영상처리 실제 Image Processing Practice

신재혁

naezang@cbnu.ac.kr

4장 에지와 영역

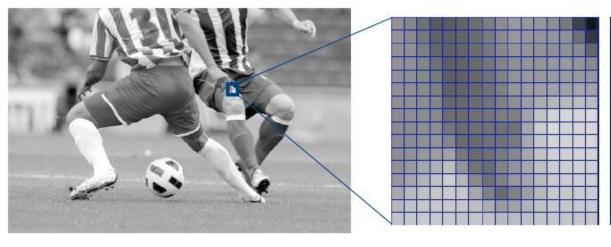
- 에지 검출과 영역 분할은 컴퓨터 비전 초창기부터 중요한 연구 주제
 - 컴퓨터 비전 알고리즘이 사람 수준으로 분할할 수 있을까?



https://www2.eecs.berkeley.edu/Research/Projects/CS/vision/bsds/

- 에지와 영역은 쌍대 문제_{dual problem}지만 다른 접근방법 사용
 - 에지는 특성이 다른 곳을 검출하지만 영역은 유사한 화소를 묶는 방법 사용
 - 쌍대문제: 원문제(primal problem)와 수학적으로 관련된 또 다른 최
 적화 문제
- 사람은 의미 분할_{semantic segmentation}에 능숙
 - 사람은 머리 속에 기억된 물체 모델을 활용하여 의미 분할
 - 이 장에서 공부하는 고전적인 방법은 의미 분할 불가능
 - 딥러닝은 의미 분할이 가능해져 혁신을 일으킴(9장)

- 에지 검출 알고리즘
 - 물체 내부는 명암이 서서히 변하고 경계는 급격히 변하는 특성을 활용



[[149 137 115 92 95 101 112 127 143 155 154 153 146 124 67 22]
[149 141 122 99 98 102 111 125 140 155 153 151 150 147 112 56]
[148 145 129 105 99 103 111 123 138 151 150 148 140 145 141 105]
[148 146 135 116 97 100 108 120 134 146 151 152 153 155 151 140]
[147 146 138 123 96 99 106 117 131 149 155 157 156 156 155 155]
[146 146 142 131 99 101 107 117 130 152 158 162 164 165 168 167]
[145 146 144 137 106 106 110 118 130 140 161 175 185 188 191 189]
[143 144 144 139 112 110 114 121 128 131 166 197 214 217 217 220]
[141 141 145 144 120 110 113 117 113 117 169 205 219 214 216 216]
[144 149 155 161 165 123 108 115 116 125 170 202 214 213 214 215
[144 149 155 161 165 123 108 113 125 138 170 197 112 120 213 213]
[145 148 183 196 208 185 140 115 131 154 169 188 204 206 208 211 211]
[154 168 183 196 208 185 140 115 131 154 169 188 204 206 208 209]
[170 187 196 200 202 204 201 193 176 156 164 181 195 202 200 202 203]
[198 202 204 203 203 199 199 190 168 189 194 199 201 199 199 201]

그림 4-2 명암 변화를 확인하기 위해 영상 일부를 확대

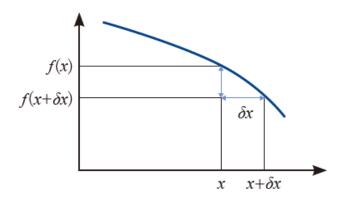
- 영상의 미분
 - 변수 x가 미세하게 증가했을 때 함수 변화량을 측정하는 수학 기법

$$f'(x) = \lim_{\delta x \to 0} \frac{f(x + \delta x) - f(x)}{\delta x}$$
 (4.1)

- 미분을 디지털 영상에 적용하면,

$$f'(x) = \frac{f(x+\delta x) - f(x)}{\delta x} = f(x+1) - f(x)$$
 (4.2)

- 실제 구현은 필터 u로 컨볼루션 (u를 에지 연산자라 부름)



(a) 연속 함수의 미분

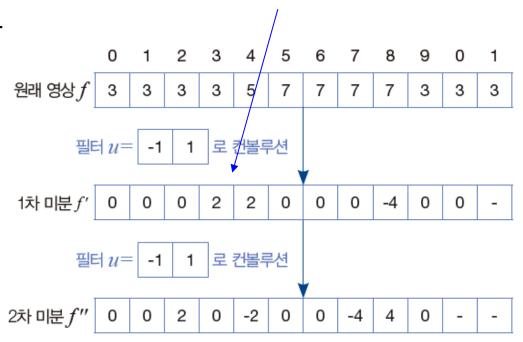


(b) 디지털 영상의 미분(필터 u로 컨볼루션)

그림 4-3 연속 함수와 디지털 영상의 미분

- 현실 세계의 램프 에지
 - 명암이 몇 화소에 걸쳐 변함

1차 미분과 2차 미분



두꺼운 에지로 인해 위치찾기 문제 발생

그림 4-4 현실 세계에서 발생하는 램프 에지

쌾

• 2차 미분

$$f''(x) = \frac{f'(x) - f'(x - \delta)}{\delta} = f'(x) - f'(x - 1)$$

$$= (f(x+1) - f(x)) - (f(x) - f(x - 1))$$

$$= f(x+1) - 2f(x) + f(x - 1)$$
이 식을 구현하는 필터는 1 -2 1

- 에지 검출
 - 1차 미분에서 봉우리 찾기
 - 2차 미분에서 영교차_{zero-crossing} 찾기

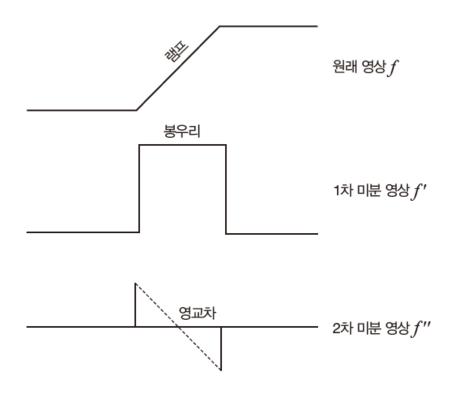


그림 4-5 램프 에지에서 발생하는 봉우리와 영교차

- 1차 미분에 기반한 에지 연산자
 - 실제 영상에 있는 잡음을 흡수하기 위해 크기가 2인 필터를 크기 3으로 확장

$$f'_{x}(y,x) = f(y,x+1) - f(y,x-1)$$

$$f'_{y}(y,x) = f(y+1,x) - f(y-1,x)$$
(4.4)

