信道编码

无 36 李思涵 2013011187 lisihan969@gmail.com

2015年11月9日

目录

1	AP	Γ 设计 $\&$ 分工	2
	1.1	Part I	2
		1.1.1 编码器 conv_encode	2
		1.1.2 画图	2
	1.2	Part II	2
		1.2.1 符号 - 电平映射	2
		1.2.2 信道 transmit	2
		1.2.3 发射函数 conv_send	3
		1.2.4 接收函数 conv_receive	3
		1.2.5 CRC	3
	1.3	Part III	3
		1.3.1 译码器 conv_decode	3
2	模块	·实现	3
	2.1	符号 - 电平映射	3
		2.1.1 符号 > 电平	4
		2.1.2 电平 > 符号	4
	2.2	模拟信道	5
	2.3	CRC	5
		2.3.1 CRC 编码	5
		2.3.2 CRC 解码	6
3	单元	测试	7
	3.1	test_conv_encode.m	7
	3.2	test_conv_decode.m	7
4	实验	给结果	9
	4.1	误码图案	9
	4.2	误比特率 - 效率/判决方式	10
	4.3	误比特率 - 是否收尾	10
	4.4	误块率	10
	4.5	复基带星座图 1	11
	46	文件传输失败率	11

1 API 设计 & 分工 2

1 API 设计 & 分工

我们组的成员如下:

- 2013011187 李思涵
- 2013011212 刘家硕
- 2013011166 陈馨瑶

我们将任务分成了三部分,其中我负责完成第二部分。

1.1 Part I

1.1.1 编码器 conv_encode

包括二进制 1/2 和 1/3 效率卷积码

- 输入: 原符号 (logical array), 是否收尾 (logical), 效率 (2/3), CRC 多项式 (logical array)
- 输出:编码后符号(logical array)

1.1.2 画图

- 1/2, 1/3, 硬/软判决误比特率 信道信噪比
- 10 个典型误码图案
- 文件传输失败率 信噪比
- 文件整体差错率 信道信噪比
- 信道发端/收端复基带星座图

1.2 Part II

1.2.1 符号 - 电平映射

1/2 效率使用 4PSK, 1/8 效率使用 8PSK。

1.2.1.1 映射 sym_encode

- 输入: 符号 (logical array), 效率 (2/3)
- 输出: 电平 (complex array)

1.2.1.2 解映射 (硬判决) sym_decode

根据欧氏距离

- 输入: 电平 (complex array), 效率 (2/3)
- 输出: 符号 (logical array)

1.2.2 信道 transmit

- 输入: 信号 (complex array), 信噪比 (double)
- 输出:加噪声后电平 (complex array)

1.2.3 发射函数 conv_send

结合上面两个

• 输入: 原符号 (logical array), 是否收尾 (logical), 效率 (2/3), CRC 多项式 (logical array)

• 输出: 电平 (complex array)

1.2.4 接收函数 conv_receive

conv_decode 的别名。

1.2.5 CRC

1.2.5.1 编码 crc encode

会在序列末尾填 0, 直到序列长度变为帧长度的整数倍。

- 输入: 原符号 (logical array), CRC 多项式 (logical array), 帧长度 (课件中为 25 * 8)
- 输出: 加 CRC 后符号 (logical array)

1.2.5.2 解码 crc_decode

25 字节一组

- 输入: 加 CRC 后符号 (logical array), CRC 多项式 (logical array), 帧长度 (课件中为 25 * 8)
- 输出: 原符号 (logical array), 误块率 (double)

1.3 Part III

1.3.1 译码器 conv_decode

欧氏距离

硬判决, 软判决

包括二进制 1/2 和 1/3 效率卷积码

- 输入:加噪声后电平 (complex array),是否收尾 (logical),效率 (2/3), CRC 多项式 (logical array),硬判决 (logical)
- 输出:解码后符号 (logical array),误块率 (double)

