

Cap. 4

Projecções e Visualização 3D



Ensino de Informática (3326)
Matemática (5828)
Engenharia Informática (5385)

- 4º ano, 2º semestre
- 2º ano, 2º semestre
- 2º ano, 2º semestre

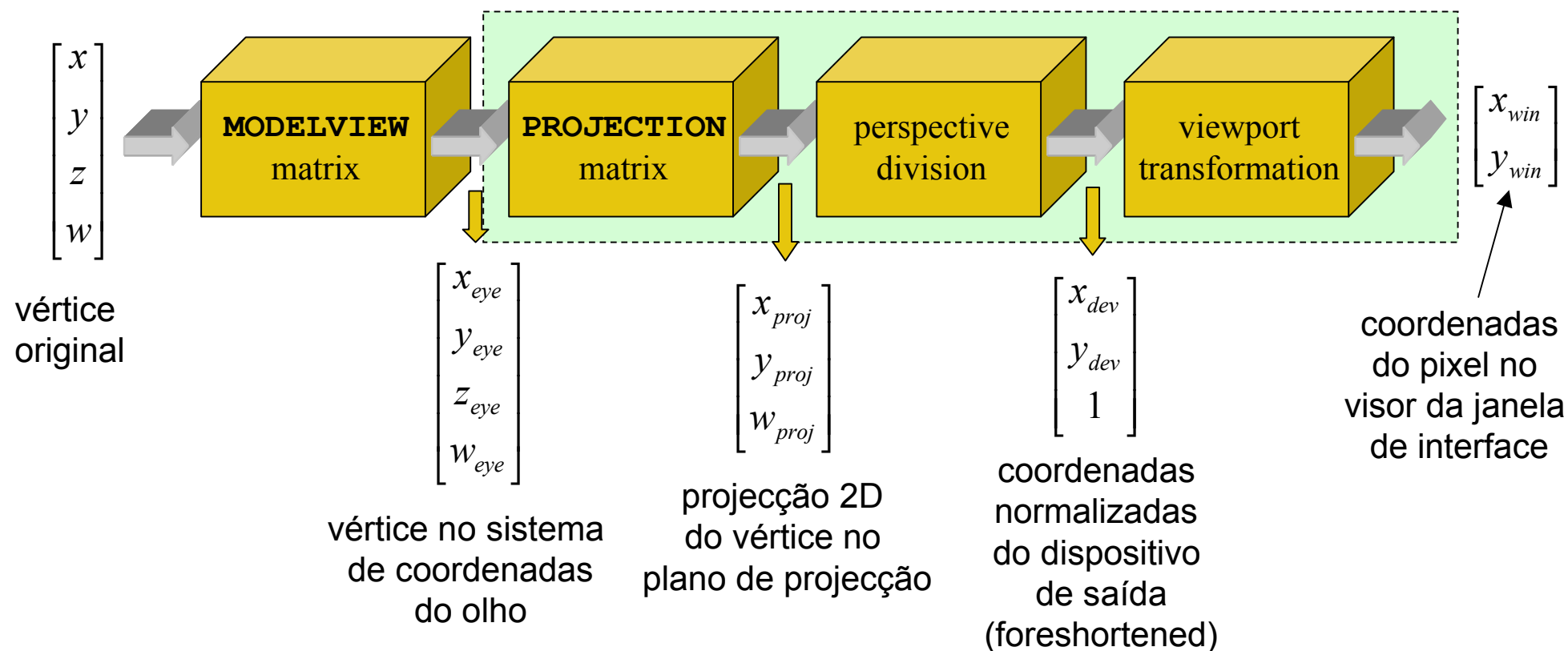


Bibliografia

- “*Computer graphics: principles & practice*”, Foley, vanDam, Feiner, Hughes(tem um apêndice sobre álgebra linear)
- “*Advanced Animation and Rendering Techniques*”, Watt and Watt
- “*The OpenGL Programming Guide*”, Woo, Neider & Davis
- “*Interactive Computer Graphics*”, Edward Angel



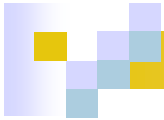
Pipeline de Renderização em OpenGL®





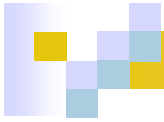
Sistema de câmara

- Para criar uma vista duma cena é necessário:
 - uma descrição da geometria da cena
 - uma câmara ou definição do ponto de vista (ou observador)
 - um plano de projecção
- Por omissão, a câmara OpenGL está localizada na origem e direccionada no sentido do eixo **z negativo**.
- A definição da câmara permite a *projecção* da geometria da cena 3D numa superfície 2D para efeitos de saída gráfica.
- Esta projecção pode ser feita de várias maneiras:
 - *ortogonal* (paralelismo das linhas é preservado)
 - *perspectiva: 1-ponto, 2-pontos ou 3-pontos*
 - *ortogonal oblíqua*

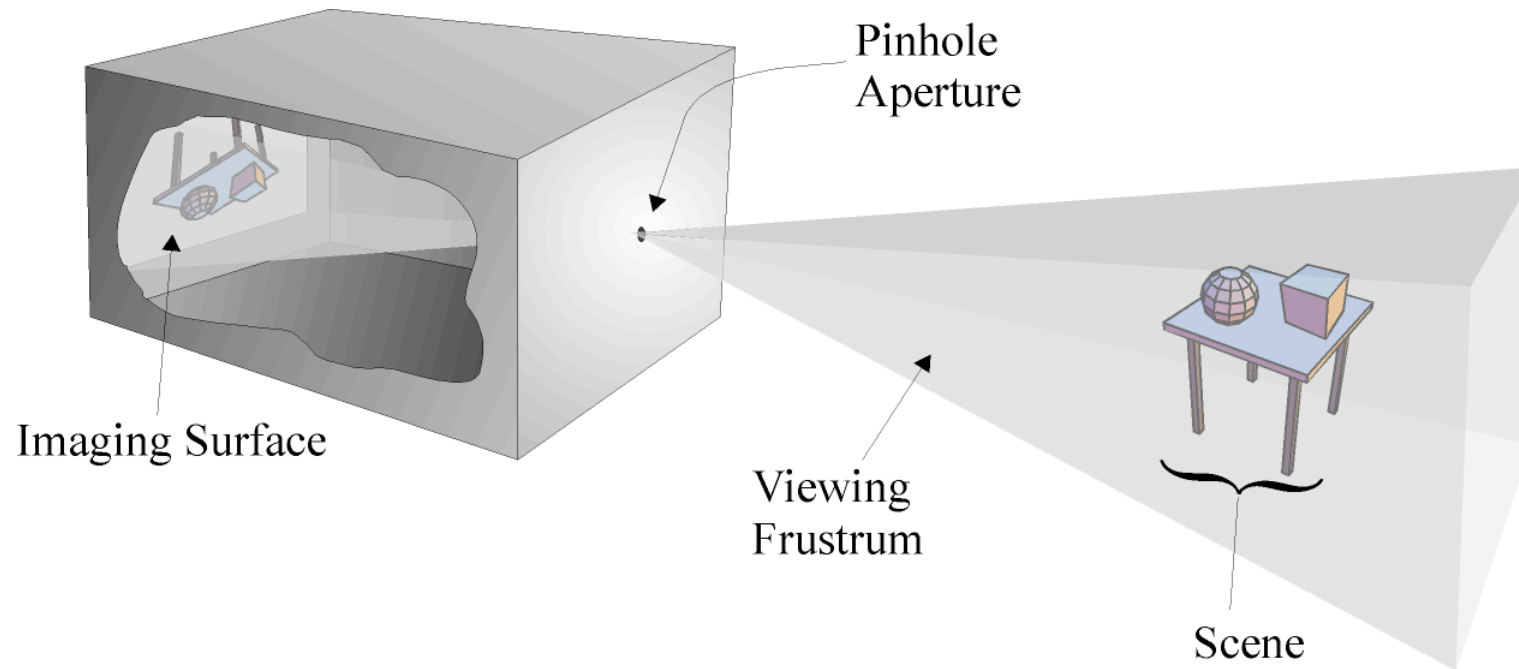


Tipos de câmara

- Antes de gerar uma imagem temos que escolher o observador:
- *Modelo da câmara clássica (pinhole camera model)* é o mais usado:
 - profundidade infinita do campo (*infinite depth of field*): tudo é focado
- *Modelo de câmara dos sistemas avançados de renderização*
 - *lentes duplas de Gauss* são usada por muitas câmaras profissionais
 - modela a profundidade de campo e óptica não-linear (incluindo *lens flare*)
- *Sistemas de renderização foto-realística* empregam muitas vezes o modelo físico do olho humano para renderizar imagens
 - modela a resposta dos olhos face aos níveis de *brilho* e *cor*
 - modela a óptica interna do próprio olho (*difracção* pelas fibras da lente etc.)

