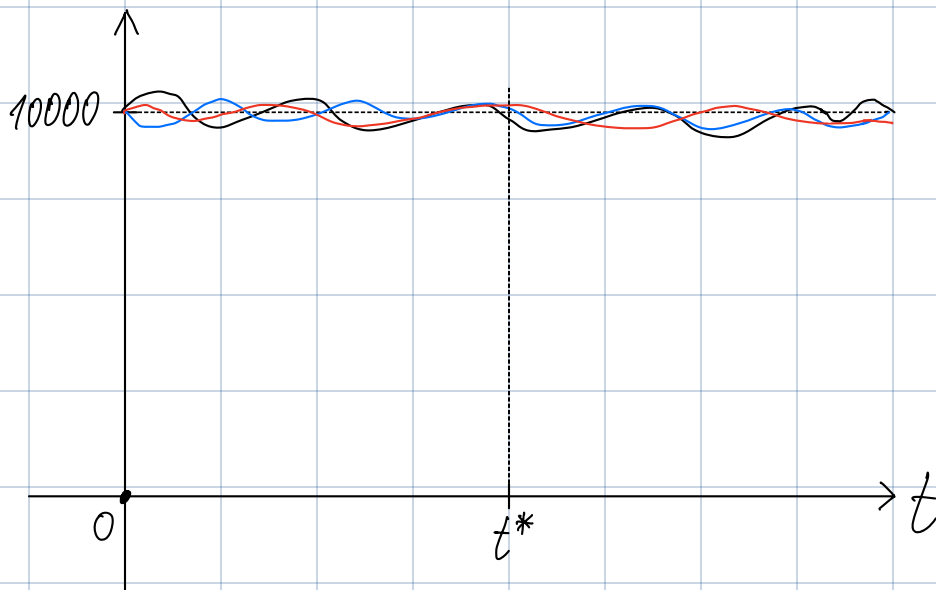
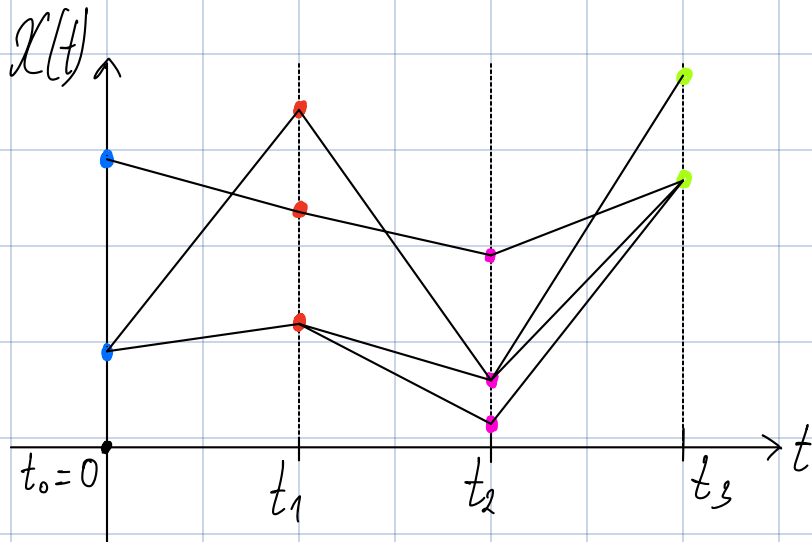


# Введение в теорию случайных процессов

возникает  
в момент  $t$

числовые значения

С.П.  $X(t)$  наз. ф. несущ. арг.  $t$  (времени), значениями кот. в каждый момент времени явл. некоторая СВ с известным распр.



При построении модели С.П. необходимо учесть влияние более ранних сост-ий на последующие, т.е. учесть в модели С.П. эффект памяти.

## Способы задания С.П.

заключ. в задании всех его многомерных распредел. т.е.  
для любого  $\forall n \in \mathbb{N}, \forall t_1, t_2, \dots, t_n$  определены вероят. одновременного оцущ.  
след. соб-ий.  $X(t_1) \leq x_1, X(t_2) \leq x_2, \dots, X(t_n) \leq x_n$ . Друг. словами,  
задается  $n$ -мерная ф. распредел. след. вида:

$$F(t_1; t_2; \dots; t_n; x_1; x_2; \dots; x_n) = P(\underbrace{X(t_1) \leq x_1}_{\xi_1}; \underbrace{X(t_2) \leq x_2}_{\xi_2}; \dots; \underbrace{X(t_n) \leq x_n}_{\xi_n})$$

СВ в момент времени  $t_1$

2) С.П.  $X(t)$  представляется как ф. двух перемен-  
ных  $X(t) = X(t; \omega)$ ,  $\omega \in \Omega$ ;  $\Omega$  - мн. всех элементарных  
исходов;  $t \in T$ , где одна из переменных / исходов  
 $T$  - или вся числовая ось, или какая-то её часть

Класс ф., в кот. трансформируется С.П. при фикс.  
выборе  $\omega = \omega^*$  наз. **траекторией С.П.**  
Обозн:  $x(t) = X(t; \omega^*)$

СВ. в кот. транс. С.П. при фикс. значении времени  $t = t^*$   
наз. **сечением С.П.**  
Обозн:  $X(t^*) = X(t^*; \omega)$

## Класс С.П.

прим.

- 1) Если  $t$  меняется от  $-\infty$  до  $+\infty$  или все значения какого-либо промежутка, то такой С.П. наз. П. с непрерывным временем (1 рнс)
- 2) Если  $t$  принимает дискр. значения, то такой С.П. наз. П. с дискретным временем (2 рнс)
- 3) Если каждое сечение С.П. эвл. ДСВ, то такой С.П. наз. процессом с дискретными состояниями
- 4) Если каждое сечение С.П. эвл. НСВ, то такой С.П. наз. П. с непрерывными состояниями

формулы

В общем случае, записать С.П. аналитически невозможно.  
Множество - элементарные С.П., ком. символом след. структуры:  
 $X(t) = X(t; A_1; A_2; \dots; A_n)$ , где  $A_i$  - СВ