常用代码模板1——基础算法



作者: NXC (/user/myspace/index/1/), 2019-07-31 21:18:31, 阅读 78589

算法基础课相关代码模板

• 活动链接 —— 算法基础课 (https://www.acwing.com/activity/content/11/) 681

快速排序算法模板 —— 模板题 AcWing 785. 快速排序 (https://www.acwing.com /problem/content/787/)

839

```
void quick_sort(int q[], int l, int r)
{
    if (1 >= r) return;
    int i = l - 1, j = r + 1, x = q[l + r >> 1];
    while (i < j)
        do i ++ ; while (q[i] < x);
        do j -- ; while (q[j] > x);
        if (i < j) swap(q[i], q[j]);</pre>
    quick_sort(q, l, j), quick_sort(q, j + 1, r);
}
```

归并排序算法模板 —— 模板题 AcWing 787. 归并排序 (https://www.acwing.com /problem/content/789/)

第1页 共24页 2021/4/2 16:18

https://www.acwing.com/blog/content/277/

```
void merge_sort(int q[], int 1, int r)
{
    if (1 >= r) return;

    int mid = 1 + r >> 1;
    merge_sort(q, 1, mid);
    merge_sort(q, mid + 1, r);

    int k = 0, i = 1, j = mid + 1;
    while (i <= mid && j <= r)
        if (q[i] <= q[j]) tmp[k ++ ] = q[i ++ ];
    else tmp[k ++ ] = q[j ++ ];

while (i <= mid) tmp[k ++ ] = q[i ++ ];

while (j <= r) tmp[k ++ ] = q[j ++ ];

for (i = 1, j = 0; i <= r; i ++, j ++ ) q[i] = tmp[j];
}</pre>
```

整数二分算法模板 —— 模板题 AcWing 789. 数的范围 (https://www.acwing.com/problem/content/791/)

```
bool check(int x) {/* ... */} // 检查x是否满足某种性质
// 区间[1, r]被划分成[1, mid]和[mid + 1, r]时使用:
int bsearch_1(int l, int r)
{
   while (1 < r)
   {
       int mid = 1 + r \gg 1;
       if (check(mid)) r = mid; // check()判断mid是否满足性质
       else l = mid + 1;
   return 1;
}
// 区间[l, r]被划分成[l, mid - 1]和[mid, r]时使用:
int bsearch_2(int 1, int r)
{
   while (l < r)
       int mid = 1 + r + 1 >> 1;
       if (check(mid)) l = mid;
       else r = mid - 1;
   }
   return 1;
}
```

浮点数二分算法模板 —— 模板题 AcWing 790. 数的三次方根 (https://www.acwing.com/problem/content/792/)

高精度加法 —— 模板题 AcWing 791. 高精度加法 (https://www.acwing.com/problem/content/793/)

```
// C = A + B, A >= 0, B >= 0
vector<int> add(vector<int> &A, vector<int> &B)
{
    if (A.size() < B.size()) return add(B, A);</pre>
    vector<int> C;
    int t = 0;
    for (int i = 0; i < A.size(); i ++ )
    {
        t += A[i];
        if (i < B.size()) t += B[i];</pre>
        C.push_back(t % 10);
        t /= 10;
    }
    if (t) C.push_back(t);
    return C;
}
```

高精度减法 —— 模板题 AcWing 792. 高精度减法 (https://www.acwing.com/problem/content/794/)

```
// C = A - B, 满足A >= B, A >= 0, B >= 0
vector<int> sub(vector<int> &A, vector<int> &B)
{
    vector<int> C;
    for (int i = 0, t = 0; i < A.size(); i ++ )
    {
        t = A[i] - t;
        if (i < B.size()) t -= B[i];
        C.push_back((t + 10) % 10);
        if (t < 0) t = 1;
        else t = 0;
    }

    while (C.size() > 1 && C.back() == 0) C.pop_back();
    return C;
}
```

高精度乘低精度 —— 模板题 AcWing 793. 高精度乘法 (https://www.acwing.com/problem/content/795/)

```
// C = A * b, A >= 0, b > 0
vector<int> mul(vector<int> &A, int b)
{
    vector<int> C;
    int t = 0;
    for (int i = 0; i < A.size() || t; i ++ )
    {
        if (i < A.size()) t += A[i] * b;
        C.push_back(t % 10);
        t /= 10;
    }
    while (C.size() > 1 && C.back() == 0) C.pop_back();
    return C;
}
```

高精度除以低精度 —— 模板题 AcWing 794. 高精度除法 (https://www.acwing.com/problem/content/796/)

常用代码模板1——基础算法 - AcWing

```
// A / b = C ... r, A >= 0, b > 0
vector<int> div(vector<int> &A, int b, int &r)
{
    vector<int> C;
    r = 0;
    for (int i = A.size() - 1; i >= 0; i -- )
    {
        r = r * 10 + A[i];
        C.push_back(r / b);
        r %= b;
    }
    reverse(C.begin(), C.end());
    while (C.size() > 1 && C.back() == 0) C.pop_back();
    return C;
}
```

一维前缀和 —— 模板题 AcWing 795. 前缀和 (https://www.acwing.com/problem/content/797/)

```
S[i] = a[1] + a[2] + ... a[i]

a[1] + ... + a[r] = S[r] - S[1 - 1]
```

二维前缀和 —— 模板题 AcWing 796. 子矩阵的和 (https://www.acwing.com/problem/content/798/)

```
S[i, j] = 第i行j列格子左上部分所有元素的和以(x1, y1)为左上角,(x2, y2)为右下角的子矩阵的和为:
S[x2, y2] - S[x1 - 1, y2] - S[x2, y1 - 1] + S[x1 - 1, y1 - 1]
```

一维差分 —— 模板题 AcWing 797. 差分 (https://www.acwing.com/problem/content/799/)

```
给区间[1, r]中的每个数加上c: B[1] += c, B[r + 1] -= c
```

二维差分 —— 模板题 AcWing 798. 差分矩阵 (https://www.acwing.com/problem/content/800/)

```
给以(x1, y1)为左上角,(x2, y2)为右下角的子矩阵中的所有元素加上c:
S[x1, y1] += c, S[x2 + 1, y1] -= c, S[x1, y2 + 1] -= c, S[x2 + 1, y2 + 1] +=
```

位运算 —— 模板题 AcWing 801. 二进制中1的个数 (https://www.acwing.com/problem/content/803/)

```
求n的第k位数字: n >> k & 1
返回n的最后一位1: lowbit(n) = n & -n
```