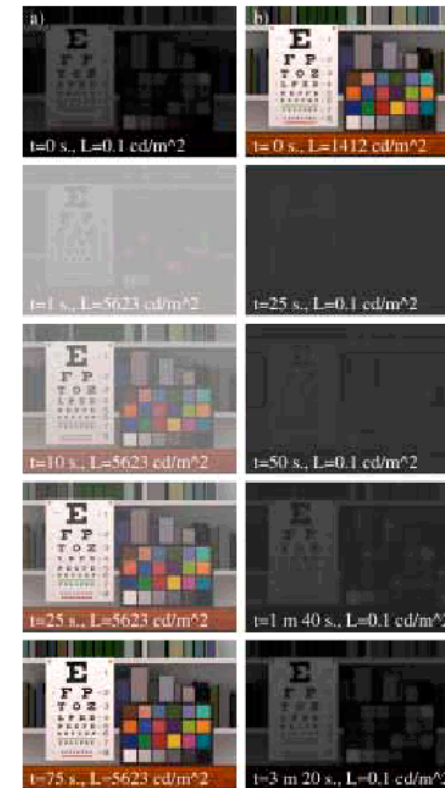
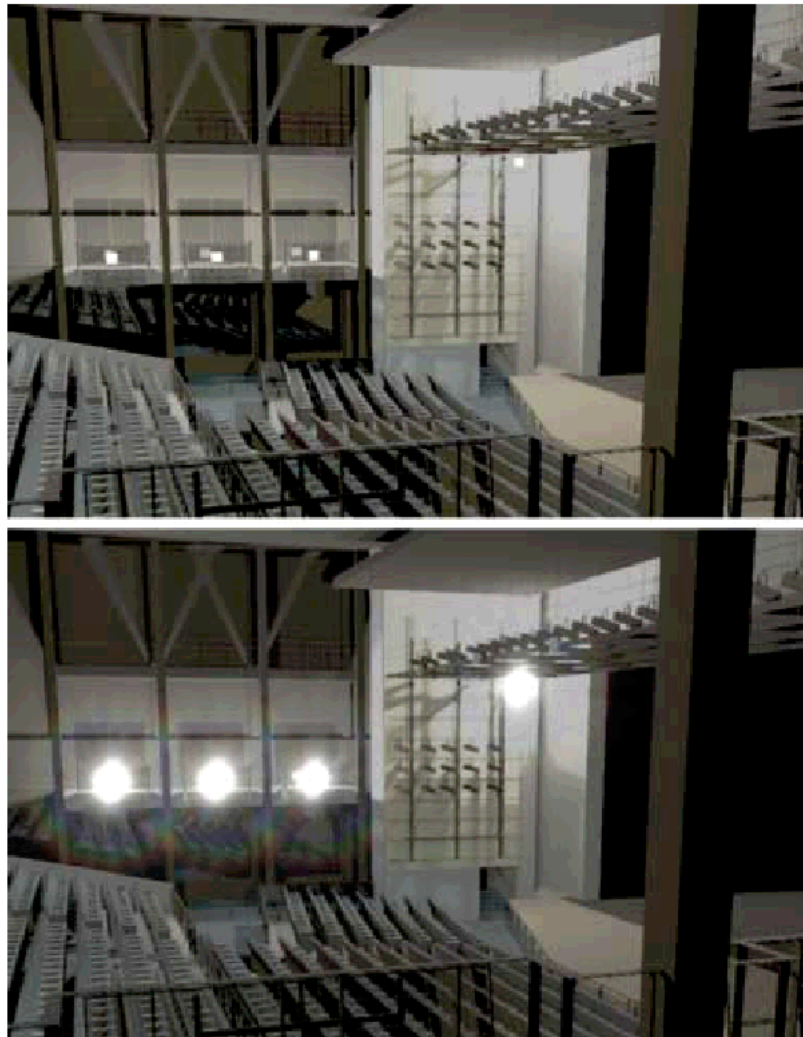


Modelo da câmara clássica





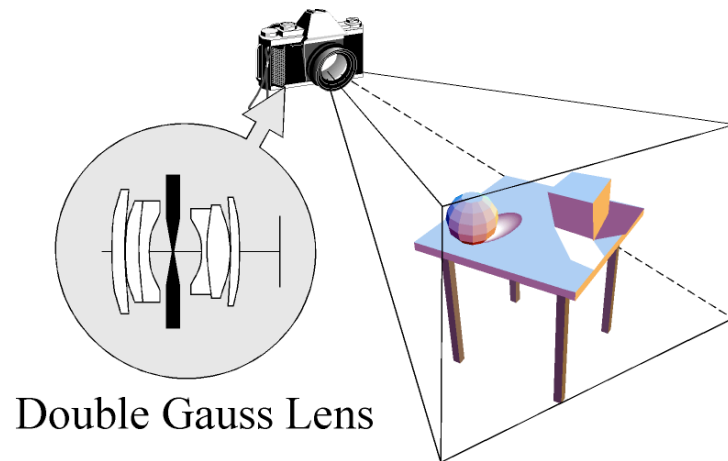
Renderização foto-realística baseada na resposta do olho



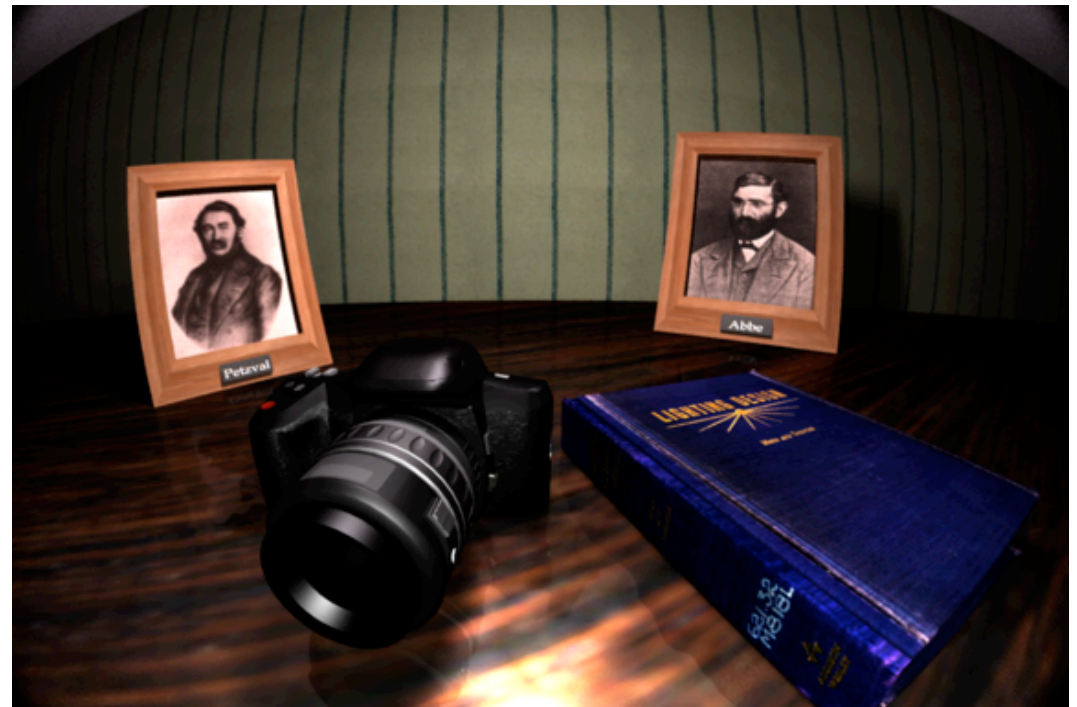
Adaptação

Glare & Difracção

Sistemas baseados na câmara de lentes duplas



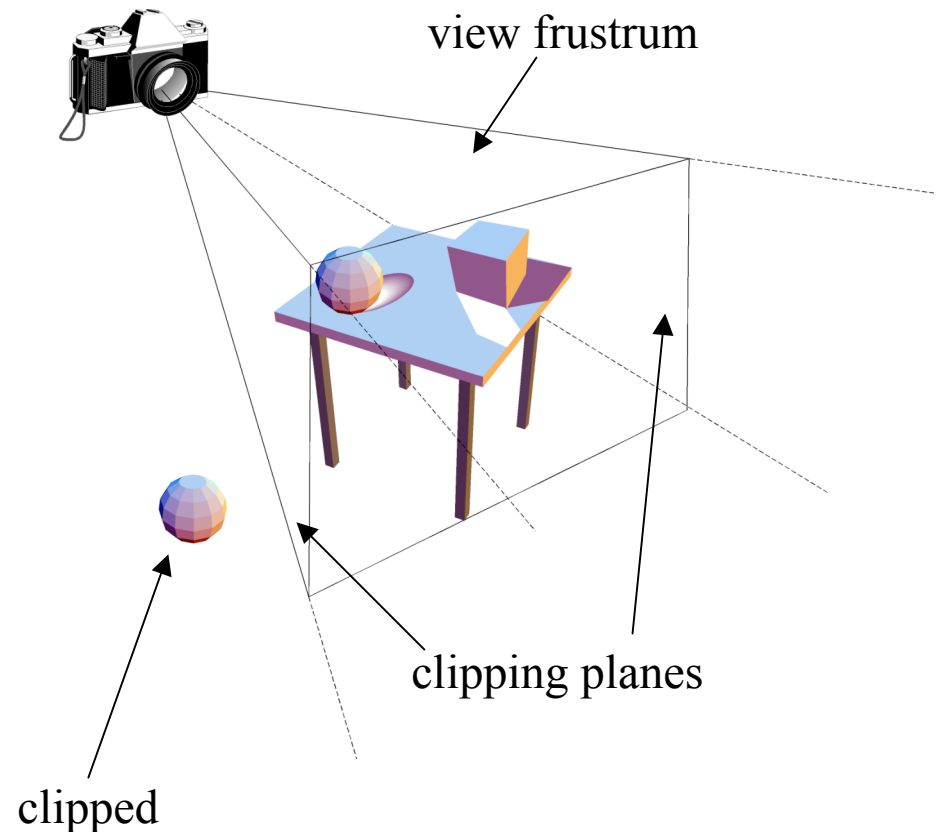
Um modelo de câmara implementado na Princeton University (1995)





Sistema de visualização

- Nesta altura só estamos preocupados com a *geometria* da visualização.
- A posição e a orientação da câmara definem um *view-volume* ou *view-frustum*.
 - **objectos completa ou parcialmente dentro deste volume serão potencialmente visíveis no visor (viewport).**
 - **objectos completamente fora deste volume não podem ser vistos \Rightarrow *clipped***