2 模块实现

以下列出了我负责部分的实现代码。

2.1 符号 - 电平映射

根据效率选取映射方式,将信号映射到复电平。为了方便软解码,1/2 效率使用 4PSK, 1/8 效率使用 8PSK,并采用格雷码编码。理论星座图如图所示。

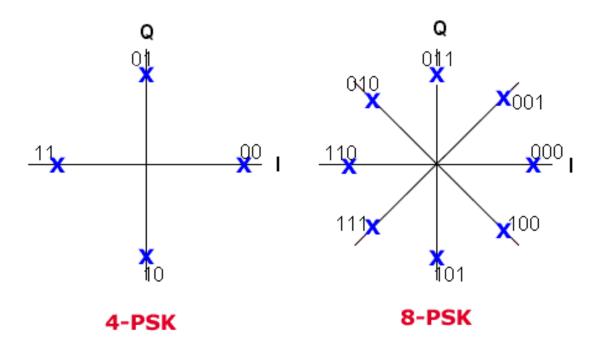


图 1: 4PSK-8PSK

2.1.1 符号 > 电平

```
function signal = sym_encode(symbols, efficiency)
    if efficiency == 2
        gray = [0 \ 1 \ 3 \ 2];
        weight = [2; 1];
    else
        gray = [0 \ 1 \ 3 \ 2 \ 6 \ 7 \ 5 \ 4];
        weight = [4; 2; 1];
    end
    levels = 2^efficiency;
    signal_num = floor(length(symbols) / efficiency);
    signal = zeros(signal_num, 1);
    for k = 1:signal_num
        symbols((k-1)*efficiency+1:k*efficiency)';
        num = symbols((k-1)*efficiency+1:k*efficiency)' * weight;
        level = find(gray == num);
        signal(k) = exp(j * (level - 1) * 2 * pi / levels);
    end
end
```

2.1.2 电平 > 符号

这里实现的电平 > 符号映射是根据接受信号在复平面上的幅角来判定的。

可以证明,这种判定方式和以欧拉距离判决等价。

```
function symbols = sym_decode(signal, efficiency)
  if efficiency == 2
    gray = [0 1 3 2];
  else
    gray = [0 1 3 2 6 7 5 4];
  end

levels = 2^efficiency;
  signal = gray(mod(round(angle(signal) / (2 * pi / levels)), levels) + 1);

symbols = de2bi(signal, efficiency, 'left-msb')';
  symbols = symbols(:);
end
```

2.2 模拟信道

使用 AWGN 信道,对复电平序列以一定的信噪比加上高斯白噪声。其中实部和虚部的噪声为独立同分布的高斯分布。

```
function noised_signal = transmit(signal, snr)
   noised_signal = awgn(signal, snr, 'measured');
end
```

2.3 CRC

选取多项式为 CRC12

$$x^{12} + x^{11} + x^3 + x^2 + x + 1$$

2.3.1 CRC 编码

首先在序列的末尾填 0, 直到序列长度变为帧长度的整数倍。

然后对每个帧补零后,用该多项式对每个帧进行模 2 除,将余数添加在该帧后作为校 验和。

```
function crced_symbols = crc_encode(symbols, crc_poly, frame_size)
    frames = ceil(length(symbols) / frame_size);
    pad = frames * frame_size - length(symbols);
    symbols = [symbols; zeros(pad, 1)];

    symbols = reshape(symbols, frame_size, frames);
    crced_symbols = padarray(symbols, [length(crc_poly) - 1, 0], 'post');

    for col = 1:frames
```

2.3.2 CRC 解码

先根据给定帧长,将符号序列的各个帧分割开来。

对每个帧用相同的多项式(CRC12)进行校验。

校验方法为,使用该多项式对帧进行模 2 除。若能被整除,则认为该帧传输正常,否则则认为该块错误。

```
function [symbols, err_rate] = crc_decode(crced_symbols, crc_poly, frame_size)
    crced_frame_size = frame_size + (length(crc_poly) - 1);
    frames = floor(length(crced_symbols) / crced_frame_size);
    crced_symbols = reshape(crced_symbols(1:frames*crced_frame_size), ...
                            crced_frame_size, frames);
    symbols = crced_symbols(1:frame_size, :);
    symbols = symbols(:);
    err = 0;
    for col = 1:frames
        for row = 1:frame_size
            if crced_symbols(row, col)
                crced_symbols(row:row+length(crc_poly)-1, col) = ...
                    xor(crced_symbols(row:row+length(crc_poly)-1, col), ...
                        crc_poly);
            end
        end
        if any(crced_symbols(frame_size+1:end, col))
            err = err + 1
        end
    end
    err_rate = err / frames;
end
```

