# Networkx库介绍

常鏐鏐 2020.5

## 1. 顶点和边

*顶点* (node) 是社会分析的任何单位 ,如个人 、群体 、组织和社区等,点的特征指的是这些单位本身的特征 。 边 (edge):顶点之间的某种关系。

比如在社交媒体上,每个人账户可以看做一个节点,关注与被关注则可以看做用户之间的关系。

社会网络分析就是包括测量与调查点的特征和点之间的相互关系(边),将其用网络的形式表示出来,然后分析其关系的模式与特征。

#### 相关代码

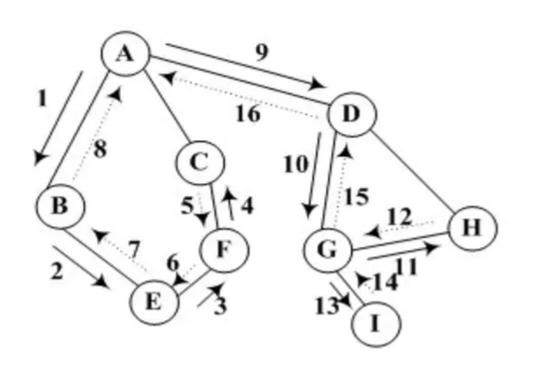
```
import networkx as nx
from matplotlib import pyplot as plt
建图
G = nx.Graph() 创建空的无向图 G = nx.DiGraph()创建空的有向图
创建节点
G.add node(1) 加入1这个点
G.add_nodes_from([1,2,3]) 用一个列表批量加入点
删除节点
G.remove nodes from([1,2,3])
创建边
G.add_edge(1, 2) (1和2有一条边)
G.add_edges_from([(1,2),(2,3)]) 用包含元组的列表创建边
G.add_edge(2, 3, weight=0.9) (权重0.9)
画图
nx.draw(G)
plt.show()
```

### 2.图的遍历

从图的某一个顶点出发,沿着边访遍图中所有的顶点, 并且每个点只访问一次。

*遍历的实质*: 找每个顶点邻接点的过程。 辅助数组visited[n]标记被访问过的顶点,0表示没有访问过,1表示访问过

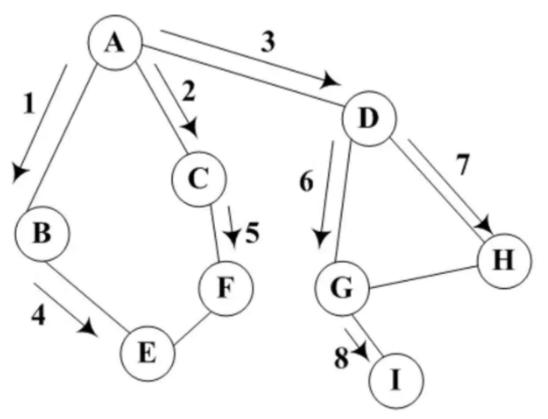
常用的遍历方法:深度优先、广度优先可以固定遍历顶点的顺序



# 深度优先搜索(depth-first search, DFS)

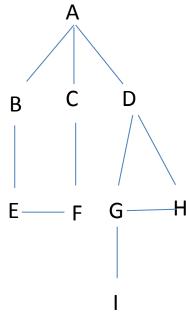
用树来比方,深度优先是沿着深度的方向访问树的节点,直到遍历该节点的所有分支,然后再回溯至该点,访问与之相邻的节点,直到遍历所有可达的节点。

A-B-E-F-C-D-G-H-I



#### 广度优先搜索 (bread-first traversal or search, BFS)

首先访问最邻近的节点,然 后继续访问与该节点相邻的 部分。



#### 3. 图的应用

*最短路径*: 在图中A点(源点)到达B点(终点)的多条路径中,寻找各边权值之和最小的路径,即为最短路径。

两点(源点到终点)间的最短路径 --Dijkstra算法(迪杰斯特拉算法)

某源点到其他各点的最短路径—Floyd算法(佛洛依德算法)

