Curvas y modelación Jerárquica

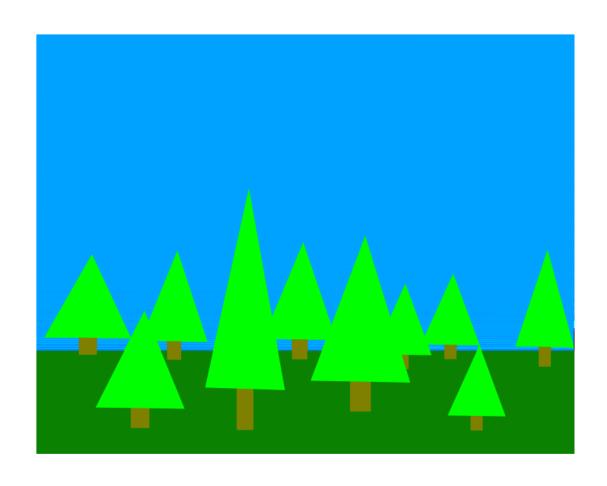
Auxiliar N°4

CC3501 – Modelación y Computación Gráfica para Ingenieros Diego Donoso

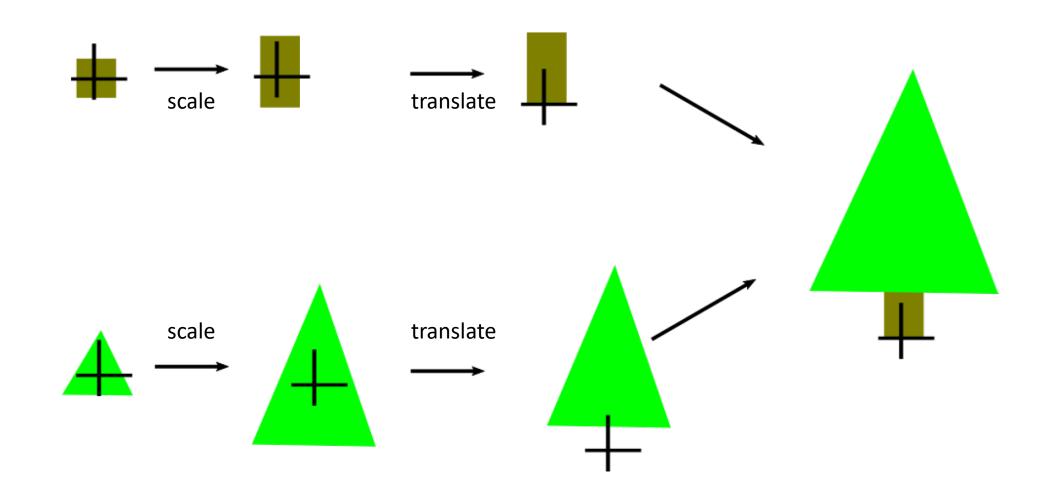
Contenidos de hoy

- Modelación jerárquica
- Curvas
- Actividad

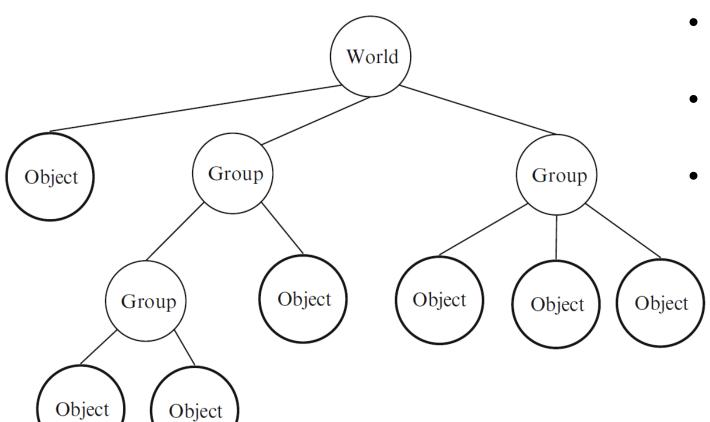
Dibujando escena compleja



Grafo de escena



Grafo de escena

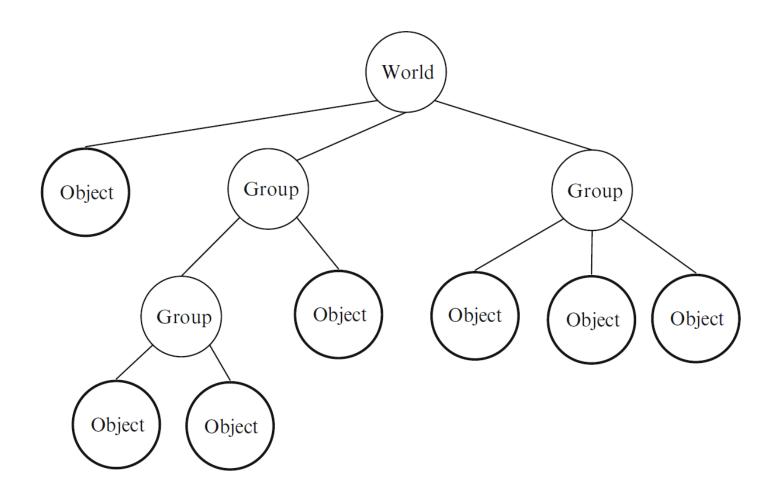


