# 2024"钉耙编程"中国大学生算法设计超级联赛(5)

## 2024年8月2日

## 目录

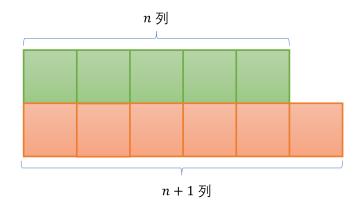
1	数表(二)	2
2	Array Gift	4
3	捆绑魔方	6
4	树论(一)	9
5	树论(二)	11
6	猫罐头游戏	13
7	猫咪军团	14
8	猫咪们狂欢	16
9	用心感受(三)	18
10	世末农庄	19
11	开关灯	22
<b>12</b>	串串	23
13	飞行棋	24

## Problem 1 数表(二)

Time limit: 1 seconds

Memory limit: 256 Megabytes

你得到了一张 2 行的表格,其中第一行有 n 列,第二行有 n+1 列,第一行的第一列和第二行第一列对齐,如图示:



现在需要在这一共 2n+1 个格子中都填入一个整数,需要满足:

- 1、填的整数在  $[0,2^k-1]$  之间。
- 2、同一行不能有相同的数,同一列不能有相同的数。
- 3、所有 2n+1 个数的异或和恰好是 0.

现在 Cuking 想问你,有多少种不同的填数方案,由于答案可能很大,你需要输出答案在模 998 244 353 下的结果。

### Input

第一行一个整数  $T(1 \le T \le 30)$  表示测试用例数量。

对每个测试用例,输入两个整数 n, k,  $1 \le n \le 10^6, 1 \le k \le 10^9$ , 和题目中的 n, k 对应。

## Output

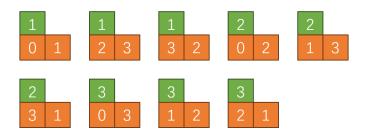
对每组格式用例,输出一行一个整数表示答案。

## Example

standard input	standard output
2	9
1 2	410645142
114 514	

### Hints

n=1, k=2的9种情况如下:



## Problem 2 Array Gift

Time limit: 1 seconds

Memory limit: 256 Megabytes

最近开始流行赠送数组,所以 Beijixing 送给了 Liyishui 一个长度为 n 的**正整数**序列  $a = [a_1, \ldots, a_n]$ ,并附赠了两种操作:

- 操作 1: 选择不同的下标 i,j (即  $1 \le i,j \le n$ ,  $i \ne j$ ),且  $a_j \ne 0$ ,然后将  $a_i$  修改为  $a_i \mod a_j$  1
- 操作 2: 选择某个 i 满足  $1 \le i \le n$  和任意一个正整数 x, 将  $a_i$  修改为  $a_i + x$ .

Liyishui 喜欢倒腾数组,她希望只使用这两种操作让 a 只剩**恰好一个**非 0 数,其他的数都变成 0。两种操作均可使用任意次。不幸的是 Liyishui 最近忙着赶 ddl,你能帮忙求出**最小操作次数**吗?

### Input

第一行输入一个正整数 T,表示一共有 T 组测试用例, $1 \le T \le 30$ .

接下来每组测试用例由两行构成: 其中第一行输入一个正整数  $n(1 \le n \le 100)$  ,表示序列 a 的长度。第二行输入 n 个正整数  $a_1,\ldots,a_n$ ,相邻两数用一个空格隔开,表示序列 a. 对  $1 \le i \le n$  ,有  $1 \le a_i \le 10^6$  .

## Output

对每个测试用例,输出一行一个整数,表示最小操作次数。

## Example

standard input	standard output
2	4
4	3
2 3 5 7	
4	
2 4 6 8	

 $<sup>^1</sup>a_i \mod a_j$  表示  $a_i$  除  $a_j$  的余数,形式化地说,是满足  $\mathbb{I}$   $a_i = a_j \times p + r$  且 p 为整数  $\mathbb{I}$  的最小非负整数 r. 例 如  $3 \mod 2 = 1, 4 \mod 2 = 0$ .