Modelos da câmara

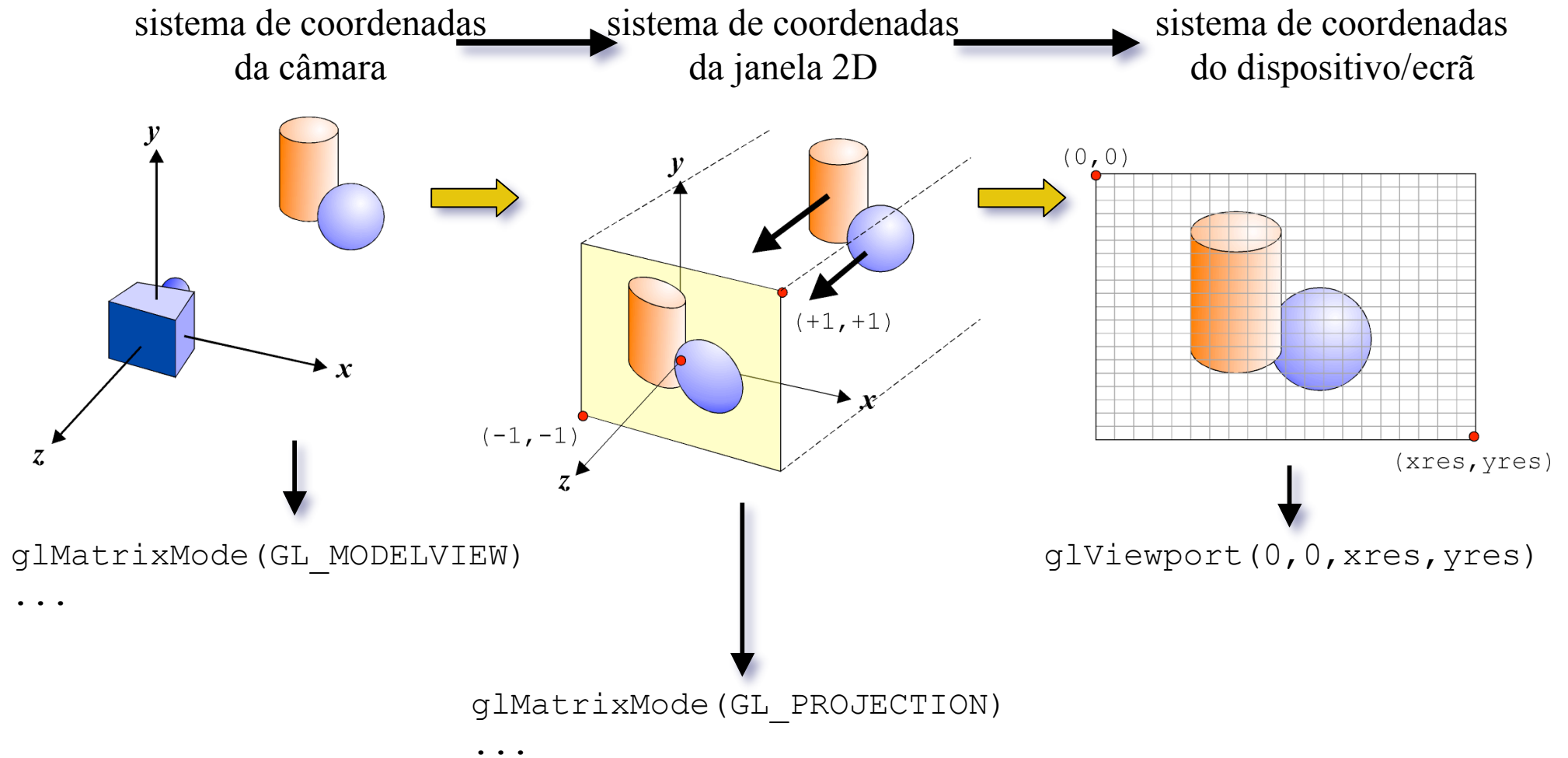
- Cada vértice tem de ser projectado no plano da janela 2D da câmara (plano de projecção) por forma a visualizá-lo no ecrã.
- A *CTM* é empregue para determinar a localização de cada vértice no sistema de coordenadas da câmara:

$$\vec{x}' = \mathbf{M}_{CTM} \vec{x}$$

- Depois, aplicamos a matriz de projecção definida por `GL_PROJECTION` para mapear coordenadas da câmara para as coordenadas da janela 2D do plano de projecção.
- Finalmente, estas coordenadas 2D são mapeadas para as coordenadas do dispositivo de saída através da utilização da definição dum visor (viewport) na janela de interface (dado por `glViewport()`).



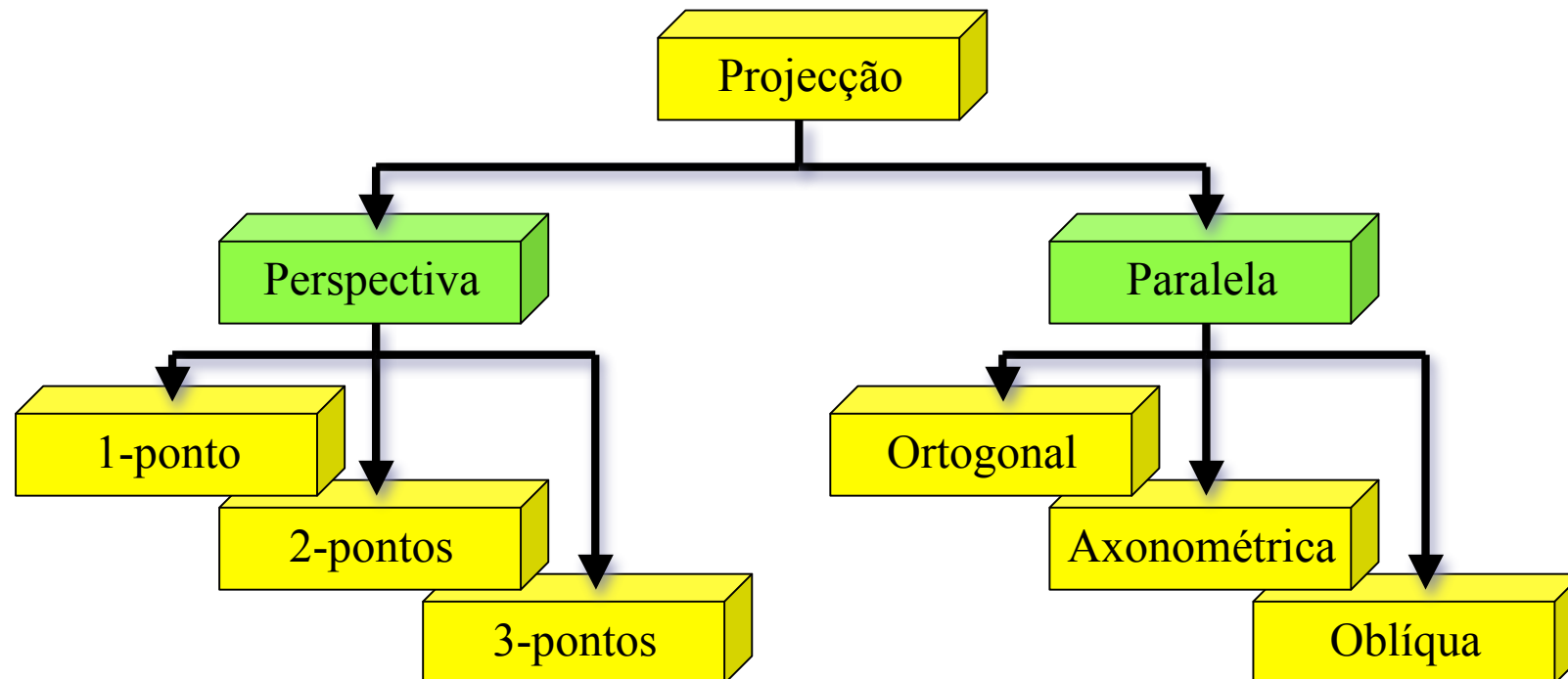
Modelação da câmara em OpenGL[®]





Projectão 3D → 2D

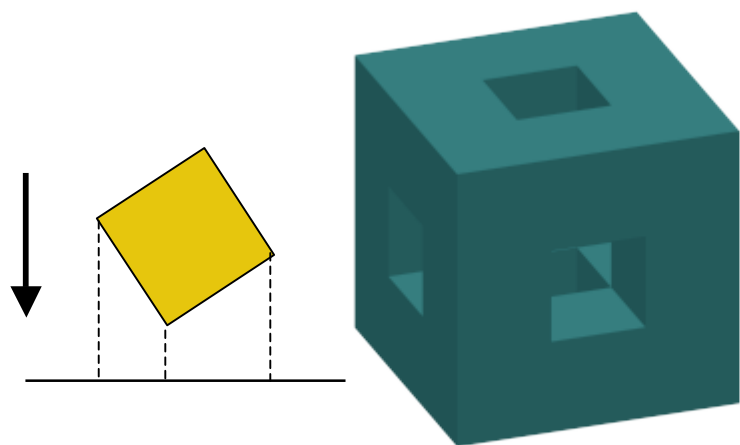
- Tipo de projecção depende dum conjunto de factores:
 - *localização e orientação* do plano de projecção (janela de visualização)
 - *direcção da projecção* (descrita por um vector)
 - *tipo de projecção*:



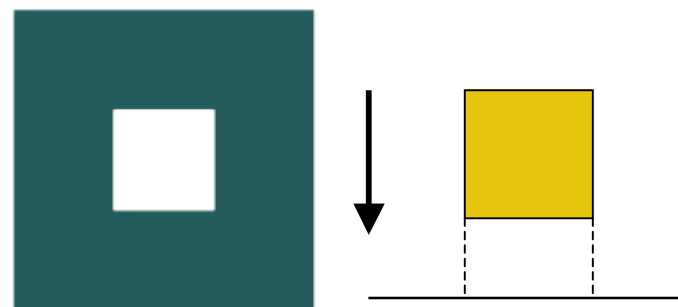


Projecções paralelas

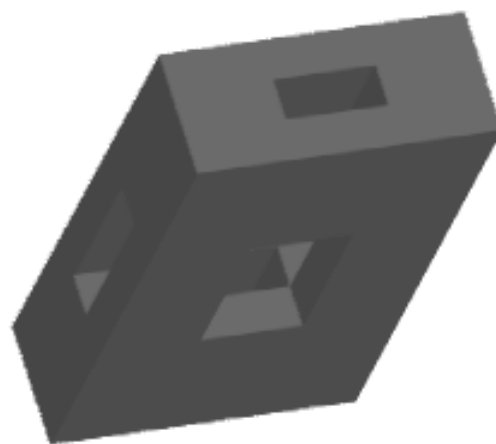
- projectantes são paralelas
- observador no infinito



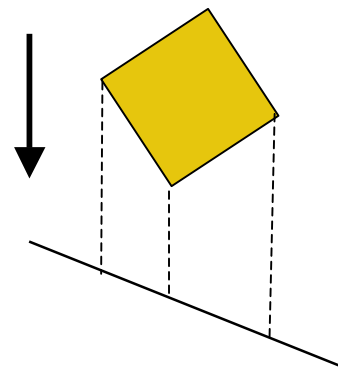
axonométrica



ortogonal



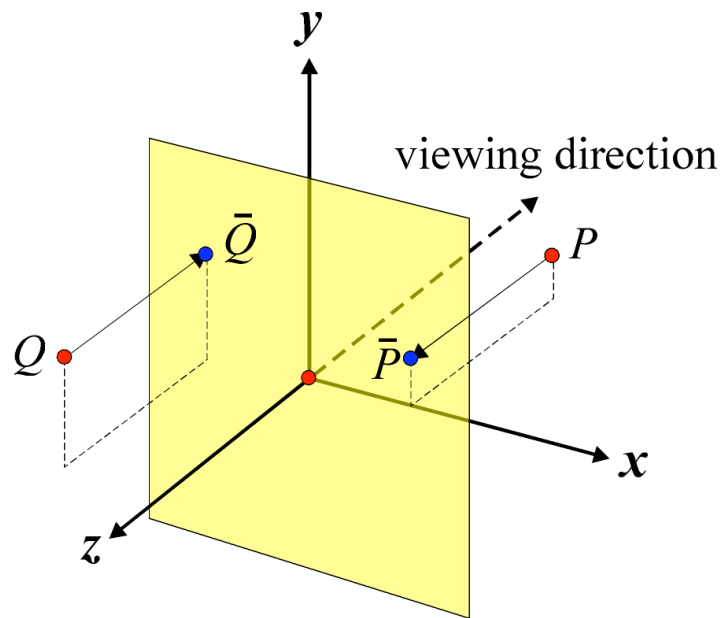
oblíqua





Projecções paralelas ortogonais

- A mais simples de todas as projecções: as projectantes são perpendiculares ao plano de projecção.
- Normalmente, o plano de projecção está alinhado com os eixos (muitas das vezes em $z=0$)