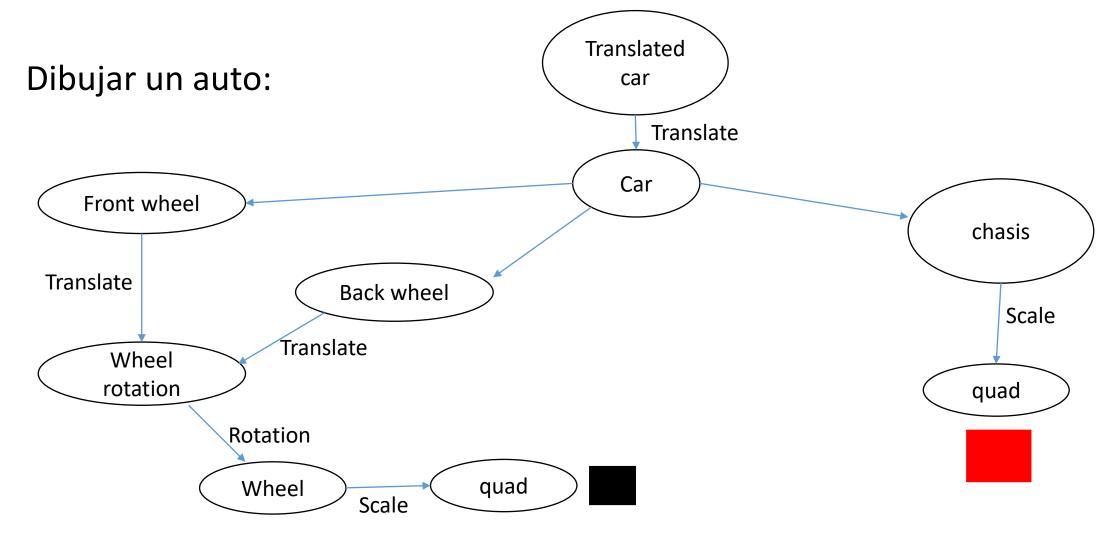
- Cada hoja corresponde a un objeto básico
- Cada arco corresponde a una transformación
- Cada nodo interno a una agrupación

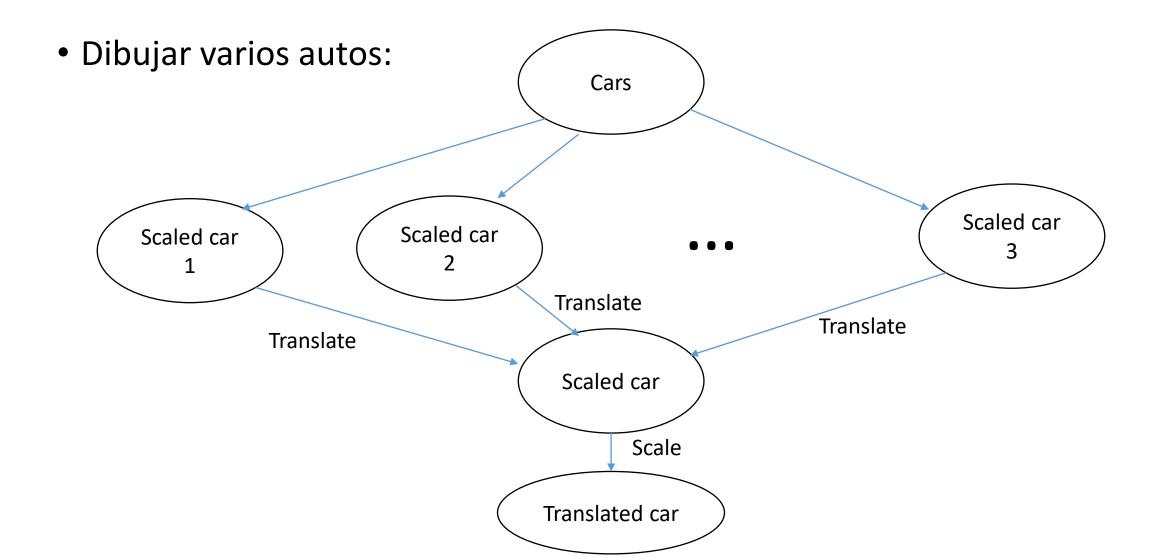
Estructura de datos:

```
class SceneGraphNode:
    def __init__(self, name):
        self.name = name
        self.transform = tr.identity()
        self.childs = []
```