### Hints

对于第一个样例,一种可能操作如下:  $[2,3,5,7] \rightarrow [2,1,5,7] \rightarrow [\mathbf{0},1,5,7] \rightarrow [0,1,\mathbf{0},\mathbf{7}] \rightarrow [0,1,0,\mathbf{0}]$ , 一共用了 4 次操作,可以证明这是最少可能的操作次数。

对于第二个样例,一种可能操作如下:  $[2,4,6,8] \rightarrow [2,\mathbf{0},6,8] \rightarrow [2,0,\mathbf{0},8] \rightarrow [2,0,0,\mathbf{0}]$ ,一共用了 3 次操作,可以证明这是最少可能的操作次数。

## Problem 3 捆绑魔方

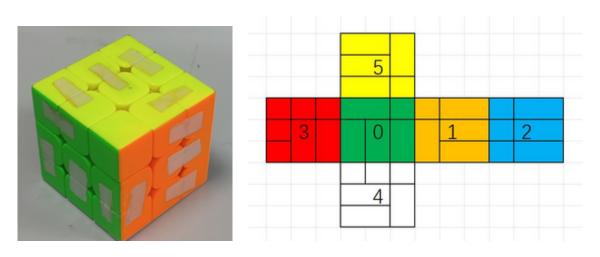
Time limit: 1 seconds

Memory limit: 512 Megabytes

三阶魔方是一款经典玩具,由 26 个小立方体(中心块 6 个、棱块 12 个、角块 8 个)组成,每个面都可以自由转动。

捆绑魔方是由标准的三阶魔方将若干相邻的块捆绑粘合而成,这些捆绑的块无法被分离,使得魔方在旋转时可能会被阻挡,即每个面并非在任意时刻都能转动

下面给出捆绑魔方的还原状态实物图及其外表面平面展开图(**捆绑方式是唯一的**,所有的询问都使用这种魔方)



给你一个打乱后的捆绑魔方,请求解出还原所需的**最小**步数,并输出步数最少的操作序列中**字** 典序最小的那个序列

每次操作,可以选择一个面并将其顺时针旋转90度(请不要问为什么魔方只能顺时针旋转)

### Input

第一行包含一个正整数  $T(1 \le T \le 20)$  表示测试用例组数。

对每组询问:以样例的格式,输入捆绑魔方打乱后的平面展开图。保证所有展开图的展开方式是相同的,且所有 6 个中心块在展开图中的对应位置不变。

简单来说,所有的输入为以下格式,其中 $0 \le x \le 5$ ,表示该部分的颜色

保证给定状态合法且有解。

### Output

对每个测试用例,输出两行:

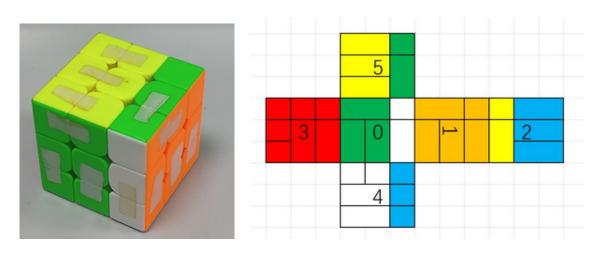
第一行输出一个整数 k,表示还原所需 **最小**操作步数。

第二行输出一个长度为 k 的整数操作序列  $p_1, p_2, \ldots, p_k (0 \le p_i \le 5)$ ,表示对应的操作序列,其中  $p_i$  表示: 第 i 步操作为将中心块颜色为  $p_i$  的面**顺时针旋转 90 度**,两个操作之间以空格隔开,若有多种操作序列满足步数最小,请输出其中**字典序最小**的序列。

standard input	standard output
1	3
5 5 0	111
5 5 0	
5 5 0	
3 3 3 0 0 4 1 1 1 5 2 2	
3 3 3 0 0 4 1 1 1 5 2 2	
3 3 3 0 0 4 1 1 1 5 2 2	
4 4 2	
4 4 2	
4 4 2	

### Hints

样例 1 对应的展开图及实物图



(此种状态下可行的合法操作为1,2,5,其余操作会被阻挡)

提示: 该捆绑魔方共有 1,108,800 种不同的状态

在线模拟传统三阶魔方: https://rubiks-cube-solver.com/

## Problem 4 树论(一)

Time limit: 4 seconds

Memory limit: 256 Megabytes

一天,学傻了的 Yoshinow 在学数论时,迷失在了数论的黑暗森林里!