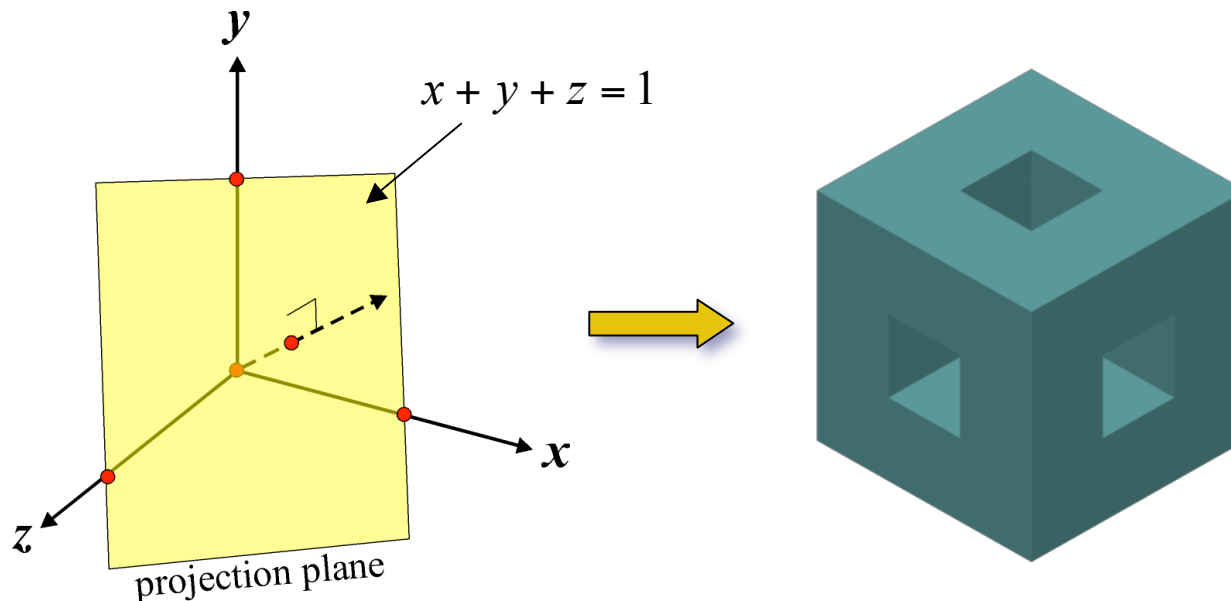


$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} x \\ y \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} \Rightarrow \bar{P} = \mathbf{M}P \text{ where } \mathbf{M} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$



Projecções paralelas axonométricas: isométrica, dimétrica e cavaleira

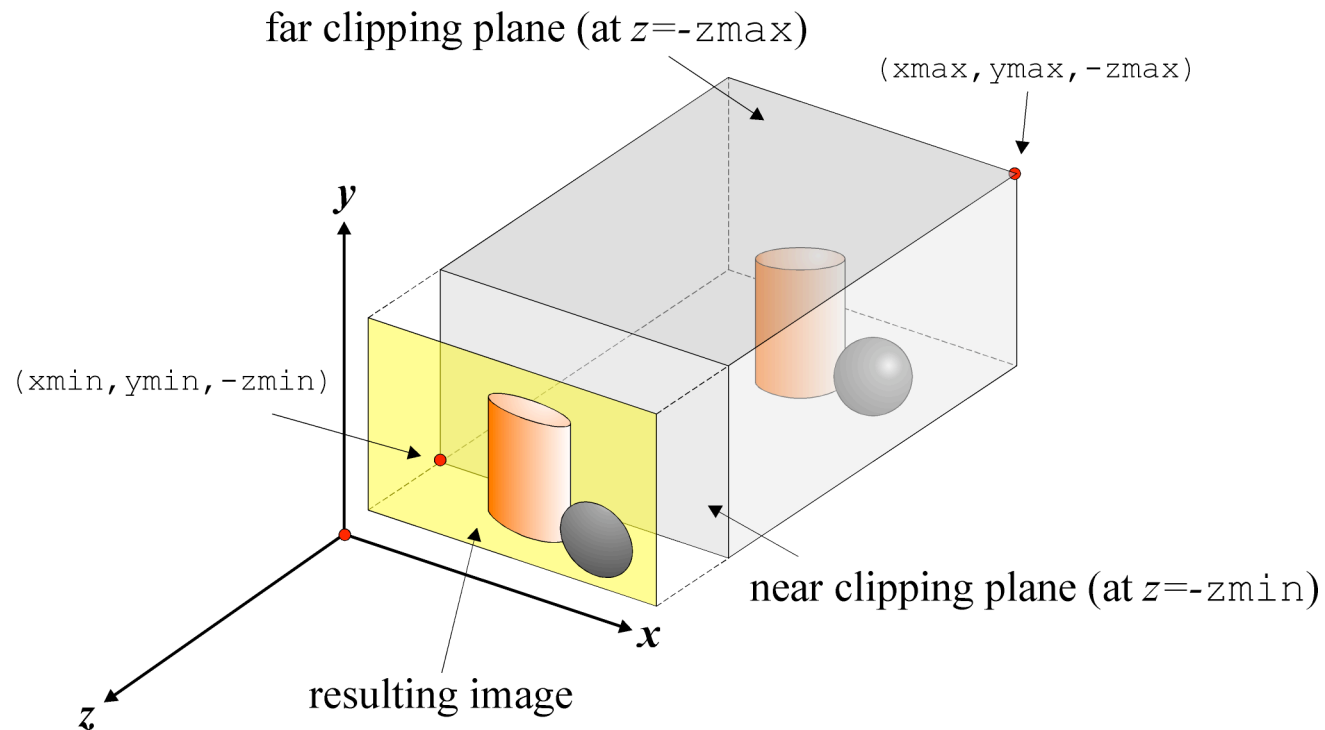
- Se o objecto está alinhado com os eixos, o resultado é uma projecção **ortogonal**;
- Caso contrário, é uma projecção **axonométrica**.
- Se o plano de projecção intersecta os eixos XYZ à mesma distância relativamente à origem, o resultado é uma projecção **isométrica**.





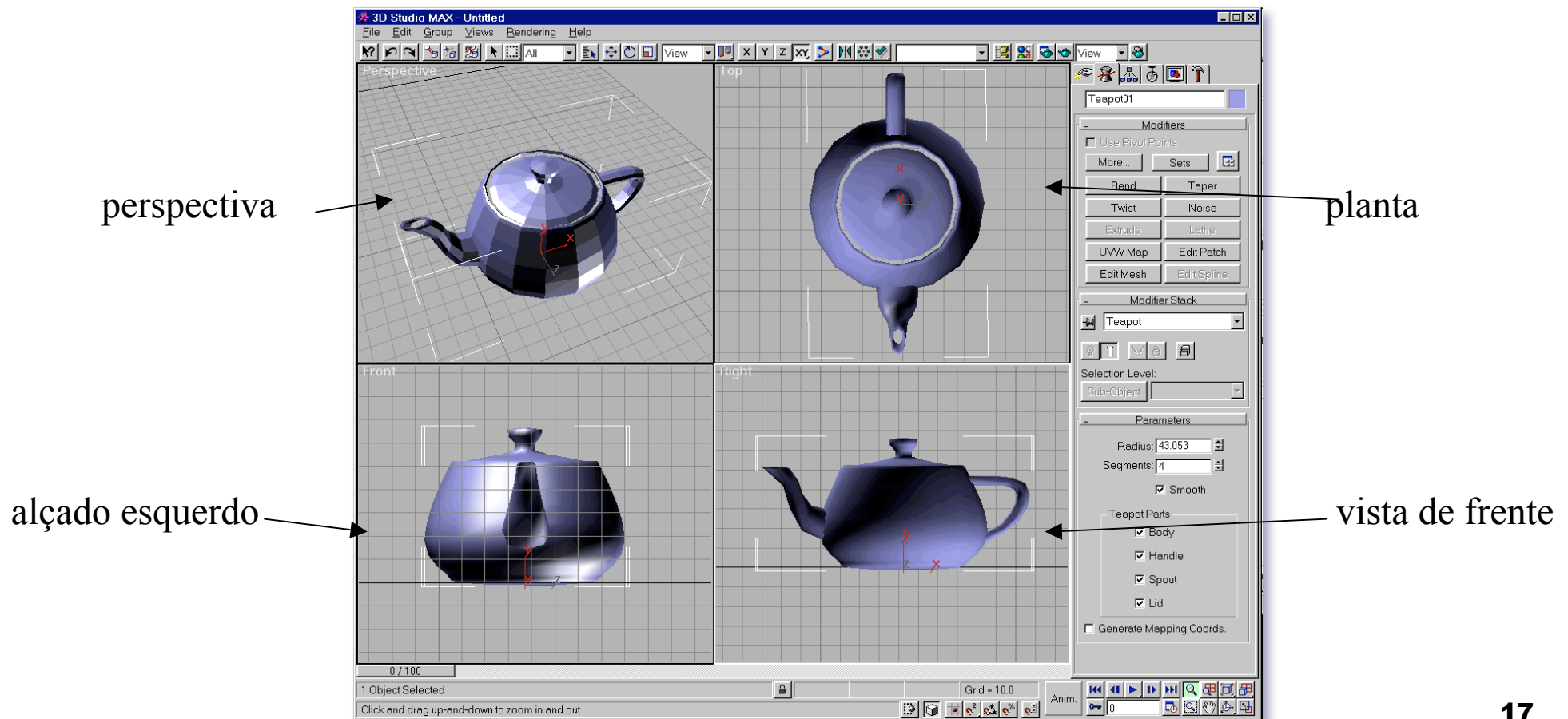
Projecções paralelas em OpenGL®

```
glOrtho(xmin, xmax, ymin, ymax, zmin, zmax);
```