이 식을 구현하는 필터는
$$u_x$$
= $\begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ 와 u_y = $\begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

- 또한 1차원을 2차원으로 확장

$$u_x = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
 $u_y = \begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$ $u_y = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$

$$u_{x}$$
= $\begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

$$u_y = \begin{bmatrix} -1 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

(b) 소벨(Sobel) 연산자

그림 4-6 에지 연산자

- Prewitt: 경계 검출+ 약간의 스무딩 효과
- Sobel: 중앙 픽셀에 가중치 → 노이즈에 덜 민감
- 에지 강도와 에지 방향

에지 강도:
$$s(y,x) = \sqrt{f_x'(y,x)^2 + f_y'(y,x)^2}$$

그레이디언트 방향: $d(y,x) = \arctan\left(\frac{f_y'(y,x)}{f_x'(y,x)}\right)$ (4.5)

[예시 4-1] 소벨 연산자 적용 과정

이들 맵은 음수를 포함하며 실수이므로 32비트 실수 형 cv.CV_32F로 지정할 필요

[그림 4-7]은 대각선을 기준으로 위쪽은 3, 아래쪽은 1인 가상의 영상에 소벨 에지 연산 자를 적용하는 과정을 예시한다. 회색으로 표시한 (3,4) 화소에 대한 자세한 계산 과정을 설명한다.

	0	1	2	3	4	5	6	7
0	1	3	3	3	3	3	3	3
1	1	1	3	3	3	3	3	3
2	1	1	1	3	3	3	3	3
3	1	1	1	1	3	3	→ 3	3
4	1	1	1	1	1	`3,	3	3
5	1	1	1	1	1	1	3	3
6	1	1	1	1	1	1	1	3
7	1	1	1	1	1	1	1	1

$$f_y'(3,4) = -6, f_x'(3,4) = 6$$

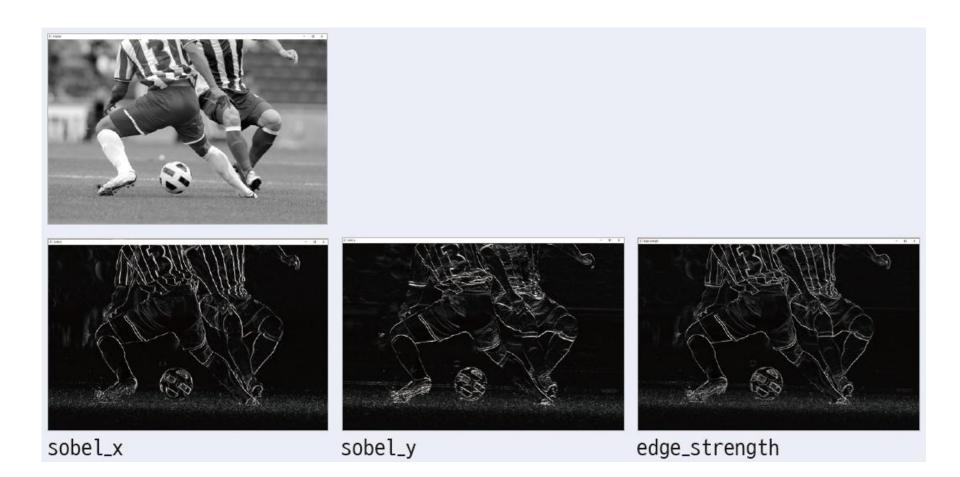
 $s(3,4) = \sqrt{6^2 + (-6)^2} = 8.485$

$$d(3,4) = \arctan\left(\frac{-6}{6}\right) = -45^{\circ}$$

- $\longrightarrow f_x$ '와 f_y
- → 그레이디언트 방향
- ---→ 에지 방향

그림 4-7 소벨 연산자 적용 사례

```
프로그램 4-1
                소벨 에지 검출(Sobel 함수 사용)하기
                                       cv.CV 8U(numpy의 uint8)로 변환
01
    import cv2 as cv
                                       0보다 작으면 0, 255보다 크면 255로 바꿈
02
03
    img=cv.imread('soccer.jpg')
04
    gray=cv.cvtColor(img,cv.COLQR_BGR2GRAY)
05
06
    grad_x=cv.Sobel(gray,cv,ĆV_32F,1,0,ksize=3) # 소벨 연산자 적용
07
    grad_y=cv.Sobel(gray, v.CV_32F, 0, 1, ksize=3)
08
    sobel_x=cv.convertScaleAbs(grad_x)
09
                                                     # 절댓값을 취해 양수 영상으로 변환
    sobel_y=cv.convertScaleAbs(grad_y)
10
11
    edge_strength=cv.addWeighted(sobel_x,0.5,sobel_y,0.5,0) # 에지 강도 계산
12
13
14
    cv.imshow('Original',gray)
    cv.imshow('sobelx',sobel x)
15
    cv.imshow('sobely',sobel_y)
16
17
    cv.imshow('edge strength',edge\strength)
    addWeighted(i1,a,i2,b,c)는 i1*a+i2*b+c를 계산
cv.waitKey() i1과 i2가 같은 데이터 형이면 결과는 같은 데이터 형, 다르면 오류 발생
cv.destroyAllWindows() i1과 i2가 CV_8U인데 계산 결과가 255를 넘으면 255를 기록
18
19
20
```



