



Materia: Tópicos Selectos de Algoritmos Bioinspirados Grupo: 7BM1

> Profesor: Daniel Molina Pérez Periodo: 2025/02

Practica 02

Optimización de Carteras: Un Enfoque de Algoritmo Genético con Manejo de Restricciones para la Selección de Activos

Realizado por: Carrillo Barreiro José Emiliano Martinez Ayala Gerardo Robles Otero José Ángel Vásquez Morales Haniel Ulises

Abstract:

This paper presents an approach to solve the portfolio optimization problem using a genetic algorithm with constraint handling. The goal of portfolio optimization is to find the optimal allocation of capital among different financial assets to maximize return and/or minimize risk. The genetic algorithm is implemented to address this problem, incorporating constraint handling through the exterior penalty method to ensure that solutions satisfy real-world limitations, such as investment limits per asset and acceptable risk levels. The results obtained from applying the algorithm to a stock selection case study are presented and discussed.

Resumen:

Esta práctica aborda el problema de la optimización de carteras de inversión, donde el objetivo es determinar la distribución óptima del capital entre diferentes activos financieros para maximizar el retorno y/o minimizar el riesgo. Se implementa un algoritmo genético para resolver este problema, incorporando el manejo de restricciones mediante el método de penalización exterior para asegurar que las soluciones obtenidas cumplan con las limitaciones del mundo real, como límites de inversión por activo y niveles de riesgo aceptables. Se presentan y discuten los resultados obtenidos al aplicar el algoritmo a un caso de estudio de selección de acciones.

Fecha: 15 de abril de 2025





Índice general

1	Introducción	1-1
2	Objetivos del Proyecto 2.1 Objetivo general 2.2 Objetivo del inciso uno 2.3 Objetivo inciso dos 2.4 Objetivo inciso tres	2-1 2-1
3	Metodología 3.1 Inicialización de la Población 3.2 Evaluación de Fitness 3.3 Selección por Torneo 3.4 Cruzamiento con SBX 3.5 Mutación Polinomial 3.6 Elitismo y Ciclo Evolutivo 3.7 Penalización Exterior 3.8 Configuración de Hiperparámetros 3.8.1 Lista de Hiperparámetros 3.8.2 Criterios de Selección	3-1 3-3 3-3 3-4 3-4 3-5 3-6 3-6
4	Resultados y Discusión 4.1 Análisis de los Resultados 4.1.1 Consistencia y Robustez 4.1.2 Análisis por Problema 4.1.3 Evolución del Fitness y Visualizaciones 4.2 Discusión Resultados	4-2 4-2 4-2
5	Implementación 5.1 5.1 Funciones Objetivo 5.1.1 Descripción 5.1.2 Implementación 5.2 Módulos del Algoritmo Genético 5.2.1 Inicialización 5.2.2 Selección 5.2.3 Cruzamiento 5.2.4 Mutación 5.2.5 Aplicacion de Restricciones 5.2.6 Ejecución del Algoritmo 5.3 Visualización y Almacenamiento 5.3.1 Visualización 5.3.2 Almacenamiento	5-1 5-1 5-1 5-2 5-2 5-2 5-2 5-2 5-2 5-2
6	Conclusiones	1
A	GitHub	\- 1
В	Scripts B.1 Archivo main.py	3-1 B-1





	B.2	Archivo AG_confs.py	B-3
	B.3	Archivo AG.py	B-3
	B.4	Archivo selection.py	B-5
	B.5	Archivo crossover.py	B-6
	B.6	Archivo mutation.py	B-8
	B.7	Archivo auxiliares_functions.py	B-9
\mathbf{C}	Reg		C-1
\mathbf{C}	Reg C.1	Problema 01	C-1
\mathbf{C}	C.1		C-1 C-1
\mathbf{C}	C.1	Problema 01	C-1 C-1 C-2
C	C.1 C.2	Problema 01	C-1 C-1 C-2 C-2





Índice de cuadros

3.1	iperparámetros utilizados y su justificación	-6
4.1	roblema 01: resumen_global_corridas	-1
4.2	roblema 02: resumen_global_corridas	-1
4.3	rograma 03: resumen_global_corridas	-1
C.1	rchivo: resumen_run_1	-1
C.2	rchivo: resumen_run_2	-1
	rchivo: resumen_run_3	
	rchivo: resumen_run_4	
	rchivo: resumen_run_5	
	rchivo: resumen_run_1	
	rchivo: resumen_run_2	
	rchivo: resumen_run_3	
	rchivo: resumen_run_4	
	rchivo: resumen_run_5	
	rchivo: resumen_run_1	
	rchivo: resumen_run_2	
	rchivo: resumen_run_3	
	rchivo: resumen_run_4	
	rchivo: resumen_run_5	

Índice de figuras

4.1	Evolución del fitness del Problema 1	4-3
4.2	Evolución del fitness del Problema 2	4-3
43	Evolución del fitness del Problema 3	4-4





Introducción

En el presente trabajo se implementa y analiza un algoritmo genético (AG) como herramienta de optimización para resolver un problema restringido proveniente del ámbito financiero. Los algoritmos genéticos, inspirados en los principios de la evolución biológica, constituyen una técnica robusta de búsqueda estocástica ampliamente utilizada en la optimización de funciones no lineales, especialmente en contextos donde las restricciones y la dimensionalidad del espacio de búsqueda dificultan la aplicación de métodos deterministas tradicionales. La arquitectura del algoritmo propuesto incorpora operadores clásicos de selección por torneo, cruzamiento mediante Simulated Binary Crossover (SBX) con preservación de límites, y mutación polinomial, todos ellos diseñados para mantener la diversidad poblacional y facilitar la exploración eficiente del espacio de soluciones. Además, se introduce un enfoque de penalización basado en la agregación de violaciones de restricciones, ponderadas por un parámetro λ , que permite adaptar el esquema de evaluación de aptitud a entornos restringidos. El sistema ha sido diseñado para ejecutarse múltiples veces sobre una o más funciones objetivo, con el fin de obtener estadísticas robustas sobre el desempeño del AG. Para cada corrida, se registra el historial evolutivo del mejor individuo por generación, el comportamiento de las violaciones de restricciones y los valores estadísticos agregados (mejor, peor, promedio y desviación estándar). Asimismo, se generan representaciones gráficas que permiten visualizar la evolución del fitness y la viabilidad de las soluciones, así como superficies tridimensionales del espacio de búsqueda para funciones con dos variables





Objetivos del Proyecto

2.1 Objetivo general

Desarrollar e implementar un algoritmo genético para la resolución de un problema de optimización restringida en el ámbito financiero, con el fin de determinar la cartera de inversión óptima bajo diferentes criterios de maximización de retorno y control de riesgo.

2.2 Objetivo del inciso uno

Determinar la asignación óptima de capital en una cartera compuesta por seis acciones, maximizando el retorno esperado bajo la restricción de no invertir más del 40

2.3 Objetivo inciso dos

Diseñar una estrategia de inversión que minimice el riesgo asociado a la cartera, garantizando un rendimiento esperado mínimo del 35

2.4 Objetivo inciso tres

Identificar la combinación de inversión que maximice el rendimiento esperado de la cartera sin sobrepasar un nivel de riesgo del 20





Metodología

3.1 Inicialización de la Población

La población inicial se genera de forma uniforme a lo largo del espacio de búsqueda, definido por límites inferiores y superiores para cada variable.

Objetivo

Garantizar que la búsqueda comience explorando de manera equitativa todas las regiones posibles, evitando sesgos que puedan limitar la diversidad de soluciones iniciales.

