1 >= 0 && d2 >= 0)
     create_new_polygons(pl, pol.p[2], pol.p[0], pol.p[1], polygons_front, polygons_back);
 else if (d1 >= 0 \&\& d2 <= 0 \&\& d3 <= 0)
     create_new_polygons(pl, pol.p[0], pol.p[1], pol.p[2], polygons_back, polygons_front);
 else if (d2 >= 0 && d1 <= 0 && d3 <= 0)
     create_new_polygons(pl, pol.p[1], pol.p[0], pol.p[2], polygons_back, polygons_front);
 else if (d3 >= 0 && d1 <= 0 && d2 <= 0)
     create_new_polygons(pl, pol.p[0], pol.p[1], pol.p[2], polygons_back, polygons_front);
```

В функция create_new_polygons находятся точки пересечения полигона и разбивающей плоскости, создается три полигона и добавляются в списки

polygons back и polygons front.

```
&pl, const vec3 &a, const vec3 &b1, const vec3 &b2, vector<polygon> &polygons_a, vector<polygon> &polygons
vec3 i ab1:
plane_segment_intersection(pl, a, b1, i_ab1);
plane_segment_intersection(pl, a, b2, i_ab2);
polygon p_a;
p_a.p[0] = a;
p_a.p[1] = i_ab1;
p_a.p[2] = i_ab2;
polygons_a.push_back(p_a);
polygon p_b1;
p_b1.p[0] = b1;
p_b1.p[1] = i_ab2;
p_b1.p[2] = i_ab1;
polygons_b.push_back(p_b1);
polygon p_b2;
p_b2.p[0] = b1;
p_b2.p[1] = b2;
p_b2.p[2] = i_ab2;
polygons_b.push_back(p_b2);
```

Функция plane_segment_intersection принимает на вход вектор а, вектор b, разбивающую плоскость и вектор i, куда будет записываться результат. В начале вычисляется вектор rd, путем вычитания вектора b из вектора а. Затем вычисляется коэффициент t. Если он входит в промежуток [0;1], то точка

находится на векторе. Тогда вектор вектору і присваивается сумма а и вектора rd умноженному на t, иначе rd.

```
void plane_segment_intersection(const plane &pl, const vec3 &a, const vec3 &b, vec3 &i)
{
    vec3 rd = {b.x - a.x, b.y - a.y, b.z - a.z};

    float t = -(pl.w + dot(a, {pl.x, pl.y, pl.z})) / dot(rd, {pl.x, pl.y, pl.z});
    if (t >= 0 && t <= 1)
    {
        i = {a.x + t * rd.x, a.y + t * rd.y, a.z + t * rd.z};
    }
    else
    {
        i = rd;
    }
}</pre>
```

Функция delete_bspTree удаляет bsp-tree, путем рекурсивного обхода дерева и освобождения памяти.

```
void delete_bspTree(node *n)
{
    if (n->left != nullptr)
    {
        delete_bspTree(n->left);
    }

    if (n->right != nullptr)
    {
        delete_bspTree(n->right);
    }

    delete n;
}
```

Функция traverse_tree рекурсивно обходит каждый узел дерева и добавляет в список partitions все полигоны.

```
void traverse_tree(bsp_tree::node *tree, vector<bsp_tree::polygon> &partitions)
{
    if (tree == NULL)
        return;
    if (tree->right)
    {
        traverse_tree(tree->right, partitions);
    }
    if [tree->left]
    {
        traverse_tree(tree->left, partitions);
    }
    for (int i = 0; i < tree->pols.size(); i++)
    {
        partitions.push_back(tree->pols[i]);
    }
}
```

Дополнительные функции

Функция load_ply считывает данные с ply файла. В начале выполняются проверки, что файл соответствует ply формату. Затем считываются координаты и вершины. Каждой вершине сопоставляется координата, тем самым формируя полигон.