■ 에지 검출을 최적화 문제로 품

- 최소 오류율, 위치 정확도, 한 두께라는 세 가지 기준으로 목적 함수 정의
- 한 두께를 위해 비최대 억제_{non-maximum suppression(NMS)} 적용

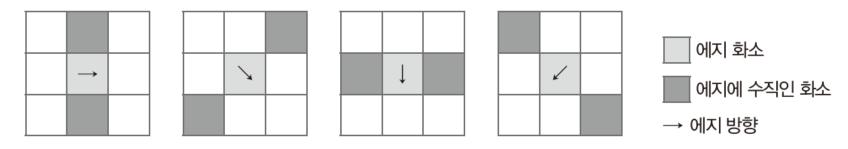


그림 4-8 비최대 억제

- 거짓 긍정을 줄이기 위해 두 개의 이력 임계값 사용
 - 에지 강도가 T_{high} 이상인 에지에서 에지 추적 시작
 - 이후 추적은 T_{low} 이상인 에지를 대상으로 진행

```
프로그램 4-2
               캐니 에지 실험하기
    import cv2 as cv
01
02
03
    img=cv.imread('soccer.jpg') # 영상 읽기
04
    gray=cv.cvtColor(img,cv.COLOR_BGR2GRAY)
05
06
07
    canny1=cv.Canny(gray,50,150) # Tlow=50, Thigh=150으로 설정
80
    canny2=cv.Canny(gray,100,200) # Tlow=100, Thigh=200으로 설정
09
10
    cv.imshow('Original',gray)
11
    cv.imshow('Canny1',canny1)
12
    cv.imshow('Canny2',canny2)
13
14
    cv.waitKey()
15
    cv.destroyAllWindows()
```



물체 경계와 그림자 에지를 구별하지 못하는 한계

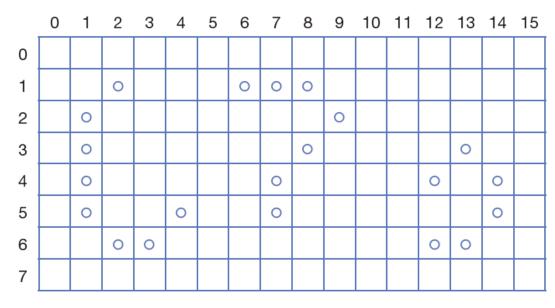
직선 검출

직선 검출

- 에지를 명시적으로 연결하여 경계선을 찾고 직선으로 변환
 - 이후 처리 단계인 물체 표현이나 인식에 유리

경계선 찾기

- 경계선 찾기
 - 8-연결된 에지 화소를 연결해 경계선_{contour} 구성



경계선1: (1,2)(2,1)(3,1)(4,1)(5,1)(6,2)(6.3)(5,4) 경계선2: (1,6)(1,7)(1,8)(2,9)(3,8)(4,7)(5,7) 경계선3: (4,12)(3,13)(4,14)(5,14)(6,13)(6,12)

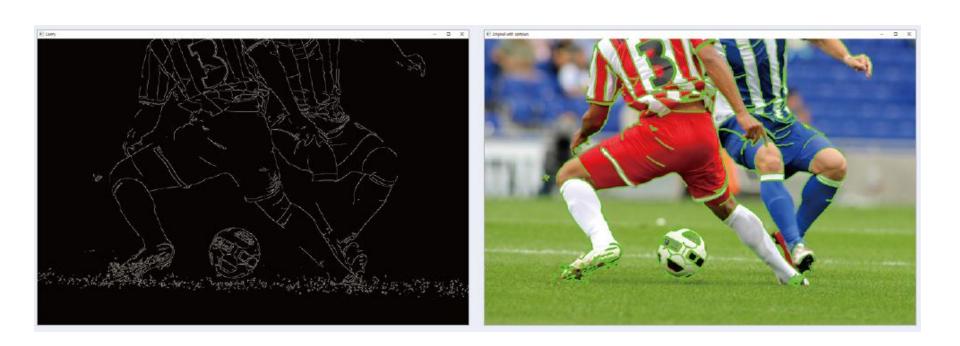
그림 4-9 에지 맵에서 경계선 찾기

경계선 찾기

프로그램 4-3 에지 맵에서 경계선 찾기

```
import cv2 as cv
01
02
    import numpy as np
03
    img=cv.imread('soccer.jpg') # 영상 읽기 이 매개변수를 통해
04
                                                   여러 가지 근사 방법 제공
05
    gray=cv.cvtColor(img,cv.COLOR_BGR2GRAY)
06
    canny=cv.Canny(gray,100,200)
07
    contour, hierarchy=cv.findContours(canny,cv.RETR_LIST,cv.CHAIN_APPROX_NONE)
08
09
    lcontour=[]
10
    for i in range(len(contour)):
11
12
       if contour[i].shape[0]>100: # 길이가 100보다 크면
          lcontour.append(contour[i])
13
14
    cv.drawContours(img,lcontour,-1,(0,255,0),3)
15
16
17
    cv.imshow('Original with contours',img)
18
    cv.imshow('Canny',canny)
19
20
    cv.waitKey()
21
    cv.destroyAllWindows()
```

경계선 찾기



- 허프 변환은 끊긴 에지를 모아 직선 또는 원 등을 검출
- 직선 검출의 원리
 - 각각의 점 (y_i, x_i) 에 대해 (b, a) 공간에 직선 $b = -ax_i + y_i$ 를 그림
 - (b,a) 공간에서 직선이 만나는 점을 절편과 기울기로 취함. 만나는 점은 투표로 알아냄