Implementación

Se utiliza la función initialize_population, la cual emplea métodos de generación aleatoria (por ejemplo, la función np.random.uniform de NumPy) para crear un conjunto de individuos.

Ventajas

- Permite cubrir todo el rango definido para cada variable.
- Aumenta la probabilidad de encontrar regiones prometedoras del espacio de soluciones desde el inicio.

3.2 Evaluación de Fitness

Cada individuo generado se evalúa mediante una función objetivo, la cual cuantifica la calidad de la solución propuesta. A continuación, se describen las funciones objetivo y las restricciones empleadas para cada problema abordado:

Funciones Utilizadas por Problema

■ Problema 1: Optimización de Ganancias



• Función Objetivo ($f_{\text{finanzas}}(x)$): El objetivo es maximizar las ganancias, calculado como una combinación lineal de las variables de decisión (x), ponderadas por los siguientes coeficientes: 0.2, 0.42, 1, 0.5, 0.46 y 0.3 para x_0 a x_5 respectivamente. Matemáticamente, se expresa como:

$$f_{\text{finanzas}}(x) = -(0.2x_0 + 0.42x_1 + 1x_2 + 0.5x_3 + 0.46x_4 + 0.3x_5)$$

El signo negativo indica que, aunque la función se define para minimizar, en este contexto buscamos maximizar las ganancias, por lo que el algoritmo de optimización buscará minimizar el negativo de esta función.

• Restricción de Igualdad $(h_1(x))$: Se impone una restricción de igualdad que requiere que la suma de todas las variables de decisión sea igual a 1:

$$h_1(x) = 1 - \sum_{i=0}^{5} x_i = 0$$

• Función Secundaria Monitoreada (f_{riesgos}(x)): Adicionalmente, se monitorea la función de riesgos, aunque no se utiliza directamente en la evaluación de fitness para este problema. Esta función se calcula como:

$$f_{\text{riesgos}}(x) = x^T \Sigma x$$

donde Σ representa la matriz de covarianza de los activos.

- Problema 2: Minimización de Riesgos
 - Función Objetivo $(f_{riesgos}(x))$: El objetivo principal es minimizar el riesgo, calculado mediante la siguiente función cuadrática:

$$f_{\text{riesgos}}(x) = x^T \Sigma x$$

donde Σ es la matriz de covarianza de los activos y x es el vector de las variables de decisión.

• Restricción de Desigualdad $(g_1(x))$: Se establece una restricción de desigualdad que limita la ganancia mínima aceptable:

$$g_1(x) = 0.35 + f_{\text{finanzas}}(x) \le 0$$

donde

$$f_{\text{finanzas}}(x) = -(0.2x_0 + 0.42x_1 + 1x_2 + 0.5x_3 + 0.46x_4 + 0.3x_5)$$

• Restricción de Igualdad $(h_1(x))$: Al igual que en el Problema 1, se aplica la restricción de igualdad:

$$h_1(x) = 1 - \sum_{i=0}^{5} x_i = 0$$

- Función Secundaria Monitoreada ($f_{\text{finanzas}}(x)$): Se realiza un seguimiento de la función de ganancias para este problema, aunque no influye directamente en la optimización del riesgo.
- Problema 3: Optimización de Ganancias con Restricción de Riesgo
 - Función Objetivo ($f_{\text{finanzas}}(x)$): Similar al Problema 1, el objetivo es maximizar las ganancias:

$$f_{\text{finanzas}}(x) = -(0.2x_0 + 0.42x_1 + 1x_2 + 0.5x_3 + 0.46x_4 + 0.3x_5)$$

• Restricción de Desigualdad $(g_2(x))$: Se introduce una restricción de desigualdad que establece un límite superior para el riesgo:

$$g_2(x) = 0.2 - x^T \Sigma x \le 0$$





• Restricción de Igualdad $(h_1(x))$: Se mantiene la restricción de que la suma de las variables de decisión debe ser igual a 1:

$$h_1(x) = 1 - \sum_{i=0}^{5} x_i = 0$$

• Función Secundaria Monitoreada $(f_{riesgos}(x))$: Se observa la función de riesgos como una métrica secundaria para este problema.

Proceso

Se calcula el valor de fitness para cada individuo (por ejemplo, evaluando $f(x_1, x_2)$) y se almacena dicho valor para posteriores comparaciones.

Importancia

La evaluación correcta del fitness es crucial, ya que determina la selección de individuos y, por ende, el rumbo de la evolución poblacional.

3.3 Selección por Torneo

Para elegir los padres que generarán la siguiente generación se utiliza un método de selección por torneo.

Mecanismo

- Se forman múltiples grupos (torneos) de individuos seleccionados al azar.
- En cada grupo se compara el fitness de los participantes y se selecciona al individuo con el mejor desempeño.

Implementación Vectorizada

La función vectorized_tournament_selection realiza este proceso de forma eficiente, aprovechando operaciones vectorizadas de NumPy.

Beneficios

- Favorece la selección de soluciones de alta calidad sin descartar por completo la diversidad poblacional.
- Permite controlar la presión selectiva mediante el tamaño del torneo.

3.4 Cruzamiento con SBX

El operador de cruzamiento se implementa mediante el método SBX (Simulated Binary Crossover).





Proceso del SBX

- A partir de dos padres, se genera un número aleatorio u y se calcula un parámetro β que determina la dispersión de los descendientes respecto a los padres.
- Se generan dos hijos combinando linealmente los valores de los padres.

Ajuste de Límites

Se incorpora un mecanismo en sbx_crossover_with_boundaries que garantiza que los hijos resultantes se mantengan dentro de los límites predefinidos.

Ventajas

- Promueve la creación de soluciones intermedias que pueden explotar la información genética de ambos padres.
- Ayuda a preservar la diversidad en la población.

3.5 Mutación Polinomial

Para introducir variabilidad y explorar nuevas regiones del espacio de búsqueda, se aplica la mutación polinomial.

Mecanismo de la Mutación

- Cada gen de un individuo tiene una probabilidad definida de sufrir una mutación.
- Se usa una distribución polinomial, controlada por el parámetro $\eta_{\rm mut}$.

Consideraciones de Límites

La mutación se aplica respetando los límites definidos para cada variable mediante la función polynomial_mutation_with_l

Beneficios

- Introduce pequeñas variaciones que pueden conducir a la exploración de nuevas soluciones.
- Previene la convergencia prematura al mantener la diversidad genética.

3.6 Elitismo y Ciclo Evolutivo

El proceso evolutivo se estructura en ciclos o generaciones.

Elitismo

- Se retiene el mejor individuo de la generación actual y se garantiza su inclusión en la siguiente generación.
- Esto asegura que la calidad de la solución nunca empeore a lo largo de las generaciones.



Ciclo Evolutivo

- Cada generación incluye la selección, el cruzamiento, la mutación y la incorporación del individuo de élite.
- La evolución se repite durante un número predefinido de generaciones.

Registro y Análisis

- Se almacena el historial del fitness y de las mejores soluciones.
- Esto facilita el análisis del comportamiento del algoritmo y la generación de visualizaciones.

3.7 Penalización Exterior

Los métodos de penalización son técnicas para manejar restricciones en problemas de optimización. La idea principal es transformar un problema de optimización con restricciones en uno sin restricciones, modificando la función objetivo para penalizar las soluciones que no cumplen con las restricciones. En el método de penalización exterior, esto se logra agregando términos a la función objetivo que aumentan su valor cuando se violan las restricciones.