```
void load_ply(const string &filename, vector<bsp_tree::polygon> &polygons)
   ifstream file(filename);
   if (!file.is_open())
       throw logic_error("Failed to open file");
   string line;
   if (!getline(file, line))
       throw logic_error("Failed to read file");
   if (line != "ply")
       throw logic_error("The file does not contain ply");
   unsigned int vertices_size;
   unsigned int faces_size;
   bool header = true;
   while (header && getline(file, line))
       string s;
       stringstream iss(line);
       if (!(iss >> s))
           throw logic_error("Failed to read file");
       if (s == "format")
           if (!(iss >> s))
               throw logic_error("The file does not contain format");
           if (s != "ascii")
               throw logic_error("The file does not contain ascii");
       else if (s == "element")
           unsigned int n;
           if (!(iss >> s >> n))
               throw logic_error("Failed to read file");
           if (s == "vertex")
               vertices_size = n;
           else if (s == "face")
               faces_size = n;
       else if (s == "end_header")
           header = false;
```

```
vector<bsp_tree::vec3> vertices;
vertices.resize(vertices_size);
for (unsigned int i = 0; i < vertices_size; ++i)</pre>
    if (!(file >> vertices[i].x >> vertices[i].y >> vertices[i].z))
       throw logic_error("Failed to read coordinates in file");
struct ply_polygon
   unsigned int a, b, c;
vector<ply_polygon> faces;
faces.resize(faces_size);
polygons.resize(faces_size);
for (unsigned int i = 0; i < faces_size; ++i)</pre>
   unsigned int n;
    if (file >> n >> faces[i].a >> faces[i].b >> faces[i].c)
        polygons[i].p[0] = vertices[faces[i].a];
        polygons[i].p[1] = vertices[faces[i].b];
        polygons[i].p[2] = vertices[faces[i].c];
    else
        throw logic_error("Failed to read faces in file");
        throw logic_error("All polygons must be triangles");
```

Функция experiment высчитывает время выполнения функций initialization и traverse tree.

```
void experiment(const vector<bsp_tree::polygon> &polygons)
{
    bsp_tree tree;
    double t;

    t = wtime();
    tree.initialization(polygons);
    t = wtime() - t;
    cout << "Time of construct bsp-tree: " << t << endl;

    vector<bsp_tree::polygon> partition;
    t = wtime();
    traverse_tree(tree.root, partition);
    t = wtime() - t;
    cout << "Time of traverse bsp-tree: " << t << endl;

    cout << "Polygons: " << polygons.size() << endl;
    cout << "Nodes: " << tree.get_nodes() << endl;
}</pre>
```

Функция wtime() возвращает нынешнее время в секундах. double wtime()

```
double wtime()
{
    struct timeval t;
    gettimeofday(&t, NULL);
    double res = (double)t.tv_sec + (double)t.tv_usec * 1E-6;
    return res;
}
```

ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНОЕ ИССЛЕДОВАНИЕ ЭФФЕКТИВНОСТИ АЛГОРИТМА

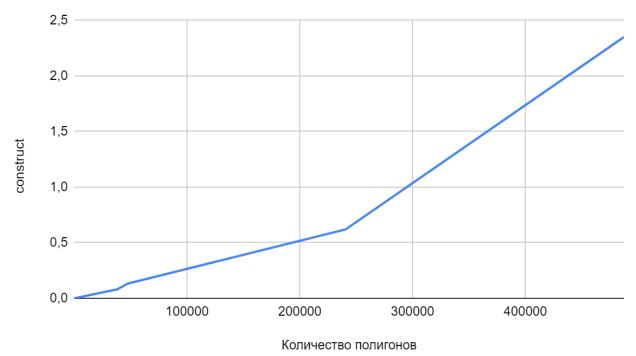
Результат выполнения программы