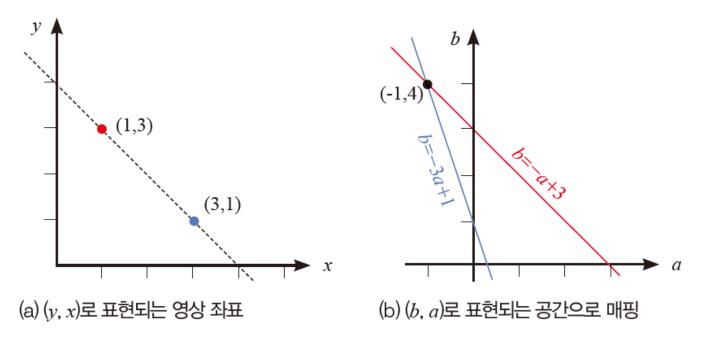


그림 4-10 허프 변환의 원리

■ 구현

- (b,a) 공간을 이산화하고 누적 배열 만들어 투표를 기록
- 직선은 자신이 지나는 칸에 1만큼씩 투표
- 다수 표를 얻은 점을 결정할 때 비최대 억제 적용하여 지역 최대점 찾음

0	1	0	0	0	0	0	0
0	2	2	0	1	3	0	0
0	3	5	3	2	0	0	0
0	2	4	2	6	7	0	0
0	2	3	3	5	8	6	0
0	1	0	0	0	4	5	3

그림 4-11 비최대 억제로 찾은 극점 2개

■ 극좌표에서 정의된 직선의 방정식 사용 (기울기가 무한대인 경우 대처)

$$x\sin(\theta) + y\cos(\theta) = \rho \tag{4.6}$$

■ 원 검출을 위한 허프 변환은 3차원 누적 배열 사용

$$(x-a)^2 + (y-b)^2 = r^2$$
 (4.7)

프로그램 4-4 허프 변환을 이용해 사과 검출하기 01 import cv2 as cv 02 img=cv.imread('apples.jpg') 03 gray=cv.cvtColor(img,cv.COLOR_BGR2GRAY) 04 05 06 apples=cv.HoughCircles(gray,cv.HOUGH_GRADIENT,1,200,param1=150,param2=20, minRadius=50, maxRadius=120) 07 08 for i in apples[0]: cv.circle(img,(int(i[0]),int(i[1])),int(i[2]),(255,0,0),2) 09 10 cv.imshow('Apple detection',img) 11 12 13 cv.waitKey() cv.destroyAllWindows() 14

RANSAC

- 허프 변환과 최소평균제곱오차_{LMSE; Least Mean Squared Error}
 - 강인하지 않은 추정 기법
 - 아웃라이어를 걸러내는 기능이 전혀 없음 (모든 점에 같은 기회 부여)

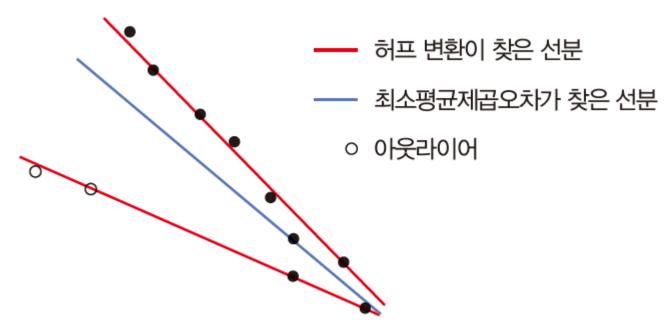


그림 4-12 강인하지 않은 기법의 선분 추정

RANSAC

- 강인한_{robust} 추정 기법
 - 예) 물건의 길이를 5번 측정한 결과 {16,1,1,1,1}에 평균 적용하면 4, 중앙값_{median} 적용하면 1. 중앙값은 강인한 추정 기법
- RANSAC은 강인한 추정 기법
 - RANSAC은 구체적인 문제에 두루 활용할 수 있는 메타 알고리즘
 - 난수를 생성하여 추정하는 일을 충분히 많이 반복하고 가장 신뢰할수 있는 값 선택

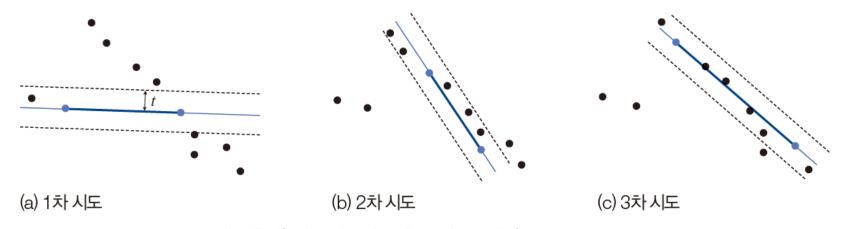


그림 4-13 RANSAC으로 선분 추정(1차, 2차, 3차, 4차, ··· 시도를 반복)

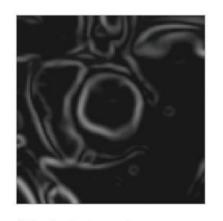
영역 분할

영역 분할

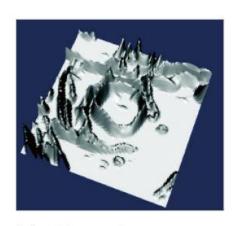
- 영역 분할_{region segmentation}은 물체가 점유한 영역을 구분하는 작업
 - 사람은 물체의 3차원 모델을 사용하고 주의 집중을 적용하여 의미 분할 수행
 - 4장은 딥러닝 이전의 고전 기법을 다룸. 명암 또는 컬러만 보고영역을 결정하기 때문에 의미 분할 불가능

배경이 단순한 영상의 영역 분할

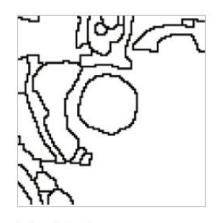
- 단순한 영상의 예
 - 스캔한 책 영상 또는 컨베이어 벨트 위를 흐르는 물체의 영상
- 영역 분할 알고리즘
 - 이진화 알고리즘 (여러 임계값을 사용하는 오츄 알고리즘, 군집 화 알고리즘 등) 적용
 - 워터셰드 알고리즘 적용