3 单元测试 7

3 单元测试

为了测试其他组员实现的卷积码编码/维特比译码的正确性,我编写了单元测试,使用Communications System Toolbox 中的 poly2trellis (描述卷积码), convenc (卷机码编码), vitdec (维特比解码), 对编解码进行了单元测试。

3.1 test_conv_encode.m

```
测试卷积码编码。
```

```
symbols = randi([0 1], 1000, 1);
trellis_2 = poly2trellis(4, [15, 17]);
                                         % 1/2.
trellis_3 = poly2trellis(4, [13, 15, 17]); % 1/3.
assert_encode = @(real_code, expected_code, description) ...
    assert(all(size(real_code) == size(expected_code)) && ...
           all(real_code == expected_code), ...
           ['Assertion failed: 'description '\n' ...
            'Symbols: %s\n' ...
            'Expected: %s\n' ...
                       %s\n'], ...
            'Real:
           mat2str(symbols), mat2str(expected_code), mat2str(real_code));
% No ending, no CRC.
assert_encode(conv_encode(symbols, false, 2, []), ...
              convenc(symbols, trellis_2), ...
              'conv_encode, 1/2, no ending, no CRC');
assert_encode(conv_encode(symbols, false, 3, []), ...
              convenc(symbols, trellis_3), ...
              'conv_encode, 1/3, no ending, no CRC');
% With ending, no CRC.
symbols_with_ending = [symbols; zeros(3, 1)];
assert_encode(conv_encode(symbols, true, 2, []), ...
              convenc(symbols_with_ending, trellis_2), ...
              'conv_encode, 1/2, with ending, no CRC');
assert_encode(conv_encode(symbols, true, 3, []), ...
              convenc(symbols_with_ending, trellis_3), ...
              'conv_encode, 1/3, with ending, no CRC');
```

3.2 test_conv_decode.m

测试卷积码译码。

3 单元测试 8

```
LEN = 10;
symbols = randi([0 1], LEN, 1);
trellis_2 = poly2trellis(4, [15, 17]);
                                       % 1/2.
trellis_3 = poly2trellis(4, [13, 15, 17]); % 1/3.
PSNR = -10;
assert_decode = @(signal, real_symbols, expected_symbols, description) ...
    assert(all(size(real_symbols) == size(expected_symbols)) && ...
           all(real_symbols == expected_symbols), ...
           ['Assertion failed: 'description '\n' ...
            'Signal: %s\n' ...
            'Expected: %s\n' ...
                       %s\n'], ...
            'Real:
           mat2str(signal), mat2str(expected_symbols), mat2str(real_symbols));
% No ending, no CRC, hard.
signal_2 = transmit(sym_encode(convenc(symbols, trellis_2), 2), PSNR);
signal_3 = transmit(sym_encode(convenc(symbols, trellis_3), 3), PSNR);
code2 = sym_decode(signal_2, 2);
code3 = sym_decode(signal_3, 3);
assert_decode(signal_2, ...
              conv_decode(signal_2, false, 2, [], true), ...
              vitdec(code2, trellis_2, LEN, 'trunc', 'hard'), ...
              'conv_decode, 1/2, no ending, no CRC, hard');
assert_decode(signal_3, ...
              conv_decode(signal_3, false, 3, [], true), ...
              vitdec(code3, trellis_3, LEN, 'trunc', 'hard'), ...
              'conv_decode, 1/3, no ending, no CRC, hard');
% With ending, no CRC, hard.
symbols_with_ending = [symbols; zeros(3, 1)];
signal_2 = transmit(sym_encode(convenc(symbols_with_ending, trellis_2), 2), PSNR);
signal_3 = transmit(sym_encode(convenc(symbols_with_ending, trellis_3), 3), PSNR);
code2 = sym_decode(signal_2, 2);
code3 = sym_decode(signal_3, 3);
expected = vitdec(code2, trellis_2, LEN + 3, 'term', 'hard');
expected = expected(1:end-3);
assert_decode(signal_2, ...
              conv_decode(signal_2, true, 2, [], true), ...
              expected, ...
```