Projecções múltiplas

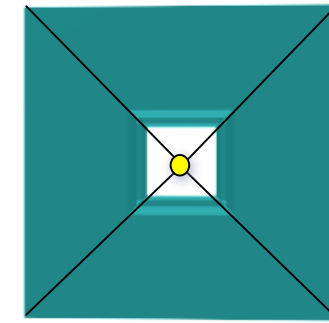
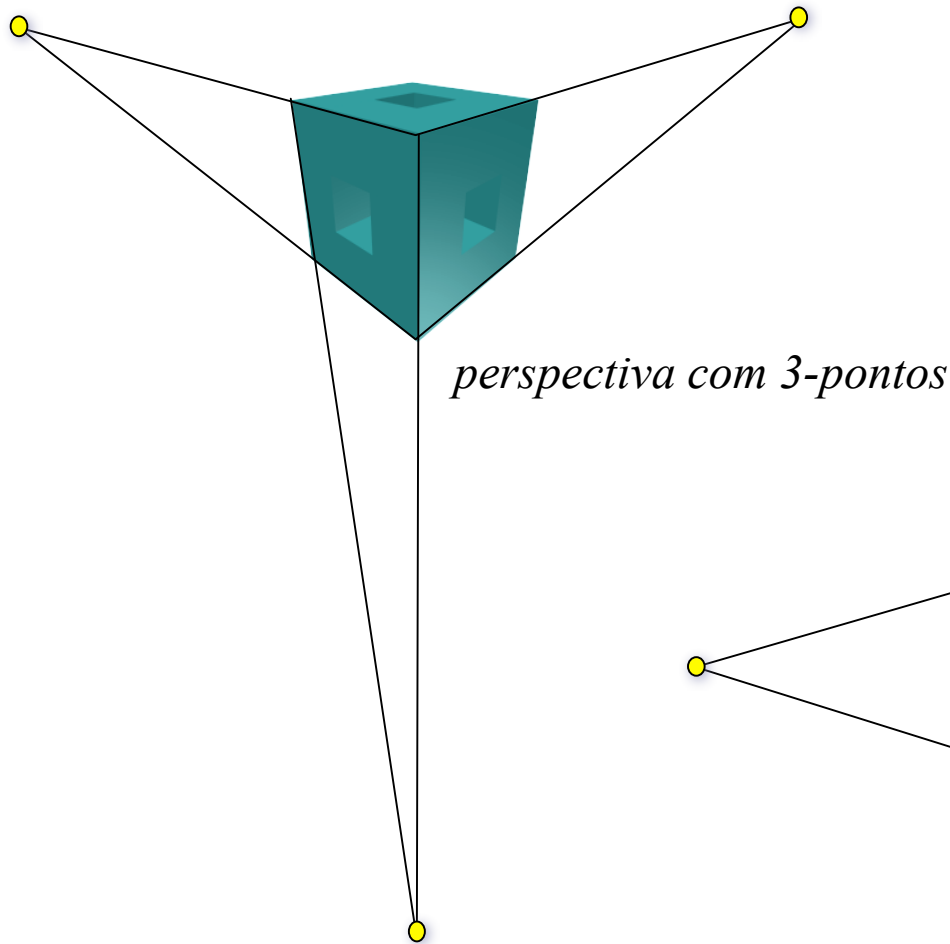
- Às vezes é útil ter *várias projecções* disponíveis para visualização
 - normalmente: *vista de frente, planta e alçado esquerdo*



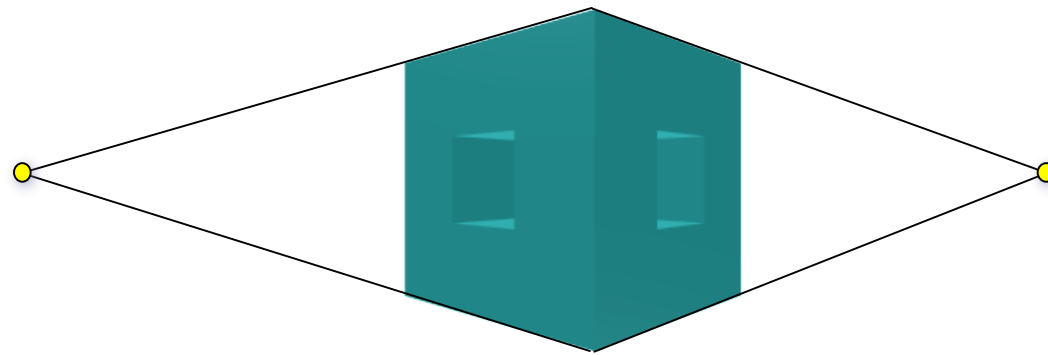


Projecções em perspectiva

- projectantes não são paralelas
- observador a distância finita infinito



perspectiva com 1-ponto



perspectiva com 2-pontos

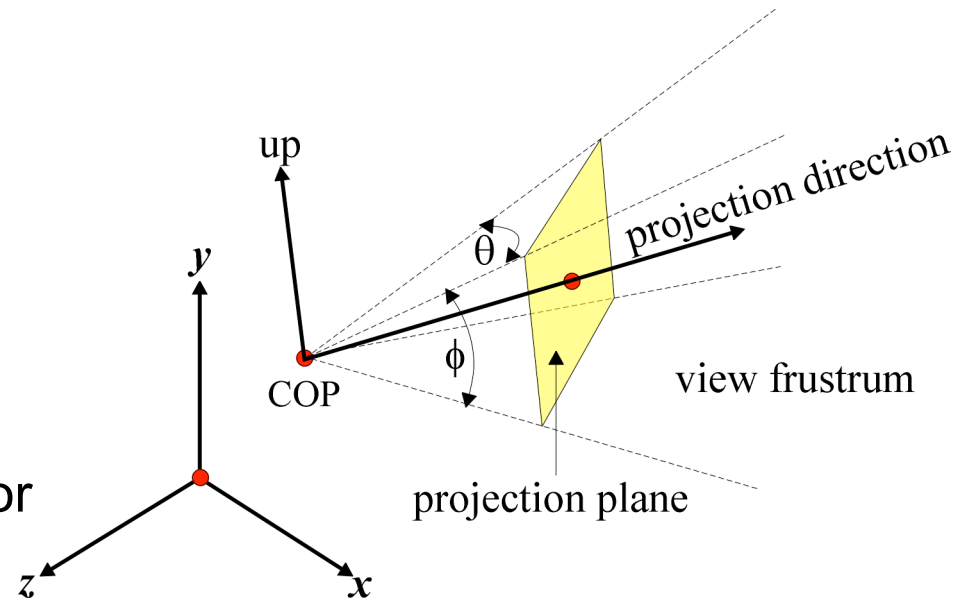


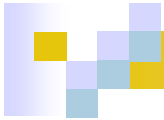
Projecções em perspectiva

- Projeções em perspectiva são mais complexas e exibem concorrência das projectantes ou raios visuais (as linhas paralelas parecem convergir para um ponto localizado a uma distância finita).

- Parâmetros:

- ☐ centro de projecção (COP)
- ☐ campo de vista (θ, ϕ)
- ☐ direcção de projecção
- ☐ direcção *up* do eixo da câmara ou do observador





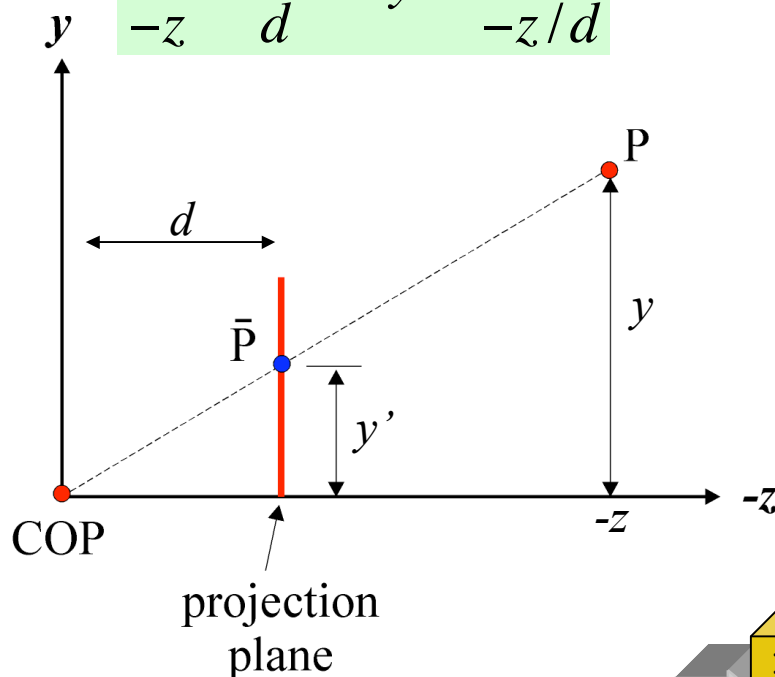
Projecções em perspectiva

Considere uma projecção em perspectiva com o ponto de vista na origem e a direcção de observação orientada ao longo do eixo $-z$, com o plano de projecção localizado em $z = -d$

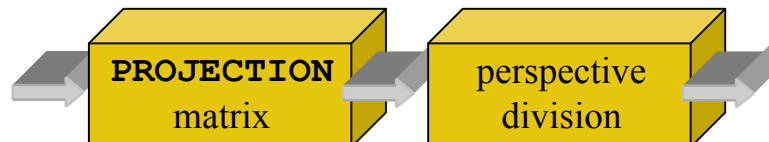
$$\frac{x}{-z} = \frac{x'}{d} \Rightarrow x' = \frac{x}{-z/d}$$

$$\frac{y}{-z} = \frac{y'}{d} \Rightarrow y' = \frac{y}{-z/d}$$

$$\begin{cases} x' = \frac{-xd}{z} = \frac{x}{-z/d} \\ y' = \frac{y}{-z/d} \\ z' = -d \end{cases}$$



$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ z' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{x}{-z/d} \\ \frac{y}{-z/d} \\ -d \\ 1 \end{bmatrix} \Leftrightarrow \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ -z/d \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1/d & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$