La función objetivo modificada, denotada como $F_P(x)$, se define como:

$$F_P(x) = f(x) + \lambda P(x)$$

Donde:

- f(x) es la función objetivo original del problema.
- \blacksquare P(x) es la función de penalización, que cuantifica la violación de las restricciones.
- \bullet λ_P es el parámetro de penalización, que controla la severidad de la penalización.

La función de penalización P(x) se calcula de la siguiente manera:

$$P(x) = \sum_{i=1}^{n} \max(0, g_i(x))^2 + \sum_{j=1}^{m} h_j(x)^2$$

Donde:

- $g_i(x)$ representa la *i*-ésima restricción de desigualdad, de la forma $g_i(x) \leq 0$.
- $h_j(x)$ representa la j-ésima restricción de igualdad, de la forma $h_j(x) = 0$.

Funcionamiento de la Penalización Exterior

- Para las restricciones de desigualdad $g_i(x) \leq 0$:
 - Si la restricción se cumple, $máx(0, q_i(x)) = 0$, por lo que no hay penalización.
 - Si la restricción se viola, $max(0, g_i(x)) = g_i(x)$, y se aplica una penalización proporcional al cuadrado de la violación.
- Para las restricciones de igualdad $h_i(x) = 0$:
 - Si la restricción se cumple, $h_i(x)^2 = 0$, y no hay penalización.
 - Si la restricción no se cumple, $h_j(x)^2 > 0$, y se aplica una penalización proporcional al cuadrado de la diferencia.





Ventajas

- Facilidad de implementación: Es relativamente sencillo agregar la penalización externa a los algoritmos de optimización existentes.
- Flexibilidad: Permite explorar soluciones que violan las restricciones, lo cual puede ser útil en problemas complejos.

Desventajas

- Distorsión de la solución óptima: La penalización puede llevar a soluciones subóptimas si se priorizan soluciones que violan las restricciones pero tienen un mejor valor de la función objetivo.
- Sensibilidad al parámetro de penalización: La elección del valor de λ_P es crucial. Si es muy pequeño, las restricciones pueden no cumplirse; si es muy grande, puede dificultar la convergencia.
- Convergencia: Puede causar una convergencia lenta o incluso la no convergencia del algoritmo.

3.8 Configuración de Hiperparámetros

En este apartado se detallan los valores de los principales hiperparámetros del algoritmo evolutivo, así como la razón de diseño detrás de cada uno.

3.8.1. Lista de Hiperparámetros

Cuadro 3.1: Hiperparámetros utilizados y su justificación

Hiperparámetro	Valor	Justificación
POP_SIZE	1100	Tamaño amplio que garantiza diversidad y buena cobertura del espacio de búsqueda.
NUM_GENERATIONS	1500	Número de iteraciones suficiente para converger sin excesivo costo computacional.
NUM_RUNS	5	Varias ejecuciones independientes para evaluar ro- bustez y consistencia de resultados.
TOURNAMENT_SIZE	3	Presión selectiva moderada, evitando convergencia prematura y manteniendo diversidad.
CROSSOVER_PROB	0.9	Alta frecuencia de recombinación para explorar combinaciones de genes de padres.
ETA_C	0.001	Índice de distribución bajo en SBX para generar des- cendientes cercanos (explotación fina).
MUTATION_PROB	1/10	Probabilidad de mutar cada gen que introduce variabilidad controlada.
ETA_MUT	0.0001	Índice de distribución bajo en mutación polinomial para pequeños ajustes locales.
LB, UB	[0.0, 0.4]	Límites de búsqueda basados en proporciones facti- bles de asignación de recursos.
LAMBDA	1×10^2	Coeficiente de penalización equilibrado para manejar violaciones de restricciones.





3.8.2. Criterios de Selección

La elección de estos valores se fundamenta en:

- Diversidad vs. Convergencia: Un POP_SIZE elevado y un TOURNAMENT_SIZE moderado mantienen un buen equilibrio entre exploración y explotación.
- **Profundidad de Búsqueda:** Un número alto de generaciones (NUM_GENERATIONS) permite que la población evolucione lo suficiente para afinar soluciones.
- Variabilidad Controlada: Altas probabilidades de cruzamiento (CROSSOVER_PROB) y tasas de mutación moderadas (MUTATION_PROB, ETA_MUT) aseguran exploración sin destruir buenas soluciones.
- Manejo de Restricciones: El coeficiente de penalización (LAMBDA) se calibró para penalizar con fuerza las violaciones sin bloquear la búsqueda en zonas viables.





Resultados y Discusión

Durante la ejecución del algoritmo genético, se realizaron múltiples corridas completas para cada uno de los tres problemas de optimización de carteras, lo que permitió evaluar la estabilidad y eficiencia del método. Los resultados se agruparon en resúmenes globales, donde se registraron indicadores clave, los cuales se encuentran dentro de las siguientes tablas:

Cuadro 4.1: Problema 01: resumen_global_corridas

Indicador	x0	x1	x2	x3	x4	x5	Fitness	Fitness Secundario
Mejor (Fitness)	0.0	0.0	0.4	0.4	0.2024	0.0	-0.6925	0.0456
Peor (Fitness)	0.0	0.0968	0.4	0.1406	0.3603	0.0051	-0.6774	0.0533
Media	0.0	0.0754	0.4	0.325	0.1973	0.0052	-0.6854	0.0457
Desv. Estándar	0.0	0.0405	0.0	0.0958	0.085	0.0082	0.0053	0.0039

Cuadro 4.2: Problema 02: resumen_global_corridas

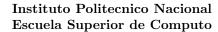
Indicador	x0	x1	x2	x3	x4	x5	Fitness	Fitness Secundario
Mejor (Fitness)	0.2875	0.1857	0.0027	0.1565	0.2303	0.1374	0.0016	-0.3636
Peor (Fitness)	0.1719	0.1913	0.029	0.2389	0.1681	0.2006	0.0028	-0.4007
Media	0.2524	0.1718	0.0146	0.1943	0.2	0.1668	0.0022	-0.3764
Desv. Estándar	0.0536	0.0162	0.0093	0.0448	0.0255	0.023	0.0005	0.015

Cuadro 4.3: Programa 03: resumen_global_corridas

Indicador	x0	x1	x2	x3	x4	x5	Fitness	Fitness Secundario
Mejor (Fitness)	0.0	0.0019	0.4	0.4	0.2004	0.0	-0.6925	0.0455
Peor (Fitness)	0.0	0.0	0.4	0.3599	0.0689	0.1724	-0.6632	0.0397
Media	0.0	0.1409	0.4	0.3581	0.0689	0.0345	-0.6797	0.0477
Desv. Estándar	0.0	0.1372	0.0	0.0657	0.0697	0.069	0.0109	0.0097

Donde cada Indicador Representa lo siguiente:

- Mejor (Fitness): Representa la solución con el valor de fitness mínimo obtenido en todas las corridas.
- Peor (Fitness): Indica la solución con el mayor valor de fitness, sirviendo como referencia de la variabilidad en la búsqueda.
- Media: Es el promedio de los valores de fitness de la mejor solución de cada corrida, ofreciendo una visión global del desempeño del algoritmo.







■ Desv. Estándar: Mide la dispersión de los valores de fitness entre las corridas, reflejando la estabilidad y consistencia del proceso evolutivo.

4.1 Análisis de los Resultados

4.1.1. Consistencia y Robustez

Los resúmenes globales muestran que, a lo largo de las corridas, el algoritmo tiende a converger de manera consistente hacia soluciones de alta calidad. Una baja desviación estándar en los valores de fitness sugiere que el proceso evolutivo es robusto y no depende en exceso de la aleatoriedad inherente a los operadores genéticos. Esto es crucial para problemas de optimización de carteras, ya que garantiza que la metodología aplicada es reproducible y confiable.

