

## 1 - REGRA DE L'HOPITAL :

1.1 Somente se tiver indeterminação do tipo  $\frac{0}{0}$  ou  $\frac{\infty}{\infty}$

1.1-1 Outras formas indeterminadas :  $0 \cdot \infty$  ;  $\infty - \infty$  ;  $0^\infty$  ;  $1^\infty$  ;  $\infty^0$

## 2 - INTEGRAL IMPRÓPRIA :

- Se a integral imprópria der um **número**, significa que a integral **converge**.
- Se a integral imprópria der **infinito**, significa que a integral **diverge**.

2.1 Integrando infinito :

$$2.1-1 \int_a^{+\infty} f(x)dx = \lim_{b \rightarrow +\infty} \int_a^b f(x)dx$$

$$2.1-2 \int_{-\infty}^a f(x)dx = \lim_{b \rightarrow -\infty} \int_b^a f(x)dx$$

$$2.1-3 \int_{-\infty}^{+\infty} f(x)dx = \int_{-\infty}^a f(x)dx + \int_a^{+\infty} f(x)dx = \lim_{b \rightarrow -\infty} \int_b^a f(x)dx + \lim_{t \rightarrow +\infty} \int_a^t f(x)dx$$

$a \in \mathbb{R}$

2.2 Descontinuidade no integrando :

$$2.2-1 (D(f) = \mathbb{R} - \{a\}) \rightarrow \int_a^b f(x)dx = \lim_{t \rightarrow a^+} \int_t^b f(x)dx$$

$$2.2-2 (D(f) = \mathbb{R} - \{a\}) \rightarrow \int_c^a f(x)dx = \lim_{t \rightarrow a^-} \int_c^t f(x)dx$$

$$2.2-3 (D(f) = \mathbb{R} - \{a, b\}) \rightarrow \int_a^b f(x)dx = \lim_{t \rightarrow a^+} \int_t^c f(x)dx + \lim_{t \rightarrow b^-} \int_c^t f(x)dx ;$$

$c \in (a, b)$

$$2.2-4 \quad (D(f) = \mathbb{R} - \{c\}) \rightarrow \int_a^b f(x)dx = \int_a^c f(x)dx + \int_c^b f(x)dx = \\ \lim_{t \rightarrow c^+} \int_a^t f(x)dx + \lim_{t \rightarrow c^-} \int_t^b f(x)dx$$

$$2.2-5 \quad (D(f) = \mathbb{R} - \{a\}) \rightarrow \int_a^{+\infty} f(x)dx = \int_a^{a+1} f(x)dx + \int_{a+1}^{+\infty} f(x)dx = \\ \lim_{t \rightarrow a^+} \int_t^{a+1} f(x)dx + \lim_{t \rightarrow +\infty} \int_{a+1}^t f(x)dx$$

$$2.2-6 \quad (D(f) = \mathbb{R} - \{a\}) \rightarrow \int_{-\infty}^a f(x)dx = \int_{-\infty}^{a-1} f(x)dx + \int_{a-1}^a f(x)dx = \\ \lim_{t \rightarrow -\infty} \int_t^{a-1} f(x)dx + \lim_{t \rightarrow a^-} \int_{a-1}^t f(x)dx$$

### 3 - SEQUÊNCIAS

- Se o limite da sequência der um **número**, significa que a sequência **converge**.
- Se o limite da sequência der **infinito**, significa que a sequência **diverge**.

#### 3.1 Teorema do Confronto para sequências

- Sejam  $\{a_n\}$ ,  $\{b_n\}$ ,  $\{c_n\}$ ,  $n \in \mathbb{N}$ , sequências tais que,  $a_n \leq b_n \leq c_n$ .

Se  $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = K = \lim_{n \rightarrow +\infty} c_n$ , então  $\lim_{n \rightarrow +\infty} b_n = K$ .

#### 3.2 Teorema da Convergência Monótona

- Toda sequência **MONÓTONA E LIMITADA** é **CONVERGENTE**.