

信道编码

无 36 李思涵 2013011187 lisihan969@gmail.com

2015 年 11 月 9 日

目录

1	API 设计 & 分工	1
1.1	Part I	2
1.1.1	编码器 <code>conv_encode</code>	2
1.1.2	画图	2
1.2	Part II	2
1.2.1	符号 - 电平映射	2
1.2.2	信道 <code>transmit</code>	2
1.2.3	发射函数 <code>conv_send</code>	2
1.2.4	接收函数 <code>conv_receive</code>	3
1.2.5	CRC	3
1.3	Part III	3
1.3.1	译码器 <code>conv_decode</code>	3
2	模块实现	3
2.1	符号 - 电平映射	3
2.1.1	符号 -> 电平	3
2.1.2	电平 -> 符号	4
2.2	模拟信道	5
2.3	CRC	5
2.3.1	CRC 编码	5
2.3.2	CRC 解码	6
3	单元测试	6
3.1	<code>test_conv_encode.m</code>	7
3.2	<code>test_conv_decode.m</code>	7
4	实验结果	9
4.1	复基带星座图	9
4.2	文件传输失败率	9

1 API 设计 & 分工

我们将任务分成了三份，其中我负责完成第二部分。

1.1 Part I

1.1.1 编码器 `conv_encode`

包括二进制 1/2 和 1/3 效率卷积码

- 输入：原符号 (logical array)，是否收尾 (logical)，效率 (2/3)，CRC 多项式 (logical array)
- 输出：编码后符号 (logical array)

1.1.2 画图

- 1/2, 1/3, 硬/软判决误比特率 - 信道信噪比
- 10 个典型误码图案
- 文件传输失败率 - 信噪比
- 文件整体差错率 - 信道信噪比
- 信道发端/收端复基带星座图

1.2 Part II

1.2.1 符号 - 电平映射

1/2 效率使用 4PSK，1/8 效率使用 8PSK。

1.2.1.1 映射 `sym_encode`

- 输入：符号 (logical array)，效率 (2/3)
- 输出：电平 (complex array)

1.2.1.2 解映射 (硬判决) `sym_decode`

根据欧氏距离

- 输入：电平 (complex array)，效率 (2/3)
- 输出：符号 (logical array)

1.2.2 信道 `transmit`

- 输入：信号 (complex array)，信噪比 (double)
- 输出：加噪声后电平 (complex array)

1.2.3 发射函数 `conv_send`

结合上面两个

- 输入：原符号 (logical array)，是否收尾 (logical)，效率 (2/3)，CRC 多项式 (logical array)
- 输出：电平 (complex array)

1.2.4 接收函数 `conv_receive`

`conv_decode` 的别名。

1.2.5 CRC

1.2.5.1 编码 `crc_encode`

会在序列末尾填 0，直到序列长度变为帧长度的整数倍。

- 输入：原符号 (logical array)，CRC 多项式 (logical array)，帧长度 (课件中为 $25 * 8$)
- 输出：加 CRC 后符号 (logical array)

1.2.5.2 解码 `crc_decode`

25 字节一组

- 输入：加 CRC 后符号 (logical array)，CRC 多项式 (logical array)，帧长度 (课件中为 $25 * 8$)
- 输出：原符号 (logical array)，误块率 (double)

1.3 Part III

1.3.1 译码器 `conv_decode`

欧氏距离

硬判决，软判决

包括二进制 1/2 和 1/3 效率卷积码

- 输入：加噪声后电平 (complex array)，是否收尾 (logical)，效率 (2/3)，CRC 多项式 (logical array)，硬判决 (logical)
- 输出：解码后符号 (logical array)，误块率 (double)

2 模块实现

以下列出了我负责部分的实现代码。

2.1 符号 - 电平映射

根据效率选取映射方式，将信号映射到复电平。为了方便软解码，1/2 效率使用 4PSK，1/8 效率使用 8PSK，并采用格雷码编码。理论星座图如图所示。

2.1.1 符号 -> 电平

```
function signal = sym_encode(symbols, efficiency)
    if efficiency == 2
        gray = [0 1 3 2];
        weight = [2; 1];
    else
```