4 实验结果 9

4 实验结果

4.1 误码图案

为了得到更好的效果,误码图案针对 1/2 效率有收尾有 CRC 情况下 2.5*8 块画出。在作图时画出了 SNR 从 0dB 到 5dB 每次 40 个块的图像,图中是 SNR = 2dB 时的结果。



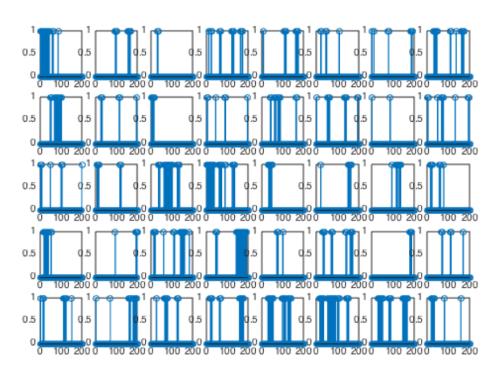


图 2: SNR = 2dB 时误码图案

从图中我们可以分析出以下特点:

- 随 SNR 值增大误码减少。
- 误码常见分布有单一比特误码或是集群出现。应当和卷积码的记忆性有关。

4 实验结果 10

4.2 误比特率 - 效率/判决方式

我们在有收尾的情况下, 画出了误比特率和编码效率/判决方式的关系, 结果如图所示。

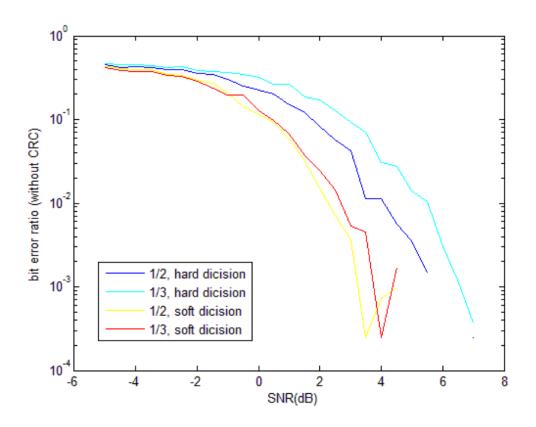


图 3: 误比特率 - 效率/判决方式

- 随 SNR 增大, 误比特率降低。
- SNR = 0dB 前误比特率降低不显著, 0dB 后随 SNR 增大误比特率迅速减小。
- 软判决结果好于硬判决, 1/2 效率好于 1/3 效率。这和我们的直觉可能有一些出入, 毕竟 1/3 效率卷积码利用了更多的比特间相关性。这实际上是因为, 在我们的设计中, 1/3 效率卷积码使用的是 8PSK, 其在星座图上的码间距更小, 更容易受到噪声的干扰。
- 曲线看上去并不平滑,这和采样点数及噪声的随机性有关。

