UFV - Universidade Federal de Viçosa

CCE - Departamento de Matemática

1^a Lista de exercícios de MAT 147 - Cálculo II

GABARITO

1.	(a)	$+\infty$
Ι.	(a)	$+\infty$

(b)
$$\frac{1}{2}$$

(c)
$$e^2$$

(e)
$$\ln a$$

$$(f) \ \frac{2}{3}$$

(b)
$$\frac{1}{2}$$

(c)
$$\frac{\pi}{2}$$

(d)
$$\frac{1}{2}$$

- (b) converge
- (c) diverge

(d) converge para
$$\frac{\pi^2}{8}$$

- (e) converge para 2
- (f) converge para $-\pi$

4. (a) diverge

- (b) $2\sqrt{3}$
- (c) diverge
- (d) diverge
- (e) -2
- (f) 3

5. Converge se
$$p > 1$$
 e diverge se $p \le 1$.

6. Pense em funções ímpares

7.
$$\frac{Et}{L}$$

8.
$$\lim_{r \to 1} S = na$$
.

(g)
$$\frac{1}{40}$$

- (h) $\frac{4}{9}$
- (i) 0 (j) $-\frac{1}{2}$
- $(k) + \infty$
- (l) $\frac{5}{3}$

- (n) e
- (o) e^a
- (p) e^a
- $(q) +\infty$
- (r) $\frac{1}{2}$
- (s) 0

(e)
$$\frac{1}{2} \ln 3$$

- (f) $-\frac{1}{4}$
- (g) $-\frac{1}{2}$
- (h) $\frac{\pi}{2}$

*(g) converge para
$$\frac{1}{s}$$
 se $s > 0$ e diverge se $s \le 0$

*(h) converge para
$$\frac{2}{s^3}$$
 se $s>0$ e diverge se $s\leq 0$

*(i) converge para
$$\frac{a}{s^2+a^2}$$
 se $s>0$ e diverge se $s\leq 0$

*(j) converge para
$$\frac{s}{s^2+a^2}$$
 se $s>0$ e diverge se $s\leq 0$

- (g) diverge
- (h) diverge
- (i) diverge Sug.: substituição trigonométrica

(j) diverge Sug.:
$$\int \frac{1}{1 - \cos x} dx = \int \frac{1 + \cos x}{1 - \cos^2 x} dx = \dots$$

(k) diverge

- 9. (a) $a_n = 3n 2$ diverge
 - (b) $a_n = 1 \frac{2^n 1}{2^n}$ converge para 2
 - (c) $a_n = \frac{1}{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdots (2n-1)}$ converge para 0
- 10. (a) converge para 0
 - (b) converge para 1
 - (c) converge para -3/2
 - (d) converge para 0
 - (e) converge para 0
 - (f) converge para 0
- 11. (a) demonstração
 - (b) demonstração
- 12. $\lim_{n \to +\infty} \frac{n!}{n^n} = 0$
- 13. (a) $a_{n+1} = \frac{2n+1}{2n+2}a_n$
 - (b) demonstração
 - (c) aplique o Teorema da Convergência Monótona
- 14. (a) $a_1 = 2, a_2 = 3, a_3 = \frac{5}{2}, a_4 = \frac{7}{4}, a_5 = \frac{31}{8}, a_{101} = 4 \frac{1}{299}$
 - (b) Sim. Justifique!
 - (c) Sim. Justifique!
- 15. (a) $s_1 = 0, s_2 = -\frac{1}{8}, s_3 = -\frac{1}{4}$
 - (b) A = 1, B = -1
 - (c) $s_n = -\frac{1}{2} + \frac{n+1}{2^{n+1}}$
 - (d) $-\frac{1}{2}$
 - (e) sim
- 16. (a) converge para 0
 - (b) condicionalmente convergente
- 17. (a) Use frações parciais e veja que (b) Idem a série é telescópica
- 18. (a) $\frac{412}{999}$

(b) $\frac{2113}{00000}$

(c) Idem

(d) $a_n = \frac{(-1)^{n+1}}{n}$ converge para 0

(e) $a_n = \frac{\sqrt{2n-1}}{n+2}$ converge para 0

(f) $a_n = \frac{2^n}{n!}$ converge para 0

(g) diverge

(h) diverge

(i) converge para $\frac{a^2}{2}$

(j) converge para 0

- 19. (a) diverge
 - (b) diverge
 - (c) converge
- 20. F F V V F
- 21. converge
- 22. É uma série geométrica
- 23.
- 24. Demonstração
- 25. Demonstração

- 26. (a) diverge (f) converge (k) diverge (b) diverge (g) diverge (l) diverge (c) diverge (h) diverge (d) converge (i) converge (e) converge (j) diverge (n) converge
- 27. Demonstração
- 28.
- 30. (b)