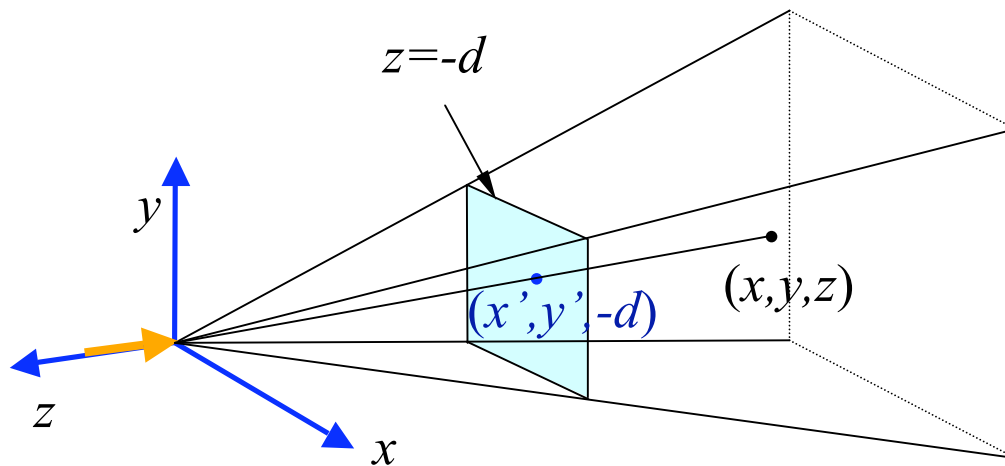


Projecções em perspectiva: alternativa

Objectos dentro do **frustum** são projectados no plano paralelo ao plano x-y segundo as seguintes igualdades:

$$\frac{x'}{x} = \frac{y'}{y} = \frac{z'}{z} = \frac{-d}{z}$$

$$\begin{cases} x' = \frac{-xd}{z} = \frac{x}{-z/d} \\ y' = \frac{y}{-z/d} \\ z' = -d \end{cases}$$

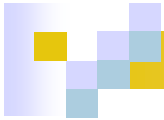


$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ z' \\ w' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1/d & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ w \end{bmatrix}$$



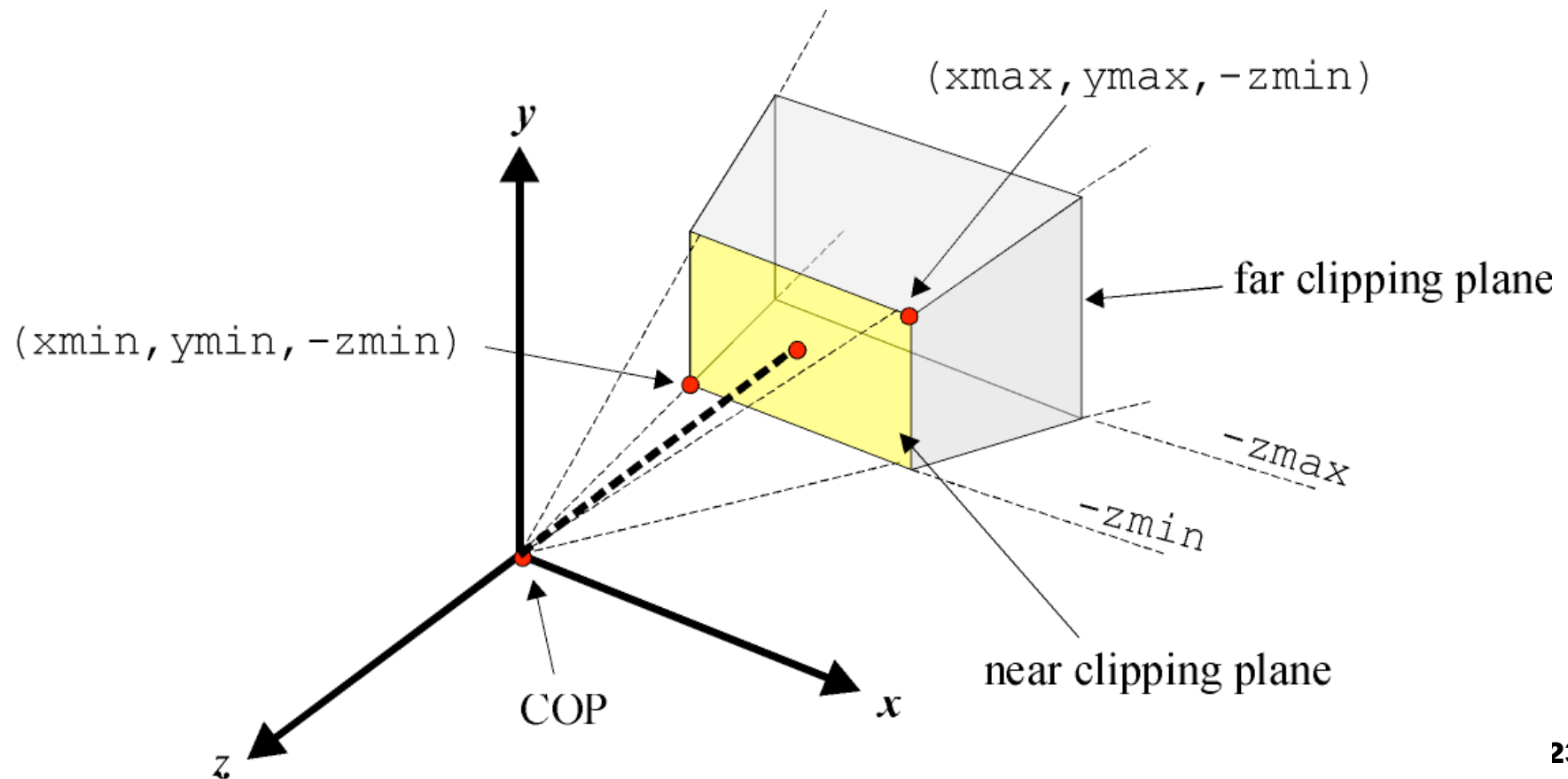
Projectão em perspectiva

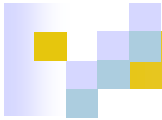
- Dependendo da aplicação, pode usar-se mecanismos diferentes para especificar uma vista em perspectiva. Exemplo: os ângulos do *campo de vista* podem ser inferidos se a distância ao plano de projecção é conhecida.
- Exemplo: a direcção de observação pode ser obtida se, além do COP, se especificar um ponto na cena para onde o observador olha.
- OpenGL suporta estes dois mecanismos de especificar uma vista em perspectiva através de:
 - ☐ **glFrustrum** ou
 - ☐ **gluPerspective**
 - ☐ A função **gluLookAt** permite alterar a posição do observador, a qual é, por omissão, a origem.



Projecções em perspectiva

```
glFrustum(xmin, xmax, ymin, ymax, zmin, zmax);
```





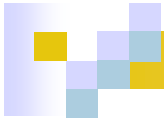
frustum = pirâmide truncada do campo de vista

glFrustum

- Note-se que todos os pontos na linha definida pelo COP e $(x_{\min}, y_{\min}, -z_{\min})$ são mapeados para o canto *inferior esquerdo* da janela.
- Também todos os pontos na linha definida pelo COP e $(x_{\max}, y_{\max}, -z_{\min})$ são mapeados para o canto superior direito da janela.
- A direcção de observação é sempre paralela a $-z$
- Não é necessário ter um *frustum* *simétrico* como:

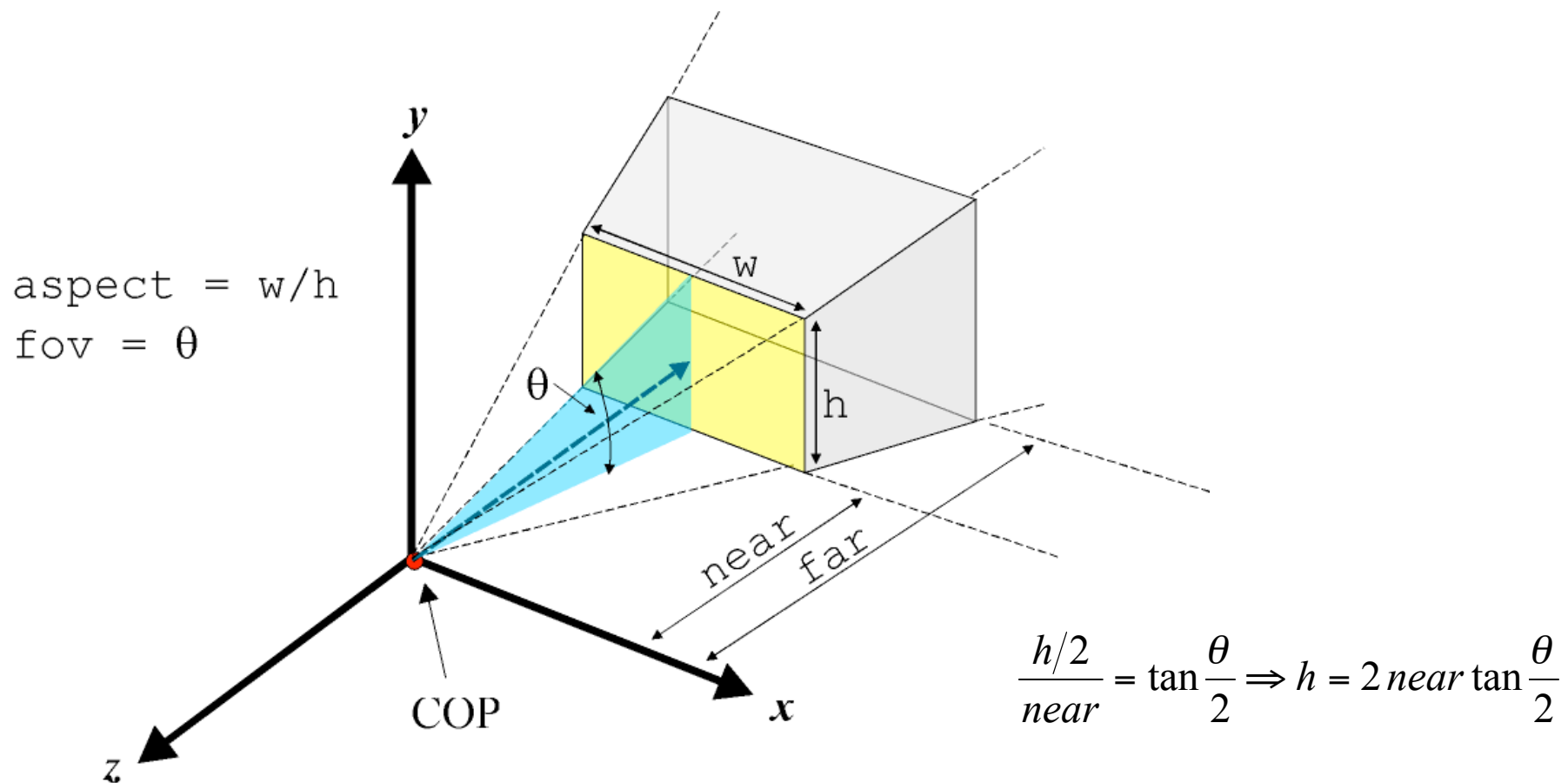
```
glFrustum(-1.0, 1.0, -1.0, 1.0, 5.0, 50.0);
```

