
TP2 : Requêtes, dépendances fonctionnelles et normalisation

Rapport de TP

Réalisé par :

Célian WIRTZ (celian.wirtz@edu.univ-paris13.fr)

12100311

Date • 27/04/25

Année universitaire : 2024/2025

Responsable

M. Youcef

Exercise n° 1

-- 1

```
SELECT dept_name FROM department WHERE budget = (SELECT  
MAX(budget) FROM department);
```

-- 2

```
SELECT name, salary FROM teacher WHERE salary > (SELECT AVG(salary)  
FROM teacher);
```

-- 3

```
SELECT t.name AS prof, s.name AS eleve, COUNT(*) AS nb_cours FROM  
teacher t  
JOIN teaches te ON t.id = te.id JOIN takes ta  
ON (ta.course_id, ta.sec_id, ta.semester, ta.year) = (te.course_id,  
te.sec_id, te.semester, te.year)  
JOIN student s ON ta.ID = s.ID GROUP BY t.name, s.name HAVING  
COUNT(*) >= 2;
```

-- 4

```
SELECT t.name AS prof, s.name AS eleve, sub.nb_cours FROM (SELECT  
te.id, ta.id AS student_id,  
COUNT(*) AS nb_cours FROM teaches te JOIN takes ta  
ON (ta.course_id, ta.sec_id, ta.semester, ta.year) = (te.course_id,  
te.sec_id, te.semester, te.year)  
GROUP BY te.id, ta.id) AS sub JOIN teacher t ON t.id = sub.id JOIN student s  
ON s.id = sub.student_id  
WHERE sub.nb_cours >= 2;
```

-- 5

```
SELECT s.ID, s.name FROM student s
WHERE NOT EXISTS (SELECT 1 FROM takes t WHERE t.ID = s.ID AND t.year
< 2010);
```

-- 6

```
SELECT id, name FROM teacher WHERE name LIKE 'E%';
```

-- 7

```
SELECT salary, name FROM teacher WHERE salary =
(SELECT DISTINCT salary FROM teacher ORDER BY salary DESC LIMIT 1
OFFSET 3);
```

-- 8

```
SELECT name, salary FROM (SELECT name, salary FROM teacher ORDER BY
salary ASC LIMIT 3) AS petit_salaire
ORDER BY salary DESC;
```

-- 9

```
SELECT name FROM student
WHERE id IN (SELECT DISTINCT id FROM takes WHERE semester = 'Fall'
AND year = 2009);
```

-- 10

```
SELECT name FROM student
WHERE id = SOME (SELECT id FROM takes WHERE semester = 'Fall' AND
year = 2009);
```

-- 11

```
SELECT DISTINCT s.name FROM student s
```

```
NATURAL JOIN takes t WHERE t.semester = 'Fall' AND t.year = 2009;
```

-- Dans la version de sql que j'utilise je dois utiliser NATURAL JOIN pas

```
NATURAL INNER JOIN
```

-- (donc si ça marche pas pour vous faut juste rajouter INNER)

-- 12

```
SELECT s.name FROM student s
```

```
WHERE EXISTS (SELECT 1 FROM takes t WHERE t.ID = s.ID AND t.semester =  
'Fall' AND t.year = 2009);
```

-- 13

```
SELECT DISTINCT s1.name AS E1, s2.name AS E2 FROM takes t1
```

```
JOIN takes t2 ON t1.course_id = t2.course_id
```

```
AND t1.sec_id = t2.sec_id AND t1.semester = t2.semester AND t1.year =  
t2.year
```

```
AND t1.ID < t2.ID -- Pas de paire avec lui même ni de doublons (les deux en  
même temps)
```

```
JOIN student s1 ON t1.ID = s1.ID JOIN student s2 ON t2.ID = s2.ID;
```

-- 14

```
SELECT t.name AS prof, COUNT(ta.ID) AS nb_eleve FROM teacher t
```

```
JOIN teaches te ON t.ID = te.ID LEFT JOIN takes ta
```

```
ON (te.course_id, te.sec_id, te.semester, te.year) = (ta.course_id,  
ta.sec_id, ta.semester, ta.year)
```

```
GROUP BY t.ID, t.name ORDER BY nb_eleve DESC;
```

```
--15
```

```
SELECT t.name AS prof, COUNT(ta.ID) AS nb_eleve FROM teacher t  
LEFT JOIN teaches te ON t.ID = te.ID LEFT JOIN takes ta  
ON (te.course_id, te.sec_id, te.semester, te.year) = (ta.course_id,  
ta.sec_id, ta.semester, ta.year)  
GROUP BY t.ID, t.name ORDER BY nb_eleve DESC;
```

```
-- 17
```

```
SELECT t.name AS prof, s.name AS eleve, COUNT(*) AS nb_cours FROM  
teacher t  
JOIN teaches te ON t.ID = te.ID  
JOIN takes ta ON (te.course_id, te.sec_id, te.semester, te.year) =  
(ta.course_id, ta.sec_id, ta.semester, ta.year)  
JOIN student s ON ta.ID = s.ID GROUP BY t.ID, s.ID ORDER BY prof;
```

```
-- 18
```

```
SELECT t.name AS prof, s.name AS eleve, COUNT(*) AS nb_cours FROM  
teacher t  
JOIN teaches te ON t.ID = te.ID  
JOIN takes ta ON (te.course_id, te.sec_id, te.semester, te.year) =  
(ta.course_id, ta.sec_id, ta.semester, ta.year)  
JOIN student s ON ta.ID = s.ID GROUP BY t.ID, s.ID HAVING COUNT(*) >= 2  
ORDER BY prof;
```