(因为是在数论森林里!) 现在 Yoshinow 得到了一棵树,现在他想知道:在某个以r 为根的子树内,有多少点对(i,j),满足i,j 的最小公倍数 <sup>2</sup> 不超过x (注意是编号的 lcm)

由于 Yoshinow 非常——好奇,所以他现在一共有 Q 个这样的询问。

形式化地说: 给定 n 个结点的有根树(以 1 为根),结点标号从 1 到 n ,共有 Q 次询问,每次询问给出两个参数 r,x ,表示询问有多少点对 (i,j),满足:

- 1、*i*, *j* 是 [1, *n*] 内的正整数。
- $2 \cdot lcm(i, j) \leq x$ .
- 3、标号为 i,j 的结点均在以 r 为根的子树内。

### Input

第一行输入一个正整数 T,表示测试用例组数,1 < T < 3.

对每组询问:第一行输入一个整数 n,其中  $1 < n < 10^5$ .

接下来 n-1 行,每行两个整数  $u,v(1 \le u,v \le n)$ ,表示 u,v 之间有一条边。保证给出的 n 个点构成树。

接下来一行一个整数 Q,表示询问组数, $1 < Q < 10^6$ .

接下来 Q 行,每行两个整数  $r, x(1 < r < n, 0 < x < 10^5)$ ,表示一个询问。

## Output

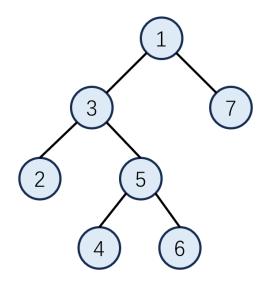
共T行,对每组测试用例,输出一行共Q个整数,按顺序给出对应询问的答案,相邻整数用空格隔开。

 $<sup>^{2}</sup>$ 对于正整数 x,y, lcm(x,y) 表示 x,y 的最小公倍数,即同时是 x,y 倍数的最小正整数。例如,10 和 12 的最小公倍数是 60,即 lcm(10,12)=60.

standard input	standard output
1	23 3 9 15 27
7	
1 3	
1 7	
3 2	
3 5	
5 4	
5 6	
5	
3 23	
5 10	
5 30	
1 5	
1 7	

### Hints

样例给出的树如图所示:



对于第一个询问,r=3, x=23,r=3 的子树内共有 5 个点,有  $5^2=25$  对点对,除了 (5,6),(6,5) 的最小公倍数是 30>23 外,其余每个点对都满足最小公倍数不超过 23 的条件,因此答案是 25-2=23.

## Problem 5 树论(二)

Time limit: 4 seconds

Memory limit: 512 Megabytes

Yoshinow 又得到了一棵 n 个结点的树,结点的标号为 1 到 n 内的整数,Yoshinow 突发奇想:如果把树上的一条边删掉后,一棵树会被划成两棵树  $T_1, T_2$ ,从  $T_1$  的节点编号中选一个数 x,再从  $T_2$  的结点编号中选一个数 y,gcd(x,y) 最大能取到多少? 3 因为 Yoshinow 非常好奇,所以他想对每条边都询问。

形式化地说:有一棵树  $G = (V, E), V = \{1, 2, ..., n\}, n-1$  条边  $E = \{(u_1, v_1), ..., (u_{n-1}, v_{n-1})\}.$  对每条边  $(u_i, v_i)(i = 1, ..., n-1)$ ,需要回答:将  $(u_i, v_i)$  删去后,原树 G 会被分成不连通的 两棵树  $G_1 = (V_1, E_1), G_2 = (V_2, E_2)$ ,此时  $\max_{x \in V_1, y \in V_2} \gcd(x, y)$  是多少

### Input

第一行一个正整数 T,表示测试用例组数, $1 \le T \le 10$ .

接下来 T 组数据,对每组数据: 先输入一个正整数 n,表示树的点数, $2 \le n \le 10^6$ ,接下来 n-1 行,第 i 行包括两个整数  $u_i, v_i$ ,表示树上的第 i 条边为  $(u_i, v_i)$ . 保证对所有测试用例, $\sum n < 5 \times 10^6$ .