双指针算法 —— 模板题 AcWIng 799. 最长连续不重复子序列 (https://www.acwing.com/problem/content/801/), AcWing 800. 数组元素的目标 和 (https://www.acwing.com/problem/content/802/)

```
for (int i = 0, j = 0; i < n; i ++ )
{
    while (j < i && check(i, j)) j ++ ;

    // 具体问题的逻辑
}
常见问题分类:
    (1) 对于一个序列,用两个指针维护一段区间
    (2) 对于两个序列,维护某种次序,比如归并排序中合并两个有序序列的操作
```

离散化 —— 模板题 AcWing 802. 区间和 (https://www.acwing.com/problem/content/804/)

```
vector<int> alls; // 存储所有待离散化的值
sort(alls.begin(), alls.end()); // 将所有值排序
alls.erase(unique(alls.begin(), alls.end()), alls.end()); // 去掉重复元素

// 二分求出x对应的离散化的值
int find(int x) // 找到第一个大于等于x的位置
{
    int l = 0, r = alls.size() - 1;
    while (l < r)
    {
        int mid = l + r >> 1;
        if (alls[mid] >= x) r = mid;
        else l = mid + 1;
    }
    return r + 1; // 映射到1, 2, ...n
}
```

区间合并 —— 模板题 AcWing 803. 区间合并 (https://www.acwing.com/problem/content/805/)

```
// 将所有存在交集的区间合并
void merge(vector<PII> &segs)
{
    vector<PII> res;
    sort(segs.begin(), segs.end());
    int st = -2e9, ed = -2e9;
    for (auto seg : segs)
        if (ed < seg.first)</pre>
        {
            if (st != -2e9) res.push_back({st, ed});
            st = seg.first, ed = seg.second;
        }
        else ed = max(ed, seg.second);
    if (st != -2e9) res.push_back({st, ed});
    segs = res;
}
```

125 评论

在这里写评论... (支持MarkDown和Latex语法)

提交评论



Waken (/user/myspace/index/82142/) 20小时前 回复 快排quick_sort(q, I, j), quick_sort(q, j + 1, r); /myspace 可以改为quick_sort(q, I, j - 1), quick_sort(q, j + 1, r);吗

/index

/82142/)



Waken (/user/myspace/index/82142/) 20小时前 回复 快速排序能从i=I,j=r开始吗?循环部分不先自增

/myspace /index

/82142/)



小强d (/user/myspace/index/80510/) 18天前 回复 我是刷吐了,一道题4h,脑瓜子嗡嗡嗡

/myspace

第7页 共24页 2021/4/2 16:18

常用代码模板2——数据结构



作者: NXC (/user/myspace/index/1/), 2019-07-31 21:34:51, 阅读 43642

算法基础课相关代码模板

 活动链接 —— 算法基础课 (https://www.acwing.com/activity/content/11/) 250

单链表 —— 模板题 AcWing 826. 单链表 (https://www.acwing.com/problem /content/828/)



404

```
// head存储链表头, e[]存储节点的值, ne[]存储节点的next指针, idx表示当前用到了哪个寸
int head, e[N], ne[N], idx;
// 初始化
void init()
   head = -1;
   idx = 0;
}
// 在链表头插入一个数a
void insert(int a)
   e[idx] = a, ne[idx] = head, head = idx ++ ;
}
// 将头结点删除,需要保证头结点存在
void remove()
{
   head = ne[head];
}
```

双链表 —— 模板题 AcWing 827. 双链表 (https://www.acwing.com/problem /content/829/)

第1页 共22页 2021/4/2 16:18

```
// e[]表示节点的值,1[]表示节点的左指针,r[]表示节点的右指针,idx表示当前用到了哪个
int e[N], l[N], r[N], idx;
// 初始化
void init()
   //0是左端点,1是右端点
   r[0] = 1, l[1] = 0;
   idx = 2;
}
// 在节点a的右边插入一个数x
void insert(int a, int x)
{
   e[idx] = x;
   l[idx] = a, r[idx] = r[a];
   l[r[a]] = idx, r[a] = idx ++;
}
// 删除节点a
void remove(int a)
{
   l[r[a]] = l[a];
   r[l[a]] = r[a];
}
```

栈 —— 模板题 AcWing 828. 模拟栈 (https://www.acwing.com/problem/content/830/)

```
// tt表示栈项
int stk[N], tt = 0;

// 向栈项插入一个数
stk[ ++ tt] = x;

// 从栈项弹出一个数
tt --;

// 栈项的值
stk[tt];

// 判断栈是否为空
if (tt > 0)
{
}
```

队列 —— 模板题 AcWing 829. 模拟队列 (https://www.acwing.com/problem/content/831/)

1. 普通队列:

```
// hh 表示队头, tt表示队尾 int q[N], hh = 0, tt = -1;

// 向队尾插入一个数 q[ ++ tt] = x;

// 从队头弹出一个数 hh ++;

// 队头的值 q[hh];

// 判断队列是否为空 if (hh <= tt) {
}
```

2. 循环队列

```
// hh 表示队头, tt表示队尾的后一个位置 int q[N], hh = 0, tt = 0;

// 向队尾插入一个数 q[tt ++ ] = x; if (tt == N) tt = 0;

// 从队头弹出一个数 hh ++; if (hh == N) hh = 0;

// 队头的值 q[hh];

// 判断队列是否为空 if (hh != tt) {
}
```

单调栈 —— 模板题 AcWing 830. 单调栈 (https://www.acwing.com/problem/content/832/)

```
常见模型: 找出每个数左边离它最近的比它大/小的数 int tt = 0; for (int i = 1; i <= n; i ++ ) {
    while (tt && check(stk[tt], i)) tt -- ; stk[ ++ tt] = i;
}
```

单调队列 —— 模板题 AcWing 154. 滑动窗口 (https://www.acwing.com/problem/content/156/)

```
常见模型: 找出滑动窗口中的最大值/最小值 int hh = 0, tt = -1; for (int i = 0; i < n; i ++ ) {
    while (hh <= tt && check_out(q[hh])) hh ++ ; // 判断队头是否滑出窗口 while (hh <= tt && check(q[tt], i)) tt -- ; q[ ++ tt] = i;
}
```

KMP —— 模板题 AcWing 831. KMP字符串 (https://www.acwing.com/problem/content/833/)

```
// s[]是长文本,p[]是模式串,n是s的长度,m是p的长度
求模式串的Next数组:
for (int i = 2, j = 0; i <= m; i ++ )
{
   while (j \&\& p[i] != p[j + 1]) j = ne[j];
   if (p[i] == p[j + 1]) j ++ ;
   ne[i] = j;
}
// 匹配
for (int i = 1, j = 0; i <= n; i ++ )
   while (j \&\& s[i] != p[j + 1]) j = ne[j];
   if (s[i] == p[j + 1]) j ++ ;
   if (j == m)
   {
       j = ne[j];
       // 匹配成功后的逻辑
   }
}
```