```
cube
Time of construct bsp-tree: 1.00136e-05
Time of traverse bsp-tree: 1.90735e-06
Polygons: 12
Nodes: 6
4cubes
Time of construct bsp-tree: 4.29153e-05
Time of traverse bsp-tree: 3.09944e-06
Polygons: 48
Nodes: 25
monkey
Time of construct bsp-tree: 0.00181985
Time of traverse bsp-tree: 9.48906e-05
Polygons: 967
Nodes: 2028
dragon.ply
Time of construct bsp-tree: 0.079174
Time of traverse bsp-tree: 0.004076
Polygons: 37986
Nodes: 88704
pharaon
Time of construct bsp-tree: 0.132076
Time of traverse bsp-tree: 0.00417399
Polygons: 47392
Nodes: 113543
highPolDragon
Time of construct bsp-tree: 0.619257
Time of traverse bsp-tree: 0.0284419
Polygons: 240600
Nodes: 666775
CheGuevara
Time of construct bsp-tree: 2.35613
Time of traverse bsp-tree: 0.0501192
Polygons: 487384
Nodes: 1119069
```

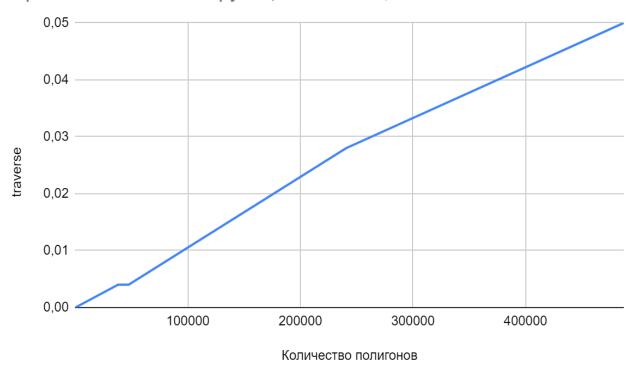
По полученным данным составим графики.

Графики функций initialization и traverse.

Время выполнения функции initialization, с



Время выполнения функции traverse, с



Результаты исследования

Сложность построения двоичного дерева поиска составляет O(nlogn), где n - количество узлов в дереве. Сложность обхода двоичного дерева поиска составляет O(n), где n - количество узлов в дереве. Таким образом, BSP дерево является эффективной структурой данных для хранения полигонов.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В ходе выполнения работы было разработано бинарное дерево поиска и проведено исследование его времени выполнения операции в зависимости от объема данных. Вычислительная сложность построения бинарного дерева поиска составляет O(nlogn), вычислительная сложность обхода бинарного дерева поиска составляет O(n). Осуществлено моделирование разработанного алгоритма, которое подтвердило его эффективность и быстродействие. Таким образом можно сделать вывод, что бинарное дерево является полезной структурой данных для хранения полигонов.

СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

- 1. Ахо А. В., Хопкрофт Д., Ульман Д. Д. Структуры данных и алгоритмы. М.: Вильямс,2001. 384 с.
- 2. Кормен Т. Х., Лейзерсон Ч. И., Ривест Р. Л., Штайн К. Алгоритмы: построение и анализ. 3-е изд. М.: Вильямс, 2013. 1328 с.
- 3. Кормен Т. Х. Алгоритмы: Вводный курс. М.: Вильямс, 2014. 208 с.
- 4. Левитин А. В. Алгоритмы: введение в разработку и анализ. М.: Вильямс, 2006. –576 с.
- 5. Седжвик Р. Фундаментальные алгоритмы на С++. Анализ. Структуры данных. Сортировка. Поиск. К.: ДиаСофт, 2001. 688 с.
 - 6. Скиена С. С. Алгоритмы. Руководство по разработке. 2-е изд. СПб: БХВ, $2011-720~\mathrm{c}$.
 - 7. Макконнелл Дж. Основы современных алгоритмов. 2-е изд. М.: Техносфера, $2004.-368~\mathrm{c}.$
 - 8. Миллер Р. Последовательные и параллельные алгоритмы: общий подход. М.: БИНОМ, 2006. 406 с.
 - 9. Сегаран Т. Программируем коллективный разум. М.: Символ-Плюс, 2008. 368 с.
 - 10. https://en.wikipedia.org/wiki/Binary space partitioning

ПРИЛОЖЕНИЕ

Исходный код программы