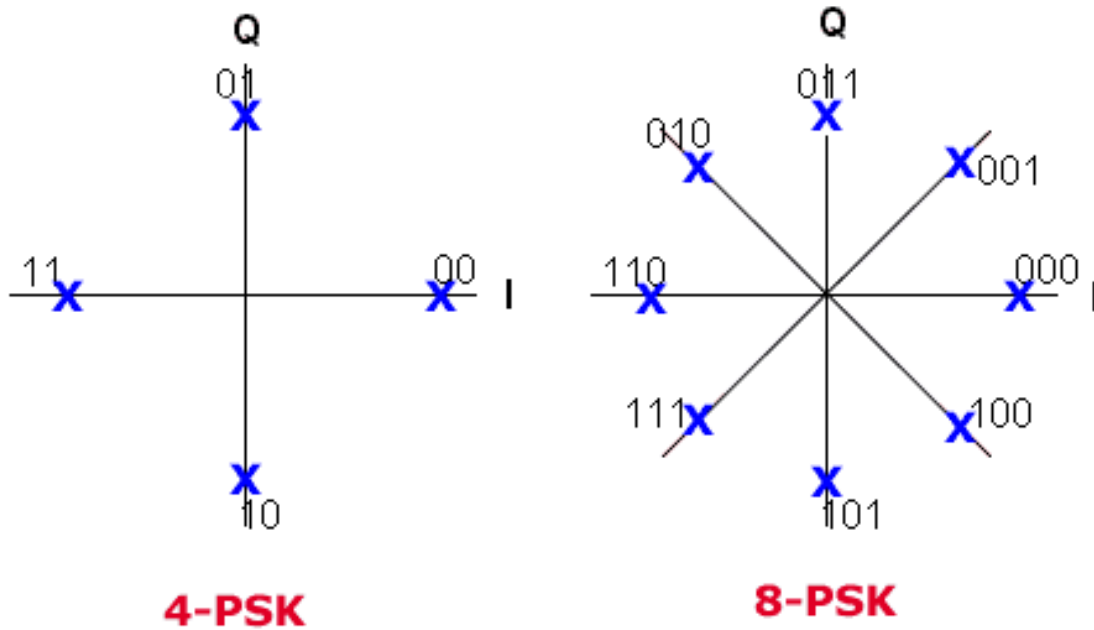


图 1: 4PSK-8PSK

```

    gray = [0 1 3 2 6 7 5 4];
    weight = [4; 2; 1];
end

levels = 2^efficiency;
signal_num = floor(length(symbols) / efficiency);
signal = zeros(signal_num, 1);

for k = 1:signal_num
    symbols((k-1)*efficiency+1:k*efficiency)';
    num = symbols((k-1)*efficiency+1:k*efficiency)' * weight;
    level = find(gray == num);
    signal(k) = exp(j * (level - 1) * 2 * pi / levels);
end
end

```

2.1.2 电平 -> 符号

这里实现的电平 -> 符号映射是根据接受信号在复平面上的幅角来判定的。
可以证明，这种判定方式和以欧拉距离判决等价。

```

function symbols = sym_decode(signal, efficiency)
    if efficiency == 2
        gray = [0 1 3 2];
    else
        gray = [0 1 3 2 6 7 5 4];
    end
end

```

```

end

levels = 2^efficiency;
signal = gray(mod(round(angle(signal) / (2 * pi / levels)), levels) + 1);

symbols = de2bi(signal, efficiency, 'left-msb');
symbols = symbols(:);
end

```

2.2 模拟信道

使用 AWGN 信道，对复电平序列以一定的信噪比加上高斯白噪声。其中实部和虚部的噪声为独立同分布的高斯分布。

```

function noised_signal = transmit(signal, snr)
    noised_signal = awgn(signal, snr, 'measured');
end

```

2.3 CRC

选取多项式为 CRC12

$$x^{12} + x^{11} + x^3 + x^2 + x + 1$$

2.3.1 CRC 编码

首先在序列的末尾填 0，直到序列长度变为帧长度的整数倍。

然后对每个帧补零后，用该多项式对每个帧进行模 2 除，将余数添加在该帧后作为校验和。

```

function crced_symbols = crc_encode(symbols, crc_poly, frame_size)
    frames = ceil(length(symbols) / frame_size);
    pad = frames * frame_size - length(symbols);
    symbols = [symbols; zeros(pad, 1)];

    symbols = reshape(symbols, frame_size, frames);
    crced_symbols = padarray(symbols, [length(crc_poly) - 1, 0], 'post');

    for col = 1:frames
        for row = 1:frame_size
            if crced_symbols(row, col)
                crced_symbols(row:row+length(crc_poly)-1, col) = ...
                    xor(crced_symbols(row:row+length(crc_poly)-1, col), ...
                        crc_poly);
            end
        end
    end
end