Trie树 —— 模板题 AcWing 835. Trie字符串统计 (https://www.acwing.com/problem/content/837/)

```
int son[N][26], cnt[N], idx;
// 0号点既是根节点,又是空节点
// son[][]存储树中每个节点的子节点
// cnt[]存储以每个节点结尾的单词数量
// 插入一个字符串
void insert(char *str)
{
   int p = 0;
   for (int i = 0; str[i]; i ++ )
   {
       int u = str[i] - 'a';
       if (!son[p][u]) son[p][u] = ++ idx;
       p = son[p][u];
   }
   cnt[p] ++ ;
}
// 查询字符串出现的次数
int query(char *str)
{
   int p = 0;
   for (int i = 0; str[i]; i ++ )
   {
       int u = str[i] - 'a';
       if (!son[p][u]) return 0;
       p = son[p][u];
   }
   return cnt[p];
}
```

并查集 —— 模板题 AcWing 836. 合并集合 (https://www.acwing.com/problem/content/838/), AcWing 837. 连通块中点的数量 (https://www.acwing.com/problem/content/839/)

```
(1)朴素并查集:
   int p[N]; //存储每个点的祖宗节点
   // 返回x的祖宗节点
   int find(int x)
   {
      if (p[x] != x) p[x] = find(p[x]);
      return p[x];
   }
   // 初始化,假定节点编号是1~n
   for (int i = 1; i <= n; i ++ ) p[i] = i;
   // 合并a和b所在的两个集合:
   p[find(a)] = find(b);
(2)维护size的并查集:
   int p[N], size[N];
   //p[]存储每个点的祖宗节点, size[]只有祖宗节点的有意义,表示祖宗节点所在集合中的
   // 返回x的祖宗节点
   int find(int x)
      if (p[x] != x) p[x] = find(p[x]);
      return p[x];
   }
   // 初始化,假定节点编号是1~n
   for (int i = 1; i <= n; i ++ )
   {
      p[i] = i;
      size[i] = 1;
   }
   // 合并a和b所在的两个集合:
   size[find(b)] += size[find(a)];
   p[find(a)] = find(b);
(3)维护到祖宗节点距离的并查集:
   int p[N], d[N];
   //p[]存储每个点的祖宗节点, d[x]存储x到p[x]的距离
   // 返回x的祖宗节点
   int find(int x)
```

```
if (p[x] != x)
   {
       int u = find(p[x]);
       d[x] += d[p[x]];
       p[x] = u;
   }
   return p[x];
}
// 初始化,假定节点编号是1~n
for (int i = 1; i <= n; i ++ )
{
   p[i] = i;
   d[i] = 0;
}
// 合并a和b所在的两个集合:
p[find(a)] = find(b);
d[find(a)] = distance; // 根据具体问题, 初始化find(a)的偏移量
```

堆 —— 模板题 AcWing 838. 堆排序 (https://www.acwing.com/problem/content/840/), AcWing 839. 模拟堆 (https://www.acwing.com/problem/content/841/)

```
// h[N]存储堆中的值, h[1]是堆顶, x的左儿子是2x, 右儿子是2x + 1
// ph[k]存储第k个插入的点在堆中的位置
// hp[k]存储堆中下标是k的点是第几个插入的
int h[N], ph[N], hp[N], size;
// 交换两个点,及其映射关系
void heap_swap(int a, int b)
{
   swap(ph[hp[a]],ph[hp[b]]);
   swap(hp[a], hp[b]);
   swap(h[a], h[b]);
}
void down(int u)
{
   int t = u;
   if (u * 2 \le size \&\& h[u * 2] < h[t]) t = u * 2;
   if (u * 2 + 1 \le size \&\& h[u * 2 + 1] < h[t]) t = u * 2 + 1;
   if (u != t)
   {
       heap_swap(u, t);
       down(t);
   }
}
void up(int u)
{
   while (u / 2 \&\& h[u] < h[u / 2])
       heap_swap(u, u / 2);
       u >>= 1;
   }
}
// 0(n)建堆
for (int i = n / 2; i; i -- ) down(i);
```

一般哈希 —— 模板题 AcWing 840. 模拟散列表 (https://www.acwing.com/problem/content/842/)

```
(1) 拉链法
   int h[N], e[N], ne[N], idx;
   // 向哈希表中插入一个数
   void insert(int x)
       int k = (x \% N + N) \% N;
       e[idx] = x;
       ne[idx] = h[k];
       h[k] = idx ++;
   }
   // 在哈希表中查询某个数是否存在
   bool find(int x)
   {
       int k = (x \% N + N) \% N;
       for (int i = h[k]; i != -1; i = ne[i])
           if (e[i] == x)
              return true;
       return false;
   }
(2) 开放寻址法
   int h[N];
   // 如果x在哈希表中,返回x的下标;如果x不在哈希表中,返回x应该插入的位置
   int find(int x)
       int t = (x \% N + N) \% N;
       while (h[t] != null && h[t] != x)
           t ++;
           if (t == N) t = 0;
       return t;
   }
```

字符串哈希 —— 模板题 AcWing 841. 字符串哈希 (https://www.acwing.com/problem/content/843/)

核心思想: 将字符串看成P进制数, P的经验值是131或13331, 取这两个值的冲突概率低小技巧: 取模的数用2^64, 这样直接用unsigned long long存储, 溢出的结果就是取模的结果typedef unsigned long long ULL; ULL h[N], p[N]; // h[k]存储字符串前k个字母的哈希值, p[k]存储 P^k mod 2^64 // 初始化 p[0] = 1; for (int i = 1; i <= n; i ++) { h[i] = h[i - 1] * P + str[i]; p[i] = p[i - 1] * P; } // 计算子串 str[l ~ r] 的哈希值 ULL get(int l, int r) { return h[r] - h[l - 1] * p[r - l + 1]; }