```
1
     #include <iostream>
2
     #include <cstdlib>
3
     #include <fstream>
4
     #include <vector>
5
     #include <sstream>
6
     #include <sys/time.h>
7
     using namespace std;
8
     class bsp_tree
9
     public:
10
11
        struct vec3
12
13
          float x;
14
          float y;
15
          float z;
16
        struct vec4
17
18
19
          float x;
20
          float y;
21
          float z;
22
          float w;
23
24
        typedef vec4 plane;
25
        struct polygon
26
27
          vec3 p[3];
28
29
        struct node
30
31
          node *left;
32
          node *right;
33
          vector<polygon> pols; // список всех узлов, находящизся в одной плоскости
34
        };
        node *root;
35
36
        enum dist res
37
38
          ON = 0,
39
          FRONT = 1,
40
          BACK = 2,
41
          HALF = 3
42
        };
43
44
        int nodes;
45
        int allPollygons;
```

```
46
        vec3 cross(vec3 u, vec3 v)
47
48
          vec3 res:
49
          res.x = u.y * v.z - v.y * u.z;
50
          res.y = v.x * u.z - u.x * v.z;
51
          res.z = u.x * v.y - v.x * u.y;
52
          return res;
53
54
        float dot(vec3 p1, vec3 p2)
55
56
          return p1.x * p2.x + p1.y * p2.y + p1.z * p2.z;
57
58
        float dot(vec4 p1, vec4 p2)
59
60
           return p1.x * p2.x + p1.y * p2.y + p1.z * p2.z + p1.w * p2.w;
61
62
        int polygon index(const vector<polygon> &polygons)
63
64
          return rand() % polygons.size();
65
66
        void plane segment intersection(const plane &pl, const vec3 &a, const vec3 &b, vec3 &i)
67
68
          vec3 rd = \{b.x - a.x, b.y - a.y, b.z - a.z\};
69
70
          float t = -(pl.w + dot(a, \{pl.x, pl.y, pl.z\})) / dot(rd, \{pl.x, pl.y, pl.z\});
71
          if (t \ge 0 \&\& t \le 1)
72
73
             i = \{a.x + t * rd.x, a.y + t * rd.y, a.z + t * rd.z\};
74
75
          else
76
77
             i = rd;
78
79
80
        void create new polygons(const plane &pl, const vec3 &a, const vec3 &b1, const vec3
81
      &b2, vector<polygon> &polygons a, vector<polygon> &polygons b)
82
83
          vec3 i ab1;
84
          plane segment intersection(pl, a, b1, i ab1);
85
          vec3 i ab2;
86
87
          plane segment intersection(pl, a, b2, i ab2);
88
89
          polygon p a;
90
          p a.p[0] = a;
91
          p_a.p[1] = i_ab1;
92
          p a.p[2] = i ab2;
93
          polygons a.push back(p a);
94
```