```

```

end
crccd_symbols(1:frame_size, :) = symbols;
crccd_symbols = crccd_symbols(:);
end

```

2.3.2 CRC 解码

先根据给定帧长，将符号序列的各个帧分割开来。

对每个帧用相同的多项式（CRC12）进行校验。

校验方法为，使用该多项式对帧进行模 2 除。若能被整除，则认为该帧传输正常，否则则认为该块错误。

```

function [symbols, err_rate] = crc_decode(crccd_symbols, crc_poly, frame_size)
    crccd_frame_size = frame_size + (length(crc_poly) - 1);
    frames = floor(length(crccd_symbols) / crccd_frame_size);
    crccd_symbols = reshape(crccd_symbols(1:frames*crccd_frame_size), ...
                           crccd_frame_size, frames);

    symbols = crccd_symbols(1:frame_size, :);
    symbols = symbols(:);

    err = 0;
    for col = 1:frames
        for row = 1:frame_size
            if crccd_symbols(row, col)
                crccd_symbols(row:row+length(crc_poly)-1, col) = ...
                    xor(crccd_symbols(row:row+length(crc_poly)-1, col), ...
                       crc_poly);
            end
        end
        if any(crccd_symbols(frame_size+1:end, col))
            err = err + 1
        end
    end

    err_rate = err / frames;
end

```

3 单元测试

为了测试其他组员实现的卷积码编码/维特比译码的正确性，我编写了单元测试，使用 Communications System Toolbox 中的 `poly2trellis`（描述卷积码），`convenc`（卷积码编码），`vitdec`（维特比解码），对编解码进行了单元测试。

3.1 test_conv_encode.m

测试卷积码编码。

```

symbols = randi([0 1], 1000, 1);
trellis_2 = poly2trellis(4, [15, 17]);      % 1/2.
trellis_3 = poly2trellis(4, [13, 15, 17]);  % 1/3.

assert_encode = @(real_code, expected_code, description) ...
    assert(all(size(real_code) == size(expected_code)) && ...
        all(real_code == expected_code), ...
        ['Assertion failed: ' description '\n' ...
        'Symbols: %s\n' ...
        'Expected: %s\n' ...
        'Real:      %s\n'], ...
        mat2str(symbols), mat2str(expected_code), mat2str(real_code));

% No ending, no CRC.
assert_encode(conv_encode(symbols, false, 2, []), ...
    convenc(symbols, trellis_2), ...
    'conv_encode, 1/2, no ending, no CRC');
assert_encode(conv_encode(symbols, false, 3, []), ...
    convenc(symbols, trellis_3), ...
    'conv_encode, 1/3, no ending, no CRC');

% With ending, no CRC.
symbols_with_ending = [symbols; zeros(3, 1)];
assert_encode(conv_encode(symbols, true, 2, []), ...
    convenc(symbols_with_ending, trellis_2), ...
    'conv_encode, 1/2, with ending, no CRC');
assert_encode(conv_encode(symbols, true, 3, []), ...
    convenc(symbols_with_ending, trellis_3), ...
    'conv_encode, 1/3, with ending, no CRC');

```

3.2 test_conv_decode.m

测试卷积码译码。

```

LEN = 10;
symbols = randi([0 1], LEN, 1);
trellis_2 = poly2trellis(4, [15, 17]);      % 1/2.
trellis_3 = poly2trellis(4, [13, 15, 17]);  % 1/3.
PSNR = -10;

assert_decode = @(signal, real_symbols, expected_symbols, description) ...