C++ STL简介

```
vector, 变长数组, 倍增的思想
   size() 返回元素个数
   empty() 返回是否为空
   clear() 清空
   front()/back()
   push_back()/pop_back()
   begin()/end()
   []
   支持比较运算,按字典序
pair<int, int>
   first, 第一个元素
   second, 第二个元素
   支持比较运算,以first为第一关键字,以second为第二关键字(字典序)
string,字符串
   size()/length() 返回字符串长度
   empty()
   clear()
   substr(起始下标,(子串长度)) 返回子串
   c str() 返回字符串所在字符数组的起始地址
queue, 队列
   size()
   empty()
   push() 向队尾插入一个元素
   front() 返回队头元素
   back() 返回队尾元素
   pop() 弹出队头元素
priority_queue, 优先队列, 默认是大根堆
   size()
   empty()
   push() 插入一个元素
   top() 返回堆顶元素
   pop() 弹出堆顶元素
   定义成小根堆的方式: priority_queue<int, vector<int>, greater<int>> q;
stack,栈
   size()
   empty()
   push() 向栈顶插入一个元素
   top() 返回栈顶元素
   pop() 弹出栈顶元素
deque, 双端队列
   size()
   empty()
   clear()
```

```
front()/back()
   push_back()/pop_back()
   push_front()/pop_front()
   begin()/end()
   set, map, multiset, multimap, 基于平衡二叉树(红黑树), 动态维护有序序列
   size()
   empty()
   clear()
   begin()/end()
   ++, -- 返回前驱和后继,时间复杂度 O(logn)
   set/multiset
      insert() 插入一个数
      find() 查找一个数
      count() 返回某一个数的个数
      erase()
          (1) 输入是一个数x, 删除所有x 0(k + logn)
          (2) 输入一个迭代器,删除这个迭代器
      lower_bound()/upper_bound()
          lower_bound(x) 返回大于等于x的最小的数的迭代器
         upper_bound(x) 返回大于x的最小的数的迭代器
   map/multimap
      insert() 插入的数是一个pair
      erase() 输入的参数是pair或者迭代器
      find()
      [] 注意multimap不支持此操作。 时间复杂度是 O(logn)
      lower_bound()/upper_bound()
unordered_set, unordered_map, unordered_multiset, unordered_multimap, 哈希表
   和上面类似,增删改查的时间复杂度是 0(1)
   不支持 lower_bound()/upper_bound(), 迭代器的++, --
bitset,圧位
   bitset<10000> s;
   ~, &, |, ^
   >>, <<
   ==, !=
   []
   count() 返回有多少个1
   any() 判断是否至少有一个1
   none() 判断是否全为0
   set() 把所有位置成1
   set(k, v) 将第k位变成v
   reset() 把所有位变成0
   flip() 等价于~
```

flip(k) 把第k位取反

74 评论

在这里写评论... (支持MarkDown和Latex语法)

提交评论



3624 (/user/myspace/index/65605/) 15天前 回复 (3)维护到祖宗节点距离的并查集:

/myspace

/myspace /index /65605/)

```
// 合并a和b所在的两个集合:
    p[find(a)] = find(b);
    d[find(a)] = distance; // 根据具体问题,初始化find(a)的偏移量
```

感觉顺序应该反过来? 不然先"p[find(a)] = find(b)"的话, "d[find(a)] = distance"就变成了"d[pb] = distance"了:

```
// 合并a和b所在的两个集合:
d[find(a)] = distance; // 根据具体问题, 初始化find(a)的偏移量
p[find(a)] = find(b);
```



AC_渣龙 (/user/myspace/index/3846/) 1个月前 回复Y总可以稍微介绍下,java刷题常用集合么?类似于你写的stl这里 🖨 😂

/myspace /index /3846/)

● 小A小A (/user/myspace/index/70747/) 29天前 回复 (/user +1! /myspace /index /70747/)



夏小天 (/user/myspace/index/70532/) 2个月前 回复 p是131的时候能存下str[i]是因为可显字符少于131个吗?

(/user /myspace /index /70532/)



dwr (/user/myspace/index/41941/) 3个月前 回复y总,字符串哈希就是Rabin-Karp嘛,至少思想上是类似的叭?

(/user /myspace

/index

第13页 共22页 2021/4/2 16:18

常用代码模板3——搜索与图论



作者: NXC (/user/myspace/index/1/), 2019-07-31 21:51:16, 阅读 35212

算法基础课相关代码模板

 活动链接 —— 算法基础课 (https://www.acwing.com/activity/content/11/) 194

树与图的存储



树是一种特殊的图,与图的存储方式相同。

对于无向图中的边ab,存储两条有向边a->b, b->a。

408 因此我们可以只考虑有向图的存储。

(1) 邻接矩阵: g[a][b] 存储边a->b

(2) 邻接表:

```
// 对于每个点k,开一个单链表,存储k所有可以走到的点。h[k]存储这个单链表的头结点
int h[N], e[N], ne[N], idx;
// 添加一条边a->b
void add(int a, int b)
   e[idx] = b, ne[idx] = h[a], h[a] = idx ++ ;
}
// 初始化
idx = 0;
memset(h, -1, sizeof h);
```

树与图的遍历

时间复杂度 O(n+m), n 表示点数, m 表示边数

(1) 深度优先遍历 —— 模板题 AcWing 846. 树的重心 (https://www.acwing.com /problem/content/848/)

第1页 共22页 2021/4/2 16:17

```
int dfs(int u)
{
    st[u] = true; // st[u] 表示点u已经被遍历过

    for (int i = h[u]; i != -1; i = ne[i])
    {
        int j = e[i];
        if (!st[j]) dfs(j);
    }
}
```

(2) 宽度优先遍历 —— 模板题 AcWing 847. 图中点的层次 (https://www.acwing.com/problem/content/849/)

```
queue<int> q;
st[1] = true; // 表示1号点已经被遍历过
q.push(1);
while (q.size())
{
    int t = q.front();
    q.pop();

    for (int i = h[t]; i != -1; i = ne[i])
    {
        int j = e[i];
        if (!st[j])
        {
            st[j] = true; // 表示点j已经被遍历过
            q.push(j);
        }
    }
}
```

拓扑排序 —— 模板题 AcWing 848. 有向图的拓扑序列 (https://www.acwing.com/problem/content/850/)

时间复杂度 O(n+m), n 表示点数, m 表示边数

```
bool topsort()
{
   int hh = 0, tt = -1;
   // d[i] 存储点i的入度
   for (int i = 1; i <= n; i ++ )
       if (!d[i])
           q[ ++ tt] = i;
   while (hh <= tt)
   {
       int t = q[hh ++];
       for (int i = h[t]; i != -1; i = ne[i])
       {
           int j = e[i];
           if (-- d[j] == 0)
              q[ ++ tt] = j;
       }
   }
   // 如果所有点都入队了,说明存在拓扑序列;否则不存在拓扑序列。
   return tt == n - 1;
}
```

朴素dijkstra算法 —— 模板题 AcWing 849. Dijkstra求最短路 I (https://www.acwing.com/problem/content/851/)