4.3 误比特率 - 是否收尾

我们在硬判决的情况下,画出了误比特率和是否收尾的关系,结果如图所示。

- 无论是否有收尾, 随 SNR 增大, 误比特率降低。
- 有无收尾,差异并不显著。

4.4 误块率

- 随 SNR 增大, 误块率降低。
- 在 SNR 0dB 时, 误块率为 1。

4 实验结果 11

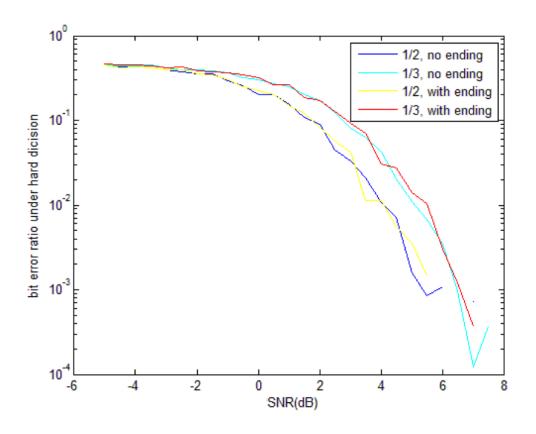


图 4: 误比特率 - 是否收尾

- 0dB 后, 误块率迅速下降。
- 相同 SNR 下, 软判决结果好于硬判决, 1/2 效率好于 1/3 效率。原因分析同对误比特率的分析。

4.5 复基带星座图

我们直接使用 plot 函数,分别画出了 SNR 为 0dB, 10dB, 20dB, 30dB, 40dB 时的星座图。

可以看到,对于 4PSK,其在 SNR = 10dB 时刚刚出现了少许混叠。而对于 8PSK,其 在相同信噪比情况下的混叠已经相当明显,在星座图上已经连成了一个环。

4.6 文件传输失败率

在这里,我们将文件传输失败率定义为"在文件传输后发生了至少一个比特错误"。其 与判决方式的关系如图所示。

从图中可以看到,在相同的信噪比下,软判决的文件传输失败率要明显小于硬判决。要 达到相同的文件传输失败率,硬判决比软判决多需要约 2dB 的信噪比。

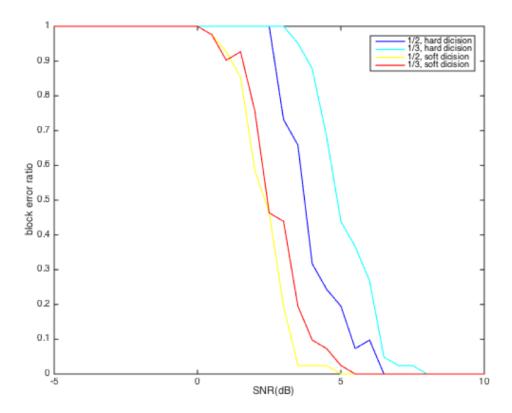


图 5: 误块率

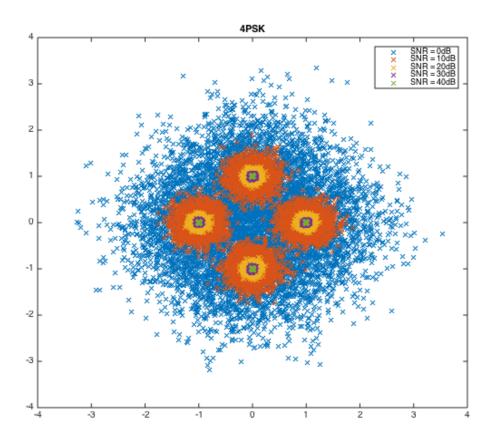


图 6: 4PSK 星座图

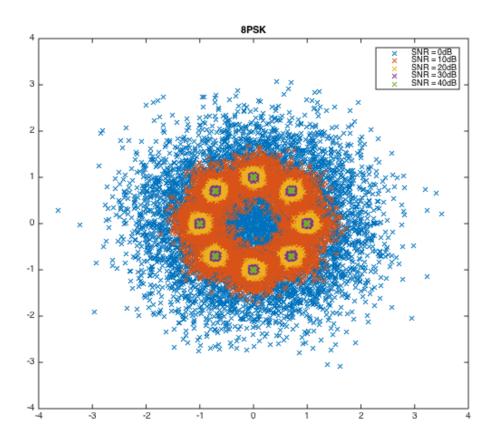


图 7: 8PSK 星座图

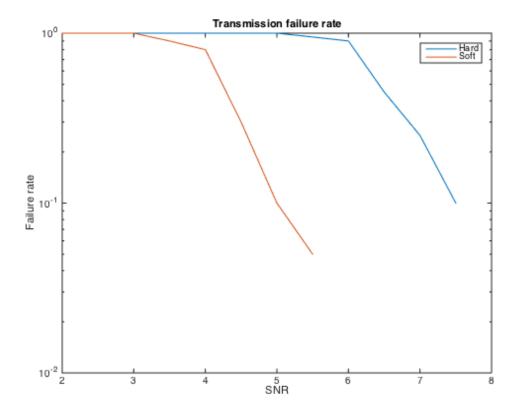


图 8: 文件传输失败率