```
95
           polygon p b1;
96
           p b1.p[0] = b1;
97
           p b1.p[1] = i ab2;
98
           p b1.p[2] = i ab1;
99
           polygons b.push back(p b1);
100
101
           polygon p b2;
102
           p b2.p[0] = b1;
           p_b2.p[1] = b2;
103
104
           p b2.p[2] = i ab2;
105
           polygons b.push back(p b2);
106
107
        void polygon split(const plane &pl, const polygon &pol, vector<polygon>
108
      &polygons front, vector<polygon> &polygons back)
109
110
           float d1 = dot(p1, \{pol.p[0].x, pol.p[0].y, pol.p[0].z, 1\});
111
           float d2 = dot(pl, \{pol.p[1].x, pol.p[1].y, pol.p[1].z, 1\});
112
           float d3 = dot(p1, \{pol.p[2].x, pol.p[2].y, pol.p[2].z, 1\});
113
114
           if (d1 \le 0 \&\& d2 \ge 0 \&\& d3 \ge 0)
115
116
             create new polygons(pl, pol.p[0], pol.p[1], pol.p[2], polygons front, polygons back);
117
118
           else if (d2 \le 0 \&\& d1 \ge 0 \&\& d3 \ge 0)
119
120
             create new polygons(pl, pol.p[1], pol.p[0], pol.p[2], polygons front, polygons back);
121
122
           else if (d3 \le 0 \&\& d1 \ge 0 \&\& d2 \ge 0)
123
124
             create new polygons(pl, pol.p[2], pol.p[0], pol.p[1], polygons front, polygons back);
125
126
           else if (d1 \ge 0 \&\& d2 \le 0 \&\& d3 \le 0)
127
128
             create new polygons(pl, pol.p[0], pol.p[1], pol.p[2], polygons back, polygons front);
129
130
           else if (d2 \ge 0 \&\& d1 \le 0 \&\& d3 \le 0)
131
132
             create new polygons(pl, pol.p[1], pol.p[0], pol.p[2], polygons back, polygons front);
133
134
           else if (d3 \ge 0 \&\& d1 \le 0 \&\& d2 \le 0)
135
136
             create_new_polygons(pl, pol.p[0], pol.p[1], pol.p[2], polygons back, polygons front);
137
138
139
        // вычисляем уравнение плоскости на основе многоугольника,
140
        // а функция расстояния определяет положение многоугольника относительно
141
      плоскости
142
        void to plane(const polygon &pol, plane &pl)
143
```

```
144
           vec3 u = {pol.p[1].x - pol.p[0].x, pol.p[1].y - pol.p[0].y, pol.p[1].z - pol.p[0].z};
145
           vec3 v = {pol.p[2].x - pol.p[0].x, pol.p[2].y - pol.p[0].y, pol.p[2].z - pol.p[0].z};
146
147
           // Вычисляем нормаль плоскости
148
           vec3 n = cross(u, v);
149
150
           pl.x = n.x;
151
           pl.y = n.y;
152
           pl.z = n.z;
153
154
           // Вычисляем w коэффициент плоскости путем взятия скалярного произведения
155
      вектора г и точки многоугольника
156
           pl.w = -dot(\{pl.x, pl.y, pl.z\}, pol.p[0]);
157
158
159
         dist res distance(const plane &pl, const polygon &pol)
160
161
           float d1 = dot(pl, \{pol.p[0].x, pol.p[0].y, pol.p[0].z, 1\});
162
           float d2 = dot(pl, \{pol.p[1].x, pol.p[1].y, pol.p[1].z, 1\});
           float d3 = dot(pl, \{pol.p[2].x, pol.p[2].y, pol.p[2].z, 1\});
163
164
           if (d1 == 0 \&\& d2 == 0 \&\& d3 == 0)
165
166
             return ON;
167
168
           if (d1 < 0 \&\& d2 > 0)
169
170
             return HALF;
171
172
           else
173
174
             if (d3 \le 0)
175
176
                return BACK;
177
178
             else
179
180
                return FRONT;
181
182
183
184
         void construct bspTree(const vector<polygon> &polygons, node *n)
185
186
           int pol i = polygon index(polygons);
187
           n->pols.push back(polygons[pol i]);
188
189
           plane pl;
190
           to plane(polygons[pol i], pl);
191
192
           vector<polygon> polygons front;
```