findNode: Búsqueda de nodo a través del grafo según atributo



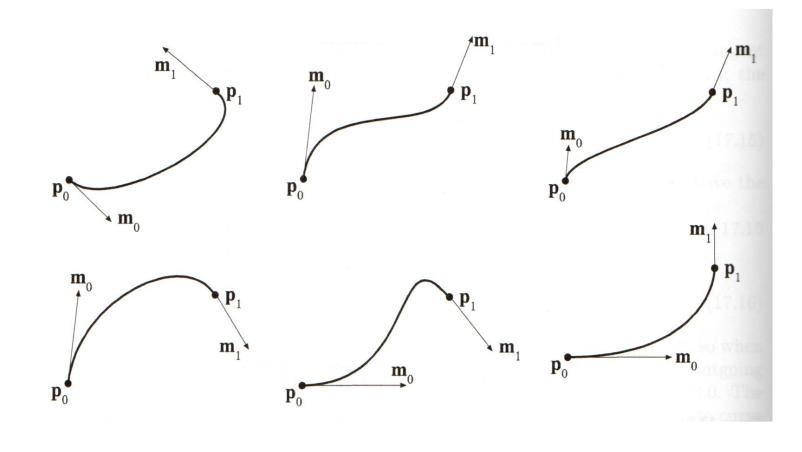




• Curvas de Hermite

$$H(t) = \begin{bmatrix} P_1 & P_2 & T_1 & T_2 \end{bmatrix} M_H \begin{bmatrix} 1 \\ t \\ t^2 \\ t^3 \end{bmatrix}$$
 $M_H = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -3 & 2 \\ 0 & 0 & 3 & -2 \\ 0 & 1 & -2 & 1 \\ 0 & 0 & -1 & 1 \end{bmatrix}$

• Curvas de Hermite



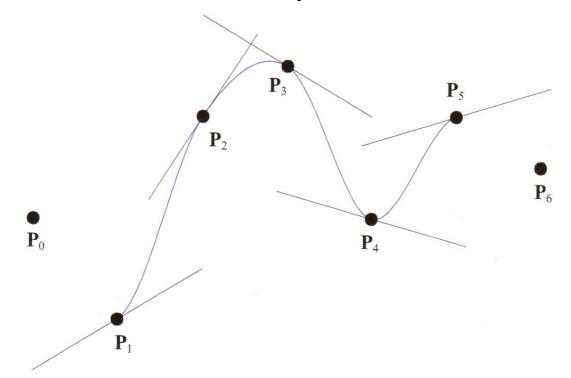
• Splines de Catmull-Rom

$$C_i(t) = \begin{bmatrix} P_{i-1} & P_i & P_{i+1} & P_{i+2} \end{bmatrix} M_{CR} T(t)$$

$$M_{CR} = \begin{array}{c} 1 \\ 2 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ -1 \\ 1 \end{array}$$

Splines de Catmull-Rom:

- Curva definida por trozos
- Extremos quedan fuera de la interpolación



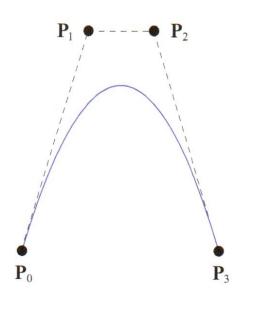
Curvas de Bézier

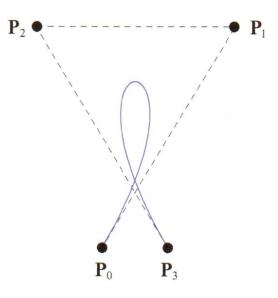
$$B(t) = (1-t)^3 P_0 + 3t(1-t)^2 P_1 + 3t^2(1-t)P_2 + t^3 P_3$$

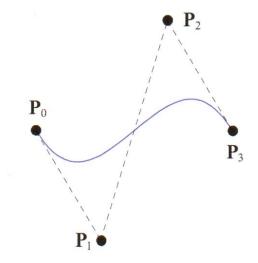
$$B(t) = \begin{bmatrix} P_0 & P_1 & P_2 & P_3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -3 & 3 & -1 \\ 0 & 3 & -6 & 3 \\ 0 & 0 & 3 & -3 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ t \\ t^2 \\ t^3 \end{bmatrix}$$

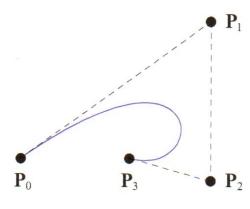
Curvas de Bézier

- Primer y último punto de control aproximados.
- Puntos de control intermedios caproximados.









Actividad (con décimas)

• Realizar ejercicio 7) del Auxiliar