时间复杂是 $O(n^2+m)$, n 表示点数, m 表示边数

第3页 共22页 2021/4/2 16:17

```
int g[N][N]; // 存储每条边
int dist[N]; // 存储1号点到每个点的最短距离
bool st[N]; // 存储每个点的最短路是否已经确定
// 求1号点到n号点的最短路,如果不存在则返回-1
int dijkstra()
{
   memset(dist, 0x3f, sizeof dist);
   dist[1] = 0;
   for (int i = 0; i < n - 1; i ++ )
       int t = -1; // 在还未确定最短路的点中,寻找距离最小的点
       for (int j = 1; j <= n; j ++ )
          if (!st[j] && (t == -1 || dist[t] > dist[j]))
              t = j;
       // 用t更新其他点的距离
       for (int j = 1; j <= n; j ++ )
          dist[j] = min(dist[j], dist[t] + g[t][j]);
       st[t] = true;
   }
   if (dist[n] == 0x3f3f3f3f) return -1;
   return dist[n];
}
```

堆优化版dijkstra —— 模板题 AcWing 850. Dijkstra求最短路 II (https://www.acwing.com/problem/content/852/)

时间复杂度 O(mlogn), n 表示点数, m 表示边数

```
typedef pair<int, int> PII;
          // 点的数量
int n;
int h[N], w[N], e[N], ne[N], idx; // 邻接表存储所有边
int dist[N]; // 存储所有点到1号点的距离
bool st[N]; // 存储每个点的最短距离是否已确定
// 求1号点到n号点的最短距离,如果不存在,则返回-1
int dijkstra()
{
   memset(dist, 0x3f, sizeof dist);
   dist[1] = 0;
   priority_queue<PII, vector<PII>, greater<PII>> heap;
   heap.push({0, 1}); // first存储距离, second存储节点编号
   while (heap.size())
   {
       auto t = heap.top();
       heap.pop();
       int ver = t.second, distance = t.first;
       if (st[ver]) continue;
       st[ver] = true;
       for (int i = h[ver]; i != -1; i = ne[i])
       {
           int j = e[i];
           if (dist[j] > distance + w[i])
              dist[j] = distance + w[i];
              heap.push({dist[j], j});
           }
       }
   }
   if (dist[n] == 0x3f3f3f3f) return -1;
   return dist[n];
}
```

Bellman-Ford算法 —— 模板题 AcWing 853. 有边数限制的最短路 (https://www.acwing.com/problem/content/855/)

时间复杂度 O(nm), n 表示点数, m 表示边数

注意在模板题中需要对下面的模板稍作修改,加上备份数组,详情见模板题。

```
// n表示点数,m表示边数
int n, m;
                 // dist[x]存储1到x的最短路距离
int dist[N];
struct Edge // 边,a表示出点,b表示入点,w表示边的权重
{
   int a, b, w;
}edges[M];
// 求1到n的最短路距离,如果无法从1走到n,则返回-1。
int bellman_ford()
{
   memset(dist, 0x3f, sizeof dist);
   dist[1] = 0;
   // 如果第n次迭代仍然会松弛三角不等式,就说明存在一条长度是n+1的最短路径,由抽屉
   for (int i = 0; i < n; i ++)
   {
       for (int j = 0; j < m; j ++)
       {
          int a = edges[j].a, b = edges[j].b, w = edges[j].w;
          if (dist[b] > dist[a] + w)
             dist[b] = dist[a] + w;
       }
   }
   if (dist[n] > 0x3f3f3f3f / 2) return -1;
   return dist[n];
}
```

spfa 算法 (队列优化的Bellman-Ford算法) —— 模板题 AcWing 851. spfa求最短路 (https://www.acwing.com/problem/content/853/)

时间复杂度 平均情况下 O(m),最坏情况下 O(nm),n 表示点数,m 表示边数

```
int n; // 总点数
int h[N], w[N], e[N], ne[N], idx;
                                   // 邻接表存储所有边
int dist[N];
                // 存储每个点到1号点的最短距离
bool st[N]; // 存储每个点是否在队列中
// 求1号点到n号点的最短路距离,如果从1号点无法走到n号点则返回-1
int spfa()
{
   memset(dist, 0x3f, sizeof dist);
   dist[1] = 0;
   queue<int> q;
   q.push(1);
   st[1] = true;
   while (q.size())
   {
       auto t = q.front();
       q.pop();
       st[t] = false;
       for (int i = h[t]; i != -1; i = ne[i])
       {
          int j = e[i];
          if (dist[j] > dist[t] + w[i])
          {
              dist[j] = dist[t] + w[i];
              if (!st[j]) // 如果队列中已存在j,则不需要将j重复插入
              {
                 q.push(j);
                 st[j] = true;
              }
          }
       }
   }
   if (dist[n] == 0x3f3f3f3f) return -1;
   return dist[n];
}
```

spfa判断图中是否存在负环 —— 模板题 AcWing 852. spfa判断负环 (https://www.acwing.com/problem/content/854/)

时间复杂度是 O(nm), n 表示点数, m 表示边数

```
int n; // 总点数
int h[N], w[N], e[N], ne[N], idx; // 邻接表存储所有边
int dist[N], cnt[N]; // dist[x]存储1号点到x的最短距离, cnt[x]存储1到x的量
bool st[N]; // 存储每个点是否在队列中
// 如果存在负环,则返回true,否则返回false。
bool spfa()
{
   // 不需要初始化dist数组
   // 原理:如果某条最短路径上有n个点(除了自己),那么加上自己之后一共有n+1个点,
   queue<int> q;
   for (int i = 1; i <= n; i ++ )
   {
      q.push(i);
      st[i] = true;
   }
   while (q.size())
       auto t = q.front();
      q.pop();
       st[t] = false;
      for (int i = h[t]; i != -1; i = ne[i])
       {
          int j = e[i];
          if (dist[j] > dist[t] + w[i])
             dist[j] = dist[t] + w[i];
             cnt[j] = cnt[t] + 1;
             if (cnt[j] >= n) return true; // 如果从1号点到x的最短路中
             if (!st[j])
             {
                 q.push(j);
                 st[j] = true;
             }
          }
      }
   }
   return false;
}
```

floyd算法 —— 模板题 AcWing 854. Floyd求最短路 (https://www.acwing.com/problem/content/856/)

时间复杂度是 $O(n^3)$, n 表示点数

```
初始化:
    for (int i = 1; i <= n; i ++ )
        for (int j = 1; j <= n; j ++ )
            if (i == j) d[i][j] = 0;
            else d[i][j] = INF;

// 算法结束后,d[a][b]表示a到b的最短距离

void floyd()
{
    for (int k = 1; k <= n; k ++ )
        for (int i = 1; i <= n; i ++ )
            for (int j = 1; j <= n; j ++ )
            d[i][j] = min(d[i][j], d[i][k] + d[k][j]);
}
```