4.1.2. Análisis por Problema

Problema 1: Maximización de Retorno

El resumen global para el Problema 1 indica la capacidad del algoritmo para identificar carteras con un alto retorno esperado. El valor de "Mejor (Retorno)" obtenido se sitúa en un rango competitivo, y la media de las corridas respalda la eficacia del algoritmo genético para explorar el espacio de soluciones y encontrar combinaciones de activos que maximizan el retorno, respetando la restricción de inversión máxima por activo.

Problema 2: Minimización de Riesgo

Para el Problema 2, los resultados globales evidencian una convergencia hacia carteras con un riesgo mínimo, cumpliendo con la restricción de rendimiento esperado mínimo. Los indicadores de "Peor (Riesgo)" y "Desv. Estándar" muestran que, aunque existen ciertas variaciones entre corridas, el algoritmo genético logra encontrar soluciones consistentes que equilibran el riesgo y el rendimiento esperado.

Problema 3: Maximización de Retorno con Riesgo Controlado

En el Problema 3, los resultados muestran la capacidad del algoritmo para maximizar el retorno esperado sin exceder un nivel de riesgo predefinido. Esto demuestra la efectividad del método de penalización para guiar la búsqueda hacia soluciones que satisfacen simultáneamente múltiples objetivos y restricciones.

4.1.3. Evolución del Fitness y Visualizaciones

Las gráficas de la evolución del fitness, tanto en su forma original como normalizada, permiten observar el progreso generacional. Se aprecia una clara tendencia a la mejora, donde la mayoría de las corridas muestran una reducción significativa del valor de fitness a medida que avanzan las generaciones.

A continuación se dejan las gráficas de la evolución del fitness:



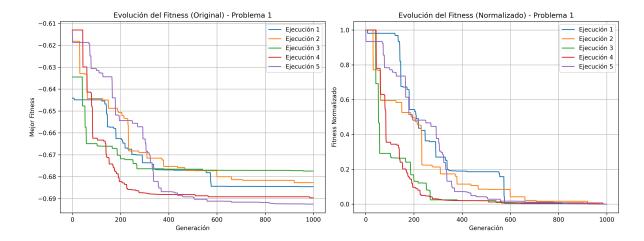


Figura 4.1: Evolución del fitness del Problema 1

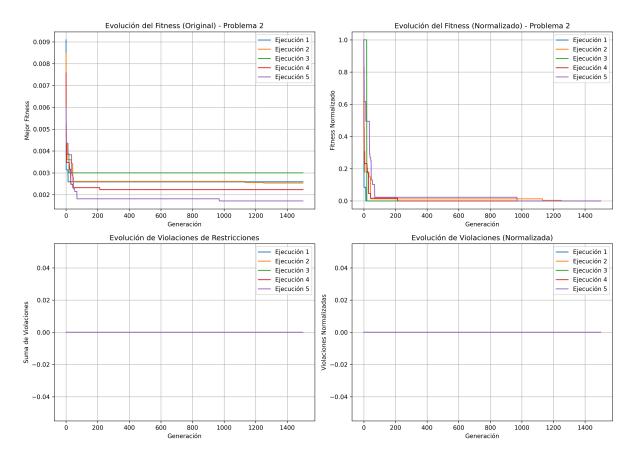


Figura 4.2: Evolución del fitness del Problema 2



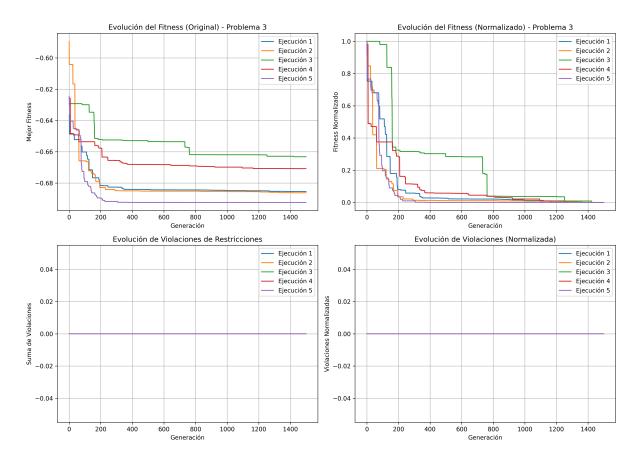


Figura 4.3: Evolución del fitness del Problema 3

4.2 Discusión Resultados

- Eficacia del Algoritmo: Los indicadores globales extraídos de los CSV demuestran que el algoritmo genético es capaz de acercarse a la solución óptima, manteniendo una evolución progresiva y consistente en la reducción del valor de fitness.
- Diversidad y Convergencia: La aplicación de operadores de selección, cruzamiento y mutación, junto con el mecanismo de elitismo, garantiza un equilibrio entre la exploración y la explotación del espacio de búsqueda. Esto se refleja en la baja variabilidad entre corridas, lo que es un indicativo de la estabilidad del proceso.
- Potencial de Adaptación: La estructura modular y la robustez mostrada por los resultados permiten considerar la posibilidad de aplicar este marco a otros problemas de optimización, incluso aquellos con mayores dimensiones o con funciones objetivo de mayor complejidad.





Implementación

El proyecto se ha desarrollado siguiendo una arquitectura modular¹ que permite separar claramente las distintas funcionalidades y facilita tanto el mantenimiento como la ampliación futura. A continuación, se detallan los principales componentes y cómo se integran en el sistema:

5.1 Funciones Objetivo

5.1.1. Descripción

Las funciones objetivo definen el problema a optimizar. En este proyecto se incluyen dos funciones:

- Tasa de retorno del portafolio: Una función que nos permite calcular la ganancia esperada de un portafolio de inversion considerando las ganancias individuales de cada instrumento.
- Varianza del portafolio: Una función que nos permite calcular el riesgo de un portafolio de inversion considerando la covarianza de nuestros instrumentos de inversion.

5.1.2. Implementación

Se abordaron tres problemas de inversión, cada uno con sus respectivas limitaciones. En los tres casos se establecieron límites para todos los instrumentos de inversión en el intervalo [0, 10].

En el primer problema, se buscó maximizar el beneficio del portafolio, es decir, maximizar la tasa de retorno. En el segundo problema, el objetivo fue minimizar la varianza del portafolio, manteniendo una ganancia mínima del $35\,\%$; por lo tanto, se incorporó esta restricción al modelo. Finalmente, en el tercer problema se volvió a buscar la maximización de la tasa de retorno del portafolio, pero añadiendo la restricción de considerar un riesgo menor al $20\,\%$.

5.2 Módulos del Algoritmo Genético

El núcleo del algoritmo genético se distribuye en varios módulos:

5.2.1. Inicialización

Función: initialize_population Ubicación: libs/auxiliaries_functions.py Descripción: Genera la población inicial de manera uniforme en el espacio de búsqueda.

¹Se puede encontrar el codigo perteneciente a cada funcion dentro de





5.2.2. Selección

Función: vectorized_tournament_selection Ubicación: libs/selection.py Descripción: Se usa un enfoque de torneos para la selección de padres, empleando operaciones vectorizadas con NumPy.

5.2.3. Cruzamiento

Funciones: sbx_crossover, sbx_crossover_with_boundaries Ubicación: libs/crossover.py Descripción: Implementa el operador SBX (Simulated Binary Crossover) con y sin control de límites.

5.2.4. Mutación

Funciones: polynomial_mutation, polynomial_mutation_with_boundaries Ubicación: libs/mutation.py Descripción: Aplica mutación polinomial, con control opcional de límites para mantener la viabilidad de las soluciones.