## Output

对每个测试用例,输出一行 n-1 个整数,第 i 个整数表示删除边  $(u_i, v_i)$  后的答案。 注: 在这题中你可能需要用到更大的栈空间,C++ 选手可以在 main 函数中加入如下代码, 以防出现栈溢出的错误:

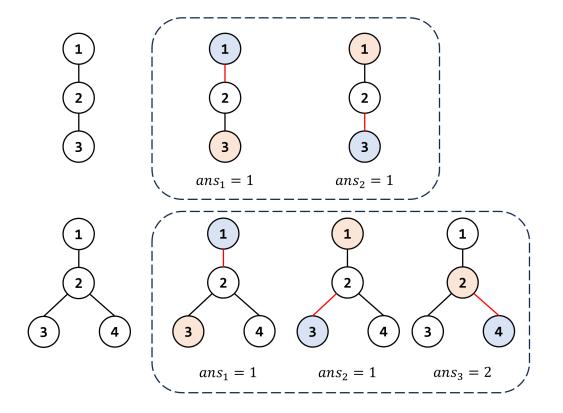
```
int main() {
   int size(256<<20); //256M
   __asm__ ( "movq %0, %%rsp\n"::"r"((char*)malloc(size)+size));
   // YOUR CODE
   //...
   exit(0);
}</pre>
```

 $<sup>^{3}</sup>$ 对于正整数 x,y 来说,gcd(x,y) 表示同时整除 x,y 的最大整数。

standard input	standard output
2	1 1
3	1 1 2
1 2	
2 3	
4	
1 2	
2 3	
2 4	

### Hints

两个样例如下图所示:



红边表示询问的边,选取的点 x,y 对应地用浅蓝色和橙色标注。在样例中,除了第二棵树的  $ans_3$  以外,其他询问中的无序对  $\{x,y\}$  的选取方式都不唯一。

## Problem 6 猫罐头游戏

Time limit: 1 seconds

Memory limit: 256 Megabytes

小小猫和勇者猫比赛吃猫罐头。

总共有3堆猫罐头,两猫轮流吃猫罐头,小小猫先手。每次可以选择2堆猫罐头,将其中1堆吃光,然后把剩下1堆分成2堆,且必须保证这2堆猫罐头的数量都**大于**0.无法操作者输。

注意: 必须选择猫罐头数量大于 0 的堆。按照规则,场上永远会存在且仅存在 3 堆猫罐头数量大于 0 的堆。

假设小小猫和勇者猫都足够聪明且都希望获胜,小小猫(先手)想知道它是否有必胜策略。

### Input

第一行一个正整数  $T(1 \le T \le 100)$ ,表示测试用例组数。

接下来 T 行,每行三个正整数 a,b,c,分别表示 3 堆猫罐头的初始数量,用空格隔开。其中  $1 < a,b,c < 10^4$ .

### Output

共 T 行:对每组测试用例,输出一行一个字符串"YES"或"NO",表示小小猫(先手)是 否有必胜策略(是输出"YES",否输出"NO")

## Example

standard input	standard output
4	NO
111	YES
1 2 1	YES
1 2 3	YES
8 9 10	

#### Hints

第一组数据, a = b = 1, 先手已经无法操作。

第二组和第三组数据,先手选择 b, c, 将 c 取走,将 b=2 分成 b=1 和 c=1,则局面变成 a=b=c=1,先手胜利。

## Problem 7 猫咪军团

Time limit: 3 seconds

Memory limit: 512 Megabytes

#### 【猫咪军团】侵略狗星!!!

狗星有 n 个地区,有 n-1 条双向道路使狗星的所有地区连通。猫咪军团要投放一些猫咪在 狗星的某些地区上以抓捕狗仔。猫咪们修建了 m 条猫咪通道。猫咪只能走猫咪通道,狗仔只能走狗星道路。