朴素版prim算法 —— 模板题 AcWing 858. Prim算法求最小生成树 (https://www.acwing.com/problem/content/860/)

时间复杂度是 $O(n^2+m)$, n 表示点数, m 表示边数

```
int n; // n表示点数
                 // 邻接矩阵,存储所有边
int g[N][N];
                 // 存储其他点到当前最小生成树的距离
int dist[N];
bool st[N]; // 存储每个点是否已经在生成树中
// 如果图不连通,则返回INF(值是0x3f3f3f3f), 否则返回最小生成树的树边权重之和
int prim()
   memset(dist, 0x3f, sizeof dist);
   int res = 0;
   for (int i = 0; i < n; i ++)
       int t = -1;
       for (int j = 1; j <= n; j ++ )
          if (!st[j] && (t == -1 || dist[t] > dist[j]))
              t = j;
       if (i && dist[t] == INF) return INF;
       if (i) res += dist[t];
       st[t] = true;
      for (int j = 1; j <= n; j ++ ) dist[j] = min(dist[j], g[t][j]);
   }
   return res;
}
```

Kruskal算法 —— 模板题 AcWing 859. Kruskal算法求最小生成树 (https://www.acwing.com/problem/content/861/)

时间复杂度是 O(mlogm), n 表示点数, m 表示边数

```
// n是点数,m是边数
int n, m;
         // 并查集的父节点数组
int p[N];
struct Edge  // 存储边
{
   int a, b, w;
   bool operator< (const Edge &W)const
       return w < W.w;
}edges[M];
int find(int x) // 并查集核心操作
{
   if (p[x] != x) p[x] = find(p[x]);
   return p[x];
}
int kruskal()
{
   sort(edges, edges + m);
   for (int i = 1; i <= n; i ++ ) p[i] = i; // 初始化并查集
   int res = 0, cnt = 0;
   for (int i = 0; i < m; i ++)
   {
       int a = edges[i].a, b = edges[i].b, w = edges[i].w;
       a = find(a), b = find(b);
       if (a != b) // 如果两个连通块不连通,则将这两个连通块合并
       {
           p[a] = b;
           res += w;
           cnt ++ ;
       }
   }
   if (cnt < n - 1) return INF;</pre>
   return res;
}
```

染色法判别二分图 —— 模板题 AcWing 860. 染色法判定二分图 (https://www.acwing.com/problem/content/862/)

时间复杂度是 O(n+m), n 表示点数, m 表示边数

第11页 共22页 2021/4/2 16:17

```
int n; // n表示点数
int h[N], e[M], ne[M], idx; // 邻接表存储图
              // 表示每个点的颜色,-1表示未染色,0表示白色,1表示黑色
int color[N];
// 参数: u表示当前节点, c表示当前点的颜色
bool dfs(int u, int c)
{
   color[u] = c;
   for (int i = h[u]; i != -1; i = ne[i])
       int j = e[i];
       if (color[j] == -1)
           if (!dfs(j, !c)) return false;
       else if (color[j] == c) return false;
   }
   return true;
}
bool check()
   memset(color, -1, sizeof color);
   bool flag = true;
   for (int i = 1; i <= n; i ++ )
       if (color[i] == -1)
           if (!dfs(i, 0))
              flag = false;
              break;
           }
   return flag;
}
```

匈牙利算法 —— 模板题 AcWing 861. 二分图的最大匹配 (https://www.acwing.com/problem/content/863/)

时间复杂度是 O(nm), n 表示点数, m 表示边数

```
int n1, n2; // n1表示第一个集合中的点数, n2表示第二个集合中的点数
int h[N], e[M], ne[M], idx; // 邻接表存储所有边,匈牙利算法中只会用到从第一个
int match[N]; // 存储第二个集合中的每个点当前匹配的第一个集合中的点是哪个
bool st[N]; // 表示第二个集合中的每个点是否已经被遍历过
bool find(int x)
{
   for (int i = h[x]; i != -1; i = ne[i])
      int j = e[i];
      if (!st[j])
      {
          st[j] = true;
          if (match[j] == 0 || find(match[j]))
          {
             match[j] = x;
             return true;
          }
      }
   }
   return false;
}
// 求最大匹配数,依次枚举第一个集合中的每个点能否匹配第二个集合中的点
int res = 0;
for (int i = 1; i <= n1; i ++ )
{
   memset(st, false, sizeof st);
   if (find(i)) res ++ ;
}
```

81 评论

在这里写评论…(支持MarkDown和Latex语法)

提交评论



小强d (/user/myspace/index/80510/) 9天前 回复谢谢y总让我感受到算法之美。

/myspace /index /80510/)

第13页 共22页 2021/4/2 16:17

常用代码模板4——数学知识



作者: NXC (/user/myspace/index/1/), 2019-07-31 22:10:03, 阅读 25783

算法基础课相关代码模板

 活动链接 —— 算法基础课 (https://www.acwing.com/activity/content/11/) 183



试除法判定质数 —— 模板题 AcWing 866. 试除法判定质数 (https://www.acwing.com/problem/content/868/)



333

```
bool is_prime(int x)
{
    if (x < 2) return false;
    for (int i = 2; i <= x / i; i ++ )
        if(x \% i == 0)
            return false;
    return true;
}
```

试除法分解质因数 —— 模板题 AcWing 867. 分解质因数 (https://www.acwing.com/problem/content/869/)

```
void divide(int x)
{
    for (int i = 2; i <= x / i; i ++ )
        if(x \% i == 0)
        {
            int s = 0;
            while (x \% i == 0) x /= i, s ++ ;
            cout << i << ' ' << s << endl;
    if (x > 1) cout << x << ' ' << 1 << endl;
    cout << endl;</pre>
}
```

朴素筛法求素数 —— 模板题 AcWing 868. 筛质数 (https://www.acwing.com /problem/content/870/)

第1页 共17页 2021/4/2 16:15

线性筛法求素数 —— 模板题 AcWing 868. 筛质数 (https://www.acwing.com/problem/content/870/)

试除法求所有约数 —— 模板题 AcWing 869. 试除法求约数 (https://www.acwing.com/problem/content/871/)

```
vector<int> get_divisors(int x)
{
    vector<int> res;
    for (int i = 1; i <= x / i; i ++ )
        if (x % i == 0)
        {
            res.push_back(i);
            if (i != x / i) res.push_back(x / i);
        }
    sort(res.begin(), res.end());
    return res;
}</pre>
```