5.2.5. Aplicacion de Restricciones

Función: evaluate_individuals_with_constraints Ubicación: libs/auxiliaries_functions.py Descripción: Verifica el cumplimiento de las restricciones impuestas por el problema. Cuando se violan restricciones, se aplica un mecanismo de penalización para ajustar el valor del fitness, de modo que las soluciones inviables tengan menor probabilidad de ser seleccionadas.

5.2.6. Ejecución del Algoritmo

Función: genetic_algorithm Ubicación: AG.py Descripción: Gestiona el ciclo evolutivo completo del algoritmo genético.

5.3 Visualización y Almacenamiento

5.3.1. Visualización

Módulo: libs/plot.py Funciones: plot_evolucion_fitness, plot_surface_3d Descripción: Permite analizar la evolución del fitness y visualizar la superficie de las funciones objetivo.

5.3.2. Almacenamiento

Estructura de Carpetas:

- Directorio outputs organizado en subcarpetas por problema.
- Historiales en archivos CSV con datos de fitness y variables.
- Resúmenes estadísticos de cada corrida.

Integración: main_script.py ejecuta el algoritmo para cada función definida en AG_confs.py.

Escalabilidad: La arquitectura modular permite agregar nuevas funciones objetivo y modificar operadores genéticos sin afectar la estructura base.





Conclusiones

Los resultados muestran que, bajo restricciones realistas como límites de inversión por activo y control del riesgo, es posible construir carteras bien diversificadas con alto potencial de rendimiento. La optimización permitió alinear expectativas de ganancia con distintos niveles de tolerancia al riesgo, haciendo uso eficiente de la información disponible.

El análisis confirma que considerar covarianzas y varianzas, además de los rendimientos esperados, es clave para evitar decisiones miopes. Así, se demuestra el valor práctico de los modelos de optimización en la construcción de portafolios robustos y alineados con objetivos claros.





Apéndice A

GitHub

Se anexa un enlace al repositorio donde se encuentran los codigos y una README que examnde la información aqui mostrada: Click aqui para abrir el enlace al repositorio funcion





Apéndice B

Scripts

B.1 Archivo main.py

```
import os
  import pandas as pd
  from AG_confs import *
  from AG import genetic_algorithm
  from libs.plot import *
  def main():
      os.makedirs("outputs", exist_ok=True)
10
11
      for func_key, func_data in FUNCTIONS.items():
12
           f_obj = func_data["func"]
13
           lb = func_data["lb"]
14
15
           ub = func_data["ub"]
           func_name = func_data["name"]
16
           num_runs = func_data["num_runs"]
17
18
           # Carpetas especificas de cada funcion
19
           func_folder = f"outputs/{func_key}"
           os.makedirs(func_folder, exist_ok=True)
21
           hist_folder = os.path.join(func_folder, "historiales")
res_folder = os.path.join(func_folder, "resumenes")
22
           {\tt os.makedirs(hist\_folder, exist\_ok=True)}\\
24
25
           os.makedirs(res_folder, exist_ok=True)
26
           print(f"\n======="")
27
           print(f" FUNCION: {func_name}")
           print(f"==========
29
30
           all_runs_history = []
           best_solutions_all_runs = [] # Guardaremos los mejores individuos (x1,
32
           best_values_across_runs = [] # Guardaremos el best_val (fitness) de cada
33
           for run in range(num_runs):
35
               print(f"\nEjecucion {run+1}/{num_runs}")
36
               (best_sol, best_val,
38
                worst_sol, worst_val,
39
                avg_sol, avg_val,
40
                std_val,
41
42
                best_fitness_history,
                best_x1_history,
43
                best_x2_history,
44
                population_final,
                fitness_final,
```





```
47
                 best_solutions_over_time) = genetic_algorithm(
                     f_obj, lb, ub,
                     pop_size=POP_SIZE,
49
                     {\tt num\_generations=NUM\_GENERATIONS}.
50
                     tournament_size=TOURNAMENT_SIZE,
51
                     crossover_prob=CROSSOVER_PROB,
52
                     eta_c=ETA_C,
53
                     mutation_prob=MUTATION_PROB,
54
55
                     eta_mut = ETA_MUT
                 )
57
                # 1) Guardar historial
58
                df_historial = pd.DataFrame({
59
                    "Generacion": np.arange(1, NUM_GENERATIONS + 1),
60
                     "Mejor x1": best_x1_history,
61
                    "Mejor x2": best_x2_history,
62
                    "Mejor Fitness": best_fitness_history
63
                })
                historial_filename = os.path.join(hist_folder,
65
                    f"historial_run_{run+1}.csv")
                df_historial.to_csv(historial_filename, index=False)
66
67
                # 2) Guardar resumen de la corrida
68
                data_resumen = [
69
                    ["Mejor", best_sol[0], best_sol[1], best_val],
["Media", avg_sol[0], avg_sol[1], avg_val],
70
71
                     ["Peor", worst_sol[0], worst_sol[1], worst_val],
72
                    ["Desv. estandar", np.nan, np.nan, std_val]
73
                ]
74
                df_resumen = pd.DataFrame(data_resumen, columns=["Indicador", "x1",
75
                    "x2", "Fitness"])
                resumen_filename = os.path.join(res_folder, f"resumen_run_{run_1}.csv")
76
                df_resumen.to_csv(resumen_filename, index=False)
77
                print(df_resumen.to_string(index=False))
79
80
81
                all_runs_history.append(best_fitness_history)
                best_solutions_all_runs.append(best_sol)
82
                best_values_across_runs.append(best_val)
83
84
85
86
87
            best_values_arr = np.array(best_values_across_runs)
88
            solutions_arr = np.array(best_solutions_all_runs) # Cada fila: [x1, x2]
89
90
            # Para el "Mejor" y "Peor", buscamos el indice de la corrida con minimo y
91
            min_index = np.argmin(best_values_arr)
92
            max_index = np.argmax(best_values_arr)
93
94
95
            data_global = [
                ["Mejor (Fitness)", solutions_arr[min_index, 0],
96
                    solutions_arr[min_index, 1], best_values_arr[min_index]],
                ["Peor (Fitness)", solutions_arr[max_index, 0],
97
                    solutions_arr[max_index, 1], best_values_arr[max_index]],
                ["Media", np.mean(solutions_arr[:, 0]), np.mean(solutions_arr[:, 1]),
98
                    np.mean(best_values_arr)],
                ["Desv.
                        Estandar", np.std(solutions_arr[:, 0]),
99
                    np.std(solutions_arr[:, 1]), np.std(best_values_arr)]
100
            df_global = pd.DataFrame(data_global, columns=["Indicador", "x1", "x2",
101
                 'Fitness"])
102
            global_filename = os.path.join(res_folder, "resumen_global_corridas.csv")
103
            df_global.to_csv(global_filename, index=False)
104
105
            # (Opcional) Graficar evolucion del fitness de todas las corridas
106
            plot_evolucion_fitness(all_runs_history, func_key, func_name)
107
108
           if len(lb) == 2:
110
```





```
plot_surface_3d(f_obj, lb, ub, best_solutions_all_runs, func_key,
func_name)

if __name__ == "__main__":
main()
```