猫咪通道:一条猫咪通道连接两个不同的点u、v,并且猫咪通道上有一个中转站,猫咪想从u 走到v 或从v 走到u 时,需要先走到中转站,再从中转站走到另一个点。

当某只猫咪在某个中转站时,若狗星道路上也有一条边连接 u 和 v,视为这只猫咪在狗星道路的这条路中间。

#### 游戏规则:

- 猫咪军团先投放猫咪,狗仔再选择初始位置。猫咪和狗仔交替行动,由猫咪先手(事实上先后手不影响结果)。
- 猫咪行动:选择一只猫咪,然后让它从一个地区走到一个中转站上,或者从中转站走到 一个地区上(只能走一次,经过"半条"猫咪通道)。
- 狗仔行动:狗仔可以通过狗星的道路移动到另一个地区(可以经过任意条道路和地区, 只要路径中间及路径经过的地区没有猫咪),也可以原地不动。
- 任何时刻,只要有猫咪和狗仔在同一个地区,就视作抓捕成功。

在保证能抓捕住狗仔的情况下,最小化要投放的猫咪的数量。

补充说明 1: 多只猫咪可以待在同一个地区,猫咪们和狗仔都知道彼此的位置。

补充说明 2: 猫咪通道不一定将狗星的所有地区连通。

### Input

第一行一个正整数 T(1 < T < 100), 表示测试用例组数。对每组测试用例:

第一行两个正整数  $n, m(1 \le n \le 10^5, 0 \le m \le 10^5)$ ,分别表示地区数量 (点数) 和猫咪通道的数量。

接下来 n-1 行,每行两个正整数 u,v,表示狗星地图上的一条边。

接下来 m 行,每行两个正整数 u,v,表示连接 u 和 v 的一条猫咪通道。

保证对所有测试用例,  $\sum n \leq 5 \times 10^5$ ,  $\sum m \leq 6.5 \times 10^5$ .

## Output

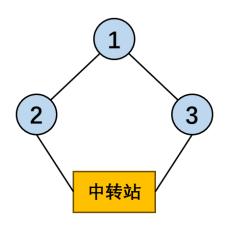
共 T 行,每行一个整数表示至少需要投放的猫咪数量。

standard input	standard output
3	3
3 0	2
2 1	1
2 3	
3 1	
1 2	
3 1	
2 3	
3 3	
1 2	
3 2	
2 1	
3 2	
1 3	

### Hints

第一组数据,没有猫咪通道,所以每个地区都要投放1只猫咪。

第二组数据,地区 1 和 2,3 无法通过猫咪通道连通,地区 1 需要投放 1 只猫咪,地区 2 或 3 需要投放且只需要投放一只猫咪。



第三组数据,猫咪通道连成一个完全图,可以证明投放1只猫咪即可。

## Problem 8 猫咪们狂欢

Time limit: 1 seconds

Memory limit: 256 Megabytes

猫咪们生活在树上。

具体来说,有 n 只猫咪和两棵大小为 n 的树<sup>4</sup>。猫咪编号为  $1 \sim n$  ,每棵树上的节点编号也为  $1 \sim n$  (编号各不相同)。

今晚,每只猫咪要分别选择一棵树,并待在与其编号相同的节点。

在这 n 只猫咪之中,有 k 只猫咪是狂欢猫。狂欢猫晚上不会睡觉,而是会选择开 party。其他猫咪则会选择睡觉。

每条树边都有一个狂欢值,如果这条边连接的两个节点在晚上都有狂欢猫待着,这个狂欢值就会被累加到总狂欢值上。

最大化今晚的总狂欢值,并输出这个值。

### Input

第一行包含一个正整数  $T(1 \le T \le 50)$ , 表示测试用例组数。对于每一组测试用例:

- 第一行包含两个正整数 n 和 k,分别表示猫咪的总数和狂欢猫的数量,1 < k < n < 1000.
- 接下来一行包含 k 个整数,分别表示狂欢猫的编号,保证这 k 个数互不相等。
- 接下来 n-1 行,每行包含三个正整数 u,v 和 w ,表示第一棵树的一条连接 u,v 且狂 欢值为 w 的边。
- 接下来 n-1 行,每行包含三个正整数 u,v 和 w ,表示第二棵树的一条连接 u,v 且狂 欢值为 w 的边。
- 上述 w:1 < w < 20.
- 对所有测试用例, $\sum n \leq 10000$ .