Exercice n° 2

1. $R(A, B, C)$ et $F = \{A \twoheadrightarrow B; B \twoheadrightarrow C\}$

Clé primaire : A

Cette relation est en 2NF (pas en 3NF car il y a une transitivité)

Ainsi on décompose en 2 relations :

$R_1(B, C)$ et $F_1 = \{B \twoheadrightarrow C\}$ et $R_2(A, B)$ et $F_2 = \{A \twoheadrightarrow B\}$

Ces deux relations sont bien en forme normale (B est super-clé pour R_1 et A pour R_2)

2. $R(A, B, C)$ et $F = \{A \twoheadrightarrow C; A \twoheadrightarrow B\}$

Cette relation est déjà en BCNF (pas besoin de normaliser)

3. $R(A, B, C)$ et $F = \{A, B \twoheadrightarrow C; C \twoheadrightarrow B\}$

Cette relation est en 3NF cependant, C n'étant pas une super-clé, la relation n'est pas en BCNF.

Ainsi on décompose en 2 relations :

$R_1(B, C)$ et $F_1 = \{C \twoheadrightarrow B\}$ et $R_2(A, B)$ et $F_2 = \{\}$

Exercice n° 3

Question 1 :

$R(A, B, C, D, E)$ et $F = \{A \twoheadrightarrow B, C; C, D \twoheadrightarrow E; B \twoheadrightarrow D; E \twoheadrightarrow A\}$

Réflexivité : $A \rightarrow A / B \rightarrow B / C \rightarrow C / D \rightarrow D / E \rightarrow E / A, B \rightarrow A, B \dots$

Transitivité : $A \rightarrow D, C / A \rightarrow E, C / C, D \rightarrow A / C, D \rightarrow B / C, D \rightarrow D / C, D \rightarrow E / B \rightarrow E / B \rightarrow A / E \rightarrow B / E \rightarrow D$

Augmentation : $A, B \rightarrow B, C / A, C \rightarrow B, C / A, D \rightarrow B, C / A, E \rightarrow B, C / A \rightarrow B, C, D / \dots$

Question 2 :

$R(A, B, C, D, E, F)$ et $F = \{A \twoheadrightarrow B, C, D; B, C \twoheadrightarrow D, E; B \twoheadrightarrow D; D \twoheadrightarrow A\}$.

(a) Calculer la fermeture de l'attribut B et de l'ensemble $\{A, B\}$

$B \rightarrow B$ (réflexivité) et $B \rightarrow D$ donc $B \rightarrow B, D$ or $D \rightarrow A$ donc $B \rightarrow A, B, D$ or $A \rightarrow B, C, D$ donc $B \rightarrow A, B, C, D$ or $B, C \rightarrow D, E$ donc $B \rightarrow A, B, C, D, E$ ainsi la fermeture de B est $\{A, B, C, D, E\}$.

B appartient à $\{A, B\}$ donc la fermeture de B est incluse dans celle de $\{A, B\}$ or la fermeture de B est déjà remplie au maximum (sans F mais F n'étant même pas dans une DF elle ne pourra pas apparaître dans la fermeture d'un ensemble ne contenant pas F) donc la fermeture de $\{A, B\}$ est $\{A, B, C, D, E\}$.

On sait que : $A \twoheadrightarrow B, C, D$; donc $A \rightarrow B$ or $B \rightarrow A, B, C, D, E$ ainsi $A, F \rightarrow B, F \rightarrow A, B, C, D, E, F$ donc A,F est super clé de cette relation.

A n'étant même pas une super clé, cette relation n'est pas en BCNF.

On décompose R en $R_1(A, B, C, D)$ et $R_2(A, E, F)$ avec $F_1 = \{A \rightarrow B, C, D; B \rightarrow D; D \rightarrow A\}$ et $F_2 = \{\}$.

R_2 est en BCNF.

R_1 n'est pas en BCNF (B n'est pas super-clé)

On décompose R_1 en $R_3(B, D)$ et $R_4(A, C)$ avec $F_3 = \{B \rightarrow D\}$ et $F_4 = \{A \rightarrow C\}$.

R_3 et R_4 étant en BCNF, on a la décomposition finale suivante :

$R_2(A, E, F)$ et $F_2 = \{\}$

$R_3(B, D)$ et $F_3 = \{B \rightarrow D\}$

$R_4(A, C)$ et $F_4 = \{A \rightarrow C\}$

Question 3 :

(On reprend ceux de la question précédente ???)