约数个数和约数之和 —— 模板题 AcWing 870. 约数个数 (https://www.acwing.com/problem/content/872/), AcWing 871. 约数之和 (https://www.acwing.com/problem/content/873/)

```
如果 N = p1^c1 * p2^c2 * ... *pk^ck
约数个数: (c1 + 1) * (c2 + 1) * ... * (ck + 1)
约数之和: (p1^0 + p1^1 + ... + p1^c1) * ... * (pk^0 + pk^1 + ... + pk^ck)
```

欧几里得算法 —— 模板题 AcWing 872. 最大公约数 (https://www.acwing.com/problem/content/874/)

```
int gcd(int a, int b)
{
    return b ? gcd(b, a % b) : a;
}
```

求欧拉函数 —— 模板题 AcWing 873. 欧拉函数 (https://www.acwing.com/problem/content/875/)

```
int phi(int x)
{
   int res = x;
   for (int i = 2; i <= x / i; i ++ )
       if (x % i == 0)
       {
        res = res / i * (i - 1);
        while (x % i == 0) x /= i;
       }
   if (x > 1) res = res / x * (x - 1);
   return res;
}
```

第3页 共17页 2021/4/2 16:15

筛法求欧拉函数 —— 模板题 AcWing 874. 筛法求欧拉函数 (https://www.acwing.com/problem/content/876/)

```
int primes[N], cnt; // primes[]存储所有素数
                      // 存储每个数的欧拉函数
int euler[N];
           // st[x]存储x是否被筛掉
bool st[N];
void get_eulers(int n)
   euler[1] = 1;
   for (int i = 2; i <= n; i ++ )
       if (!st[i])
       {
           primes[cnt ++ ] = i;
           euler[i] = i - 1;
       }
       for (int j = 0; primes[j] <= n / i; j ++ )
       {
           int t = primes[j] * i;
           st[t] = true;
           if (i % primes[j] == 0)
               euler[t] = euler[i] * primes[j];
               break;
           euler[t] = euler[i] * (primes[j] - 1);
       }
   }
}
```

快速幂 —— 模板题 AcWing 875. 快速幂 (https://www.acwing.com/problem/content/877/)

```
求 m^k mod p, 时间复杂度 O(logk)。
int qmi(int m, int k, int p)
{
   int res = 1 % p, t = m;
   while (k)
   {
      if (k&1) res = res * t % p;
      t = t * t % p;
      k >>= 1;
   }
   return res;
}
```

扩展欧几里得算法 —— 模板题 AcWing 877. 扩展欧几里得算法 (https://www.acwing.com/problem/content/879/)

```
// 求x, y, 使得ax + by = gcd(a, b)
int exgcd(int a, int b, int &x, int &y)
{
    if (!b)
    {
        x = 1; y = 0;
        return a;
    }
    int d = exgcd(b, a % b, y, x);
    y -= (a/b) * x;
    return d;
}
```

高斯消元 —— 模板题 AcWing 883. 高斯消元解线性方程组 (https://www.acwing.com/problem/content/885/)

```
// a[N][N]是增广矩阵
int gauss()
{
   int c, r;
   for (c = 0, r = 0; c < n; c ++)
       int t = r;
       for (int i = r; i < n; i ++ ) // 找到绝对值最大的行
           if (fabs(a[i][c]) > fabs(a[t][c]))
               t = i;
       if (fabs(a[t][c]) < eps) continue;</pre>
       for (int i = c; i <= n; i ++ ) swap(a[t][i], a[r][i]);
                                                               // 将绝对
       for (int i = n; i >= c; i -- ) a[r][i] /= a[r][c];
                                                           // 将当前上的
                                        // 用当前行将下面所有的列消成0
       for (int i = r + 1; i < n; i ++)
           if (fabs(a[i][c]) > eps)
               for (int j = n; j >= c; j -- )
                   a[i][j] -= a[r][j] * a[i][c];
       r ++ ;
   }
   if (r < n)
   {
       for (int i = r; i < n; i ++)
           if (fabs(a[i][n]) > eps)
               return 2; // 无解
       return 1; // 有无穷多组解
   }
   for (int i = n - 1; i >= 0; i -- )
       for (int j = i + 1; j < n; j ++ )
           a[i][n] -= a[i][j] * a[j][n];
   return 0; // 有唯一解
}
```

递归法求组合数 —— 模板题 AcWing 885. 求组合数 I (https://www.acwing.com/problem/content/887/)

```
// c[a][b] 表示从a个苹果中选b个的方案数
for (int i = 0; i < N; i ++ )
    for (int j = 0; j <= i; j ++ )
        if (!j) c[i][j] = 1;
        else c[i][j] = (c[i - 1][j] + c[i - 1][j - 1]) % mod;</pre>
```

通过预处理逆元的方式求组合数 —— 模板题 AcWing 886. 求组合数 II (https://www.acwing.com/problem/content/888/)

```
首先预处理出所有阶乘取模的余数fact[N],以及所有阶乘取模的逆元infact[N]
如果取模的数是质数,可以用费马小定理求逆元
int qmi(int a, int k, int p) // 快速幂模板
{
   int res = 1;
   while (k)
       if (k & 1) res = (LL)res * a % p;
       a = (LL)a * a % p;
       k \gg 1;
   }
   return res;
}
// 预处理阶乘的余数和阶乘逆元的余数
fact[0] = infact[0] = 1;
for (int i = 1; i < N; i ++ )
{
   fact[i] = (LL)fact[i - 1] * i % mod;
   infact[i] = (LL)infact[i - 1] * qmi(i, mod - 2, mod) % mod;
}
```

Lucas定理 —— 模板题 AcWing 887. 求组合数 III (https://www.acwing.com/problem/content/889/)

第7页 共17页 2021/4/2 16:15

```
若p是质数,则对于任意整数 1 <= m <= n,有:
   C(n, m) = C(n \% p, m \% p) * C(n / p, m / p) (mod p)
int qmi(int a, int k) // 快速幂模板
{
   int res = 1;
   while (k)
   {
       if (k & 1) res = (LL)res * a % p;
       a = (LL)a * a % p;
       k \gg 1;
   }
   return res;
}
int C(int a, int b) // 通过定理求组合数C(a, b)
{
   int res = 1;
   for (int i = 1, j = a; i <= b; i ++, j --)
       res = (LL)res * j % p;
       res = (LL)res * qmi(i, p - 2) % p;
   }
   return res;
}
int lucas(LL a, LL b)
{
   if (a  return <math>C(a, b);
   return (LL)C(a % p, b % p) * lucas(a / p, b / p) % p;
}
```

分解质因数法求组合数 —— 模板题 AcWing 888. 求组合数 IV (https://www.acwing.com/problem/content/890/)