```
193
          vector<polygon> polygons back;
194
195
          for (unsigned int i = 0; i < polygons.size(); ++i)
196
197
             if (i != pol i)
198
199
               switch (distance(pl, polygons[i]))
200
201
               case ON:
202
                  n->pols.push back(polygons[i]);
203
                  break;
               case FRONT:
204
                  polygons front.push_back(polygons[i]);
205
206
                  break;
207
               case BACK:
208
209
                  polygons back.push back(polygons[i]);
210
                  break;
211
212
               case HALF:
213
                  polygon_split(pl, polygons[i], polygons_front, polygons_back);
214
                  break;
215
216
217
218
219
          allPollygons += n->pols.size();
220
221
          if (!polygons front.empty())
222
223
             n->right = new node;
224
             ++nodes;
225
             construct bspTree(polygons front, n->right);
226
227
           else
228
229
             n->right = nullptr;
230
231
232
          if (!polygons back.empty())
233
234
             n->left = new node;
235
             ++nodes;
236
             construct bspTree(polygons back, n->left);
237
238
           else
239
240
             n->left = nullptr;
241
```

```
242
        void initialization(const vector<polygon> &polygons)
243
244
245
           if (polygons.empty())
246
247
             return;
248
249
250
           allPollygons = \mathbf{0};
251
252
           root = new node;
253
           nodes = 1;
254
           construct_bspTree(polygons, root);
255
256
257
        ~bsp tree()
258
259
           delete bspTree(root);
260
261
262
        void delete_bspTree(node *n)
263
264
           if (n->left != nullptr)
265
266
             delete bspTree(n->left);
267
268
           if (n->right != nullptr)
269
270
271
             delete bspTree(n->right);
272
273
274
           delete n;
275
276
277
        int get nodes()
278
279
           return nodes;
280
281
282
        int get fragments()
283
284
           return allPollygons;
285
286
      double wtime()
287
288
289
        struct timeval t;
290
        gettimeofday(&t, NULL);
```

```
291
         double res = (double)t.tv sec + (double)t.tv usec * 1E-6;
292
         return res;
293
      }
294
      void load ply(const string &filename, vector < bsp tree::polygon > &polygons)
295
296
        ifstream file(filename);
297
         if (!file.is open())
           throw logic error("Failed to open file");
298
299
300
         string line;
         if (!getline(file, line))
301
302
           throw logic error("Failed to read file");
303
304
         if (line != "ply")
305
           throw logic error("The file does not contain ply");
306
307
         unsigned int vertices size;
308
         unsigned int faces size;
309
310
         bool header = true:
311
         while (header && getline(file, line))
312
313
           string s;
314
           stringstream iss(line);
315
316
           if (!(iss >> s))
317
              throw logic error("Failed to read file");
318
319
           if (s == "format")
320
321
             if (!(iss >> s))
322
                throw logic error("The file does not contain format");
323
             if (s != "ascii")
324
325
                throw logic error("The file does not contain ascii");
326
327
           else if (s == "element")
328
329
              unsigned int n;
330
             if (!(iss >> s >> n))
331
                throw logic error("Failed to read file");
332
333
             if (s == "vertex")
334
335
                vertices size = n;
336
              else if (s == "face")
337
338
339
                faces size = n;
```

```
340
341
342
           else if (s == "end header")
343
344
              header = false;
345
346
347
348
         vector<br/>bsp tree::vec3> vertices;
349
         vertices.resize(vertices size);
350
351
         for (unsigned int i = 0; i < vertices size; ++i)
352
353
           if (!(file >> vertices[i].x >> vertices[i].y >> vertices[i].z))
354
              throw logic error("Failed to read coordinates in file");
355
356
357
         struct ply polygon
358
359
           unsigned int a, b, c;
360
         };
361
362
         vector<ply polygon> faces;
363
         faces.resize(faces size);
         polygons.resize(faces size);
364
         for (unsigned int i = 0; i < faces size; ++i)
365
366
367
           unsigned int n;
368
369
           if (file >> n >> faces[i].a >> faces[i].b >> faces[i].c)
370
371
              polygons[i].p[0] = vertices[faces[i].a];
372
              polygons[i].p[1] = vertices[faces[i].b];
              polygons[i].p[2] = vertices[faces[i].c];
373
374
375
           else
376
              throw logic error("Failed to read faces in file");
377
378
           if (n != 3)
379
              throw logic error("All polygons must be triangles");
380
381
382
      void traverse tree(bsp tree::node *tree, vector<br/>bsp tree::polygon> &partitions)
383
384
385
         if (tree == NULL)
386
           return;
387
388
         if (tree->right)
```