(a) 에지 강도 맵



(b) 지형으로 간주



(c) 워터셰드

그림 4-14 워터셰드 분할 알고리즘[Cousty2007]

슈퍼 화소 분할

- 슈퍼 화소는 화소보다 크지만 물체보다 작은 자잘한 영 역으로 과잉 분할
- SLIC_{simple linear iterative clustering} 알고리즘
 - k-평균 군집화와 비슷하게 동작 (화소 할당 단계와 군집 중심 갱신하는 단계를 반복)

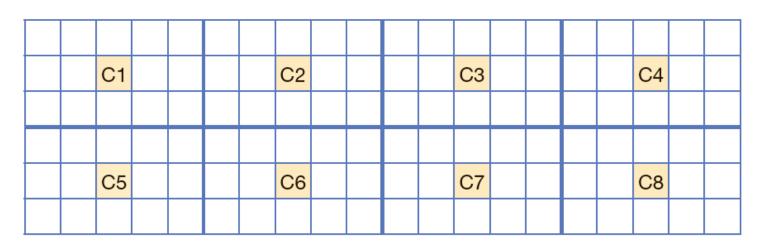


그림 4-15 SLIC 알고리즘의 초기 군집 중심

슈퍼 화소 분할

- 사이킷-이미지 (scikit-image)
 - Python 프로그래밍 언어를 위한 오픈 소스 이미지 처리 라이브러리
 - 설치: pip install scikit-image

```
PS C:\Users\naeza> pip install scikit-image
Collecting scikit-image
 Downloading scikit_image-0.25.2-cp313-cp313-win_amd64.whl.metadata (14 kB)
Requirement already satisfied: numpy>=1.24 in c:\users\naeza\appdata\local\programs\python\python313\lib\site-packages (
from scikit-image) (2.2.3)
Collecting scipy>=1.11.4 (from scikit-image)
 Downloading scipy-1.15.2-cp313-cp313-win_amd64.whl.metadata (60 kB)
Requirement already satisfied: networkx>=3.0 in c:\users\naeza\appdata\local\programs\python\python313\lib\site-packages
(from scikit-image) (3.4.2)
Requirement already satisfied: pillow>=10.1 in c:\users\naeza\appdata\local\programs\python\python313\lib\site-packages
(from scikit-image) (11.1.0)
Collecting imageio!=2.35.0,>=2.33 (from scikit-image)
 Using cached imageio-2.37.0-py3-none-any.whl.metadata (5.2 kB)
Collecting tifffile>=2022.8.12 (from scikit-image)
 Downloading tifffile-2025.3.30-py3-none-any.whl.metadata (32 kB)
Collecting packaging>=21 (from scikit-image)
 Using cached packaging-24.2-py3-none-any.whl.metadata (3.2 kB)
Collecting lazy-loader>=0.4 (from scikit-image)
 Using cached lazy_loader-0.4-py3-none-any.whl.metadata (7.6 kB)
Downloading scikit_image-0.25.2-cp313-cp313-win_amd64.whl (12.9 MB)
                                         - 12.9/12.9 MB 36.3 MB/s eta 0:00:00
Using cached imageio-2.37.0-py3-none-any.whl (315 kB)
Using cached lazy_loader-0.4-py3-none-any.whl (12 kB)
Using cached packaging-24.2-py3-none-any.whl (65 kB)
Downloading scipy-1.15.2-cp313-cp313-win_amd64.whl (41.0 MB)
                                       Downloading tifffile-2025.3.30-py3-none-any.whl (226 kB)
Installing collected packages: tifffile, scipy, packaging, imageio, lazy-loader, scikit-image
Successfully installed imageio-2.37.0 lazy-loader-0.4 packaging-24.2 scikit-image-0.25.2 scipy-1.15.2 tifffile-2025.3.30
```

슈퍼 화소 분할

프로그램 4-5

SLIC 알고리즘으로 입력 영상을 슈퍼 화소 분할하기

```
01
    import skimage
02
    import numpy as np
03
    import cv2 as cv
04
05
    img=skimage.data.coffee()
06
    cv.imshow('Coffee image',cv.cvtColor(img,cv.COLOR_RGB2BGR))
07
08
    slic1=skimage.segmentation.slic(img,compactness=20,n_segments=600)
    sp_img1=skimage.segmentation.mark_boundaries(img,slic1)
09
10
    sp_img1=np.uint8(sp_img1*255.0)
11
12
    slic2=skimage.segmentation.slic(img,compactness=40,n_segments=600)
13
    sp_img2=skimage.segmentation.mark_boundaries(img,slic2)
14
    sp_img2=np.uint8(sp_img2*255.0)
15
16
    cv.imshow('Super pixels (compact 20)',cv.cvtColor(sp_img1,cv.COLOR_RGB2BGR))
17
    cv.imshow('Super pixels (compact 40)',cv.cvtColor(sp_img2,cv.COLOR_RGB2BGR))
18
19
    cv.waitKey()
20
    cv.destroyAllWindows()
```

슈퍼 화소 분할



- 지금까지 분할 알고리즘은 지역적 명암 변화만 살피기 때문에 한계
 - 예) 양말의 색이 배경과 비슷하면 양말이 배경 영역에 섞임
- 전역적 정보를 고려하여 문제 해결
 - 지역적으로 색상 변화가 약하지만 전역적으로 유리하다면 물체 경계로 간주
 - 영상을 그래프로 표현하고 최적화 알고리즘으로 분할 문제를 품

■ 영상의 그래프 표현

- 화소 또는 슈퍼 화소를 노드로 취함
- 두 노드의 유사도를 식 (4.8)로 계산하여 에지에 부여
 - f(v)는 v에 해당하는 화소의 색상(r,g,b)와 위치 (x,y)를 결합한 5차원 벡터
 - v가 슈퍼 화소인 경우 화소 평균을 사용