#### 两点(源点到终点)间的最短路径 --Dijkstra算法

**初始化**: 先找出源点 $v_0$ 达到各终点的<u>直达路径</u>( $v_0,v_k$ ),即通过一条线到达的路径

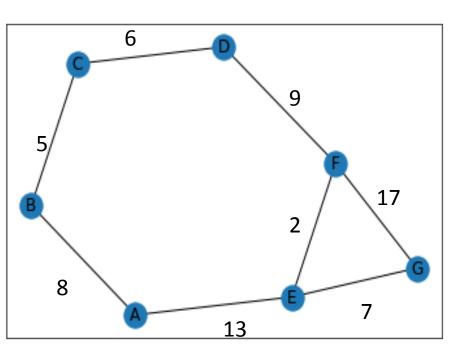
选择:从找出的路径中找出一条长度最短的路径( $v_0,u$ )

更新:对其余各条路径进行调整

如果图中存在线( $u, v_k$ ),且( $v_0$ ,u)+( $u, u_k$ )(经过某点的路径) < ( $v_0, v_k$ )(原先找到的直达路径),就以路径( $v_0, u, v_k$ )代替( $v_0, v_k$ )调整路径后,再找最短路径,以此类推。

将所有顶点放在集合V中,S代表已求出最短路径顶点的集合。

T=V-S,尚未确定最短路径的顶点集合



A为源点,求到其他各点的最短距离 V(所有点的集合) S(已求出的最短顶点的集合{B} T=S-V

	i=1	i=2	i=3	i=4	i=5	i=6	
В	8						
С	<b>无</b> 穷 <b>大</b>	13					
D	无穷 大	无穷 大	19	19	19		
E	13	13	13				
F	无穷 大	无穷 大	无穷 大	15			
G	无穷 大	无穷 大	无穷 大	20	20	20	
找到顶点	В	С	E	F	D	G	
距离	8	13	13	15	19	20	

# 相关代码

path=nx.dijkstra\_path(G, source='H', target='F') print('节点H到F的路径:', path)

distance=nx.dijkstra\_path\_length(G, source='H', target='F')
print('节点H到F的最短距离为: ', distance)

## 4.社会网络分析中的常用指标

**度中心度(degree centrality)**测量网络中一个节点与其他节点相联系的程度。 分为绝对值和标准值。对于绝对值的计算,在拥有g个节点的无向图中,节点i 的程度中心性就是与其他g-1个节点的直接联系总数。对于标准值的计算:

1	
P	度中心性₽
绝对中心性值₽	InDegree(v)₽
标准化中心性值	$\frac{\text{InDegree(v)}}{(V-1)}$

分子: 所要计算的节点与其他节点的直接联系总数

分母: 该图中节点有可能的最大连接数V减一

中介中心度(betweenness centrality),计算经过一个点的最短路径的数量。经过一个点的最短路径的数量越多,就说明它的中介中心度越高。在网络中,中介中心度越高,那么在节点之间传播信息的能力就越强。一般跨界者会在多个社会网络之间体现出较强的中介中心度。得到中介中心度的三个步骤:

- 1、计算每对节点(s,t)之间的最短路径,需要得到具体的路径信息
- 2、分析得到的所有最短路径,判断某节点是否在最短路径上
- 3、将刚刚的判断进行累加,得到从s到t的最短路径经过该节点的数量, 其中,用经过该节点的最短路径除以所有节点对的最短路径总数,这个比 率就是该点的中介中心性

接近中心度(closeness centrality),计算的是一个点到其他所有点的距离的总和,这个总和越小就说明这个点到其他所有点的路径越短,也就说明这个点距离其他所有点越近。接近中心度体现的是一个点与其他点的近邻程度。

这个点的紧密中心性 基于该节点到网络中其他所有节点的最短路径之和。如果进行归一化,那么就是求这个节点到其他所有节点的平均最短距离。一个节点的平均最短距离(di)越小,那么该节点的紧密中心性越大。di越小,意味着节点vi更接近网络中的其他节点,于是把di的倒数定义为节点vi的紧密中心性,即CC(i)。

$$d_i = \frac{1}{n-1} \sum_{j \neq i} d_{ij},$$

$$CC(i) = \frac{1}{d_i} = \frac{n-1}{\sum_{j \neq i} d_{ij}}.$$

#### 相关代码:

A=nx.degree\_centrality(G)

B=nx.betweenness\_centrality(G)

C=nx.closeness\_centrality(G)