### Output

 $\sharp T$  行,每行一个整数分别表示对应测试用例的答案。

 $<sup>^4</sup>$ 由  $^n$  个点, $^n$  — 1 条边构成的连通图,树的大小在这里定义为其节点数。

standard input	standard output
2	5
4 3	3
1 2 3	
1 2 1	
2 3 2	
2 4 1	
2 3 5	
2 4 1	
4 1 1	
4 3	
1 2 3	
1 2 2	
2 3 1	
2 4 1	
2 3 2	
2 4 1	
4 1 1	

### Hints

- 第一组数据, 狂欢猫 2,3 待在第二棵树上, 得到狂欢值 5.
- 第二组数据,狂欢猫 1,2,3 待在第一棵树上,得到狂欢值 2+1=3.

## Problem 9 用心感受(三)

Time limit: 1 seconds

Memory limit: 256 Megabytes

在去年杭电多校,Stump 用心感受出了  $\sum_{d|n} \mu(\frac{n}{d}) \ln(d)$  的结果,又震惊了 Yoshinow 一整年。 今年 Legend\_dy 在复习期末考时,Cuking 掏出了下面的式子:

$$\sum_{k=1}^{n} \mu(k) \cdot (a^{\varphi(k)+1} \bmod k)$$

其中  $\mu$  和  $\varphi$  分别表示莫比乌斯函数和欧拉函数。 可怜的 Legend dy 快复习不完了,你能帮他用心感受一下吗?

### Input

第一行一个正整数  $T(1 \le T \le 30)$ ,表示测试用例组数。 接下来 T 行,每行输入两个正整数  $n, a(1 \le n, a \le 10^9)$  ,用一个空格隔开。

### Output

对每组测试用例,输出一行一个整数表示答案。

## Example

standard input	standard output
3	-1
3 3	0
10 10	97
100 100	

#### Hints

莫比乌斯函数  $\mu$ : 若 n 中含有非平凡平方因子(即存在某个正整数 a > 1, $a^2|n$ )则  $\mu(n) = 0$ ,否则不妨设 n 的唯一分解为  $n = \prod_{i=1}^k p_i$ ,则  $\mu(n) = (-1)^k$ .

欧拉函数  $\varphi$ :  $\varphi(n)$  表示  $\{1,2,\ldots,n\}$  中和 n 互质的数的个数。

对于第一组测试用例,n = 3, a = 3,答案为  $1 \times (3^1 \mod 1) + (-1) \times (3^1 \mod 2) + (-1) \times (3^2 \mod 3) = -1$ .

## Problem 10 世末农庄

Time limit: 3 seconds

Memory limit: 256 Megabytes

西元???? 年,星球"泰拉"发生了核战争,整个地上世界成为了一片废土,由于辐射,异变生物已经占领了地上世界。

矮人族先西为了生存,不得不隐入地下进行生存。

幸好!先西的老祖宗早有远见,开发了地下农庄。地下农庄是一个家中地下室为根(记根的编号为0)的树形结构,由于老祖宗没有留下地图,先西只能进行探索,以找寻农庄中每个农田的具体位置。

先西带着升降滑索和背包进入了农庄,并把锚点打在了家中的地下室。也就是说,它可以在 回家时从当前所在位置到根的简单路径上获取农田中的农作物。

先西发现,不同农田的农作物所能提供的营养参差不齐,每单位农作物能得到的粮食不同。简单来说,某一层的粮食产出符合如下公式:

#### 粮食重量 = 该田农作物的营养值 p · 该田剩余农作物重量 w

并且,越是到达深层,环境越是恶劣,农田的农作物营养值总是不如上一层直接相邻农田的营养值高。

此外,由于极少数异变蝗虫会钻地以获取食物,某些已经发现的农田可能因此被一扫而空。 为了简化问题,每天仅会发生下列三种事情之一:

- 发现新的农田,编号记为 u,其与某一个已知的编号为 v 的农田相通(注意地下农庄是一个树形结构),该农田农作物的营养值为  $p_u$ ,农作物重量为  $w_u$ ,且由于深处环境更加恶劣,总是有  $p_u < p_v$ ;
- 回家整理行装,此时先西在编号为 k 的农田,打算沿着最短路径回到地下室 (根),背包还能装 s 个单位重量的农作物,此时需要输出先西最多能得到多少粮食重量 (先西总是优先保证这一天带走的农作物能够生产最多粮食),注意每次获取农作物后,农作物剩余量会减少;
- 异变蝗虫入侵,此时编号为 l 的农田中,农作物被一扫而空。

现在对于接下来 q 天,根据已知的地下农庄结构,背包剩余重量空间,每次回家时先西应当如何决策以获得最多的粮食回到地下室?