```
389
390
           traverse tree(tree->right, partitions);
391
392
         if (tree->left)
393
394
           traverse tree(tree->left, partitions);
395
396
         for (int i = 0; i < tree->pols.size(); i++)
397
398
           partitions.push back(tree->pols[i]);
399
400
401
      void experiment(const vector<bsp tree::polygon> &polygons)
402
403
         bsp tree tree;
404
         double t;
405
406
         t = wtime();
407
         tree.initialization(polygons);
408
         t = wtime() - t;
         cout << "Time of construct bsp-tree: " << t << endl;</pre>
409
410
411
         vector<br/>bsp tree::polygon> partition;
412
         t = wtime();
413
         traverse tree(tree.root, partition);
414
         t = wtime() - t;
         cout << "Time of traverse bsp-tree: " << t << endl;
415
416
         cout << "Polygons: " << polygons.size() << endl;</pre>
417
418
         cout << "Nodes: " << tree.get nodes() << endl;
419
420
      int main(int argc, char **argv)
421
422
         srand(time(NULL));
423
         cout << "cube" << endl;
424
         vector<br/>bsp tree::polygon> polygons;
425
         try
426
427
           load ply("models/cube.ply", polygons);
428
429
         catch (const exception &ex)
430
431
           cerr << "The file format must be ply." << ex.what() << endl;
432
           exit(1);
433
434
         experiment(polygons);
435
         polygons.clear();
436
437
         cout << "4cubes" << endl;
```

```
438
        try
439
440
           load ply("models/4cubes.ply", polygons);
441
442
        catch (const exception &ex)
443
444
           cerr << "The file format must be ply." << ex.what() << endl;
445
           exit(1);
446
447
        experiment(polygons);
448
        polygons.clear();
449
450
        cout << "monkey" << endl;
451
        try
452
453
           load ply("models/monkey.ply", polygons);
454
455
        catch (const exception &ex)
456
457
           cerr << "The file format must be ply." << ex.what() << endl;
458
           exit(1);
459
460
        experiment(polygons);
461
        polygons.clear();
462
463
        cout << "dragon.ply" << endl; // 37986
464
        try
465
466
           load ply("models/dragon.ply", polygons);
467
468
        catch (const exception &ex)
469
470
           cerr << "The file format must be ply." << ex.what() << endl;
471
           exit(1);
472
473
        experiment(polygons);
474
        polygons.clear();
475
476
        cout << "pharaon" << endl; // 47392
477
        try
478
479
           load ply("models/pharaon.ply", polygons);
480
481
        catch (const exception &ex)
482
483
           cerr << "The file format must be ply." << ex.what() << endl;
484
           exit(1);
485
486
        experiment(polygons);
```

```
487
        polygons.clear();
        cout << "highPolDragon" << endl; // 240600
488
489
        try
490
          load_ply("models/highPolDragon.ply", polygons);
491
492
493
        catch (const exception &ex)
494
          cerr << "The file format must be ply." << ex.what() << endl;
495
496
          exit(1);
497
        experiment(polygons);
498
499
        polygons.clear();
500
        cout << "CheGuevara" << endl; // 487384
501
        try
502
          load ply("models/CheGuevara.ply", polygons);
503
504
505
        catch (const exception &ex)
506
          cerr << "The file format must be ply." << ex.what() << endl;
507
508
           exit(1);
509
        experiment(polygons);
510
511
        polygons.clear();
        return 0;
512
     }
513
514
```