Listing B.1: Implementación de main.py

B.2 Archivo AG_confs.py

```
import numpy as np
  from libs.functions import langermann, drop_wave
  # Parametros del algoritmo
  POP_SIZE = 100
                            # Numero de individuos en la poblacion
                            # Numero de generaciones
  NUM_GENERATIONS = 200
  NUM_RUNS = 10
                              # Numero de ejecuciones completas (ciclos)
  # Parametros de la funcion de Langermann
a = np.array([3, 5, 2, 1, 7])
b = np.array([5, 2, 1, 4, 9])
c = np.array([1, 2, 5, 2, 3])
14
15
  TOURNAMENT_SIZE = 3 # Numero de individuos participantes en cada torneo
17
  CROSSOVER_PROB = 0.9 # Probabilidad de aplicar cruzamiento
                         # indice de distribucion para SBX
  ETA_C = 15
20
  # Parametros de la mutacion polinomial
  {\tt MUTATION\_PROB} = 10.0 / 2 # Probabilidad de mutar cada gen
  ETA\_MUT = 20
                              # indice de distribucion para mutacion polinomial
25
26
  best_solutions_list = []
  all_runs_history = [] # Para graficar luego
  FUNCTIONS = {
29
       "langermann": {
30
           "func": langermann,
31
           "lb": np.array([0, 0])
           "ub": np.array([10, 10]),
33
           "name": "Langerman
34
          "num_runs": NUM_RUNS
36
       drop_wave": {
37
           "func": drop_wave,
38
           "lb": np.array([-5.12, -5.12]),
39
           "ub": np.array([5.12, 5.12]),
40
           "name": "Drop-Wave
41
           "num_runs": NUM_RUNS
42
43
  }
44
```

Listing B.2: Implementación de AG_confs.py

${ m B.3 \quad Archivo} \; { m AG.py}$

```
from AG_confs import *
from libs.selection import vectorized_tournament_selection
from libs.crossover import sbx_crossover_with_boundaries
from libs.mutation import polynomial_mutation_with_boundaries
from libs.auxiliaries_functions import initialize_population
```





```
# Funcion principal del GA
10
  def genetic_algorithm(objective_func, lower_bound, upper_bound,
11
                          {\tt pop\_size=POP\_SIZE}\;,\;\; {\tt num\_generations=NUM\_GENERATIONS}\;,
12
                          tournament_size=TOURNAMENT_SIZE,
13
                          crossover_prob=CROSSOVER_PROB, eta_c=ETA_C,
14
                          mutation_prob=MUTATION_PROB, eta_mut=ETA_MUT):
16
       Ejecuta el GA para la funcion objetivo dada y retorna:
17
18
         worst_solution, worst_value
19
20
         - avg_solution, avg_value
21
22
23
24
25
26
      num_variables = len(lower_bound)
27
       # 1) Inicializar poblacion
28
      population = initialize_population(pop_size, num_variables, lower_bound,
29
           upper_bound)
       fitness = np.array([objective_func(ind) for ind in population])
30
31
       best_fitness_history = []
32
       best_x1_history = []
33
      best_x2\_history = []
34
35
       # Para animacion: almacenamos el mejor (x1, x2) en cada generacion
36
      best_solutions_over_time = np.zeros((num_generations, num_variables))
37
38
       for gen in range(num_generations):
39
40
           # Elitismo: guardar el mejor de la generacion actual
           best_index = np.argmin(fitness)
41
           best_fitness = fitness[best_index]
42
43
           elite = population[best_index].copy()
44
           best_fitness_history.append(best_fitness)
45
           best_x1_history.append(elite[0])
46
           best_x2_history.append(elite[1])
47
           best_solutions_over_time[gen, :] = elite
48
49
           new_population = []
50
51
           # Numero de padres necesarios (2 por cada par a generar)
52
           num_parents_needed = 2 * (pop_size - 1)
53
           winners, _ = vectorized_tournament_selection(fitness, num_parents_needed,
54
                                                            tournament_size,
55
                                                                len(population),
                                                            unique_in_column=True,
56
                                                                unique_in_row=False)
57
           # Generar un valor global para el crossover y otro para la mutacion (para
58
           global_u = np.random.rand()
59
60
           global_r = np.random.rand()
61
           # Generar nueva poblacion
62
           for i in range(0, len(winners), 2):
63
64
               parent1 = population[winners[i]].copy()
               if i + 1 < len(winners):</pre>
65
                   parent2 = population[winners[i+1]].copy()
66
               else:
67
                   parent2 = parent1.copy()
68
69
               # Cruzamiento SBX usando el mismo u para todas las variables del cruce
70
               child1, child2 = sbx_crossover_with_boundaries(
71
72
                   parent1, parent2, lower_bound, upper_bound,
73
                   eta_c, crossover_prob, use_global_u=True, global_u=global_u
```





```
75
                # Mutacion polinomial usando el mismo r para todas las variables del
                child1 = polynomial_mutation_with_boundaries(
76
                    child1, lower_bound, upper_bound,
77
                    mutation_prob, eta_mut, use_global_r=True, global_r=global_r
78
79
                child2 = polynomial_mutation_with_boundaries(
80
                    child2, lower_bound, upper_bound,
81
82
                    mutation_prob, eta_mut, use_global_r=True, global_r=global_r
84
                new_population.append(child1)
85
                if len(new_population) < pop_size - 1:</pre>
                    new_population.append(child2)
87
88
89
           # Convertir a array y evaluar el fitness de la nueva poblacion
           new_population = np.array(new_population)
90
           new_fitness = np.array([objective_func(ind) for ind in new_population])
92
93
           # Incorporar el individuo elite (elitismo)
94
           new_population = np.vstack([new_population, elite])
           new_fitness = np.append(new_fitness, best_fitness)
95
96
             Actualizar la poblacion y su fitness para la siguiente generacion
97
           population = new_population.copy()
98
           fitness = new_fitness.copy()
100
       # Calcular estadisticas finales
101
       best_index = np.argmin(fitness)
102
       worst_index = np.argmax(fitness)
103
104
       best_solution = population[best_index]
       best_value = fitness[best_index]
105
106
       worst_solution = population[worst_index]
107
       worst_value = fitness[worst_index]
       avg_solution = np.mean(population, axis=0)
108
109
       avg_value = np.mean(fitness)
       std_value = np.std(fitness)
110
111
112
       return (best_solution, best_value,
                worst_solution, worst_value,
113
                avg_solution, avg_value,
114
                std_value,
115
                best_fitness_history,
116
                best_x1_history,
117
                best_x2_history,
                population,
119
120
                fitness.
                best_solutions_over_time)
```

Listing B.3: Implementación de AG.py

${f B.4}$ ${f Archivo}$ selection.py





```
15
     - unique_in_column: si True, para cada posicion (columna) se eligen
16
        - unique_in_row: si True, en cada torneo (fila) los candidatos seran unicos.
17
18
19
20
          winners: array de indices ganadores (uno por torneo)
21
22
23
      if unique_in_row:
24
          # Para cada torneo (fila), muestreamos sin reemplazo (cada fila es unica)
          tournament_matrix = np.array([np.random.choice(pop_size,
26
               size=tournament_size, replace=False)
27
                                          for _ in range(num_tournaments)])
28
      else:
          # Permitir repeticion en la fila, pero controlar la no repeticion en cada
29
          if unique_in_column:
30
31
              # Para cada columna, se genera una permutacion de los indices (o se
32
              # Siempre que num_tournaments <= pop_size.
               if num_tournaments > pop_size:
33
                   # Si se requieren mas torneos que individuos, se hace sin la
34
                   tournament_matrix = np.random.randint(0, pop_size,
35
                       size=(num_tournaments, tournament_size))
               else:
36
                   cols = []
37
38
                   for j in range(tournament_size):
39
                       # Para la columna j, se toman num_tournaments indices sin
                       perm = np.random.permutation(pop_size)
                       cols.append(perm[:num_tournaments])
41
                   tournament_matrix = np.column_stack(cols)
42
43
          else:
               # Sin restricciones, se muestrea con reemplazo para cada candidato.
44
              tournament_matrix = np.random.randint(0, pop_size,
45
                   size=(num_tournaments, tournament_size))
46
47
      # Para cada torneo (fila de la matriz), se selecciona el candidato con el
      winners = []
48
      for row in tournament_matrix:
          row_fitness = fitness[row]
50
          winner_index = row[np.argmin(row_fitness)]
51
          winners.append(winner_index)
52
      winners = np.array(winners)
53
      return winners, tournament_matrix
```