- Um *frustum* não-simétrico introduz *obliquidade* na projecção.
- z_{\min} e z_{\max} são especificados como distâncias positivas ao longo de $-z$



Projecções em perspectiva

`gluPerspective(fov, aspect, near, far);`



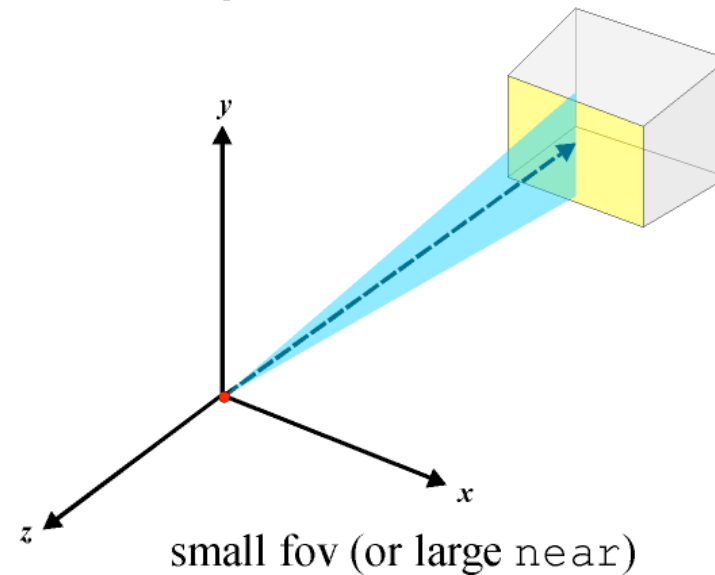
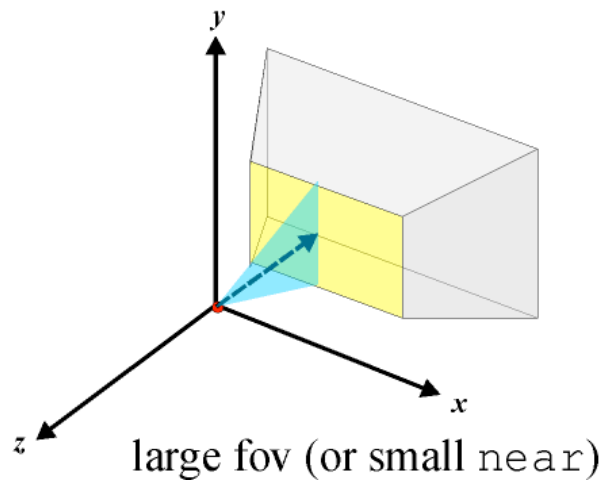
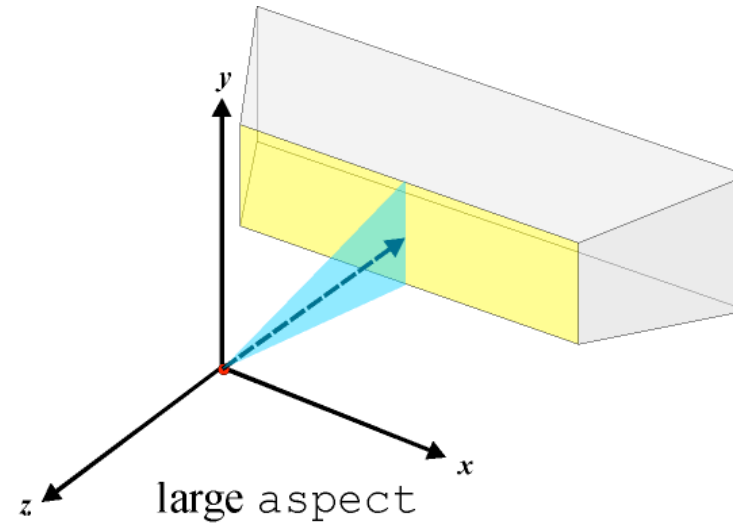
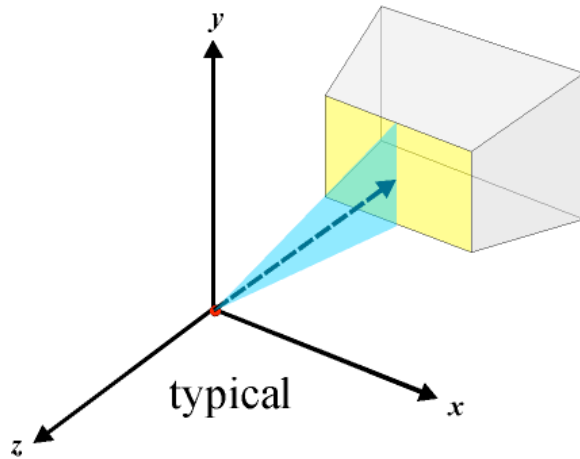


gluPerspective

- Uma função para simplificar a especificação de vistas ou projecções em perspectiva.
- Só permite a criação de *frustra simétricos*.
- O ponto de vista (do observador) está na origem e a direcção de observação é o eixo **-z**.
- O ângulo do *campo de vista*, fov , tem de pertencer ao intervalo $[0, 180]$.
- `aspect` permite a criação dum *frustrum* com a mesma *razão de aspecto* do visor (*viewport*) por forma a eliminar distorção.



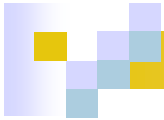
Projecções em perspectiva





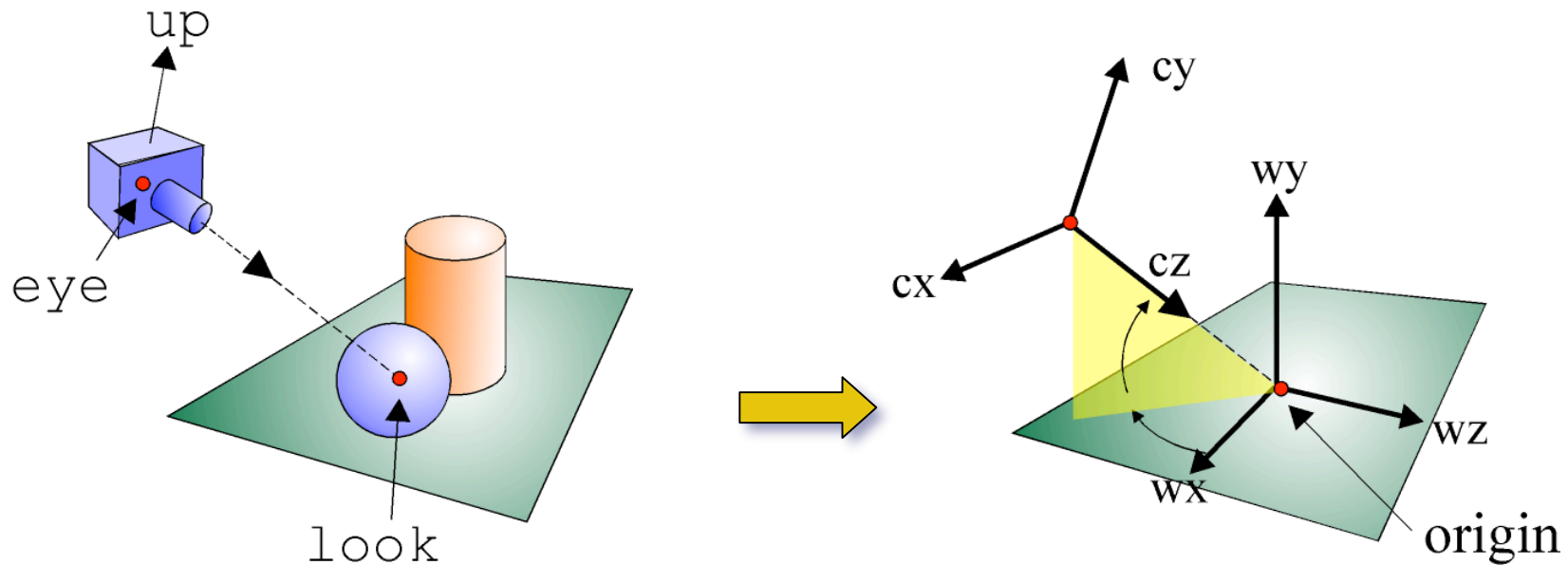
Posicionamento da câmara

- As projecções anteriores têm limitações:
 - COP fixo e direcção de projecção (ou observação) fixa
- Para obter uma posição e orientação arbitrárias da câmara temos de manipular a matriz MODELVIEW antes da criação dos modelos. Desta forma, posiciona-se a câmara relativamente aos objectos da cena.
- Por exemplo, há duas possibilidades para posicionar a câmara em (10, 2, 10) em relação ao referencial do domínio da cena:
 - mudar o referencial do domínio da cena antes de criar os objectos usando `translatef` e `rotatef`: **`glTranslatef(-10, -2, -10);`**
 - usar `gluLookAt` para posicionar a câmara relativamente ao referencial do domínio da cena: **`gluLookAt(10, 2, 10, ...);`**
- Estas duas possibilidades são *equivalentes*.