$R_1(A, B, C)$ et $R_2(A, D, E)$

Attribut commun : A

A est clé dans les deux relations (donc dans au moins une) : $A \rightarrow B, C$ et $A \rightarrow D, E$

Donc cette décomposition est sans perte d'information.

$R_1(A, B, C)$ $R_2(C, D, E)$

Attribut commun : C

C n'est clé dans aucune des deux relations, donc cette décomposition est avec perte d'information.

Exercice n° 4

```
import itertools

myrelations = [{"A", "B", "C", "G", "H", "I"}, {"X", "Y"}]
mydependencies = [ [ {"A"}, {"B"} ], [ {"A"}, {"C"} ], [ {"C", "G"}, {"H"} ],
[ {"C", "G"}, {"I"} ], [ {"B"}, {"H"} ], [{"H"}, {"R"}]]

# Question 1 (donné par le prof)
def printDependencies(dep_liste):
    print("My Dependencies :")
    for alpha , beta in dep_liste:
        print ("\t", alpha , " --> ", beta)
```

```

# Question 2 (donné par le prof)
def printRelations(rel_liste):
    print("My Relations :")
    for R in rel_liste:
        print ("\t", R)

# Question 3 (donné par le prof)
def powerSet(inputset):
    _result = []
    for r in range(1, len (inputset) + 1):
        _result = _result + list(map(set, itertools.combinations(inputset, r)))
    return _result

# Question 4
def fermeture(dep_liste, attribut_liste):
    _fermeture = set(attribut_liste)
    _fermeture2 = set()

    while(_fermeture != _fermeture2):
        _fermeture2 = _fermeture.copy()
        _powset = powerSet(_fermeture)

        for i, j in dep_liste:
            if i in _powset:
                _fermeture.update(j)
    return _fermeture

# Question 5
# Bon avec l'exemple il y en a beaucoup mais c'était à prévoir car il y a énormément de combinaisons possibles.
def cloture(dep_liste):
    R = set ()
    for a,b in dep_liste: R.update(a | b)

    _cloture = []

    for i in powerSet(R) :
        for j in powerSet(fermeture(dep_liste,i)) :
            _cloture.append([i, j])
    return _cloture

# Question 6
# On vérifie que les a implique b à l'aide de la fermeture
def implique(dep_liste, a, b):
    return b.issubset(fermeture(dep_liste, a))

# Question 7
# On vérifie que chaque élément de la relation soit bien un élément de la fermeture de l'attribut (et donc que l'attribut soit super-clé)
def supercle(dep_liste, attribut, relation):
    return relation.issubset(fermeture(dep_liste, attribut))

```

```

# Question 8
# Suffit de vérifier que c'est une super clé et que quand on retire un élément ça
ne l'est plus
def candidate(dep_liste, attribut, relation):
    if not(supercle(dep_liste, attribut, relation)) :
        return False
    else :
        for i in attribut:
            temp = set(attribut)
            temp.discard(i)
            if supercle(dep_liste, temp, relation):
                return False
        return True

# Question 9
# Bon bah on teste toutes les possibilités... Bon par contre il y a peut-être mieux
d'un point de vue complexité
def liste_candidate(dep_liste, relation):
    L = []
    for i in powerSet(relation):
        if candidate(dep_liste, i, relation) :
            L.append(i)
    return L

# Question 10
# Bon bah on teste toutes les possibilités encore :) ...
def liste_supercle(dep_liste, relation):
    L = []
    for i in powerSet(relation):
        if supercle(dep_liste, i, relation) :
            L.append(i)
    return L

import random

# Question 11
# Euh bah on en pioche une dans la liste c'est tout...
def random_candidate(dep_liste, relation):
    return random.choice(liste_candidate(dep_liste, relation))

# Question 12
# On vérifie que chaque élément de gauche des DF est une super clé.
def BCNF(dep_liste, relation):
    for a, b in dep_liste:
        if not supercle(dep_liste, a, relation) :
            return False
    return True

```

```
if (__name__ == "__main__"):

    _bool = ""

    #printDependencies(mydependencies)
    #printRelations(myrelations)

    #choisir le result que vous voulez (chacun correspond à une question)
    #_result = powerSet({'A', 'B', 'C'})
    #_result = fermeture(mydependencies, {'B', 'G'})
    #_result = cloture(mydependencies)

    #_bool = implique(mydependencies, {'A'}, {'H'})
    #_bool = supercle(mydependencies, {'A', 'G'}, myrelations[0])

    #_bool = candidate(mydependencies, {'A'}, myrelations[0])
    #_bool = candidate(mydependencies, {'A', 'G'}, myrelations[0])
    #_bool = candidate(mydependencies, {'A', 'C', 'G'}, myrelations[0])

    #_result = liste_candidate(mydependencies, myrelations[0])
    #_result = liste_supercle(mydependencies, myrelations[0])
    #_result = random_candidate(mydependencies, myrelations[0])

    #_bool = BCNF(mydependencies, myrelations[0])

    if '_result' in locals():
        pass
    else:
        _result = []

    for i in _result:
        print("\t", i)

    print("\t", _bool)

    exit(0)
```