Sprawozdanie z listy trzeciej

Karolina Bak

Listopad 2019

1 Zadanie 1

Celem zadania było zaimplementowanie metody bisekcji do rozwiązywania f(x)=0. Funkcja miała spełniać poniższą specyfikację:

Dane:

- \bullet f f(x) jako anonimowa funkcja
- ullet a, b końce przedziału początkowego
- delta, epsilon dokładności obliczeń

Wyniki:

- r przybliżenie pierwiastka
- \bullet v wartość f(r)
- it ilość iteracji
- err błąd
 - **0** brak
 - 1 funkcja nie zmienia znaku w [a,b]

Opis algorytmu:

Na początku przypisuję wartości końców odcinka do zmiennych u i w, a długość odcinka do e. Jeśli znaki zmiennych u i w są takie same, zwracam błąd (1), gdyż nie można wtedy zagwarantować, że gdzieś w tym przedziale będzie pierwiastek funkcji. W przeciwnym razie metoda działa dla funkcji ciągłych. Następnie w pętli zmniejszam przeszukiwany odcinek o połowę, sprawdzając środkową wartość w odcinku. Jeśli jest ona poprawna zgodnie z narzuconą dokładnością, zwracam wynik. Jeśli nie, to sprawdzam jej znak ze znakiem wartości funkcji na początku odcinka. Jeśli są różne, to szukam dalej pierwiastka

w pierwszej połowie odcinka. Jeśli nie, szukam pierwiastka w drugiej połowie. Powtarzam proces, dopóki nie trafię na poprawny (w granicy błędu) wynik.

Pseudokod:

```
0. M - bezpiecznik przeciwko nieskończonej pętli - typemax(Int32)
1. u = f(a); w = f(b);
2. e = b-a
3. if sign(u) == sign(w)
   return(a,u,0,1)
4. for it in 1:M
4.1 e = e/2
    c = a + e
    v = f(c)
4.2 \text{ if } |e| < delta \text{ or } |v| < epsilon
    return(c,v,it,0)
4.3 \text{ if } sign(v) != sign(u)
    b = c
    w = v
   else
    a = c
```

2 Zadanie 2

Celem zadania było zaimplementowanie metody Newtona do rozwiązywania f(x)=0. Funkcja miała spełniać poniższą specyfikację:

Dane:

- \bullet f f(x) jako anonimowa funkcja
- \bullet pf f'(x) jako anonimowa funkcja
- \bullet **x0** przybliżenie początkowe
- delta, epsilon dokładności obliczeń
- maxit maksymalna liczba iteracji

Wyniki:

- r przybliżenie pierwiastka
- $\bullet~\mathbf{v}$ wartość f(r)
- it ilość iteracji

- err bład
 - **0** metoda zbieżna
 - 1 nie znaleziono wyniku w maxit iteracji
 - 2 pochodna bliska zeru

Opis algorytmu:

Na początku działania funkcji sprawdzam, czy udało się trafić w pierwiastek przy warunkach początkowych. Jeśli tak, to zwracam tą wartość. Jeśli nie, kontynuuję. Rozpoczynam pętle od 1 do maxit, w której na początku sprawdzam czy pochodna w x0 jest mniejsza niż wymagana dokładność. Jeśli tak, to przyjmuję, że jest bliżej zera niż powinna i zwracam błąd (2). Następnie obliczam następny x, czyli x1 (punkt przecięcia stycznej do funkcji w x0 z osią OX) równy $x0 - \frac{f(x0)}{f'(x0)}$. Potem sprawdzam czy x1 jest dobrym przybliżeniem pierwiastka. Jeśli tak, to zwracam uzyskaną wartość. Jeśli nie, to za x0 podstawiam x1 i kontynuuję poszukiwania. Jeśli po maxit iteracji nie uda mi się uzyskać odpowiedniego wyniku, zwracam błąd (1).

Pseudokod:

```
1. v = f(x0);

2. if |v| < epsilon

return(x0,v,0,0)

3. for it in 1:maxit

3.1 fprim = pf(x0)

3.2 if |fprim| < delta

return(x0,v,it,2)

3.3 x1 = x0-v/fprim

v = f(x1)

3.4 if |x1-x0| < delta or |v| < epsilon

return(x1,v,it,0)

3.5 x0 = x1

4. return(x1,v,maxit,1)
```

3 Zadanie 3

Celem zadania było zaimplementowanie metody siecznych do rozwiązywania f(x)=0. Funkcja miała spełniać poniższą specyfikację:

Dane:

 \bullet f - f(x) jako anonimowa funkcja

- \bullet x0, x1 przybliżenia początkowe
- delta, epsilon dokładności obliczeń
- maxit maksymalna liczba iteracji

Wyniki:

- r przybliżenie pierwiastka
- \bullet v wartość f(r)
- it ilość iteracji
- err bład
 - **0** metoda zbieżna
 - 1 nie znaleziono rozwiązania w maxit iteracji

Opis algorytmu:

Zaczynam od ustalenia wartości funkcji dla punktów przybliżających. Potem zaczynam pętle od 1 do maxit. Jeśli |f(x0)| jest większe od |f(x1)| to zamieniam miejscami wartości zmiennych x0 oraz x1. Następnie wyliczam s równe $\frac{x1-x0}{f(x1)-f(x0)}$, które jest przybliżeniem pochodnej f(x), co pozwoli mi obliczyć następne x0 równe x0-f(x0)*s, które jest miejscem gdzie sieczna przechodząca przez x0 i x1 przecina oś OX. Następne x1 to stare x0. W kolejnym kroku sprawdzam, czy udało mi się przybliżyć pierwiastek. Jeśli tak, to zwracam uzyskany wynik. W przeciwnym razie kontynuuję obliczenia. Jeśli nie uda się znaleźć rozwiązania w maxit iteracji, zwracam błąd (1).

Pseudokod:

```
1. fx0 = f(x0); fx1 = f(x1)

2. for it in 1:maxit

2.1 if |fx0| > |fx1|

swap(x0,x1)

swap(fx0,fx1)

2.2 s = (x1-x0)/(fx1-fx0)

x1 = 0; fx1 = fx0

x0 = x0-fx0*s; fx0 = f(x0)

2.3 if |x1-x0| < delta or |fx0| < epsilon

return(x0,fx0,it,0)

3. return(x0,fx0,maxit,1)
```

4 Zadanie 4