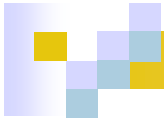
Posicionamento da câmara

`gluLookAt(eyex, eyey, eyez, lookx, looky, lookz, upx, upy, upz);`



equivalente a:

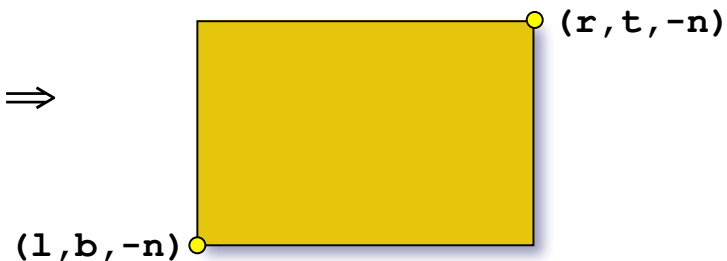
```
glTranslatef(-eyex, -eyey, -eyez);  
glRotatef(theta, 1.0, 0.0, 0.0);  
glRotatef(phi, 0.0, 1.0, 0.0);
```



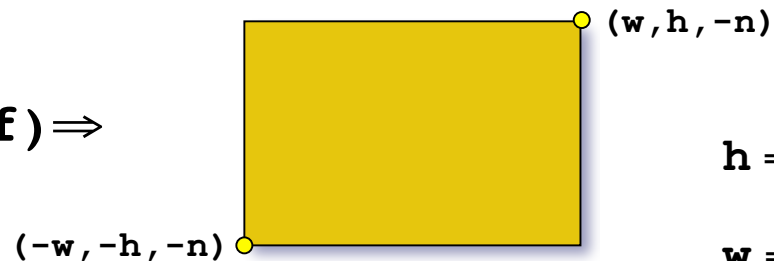
Janela de projecção

- A matriz de projecção define a transformação de coordenadas 3D do domínio da cena numa janela 2D que pertence ao plano de projecção.
- As dimensões da janela de projecção são definidas como parâmetros da projecção:

□ `glFrustum(l, r, b, t, n, f) ⇒`



□ `gluPerspective(f, a, n, f) ⇒`



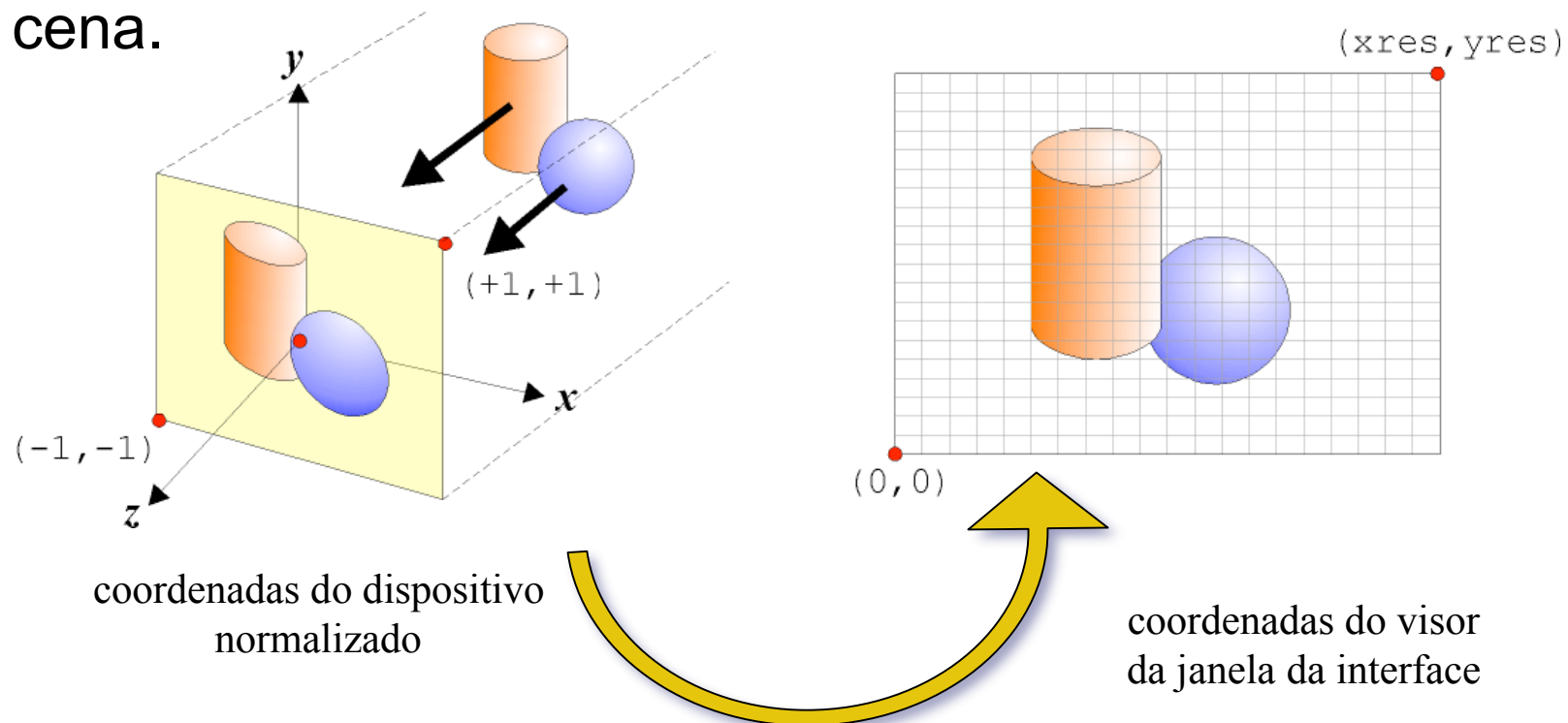
$$h = n \cdot \tan \frac{f}{2}$$

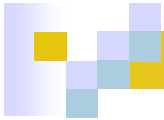
$$w = h \cdot a \quad 30$$

Transformação janela-visor:

revisão

- Como vimos no capítulo anterior, é preciso mapear os pontos do sistema de coordenadas da janela de projecção para os pixels do sistema de coordenadas do visor da janela da interface, por forma a determinar o pixel associado a cada vértice dos objectos da cena.





Transformação janela-visor:

revisão

- Uma transformação *afim* planar é usada.
- Após projecção no plano de vista, todos os pontos são transformados em coordenadas do *dispositivo normalizado*: $[-1, -1] \times [+1, +1]$.

$$x_n = 2 \left(\frac{x_p - x_{\min}}{x_{\max} - x_{\min}} \right) - 1$$
$$y_n = 2 \left(\frac{y_p - y_{\min}}{y_{\max} - y_{\min}} \right) - 1$$

- `glViewport` é usado para relacionar os dois sistemas de coordenadas:

```
glViewport(int x, int y, int width, int height);
```




Transformação janela-visor:

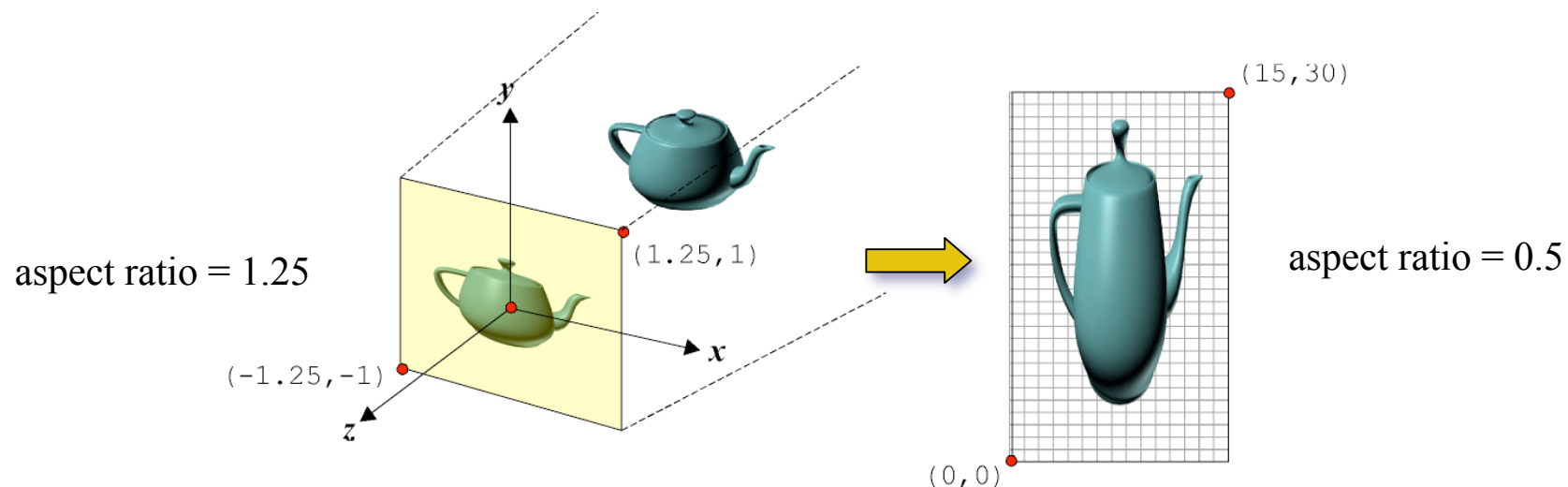
revisão

- (x, y) = posição do canto inferior esquerdo do visor dentro da janela da interface
- `width, height` = dimensões do visor em pixéis \Rightarrow
$$x_w = (x_n + 1) \left(\frac{\text{width}}{2} \right) + \mathbf{x} \quad y_w = (y_n + 1) \left(\frac{\text{height}}{2} \right) + \mathbf{y}$$
- Normalmente, recria-se a janela após o evento *resize* da janela da interface assegurar o mapeamento correcto entre as dimensões do visor e da janela:

```
static void reshape(int width, int height)
{
    glViewport(0, 0, width, height);
    glMatrixMode(GL_PROJECTION);
    glLoadIdentity();
    gluPerspective(85.0, 1.0, 5, 50);
}
```

Razão de aspecto: revisão

- A razão de aspect (*aspect ratio*) define a relação entre a largura (width) e a altura (height) da imagem.
- A razão de aspecto da janela de projecção é explicitamente fornecida através da função `gluPerspective`.
- A razão de aspecto do visor deve ser a mesma para evitar distorção de imagem:



Aplicação com 4 visores numa janela da interface



```
// top left: top view
glViewport(0, win_height/2, win_width/2, win_height/2);
glMatrixMode(GL_PROJECTION);
glLoadIdentity();
glOrtho(-3.0, 3.0, -3.0, 3.0, 1.0, 50.0);
gluLookAt(0.0, 5.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, -1.0);
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);
glLoadIdentity();
glCallList(object);
```

```
// top right: right view
glViewport(win_width/2, win_height/2, win_width/2, win_height/2);
glMatrixMode(GL_PROJECTION);
glLoadIdentity();
glOrtho(-3.0, 3.0, -3.0, 3.0, 1.0, 50.0);
gluLookAt(5.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0);
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);
glLoadIdentity();
glCallList(object);
```

```
// bottom left: front view
glViewport(0, 0, win_width/2, win_height/2);
glMatrixMode(GL_PROJECTION);
glLoadIdentity();
glOrtho(-3.0, 3.0, -3.0, 3.0, 1.0, 50.0);
gluLookAt(0.0, 0.0, 5.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0);
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);
glLoadIdentity();
glCallList(object);
```

```
// bottom right: rotating perspective view
glViewport(win_width/2, 0, win_width/2, win_height/2);
glMatrixMode(GL_PROJECTION);
glLoadIdentity();
gluPerspective(70.0, 1.0, 1, 50);
gluLookAt(0.0, 0.0, 5.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0);
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);
glLoadIdentity();
glRotatef(30.0, 1.0, 0.0, 0.0);
glRotatef(Angle, 0.0, 1.0, 0.0);
glCallList(object);
```