```

```

    assert(all(size(real_symbols) == size(expected_symbols)) && ...
           all(real_symbols == expected_symbols), ...
           ['Assertion failed: ' description '\n' ...
            'Signal: %s\n' ...
            'Expected: %s\n' ...
            'Real:      %s\n'], ...
           mat2str(signal), mat2str(expected_symbols), mat2str(real_symbols));

% No ending, no CRC, hard.
signal_2 = transmit(sym_encode(convenc(symbols, trellis_2), 2), PSNR);
signal_3 = transmit(sym_encode(convenc(symbols, trellis_3), 3), PSNR);
code2 = sym_decode(signal_2, 2);
code3 = sym_decode(signal_3, 3);

assert_decode(signal_2, ...
              conv_decode(signal_2, false, 2, [], true), ...
              vitdec(code2, trellis_2, LEN, 'trunc', 'hard'), ...
              'conv_decode, 1/2, no ending, no CRC, hard');
assert_decode(signal_3, ...
              conv_decode(signal_3, false, 3, [], true), ...
              vitdec(code3, trellis_3, LEN, 'trunc', 'hard'), ...
              'conv_decode, 1/3, no ending, no CRC, hard');

% With ending, no CRC, hard.
symbols_with_ending = [symbols; zeros(3, 1)];
signal_2 = transmit(sym_encode(convenc(symbols_with_ending, trellis_2), 2), PSNR);
signal_3 = transmit(sym_encode(convenc(symbols_with_ending, trellis_3), 3), PSNR);
code2 = sym_decode(signal_2, 2);
code3 = sym_decode(signal_3, 3);

expected = vitdec(code2, trellis_2, LEN + 3, 'term', 'hard');
expected = expected(1:end-3);
assert_decode(signal_2, ...
              conv_decode(signal_2, true, 2, [], true), ...
              expected, ...
              'conv_decode, 1/2, with ending, no CRC, hard');

expected = vitdec(code3, trellis_3, LEN + 3, 'term', 'hard');
expected = expected(1:end-3);
assert_decode(signal_3, ...
              conv_decode(signal_3, true, 3, [], true), ...
              expected, ...