거리
$$\begin{cases} d_{pq} = \left\| f\left(v_{p}\right) - f\left(v_{q}\right) \right\|, \text{ 만일 } v_{q} \in neighbor\left(v_{p}\right) \\ \infty, \text{ 그렇지 않으면} \end{cases}$$
 $\begin{cases} s_{pq} = D - d_{pq} \text{ 또는 } \frac{1}{e^{d_{pq}}}, \text{ 만일 } v_{q} \in neighbor\left(v_{p}\right) \\ 0, \text{ 그렇지 않으면} \end{cases}$ (4.8)

- 정규화 절단_{normalized cut} 알고리즘
 - cut은 영상을 두 영역으로 분할했을 때 분할의 좋은 정도를 측정해 주는 목적 함수
 - C1과 C2가 클수록 둘 사이에 에지가 많아 cut은 덩달아 커지므로 cut을 사용한 분할 알고리즘은 영역을 자잘하게 분할하는 경향

$$cut(C_1, C_2) = \sum_{v_p \in C_1, v_q \in C_2} S_{pq}$$
 (4.9)

- ncut은 cut을 정규화하여 영역의 크기에 중립이 되게 해줌

$$ncut\left(C_{1},C_{2}\right) = \frac{cut\left(C_{1},C_{2}\right)}{cut\left(C_{1},C\right)} + \frac{cut\left(C_{1},C_{2}\right)}{cut\left(C_{2},C\right)} \tag{4.10}$$

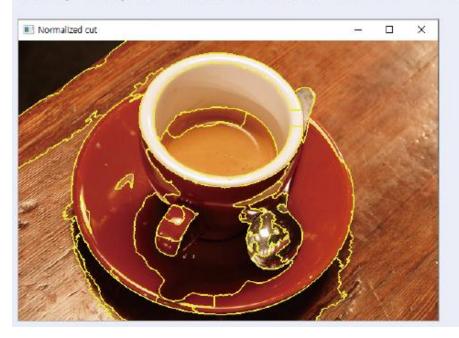
- ncut을 빨리 계산하는 효율적 알고리즘이 개발되어 있음 [Shi2000]
- 에지 검출과 영역 분할을 결합하고 계층적으로 영역을 분할하는 알고리즘 [Arbelaez2011] 이후 별다른 발전 없음

프로그램 4-6

정규화 절단 알고리즘으로 영역 분할하기

```
01
    import skimage
    import numpy as np
02
03
    import cv2 as cv
04
    import time
05
06
    coffee=skimage.data.coffee()
07
08
    start=time.time()
09
    slic=skimage.segmentation.slic(coffee,compactness=20,n_segments=600,start_
                                    label=1)
    g=skimage.future.graph.rag_mean_color(coffee,slic,mode='similarity')
10
11
    ncut=skimage.future.graph.cut_normalized(slic,g) # 정규화 절단
12
    print(coffee.shape,' Coffee 영상을 분할하는 데 ',time.time()-start,'초 소요')
13
14
    marking=skimage.segmentation.mark_boundaries(coffee,ncut)
15
    ncut_coffee=np.uint8(marking*255.0)
16
17
    cv.imshow('Normalized cut',cv.cvtColor(ncut_coffee,cv.COLOR_RGB2BGR))
18
19
    cv.waitKey()
    cv.destroyAllWindows()
20
```

(400, 600, 3) Coffee 영상을 분할하는 데 6.4380834102630615초 소요



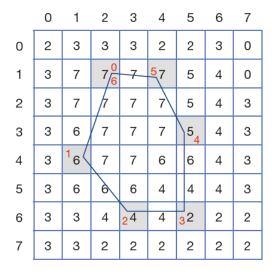
- 고전 영역 분할 알고리즘은 색상 정보에만 의존하므로 의미 분할 불가 능
 - 사람은 물체의 3차원 모델과 2차원 겉모습 모델_{appearance model}을 동시에 사용하여 의미 분할을 수행함
 - 9장에서는 딥러닝을 이용한 의미 분할을 다룸

- 앞에서 다룬 분할 알고리즘은 영상 전체를 여러 개의 영역 으로 분할
- 때로 한 물체의 분할에만 관심이 있는 응용이 있음
 - 예) 특정 물체를 오려내고 다른 물체로 대치
 - 사용자가 초기 정보를 입력하면 반자동 분할해주는 여러 알고리즘이 있음

- 앞에서 다룬 분할 알고리즘은 영상 전체를 여러 개의 영역 으로 분할
- 때로 한 물체의 분할에만 관심이 있는 응용이 있음
 - 예) 특정 물체를 오려내고 다른 물체로 대치
 - 사용자가 초기 정보를 입력하면 반자동 분할해주는 여러 알고리즘이 있음

- 능동외곽선
- GrabCut

- 능동 외곽선 active contour
 - 물체 내부에 초기 곡선을 지정하면 곡선을 점점 확장하여 물체 외곽선으로 접근
 - 곡선이 꿈틀대면서 에너지가 최소인 상태를 찾아가기 때문에 스네 이크라는 별명
- 곡선 표현 방법



g(0)=(1,2) g(1)=(4,1) g(2)=(6,3) g(3)=(6,5) g(4)=(3,5) g(5)=(1,4)g(6)=(1,2)

■ 식 (4.11)은 스네이크 곡선의 에너지를 표현

$$E(g) = \sum_{l=0}^{n} \left(e_{image} \left(g(l) \right) + e_{internal} \left(g(l) \right) + e_{domain} \left(g(l) \right) \right)$$
(4.11)