第8页 共17页 2021/4/2 16:15

```
当我们需要求出组合数的真实值,而非对某个数的余数时,分解质因数的方式比较好用:
   1. 筛法求出范围内的所有质数
   2. 通过 C(a, b) = a! / b! / (a - b)! 这个公式求出每个质因子的次数。 n! 中p的
   3. 用高精度乘法将所有质因子相乘
int primes[N], cnt; // 存储所有质数
void get_primes(int n) // 线性筛法求素数
{
   for (int i = 2; i <= n; i ++ )
   {
      if (!st[i]) primes[cnt ++ ] = i;
      for (int j = 0; primes[j] <= n / i; j ++ )
      {
          st[primes[j] * i] = true;
          if (i % primes[j] == 0) break;
      }
   }
}
int get(int n, int p) // 求n! 中的次数
   int res = 0;
   while (n)
      res += n / p;
      n /= p;
   return res;
}
vector<int> mul(vector<int> a, int b) // 高精度乘低精度模板
{
   vector<int> c;
   int t = 0;
   for (int i = 0; i < a.size(); i ++ )
      t += a[i] * b;
      c.push_back(t % 10);
      t /= 10;
   }
   while (t)
   {
```

```
c.push_back(t % 10);
       t /= 10;
   }
   return c;
}
get_primes(a); // 预处理范围内的所有质数
for (int i = 0; i < cnt; i ++ ) // 求每个质因数的次数
{
   int p = primes[i];
   sum[i] = get(a, p) - get(b, p) - get(a - b, p);
}
vector<int> res;
res.push_back(1);
for (int i = 0; i < cnt; i ++ ) // 用高精度乘法将所有质因子相乘
   for (int j = 0; j < sum[i]; j ++)
       res = mul(res, primes[i]);
```

卡特兰数 —— 模板题 AcWing 889. 满足条件的01序列 (https://www.acwing.com/problem/content/891/)

给定n个0和n个1,它们按照某种顺序排成长度为2n的序列,满足任意前缀中0的个数都不少于1的

NIM游戏 —— 模板题 AcWing 891. Nim游戏 (https://www.acwing.com/problem/content/893/)

给定N堆物品,第i堆物品有Ai个。两名玩家轮流行动,每次可以任选一堆,取走任意多个物品,可把一堆取光,但不能不取。取走最后一件物品者获胜。两人都采取最优策略,问先手是否必胜。

我们把这种游戏称为NIM博弈。把游戏过程中面临的状态称为局面。整局游戏第一个行动的称为先手,第二个行动的称为后手。若在某一局面下无论采取何种行动,都会输掉游戏,则称该局面必败。

所谓采取最优策略是指,若在某一局面下存在某种行动,使得行动后对面面临必败局面,则优先采取该行动。同时,这样的局面被称为必胜。我们讨论的博弈问题一般都只考虑理想情况,即两人均无失误,都采取最优策略行动时游戏的结果。 NIM博弈不存在平局,只有先手必胜和先手必败两种情况。

定理: NIM博弈先手必胜, 当且仅当 A1 ^ A2 ^ ... ^ An != 0

公平组合游戏ICG

若一个游戏满足:

- 1. 由两名玩家交替行动;
- 2. 在游戏进程的任意时刻,可以执行的合法行动与轮到哪名玩家无关;
- 3. 不能行动的玩家判负;

则称该游戏为一个公平组合游戏。

NIM博弈属于公平组合游戏,但城建的棋类游戏,比如围棋,就不是公平组合游戏。 因为围棋交战双方分别只能落黑子和白子,胜负判定也比较复杂,不满足条件2和条件3。

有向图游戏

给定一个有向无环图,图中有一个唯一的起点,在起点上放有一枚棋子。两名玩家 交替地把这枚棋子沿有向边进行移动,每次可以移动一步,无法移动者判负。该游 戏被称为有向图游戏。

任何一个公平组合游戏都可以转化为有向图游戏。具体方法是,把每个局面看成图中的一个节点,并且从每个局面向沿着合法行动能够到达的下一个局面连有向边。

Mex运算

设S表示一个非负整数集合。定义mex(S)为求出不属于集合S的最小非负整数的运算,即:

mex(S) = min{x}, x属于自然数,且x不属于S

SG函数

在有向图游戏中,对于每个节点x,设从x出发共有k条有向边,分别到达节点y1,y2,...,yk,定义SG(x)为x的后继节点y1,y2,...,yk的SG函数值构成的集合再执行mex(S)运算的结果,即:

 $SG(x) = mex({SG(y1), SG(y2), ..., SG(yk)})$

特别地,整个有向图游戏G的SG函数值被定义为有向图游戏起点s的SG函数值,即SG(G) = SG(s)。

有向图游戏的和 —— 模板题 AcWing 893. 集合-Nim游戏 (https://www.acwing.com/problem/content/895/)

设G1, G2, ..., Gm 是m个有向图游戏。定义有向图游戏G, 它的行动规则是任选某个有向图游戏Gi, 并在Gi上行动一步。G被称为有向图游戏G1, G2, ..., Gm的和。有向图游戏的和的SG函数值等于它包含的各个子游戏SG函数值的异或和, 即: SG(G) = SG(G1) ^ SG(G2) ^ ... ^ SG(Gm)

定理

有向图游戏的某个局面必胜,当且仅当该局面对应节点的SG函数值大于0。 有向图游戏的某个局面必败,当且仅当该局面对应节点的SG函数值等于0。

40 评论

在这里写评论... (支持MarkDown和Latex语法)

提交评论



SQ_0 (/user/myspace/index/73618/) 10天前 回复 这个数学的东西蓝桥杯里多吗

/myspace

/index /73618/)

Accept-ed (/user/myspace/index/74126/) 1个月前 回复代码模板还有更新吗...很迫切的需要...

(/user

/myspace

/index

/74126/)

- yxc (/user/myspace/index/1/) 11天前 回复 (/user 算法基础课新增了两道模板题。代码模板类似于数学公式,每年考的 /myspake—样,不需要经常更新呀hh /index/1/)
- Accept-ed (/user/myspace/index/74126/) 5天前 回复了 yxc 的评 (/user 论 回复 /myspaye的谢谢y总, 现已被清华大学计算机系录取, 谢谢Y总的课程! /index /74126/)
- SherlockOuO (/user/myspace/index/7646/) 1天前 回复了 Accept-(/user ed 的评论 回复 /mysp##9; 这! 牛啊 /index /7646/)



Rambo (/user/myspace/index/52033/) 5个月前 回复

ser y总

(/user /myspace

/index

/52033/)

第12页 共17页 2021/4/2 16:15