```



```
'conv_decode, 1/3, with ending, no CRC, hard');
```

4 实验结果

4.1 复基带星座图

我们直接使用 `plot` 函数，分别画出了 SNR 为 0dB, 10dB, 20dB, 30dB, 40dB 时的星座图。

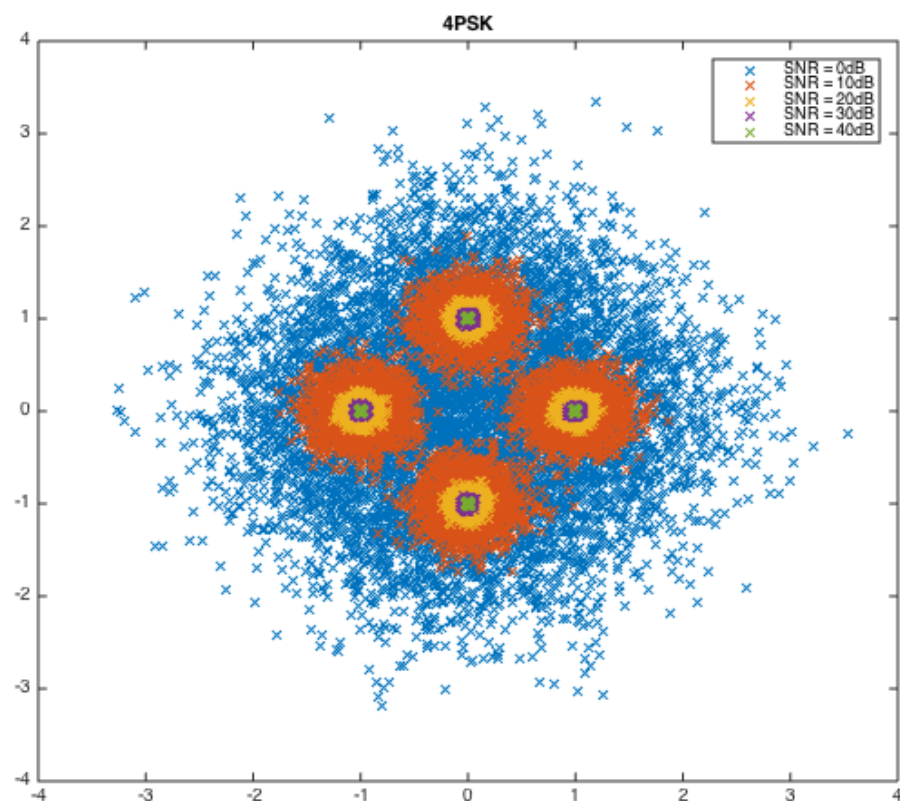


图 2: 4PSK 星座图

4.2 文件传输失败率

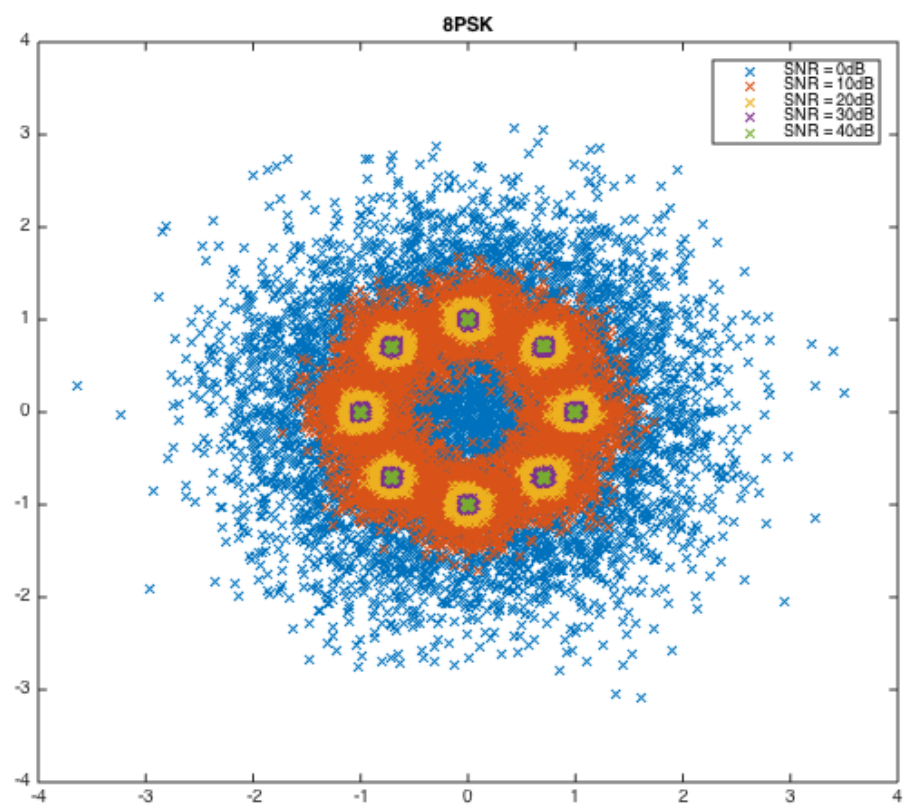


图 3: 8PSK 星座图

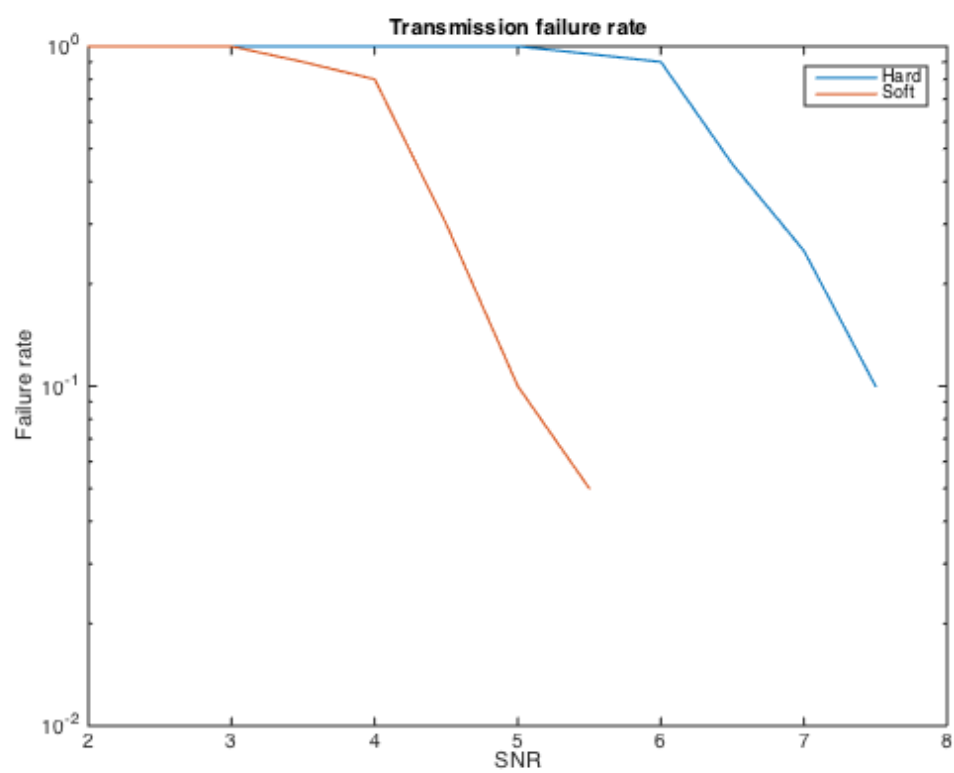


图 4: 文件传输失败率