■ 영역 분할을 최소 에너지를 갖는 곡선을 찾는 문제로 공식화

$$\hat{g} = \underset{g}{\operatorname{argmin}} E(g) \tag{4.12}$$

 \blacksquare 사용자가 지정한 초기 곡선 g_0 에서 시작하여 g_1,g_2,\cdots 로 발전해 감

[알고리즘 4-1] 스네이크로 물체 분할

입력: 명암 영상, 임곗값 T

출력: 최적 곡선 \hat{g}

- 1. 사용자 입력을 받아 초기 곡선 g를 설정한다.
- 2. while TRUE
- 3. moved=0
- 4. for i=0 to n-1
- 5. for g(i)의 9개 이웃점 각각에 대해 // 자신과 8-이웃을 포함한 9개 점
- 6. g(i)를 이웃점으로 이동한 곡선의 에너지 E를 식 (4.11)로 구한다.
- 7. if 에너지가 최소인 점이 g(i)와 다르면
- 8. g(i)를 최소점으로 이동하고 moved를 1 증가시킨다.
- 9. if moved < T // 곡선의 이동량이 임계치보다 작으면 수렴했다고 간주하고 탈출
- 10. break

GrabCut

- 사용자가 붓으로 물체와 배경을 초기 지정
- 붓 칠된 화소를 가지고 물체 히스토그램과 배경 히스토그램을 만듦
- 나머지 화소들은 두 히스토그램과 유사성을 따져 물체일 확률과 배경일 확률을 추정
- 이 확률 정보를 이용하여 물체 영역과 배경 영역을 갱신
- 이 과정을 반복하다가 변화가 거의 없으면 수렴 간주하고 멈춤

프로그램 4-7

GrabCut을 이용해 물체 분할하기

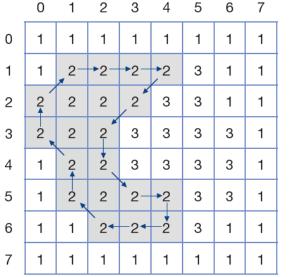
```
import cv2 as cv
01
02
    import numpy as np
03
    img=cv.imread('soccer.ipg')
04
                                               # 영상 읽기
    img_show=np.copy(img)
05
                                               # 붓칠을 디스플레이할 목적의 영상
06
    mask=np.zeros((img.shape[0],img.shape[1]),np.uint8)
07
    mask[:,:]=cv.GC_PR_BGD
                                              # 모든 화소를 배경일 것 같음으로 초기화
08
09
    BrushSiz=9
                                              # 붓의 크기
10
    LColor,RColor=(255,0,0),(0,0,255)
11
                                               # 파란색(물체)과 빨간색(배경)
12
13
    def painting(event,x,y,flags,param):
14
       if event==cv.EVENT LBUTTONDOWN:
15
          cv.circle(img_show,(x,y),BrushSiz,LColor,-1) # 왼쪽 버튼 클릭하면 파란색
          cv.circle(mask,(x,y),BrushSiz,cv.GC_FGD,-1)
16
       elif event==cv.EVENT_RBUTTONDOWN:
17
18
          cv.circle(img_show,(x,y),BrushSiz,RColor,-1) # 오른쪽 버튼 클릭하면 빨간색
          cv.circle(mask,(x,y),BrushSiz,cv.GC_BGD,-1)
19
       elif event==cv.EVENT_MOUSEMOVE and flags==cv.EVENT_FLAG_LBUTTON:
20
          cv.circle(img_show,(x,y),BrushSiz,LColor,-1)
21
                                               # 왼쪽 버튼 클릭하고 이동하면 파란색
          cv.circle(mask,(x,y),BrushSiz,cv.GC_FGD,-1)
22
23
       elif event==cv.EVENT_MOUSEMOVE and flags==cv.EVENT_FLAG_RBUTTON:
          cv.circle(img_show,(x,y),BrushSiz,RColor,-1)
24
                                              # 오른쪽 버튼 클릭하고 이동하면 빨간색
          cv.circle(mask,(x,v),BrushSiz,cv.GC_BGD,-1)
25
26
27
       cv.imshow('Painting',img_show)
```

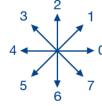
cv.GC_FGD: 확실히 물체 cv.GC_BGD: 확실히 배경 cv.GC_PR_FGD: 물체일 것 같음 cv.GC_PR_BGD: 배경일 것 같음

```
28
    cv.namedWindow('Painting')
29
30
    cv.setMouseCallback('Painting',painting)
31
    while(True):
32
                                           # 붓칠을 끝내려면 'q' 키를 누름
33
       if cv.waitKey(1)==ord('q'):
          break
34
35
36
    # 여기부터 GrabCut 적용하는 코드
37
    background=np.zeros((1,65),np.float64) # 배경 히스토그램 0으로 초기화
    foreground=np.zeros((1,65),np.float64)
                                          # 물체 히스토그램 0으로 초기화
38
39
    cv.grabCut(img,mask,None,background,foreground,5,cv.GC_INIT_WITH_MASK)
40
41
    mask2=np.where((mask==cv.GC_BGD)|(mask==cv.GC_PR_BGD),0,1).astype('uint8')
    grab=img*mask2[:,:,np.newaxis]
42
43
    cv.imshow('Grab cut image',grab)
44
45
    cv.waitKey()
    cv.destroyAllWindows()
46
```



• 영역의 레이블링과 기하 변환 예시





(a) 영역의 레이블링



(b) 영역의 기하 변환

- 특징의 불변성과 등변성
 - 변환을 해도 값이 변하지 않으면 불변성_{invariant}이 있는 특징
 - 예) 성별이라는 특징은 나이에 불변. 근력은 나이에 불변이 아님
 - 예) 면적은 회전에 불변이지만 축소에는 불변이 아님. 주축은 회전에 불 변이 아니지만 축소에는 불변
 - 변환에 따라 값이 따라 변하면 등변성_{equivariant}이 있는 특징
 - 예) 면적은 축소에 등변이지만 회전에는 등변이 아님
 - 명암 변화에 둔감한 광도 불변성도 중요
- 과업에 따라 특징을 선택하는 일이 중요
 - 예) 로봇이 물체를 인식한 다음 물체를 집어야 한다면 회전에 등변인 특징을 사용해야 함