#### 简单地说:

初始有一棵只有根节点的树,根编号为 0,根有两个点权  $p_0$  和  $w_0$ ;

在q个操作中,每个操作是以下三种情况之一:

• 操作 1: 新增一个未出现过的节点 u,令节点 u 与某已经存在的节点 v 相连,有两个点 v 和 v0 和 v1 保证 v2 以 v3 ? v4 和 v2 以 v3 和 v4 以 v5 和 v5 和 v6 和 v7 和 v8 和 v9 和 v

- 操作 2: 进行一次询问,给定节点 k 和背包容量 s,查询从节点 k 到根的路径点集 X 中,给每个点  $v \in X$  分配一个非负整数  $m_v$ ,在约束  $(\sum m_v \leq s) \wedge (m_v \leq w_v), v \in X$  下,得到  $Ans = \max \sum_{v \in X} (m_v \times p_v)$ ,输出  $\sum m_v$  和 Ans,注意每次询问过后,需要进行更新  $w_v = w_v m_v$ ;
- 操作 3: 给定一个节点 l, 将  $w_l$  置为 0.

### Input

第一行输入一个正整数 T(1 < T < 10),表示有 T 组测试用例。对每组测试用例:

- 第一行,给出三个整数 q,  $p_0$ ,  $w_0$ ,以空格隔开,分别表示总天数,根节点农田农作物营养值,农作物重量。
- 接下来 q 行,首先给出一个整数 opt,用于表示三种事情的编号,紧接一个空格,然后 根据 opt 的不同:
- 若 opt = 1,则表示发现新的农田,接下来给出整数  $u, v, p_u, w_u$ ,同样以空格隔开,保证编号为 u 的农田未被发现,而为 v 的已被发现,且  $p_u < p_v$ ;
- 若 opt = 2,则表示回家整理行装,接下来给出整数 k, s,同样以空格隔开,保证编号 k 的农田已经被发现,此时需要进行输出,具体见"输出格式"节;
- $\ddot{a}$  opt = 3, 则表示异变蝗虫入侵,接下来给出整数 l,同样保证编号 l 的农田已经被发现。

对所有测试用例, $1 \le q \le 2 \times 10^5$ ,且  $1 \le u \le 2 \times 10^5$ , $0 \le v, k, l \le 2 \times 10^5$ , $0 \le p_i, w_i, s \le 10^6, i \in \mathbb{N}$ 。

## Output

对每组测试用例: 若输入 opt 为 2,则需要输出一行两个整数 x,y (用空格隔开),分别表示背包中装入的农作物重量,以及能得到的粮食总量。

## Example

standard input	standard output
1	3 18
5 6 4	3 12
203	2 2
1 2 0 3 2	
2 2 4	
1 4 0 1 3	
2 4 2	

#### Hints

在样例中,一共有 q = 5 天,初始根节点  $p_0 = 6, w_0 = 4$ .

- 第一天,用大小为 s=3 的背包容量,拿走了 0 号节点 3 个单位重量的农作物, $w_0 \to 1$ ,得到粮食总量是  $3 \times 6 = 18$ .
- 第二天,添加了一个 2 号节点,连向 0 号点, $p_2 = 3 < p_0, w_2 = 2$ .
- 第三天,用大小为 s=4 的背包,在 2 号点询问,拿走 0 号点 1 个单位重量的农作物,以及 2 号点 2 个单位重量的农作物,得到的总重量为 1+2=3,粮食总量是  $1\times6+2\times3=12$ .

• ...

## Problem 11 开关灯

Time limit: 1 seconds

Memory limit: 256 Megabytes

Yoshinow 有一排灯,按 1 到 n 的顺序从左到右编号,开始时所有灯全是关闭的。每次**操作**可以选择一盏灯,同时反转这盏灯**及其**左右两盏灯(如果存在)的开/关状态(即关变开、开变关)现在可以对这些灯做任意多次(可以是零次)操作,Yoshinow 想问你,这排灯共有多少种不同状态是可以到达的,由于答案可能很大,需要输出其对 998 244 353 取模的结果。称两种状态不同,当且仅当两个状态中,存在至少一盏灯的开/关状态不同。

### Input

第一行输入一个正整数 T, 表示一共有 T 组测试用例, $1 \le T \le 100$ . 接下来 T 行,每行输入一个整数 n,即题目描述的电灯数量, $1 \le n \le 10^9$ .