Listing B.4: Implementación de selection.py

B.5 Archivo crossover.py

```
import numpy as np

def sbx_crossover(parent1, parent2, lower_bound, upper_bound, eta, crossover_prob):
    """Realiza el cruzamiento SBX para dos padres y devuelve dos hijos."""
    child1 = np.empty_like(parent1)
    child2 = np.empty_like(parent2)

if np.random.rand() <= crossover_prob:
    for i in range(len(parent1)):
        u = np.random.rand()
    if u <= 0.5:
        beta = (2*u)**(1/(eta+1))

else:
    beta = (1/(2*(1-u)))**(1/(eta+1))</pre>
```





```
# Genera los dos hijos
16
                child1[i] = 0.5*((1+beta)*parent1[i] + (1-beta)*parent2[i])
17
                child2[i] = 0.5*((1-beta)*parent1[i] + (1+beta)*parent2[i])
18
19
                # Asegurar que los hijos esten dentro de los limites
20
               child1[i] = np.clip(child1[i], lower_bound[i], upper_bound[i])
child2[i] = np.clip(child2[i], lower_bound[i], upper_bound[i])
21
22
23
       else:
           child1 = parent1.copy()
24
           child2 = parent2.copy()
25
26
       return child1, child2
28
29
  def sbx_crossover_with_boundaries(parent1, parent2, lower_bound, upper_bound,
                                        eta, crossover_prob, use_global_u=False,
30
                                            global_u=None):
31
32
33
       de la cercania a las fronteras. Permite usar un unico 'u' global para todos
34
       de la generación o, de forma estandar, un 'u' distinto por cada gen.
35
36
         - parent1, parent2: arrays con los padres.
37
           lower_bound, upper_bound: arrays con los limites inferiores y superiores.
38
         - eta: indice de distribucion para SBX.
39
         - crossover_prob: probabilidad de aplicar el cruce.
40
         - use_global_u: si es True se utilizara el mismo valor de 'u' para todas las
41
42
43
44
       - child1, child2: arrays con los hijos resultantes.
45
46
       parent1 = np.asarray(parent1)
47
       parent2 = np.asarray(parent2)
48
       child1 = np.empty_like(parent1)
49
50
       child2 = np.empty_like(parent2)
51
       # Si no se realiza el crossover, retornamos copias de los padres.
52
       if np.random.rand() > crossover_prob:
53
           return parent1.copy(), parent2.copy()
54
       # Si se quiere usar un 'u' global y no se ha pasado, se genera uno.
56
57
       if use_global_u:
           if global_u is None:
58
59
               global_u = np.random.rand()
60
       for i in range(len(parent1)):
61
           x1 = parent1[i]
62
63
           x2 = parent2[i]
           lb = lower_bound[i]
64
           ub = upper_bound[i]
65
66
           # Aseguramos que x1 sea menor o igual que x2
67
           if x1 > x2:
68
               x1, x2 = x2, x1
69
70
           dist = x2 - x1
           if dist < 1e-14:</pre>
72
               child1[i] = x1
73
                child2[i] = x2
74
                continue
75
76
           # Calcular la minima distancia a las fronteras
77
           min_val = min(x1 - lb, ub - x2)
78
           if min_val < 0:</pre>
79
               min_val = 0
80
81
           beta = 1.0 + (2.0 * min_val / dist)
82
           alpha = 2.0 - beta**(-(eta+1))
83
```





```
# Si se usa u global, se usa el mismo valor para cada variable
            if use_global_u:
86
87
                u = global_u
88
            else:
                u = np.random.rand()
89
90
            if u <= (1.0 / alpha):</pre>
91
92
                betaq = (alpha * u)**(1.0/(eta+1))
            else:
                 betaq = (1.0 / (2.0 - alpha*u))**(1.0/(eta+1))
94
95
96
            # Calcular los hijos
            c1 = 0.5 * ((x1 + x2) - betaq * (x2 - x1))
97
            c2 = 0.5 * ((x1 + x2) + betaq * (x2 - x1))
98
99
            # Ajustar a los limites
child1[i] = np.clip(c1, lb, ub)
100
101
            child2[i] = np.clip(c2, lb, ub)
102
103
104
        return child1, child2
```

Listing B.5: Implementación de crossover.py

B.6 Archivo mutation.py

```
import numpy as np
  def polynomial_mutation(child, lower_bound, upper_bound, mutation_prob, eta_mut):
            plica mutacion polinomial a un hijo.
       mutant = child.copy()
       for i in range(len(child)):
           if np.random.rand() < mutation_prob:</pre>
                r = np.random.rand()
                diff = upper_bound[i] - lower_bound[i]
                if r < 0.5:
10
11
                    delta = (2*r)**(1/(eta_mut+1)) - 1
12
                    delta = 1 - (2*(1-r))**(1/(eta_mut+1))
13
                mutant[i] = child[i] + delta * diff
14
                mutant[i] = np.clip(mutant[i], lower_bound[i], upper_bound[i])
15
16
       return mutant
17
18
  def polynomial_mutation_with_boundaries(child, lower_bound, upper_bound,
19
20
                                                mutation_prob, eta_mut,
                                                use_global_r=False, global_r=None):
21
22
       Aplica mutacion polinomial (con limites) a un vector 'child'.
Puede usar un unico 'r' global para todas las variables (si use_global_r=True)
23
24
26
27
28
             Cromosoma (vector de decision) a mutar.
29
31
         - mutation_prob : float
32
             Probabilidad de mutacion (en [0,1]) para cada variable.
33
34
35
             indice de distribucion para la mutacion.
36
37
39
40
42
            Nuevo vector mutado (manteniendo la dimension de 'child').
43
```





```
mutant = np.array(child, copy=True, dtype=float)
45
      num_vars = len(child)
46
47
       # Si se desea usar un 'r' global y no se ha proporcionado, se genera uno una
48
49
      if use_global_r:
           if global_r is None:
50
               global_r = np.random.rand()
51
53
      for i in range(num_vars):
           # Decidir si mutar esta variable
54
           if np.random.rand() < mutation_prob:</pre>
55
               x = mutant[i]
56
57
               x1 = lower_bound[i]
               xu = upper_bound[i]
58
59
               # Evitar division por cero si los limites son casi iguales
60
               if abs(xu - x1) < 1e-14:</pre>
61
                   continue
62
63
               # d = distancia normalizada al limite mas cercano
64
65
               d = \min(xu - x, x - xl) / (xu - xl)
66
               # Elegir r: global o individual para cada variable
67
               if use_global_r:
                   r = global_r
69
               else:
70
                   r = np.random.rand()
71
72
73
               nm = eta_mut + 1.0
74
               # Calcular delta_q segun el valor de r
75
76
               if r < 0.5:
                   bl = 2.0 * r + (1.0 - 2.0 * r) * ((1.0 - d) ** nm)
77
                   delta_q = (bl ** (1.0 / nm)) - 1.0
78
79
                   b1 = 2.0 * (1.0 - r) + 2.0 * (r - 0.5) * ((1.0 - d) ** nm)
80
                   delta_q = 1.0 - (bl ** (1.0 / nm))
81
82
               # Calcular la nueva posicion y asegurarse que este dentro de los
83
               y = x + delta_q * (xu - xl)
84
               mutant[i] = np.clip(y, x1, xu)
85
      return mutant
```

Listing B.6: Implementación de mutation.py

B.7 Archivo auxiliares_functions.py

```
import numpy as np
# ------
# Funciones auxiliares del GA
#

def initialize_population(pop_size, num_variables, lower_bound, upper_bound):
    """Inicializa la poblacion uniformemente en el espacio de busqueda."""
    return np.random.uniform(low=lower_bound, high=upper_bound, size=(pop_size, num_variables))
```

Listing B.7: Implementación de auxiliares_functions.py





Apéndice C

Registro de indicadores completo.