- 모멘트와 모양 특징
 - 영역 R의 모멘트

$$m_{qp}\left(R\right) = \sum_{(y,x)\in R} y^q x^p \tag{4.13}$$

- 모멘트를 이용한 다양한 특징

면적:
$$a = m_{00}$$
 열 분산: $v_{cc} = \frac{\mu_{20}}{a}$ 정 분산: $v_{rr} = \frac{\mu_{02}}{a}$ 이 생 분산: $v_{rr} = \frac{\mu_{02}}{a}$ 이 생 분산: $v_{rr} = \frac{\mu_{02}}{a}$ 이 생 분산: $v_{rr} = \frac{\mu_{01}}{a}$ 이 생 분산: $v_{rc} = \frac{\mu_{11}}{a}$ 이 예 분산: $v_{rc} = \frac{\mu_{11}}{a}$ 이 예 분사: $v_{rc} = \frac{\mu_{11}}{a}$ 이 예 분사: $v_{rc} = \frac{\mu_{11}}{a}$

• 영역의 둘레와 둥근 정도

둘레:
$$p = n_{even} + n_{odd} \sqrt{2}$$
 등근 정도: $r = \frac{4\pi a}{p^2}$ (4.18)

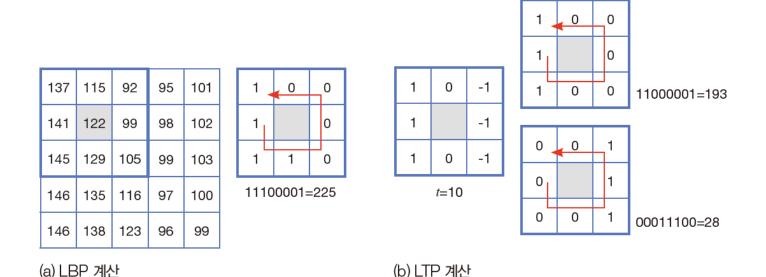
• 주축의 방향

주축의 방향:
$$\theta = \frac{1}{2} \arctan\left(\frac{2\mu_{11}}{\mu_{20} - \mu_{02}}\right)$$
 (4.19)

- 텍스처 특징. 텍스처는 일정한 패턴의 반복
 - 에지 통계량으로 텍스처 특징을 측정

$$T_{edge} = (busy, mag(i), dir(j)), 0 \le i \le q - 1, 0 \le j \le 7$$
 (4.20)

- LBP(local binary pattern)와 LTP(local ternary pattern)
 - LBP는 중심 화소와 주위 화소의 명암 값을 비교해서 텍스처 측정. 256 차원 특징 벡터
 - LTP는 작은 명암 변화에 민감한 LBP 단점 개선. 512차원 특징 벡터



58

• 직선 근사 알고리즘

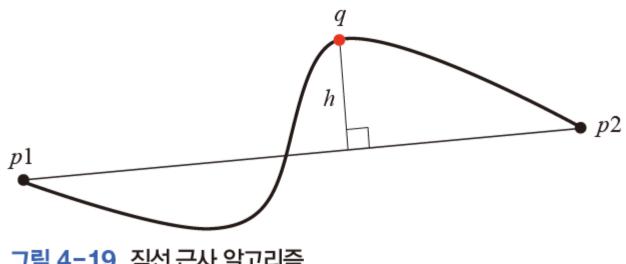


그림 4-19 직선 근사 알고리즘

프로그램 4-8

이진 영역의 특징을 추출하는 함수 사용하기

```
01
    import skimage
    import numpy as np
02
    import cv2 as cv
03
04
05
    orig=skimage.data.horse()
    img=255-np.uint8(orig)*255
06
07
    cv.imshow('Horse',img) ①
80
09
    contours, hierarchy=cv.findContours(img,cv.RETR_EXTERNAL,cv.CHAIN_APPROX_NONE)
10
11
    img2=cv.cvtColor(img,cv.COLOR_GRAY2BGR)
                                            # 컬러 디스플레이용 영상
12
    cv.drawContours(img2,contours,-1,(255,0,255),2)
13
    cv.imshow('Horse with contour',img2) ②
14
15
    contour=contours[0]
16
```

```
17
    m=cv.moments(contour)
                                                      # 몇 가지 특징
18
    area=cv.contourArea(contour)
    cx,cy=m['m10']/m['m00'],m['m01']/m['m00']
20
    perimeter=cv.arcLength(contour,True)
21
    roundness=(4.0*np.pi*area)/(perimeter*perimeter)
22
    print('면적=',area,'\n중점=(',cx,',',cy,')','\n둘레=',perimeter,'\n둥근 정도=',
          roundness) (3)
23
24
    img3=cv.cvtColor(img,cv.COLOR_GRAY2BGR) # 컬러 디스플레이용 영상
25
    contour_approx=cv.approxPolyDP(contour,8,True) # 직선 근사
26
    cv.drawContours(img3,[contour_approx],-1,(0,255,0),2)
27
28
    hull=cv.convexHull(contour)
29
                                                      # 볼록 헐
    hull=hull.reshape(1,hull.shape[0],hull.shape[2])
30
31
    cv.drawContours(img3,hull,-1,(0,0,255),2)
32
    cv.imshow('Horse with line segments and convex hull',img3) @
33
34
35
    cv.waitKey()
36
    cv.destroyAllWindows()
```

면적= 42390.0 ③ 중점=(187.72464024534088 , 144.43640402610677) 둘레= 2296.7291333675385 둥근 정도= 0.1009842680321435 **(4)** Horse Horse with contour □ X Horse with line segments and convex hull