### Output

对每个测试用例,输出一行一个整数表示答案。

### Example

standard input	standard output
2	8
3	16
4	

#### Hints

n=3 时每种状态的一种可能操作方式如下(其中  $r_i$  表示在编号为 i 的灯上操作):

(0,0,0)

$$(0,0,0) \xrightarrow{r_1} (1,1,0) \xrightarrow{r_2} (0,0,1)$$

$$(0,0,0) \xrightarrow{r_1} (1,1,0) \xrightarrow{r_2} (0,0,1) \xrightarrow{r_3} (0,1,0)$$

 $(0,0,0) \xrightarrow{r_3} (0,1,1)$ 

$$(0,0,0) \xrightarrow{r_2} (1,1,1) \xrightarrow{r_3} (1,0,0)$$

$$(0,0,0) \xrightarrow{r_1} (1,1,0) \xrightarrow{r_3} (1,0,1)$$

$$(0,0,0) \xrightarrow{r_1} (1,1,0)$$

$$(0,0,0) \xrightarrow{r_2} (1,1,1)$$

## Problem 12 串串

Time limit: 2 seconds

Memory limit: 256 Megabytes

给定一个长度为 n 的字符串 S。现在有一个字符串 T,初始时 T=S(在接下来的操作中 S 不变).

定义对 T 的删除操作:每次操作删除 T 开头或结尾**恰好一个字符**,同时花费  $\mathbb{I}$  (操作前) T 在 S 中的出现次数  $\mathbb{I}$  的代价。

现在希望通过 n 次操作将 T 变为空串, 求最小的总花费

### Input

第一行一个整数  $T(1 \le T \le 5 \times 10^4)$  表示测试用例数量。 对每个测试用例,输入一个**仅包含小写字母**的字符串  $S(1 \le \sum |S| \le 10^6)$ .

### Output

对每个测试用例,输出一行一个整数,表示最小总花费。

### Example

standard input	standard output
5	3
abc	4
aaba	6
aaabb	7
legendy	9
ygfuygfu	

#### Hints

例如对于 S = T = aaabb,一种可能的操作方式如下:  $\underline{a}aabb \xrightarrow{1} \underline{a}abb \xrightarrow{1} \underline{b}b \xrightarrow{1} \underline{b}b \xrightarrow{1} \underline{b} \xrightarrow{2} \epsilon$ . ( $\epsilon$  表示空串, $\rightarrow$  上的数字表示花费)

## Problem 13 飞行棋

Time limit: 1 seconds

Memory limit: 256 Megabytes

今晚飞行棋大师 Legend\_dy 不是很想学习于是邀请 Jeneveuxpas 和 LZVSDY 一起来玩把飞行棋,赛前放下豪言势必要血虐他们。没想到成了小丑,四连胜就此终结。



Jeneveuxpas 三辆飞机抵达终点,剩下的一辆飞机也已率先进入直道,本以为自己已经胜券在握了,没想到连摇了十来次骰子都没能摇进终点,让 LZVSDY 后来居上夺走了胜利的果实,他非常难过百思不得其解提出了这样一个问题:

有 n+1 个的格子编号 0 到 n, 0 号格子为起点, n 号格子为终点。

花费 1 的代价等概率随机 [1,n] 中的一个整数 x,向终点走 x 步,若达到终点还有剩余步数则反向行走。如果随机到了数字 n 并且未抵达终点则 **赠送**一次等概率随机 [1,n-1] 中整数y 的机会,并向终点走 y 步。问期望花费多少代价能恰好抵达终点?

### Input

第一行输入一个正整数 T,表示一共有 T 组测试用例, $1 \le T \le 100$ .接下来 T 行,每行输入一个整数 n,即题目描述的 n, $6 \le n \le 10^9$ .

## Output

一行一个整数,表示期望花费多少代价对 109+7 取模的结果.

## Example

standard input	standard output
1	3168436
998244353	