C.1 Problema 01

C.1.1. Resumenes

Cuadro C.1: Archivo: resumen_run_1

Indicador	x1	x2	х3	x4	x5	x6	Fitness	Fitness Secundario
Mejor	0.0	0.1147	0.4	0.3476	0.1435	0.0	-0.6846	0.0437
Media	0.0	0.2109	0.4	0.2012	0.1946	0.0	-0.6502	0.0526
Peor	0.0	0.2101	0.4	0.2409	0.2355	0.0	0.0307	0.0515

Cuadro C.2: Archivo: resumen_run_2

Indicador	x1	x2	x3	x4	x5	x6	Fitness	Fitness Secundario
Mejor	0.0001	0.0969	0.4	0.3368	0.1476	0.0211	-0.6827	0.0432
Media	0.0	0.2073	0.4	0.2195	0.1565	0.014	-0.6369	0.0514
Peor	0.0	0.2095	0.4	0.389	0.1581	0.0142	2.1541	0.047

Cuadro C.3: Archivo: resumen_run_3

Indicador	x1	x2	х3	x4	x5	x6	Fitness	Fitness Secundario
Mejor	0.0	0.0968	0.4	0.1406	0.3603	0.0051	-0.6774	0.0533
Media	0.0	0.2175	0.4	0.0735	0.3035	0.0	-0.6078	0.0615
Peor	0.0	0.0935	0.4	0.0706	0.2653	0.0009	2.2822	0.0537

Cuadro C.4: Archivo: resumen_run_4

Indicador	x1	x2	х3	x4	x5	x6	Fitness	Fitness Secundario
Mejor Media Peor	0.0	0.0685 0.1078 0.1871	0.4	0.4	00-1	0.0	0.000.	0.0428 0.0426 0.0468





Cuadro C.5: Archivo: resumen_run_5

Indicador	x1	x2	x3	x4	x5	x6	Fitness	Fitness Secundario
Mejor Media	0.0	0.0		$0.4 \\ 0.3996$	0.2024 0.1941			$0.0456 \\ 0.0452$
Peor	0.0	0.0	0.4	0.3995	0.0405	0.0	1.9406	0.0392

C.2 Problema 02

C.2.1. Resumenes

Cuadro C.6: Archivo: resumen_run_1

Indicador	x1	x2	х3	x4	x5	x6	Fitness	Fitness Secundario
Mejor	0.2126	0.1763	0.0127	0.2571	0.1711	0.1698	0.0026	-0.3874
Media	0.1151	0.1304	0.0015	0.3843	0.0007	0.3651	0.0236	-0.3813
Peor	0.1395	0.1414	0.0051	0.2984	0.06	0.2313	1.562	-0.3386

Cuadro C.7: Archivo: resumen_run_2

Indicador	x1	x2	x3	x4	x5	x6	Fitness	Fitness Secundario
Mejor	0.3216	0.1517	0.0207	0.148	0.2124	0.1457	0.0021	-0.3641
Media	0.3808	0.0264	0.0001	0.1131	0.3775	0.0875	0.1619	-0.3438
Peor	0.3487	0.082	0.0094	0.1308	0.177	0.0038	6.9454	-0.2616

Cuadro C.8: Archivo: resumen_run_3

Indicador	x1	x2	x3	x4	x5	x6	Fitness	Fitness Secundario
Mejor	0.1719	0.1913	0.029	0.2389	0.1681	0.2006	0.0028	-0.4007
Media	0.2084	0.2178	0.0002	0.0869	0.174	0.287	0.3694	-0.3429
Peor	0.2151	0.1057	0.0	0.0886	0.058	0.2914	6.9066	-0.2458

Cuadro C.9: Archivo: resumen_run_4

Indicador	x1	x2	x3	x4	x5	x6	Fitness	Fitness Secundario
Mejor	0.2683	0.1542	0.0078	0.1711	0.218	0.1808	0.002	-0.3663
Media	0.3996	0.1052	0.0006	0.0926	0.3937	0.0185	0.1052	-0.3576
Peor	0.4	0.1985	0.0005	0.1749	0.3999	0.017	3.6484	-0.4404

Cuadro C.10: Archivo: resumen_run_5

Indicador	x1	x2	х3	x4	x5	x6	Fitness	Fitness Secundario
Mejor	0.2875	0.1857	0.0027	0.1565	0.2303	0.1374	0.0016	-0.3636
Media	0.3269	0.102	0.0	0.0964	0.3935	0.0659	0.1275	-0.3572
Peor	0.2878	0.1004	0.0006	0.056	0.2651	0.063	5.8095	-0.2692





C.3 Problema 03

C.3.1. Resumenes

Cuadro C.11: Archivo: resumen_run_1

Indicador	x1	x2	x3	x4	x5	x6	Fitness	Fitness Secundario
Mejor Media Peor		0.1765 0.1734 0.0361	0.4	0.4		0.0	-0.6855 -0.4325 2.0172	0.0435 0.0432 0.0387

Cuadro C.12: Archivo: resumen_run_2

Indicador	x1	x2	x3	x4	x5	x6	Fitness	Fitness Secundario
Mejor	0.0	0.154	0.4	0.4	0.0493	0.0	-0.6863	0.0429
Media	0.0	0.1815	0.4	0.4	0.0256	0.0	-0.6605	0.0437
Peor	0.0	0.1021	0.4	0.4	0.0252	0.0	-0.1245	0.0407

Cuadro C.13: Archivo: resumen_run_3

Indicador	x1	x2	x3	x4	x5	x6	Fitness	Fitness Secundario
Mejor	0.0	0.0	0.4	0.3599	0.0689	0.1724	-0.6632	0.0397
Media	0.0	0.0	0.3999	0.3633	0.0039	0.2211	-0.5544	0.0395
Peor	0.0	0.0	0.3999	0.354	0.0024	0.1241	0.8142	0.0379

Cuadro C.14: Archivo: resumen_run_4

Indicador	x1	x2	х3	x4	x5	x6	Fitness	Fitness Secundario
Mejor	0.0	0.3723	0.4	0.2303	0.0	0.0	-0.6708	0.0668
Media	0.0	0.3835	0.4	0.2128	0.001	0.0	-0.6491	0.0695
Peor	0.0	0.3842	0.4	0.0485	0.0013	0.0	2.1726	0.0875

Cuadro C.15: Archivo: resumen_run_5

Indicador	x1	x2	х3	x4	x5	x6	Fitness	Fitness Secundario
Mejor	0.0	0.0019	0.4	0.4	0.2004	0.0	-0.6925	0.0455
Media	0.0	0.0251	0.4	0.4	0.1737	0.0	-0.6806	0.0441
Peor	0.0	0.0259	0.4	0.4	0.0547	0.0	0.7896	0.0398