

Московский Физико-Технический Институт (национальный исследовательский университет)

Отчет по эксперименту

Петля гистерезиса (динамический метод)

Работа №3.4.5; дата: 04.11.22

Семестр: 3

1. Аннотация

Цель работы:

Изучение петель гистерезиса различных ферромагнитных материалов в переменных полях.

Схема установки:

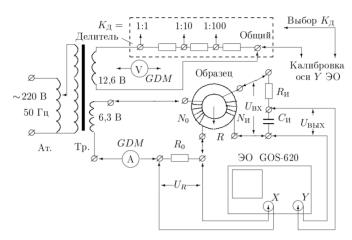


Рис. 1: Схема установки

Схема установки изображена на рисунке. Напряжение сети с помощью трансформаторного блока T, состоящего из регулировочного автотрансформатора и разделительного понижающего трансформатора, подаётся на намагничивающую обмотку N_0 исследуемого образца.

В цепь намагничивающей катушки, на которую подаётся некоторое напряжение U_0 , последовательно включено сопротивление R_0 . Напряжение на R_0 , равное $U_R = I_0 R_0$, где I_0 – ток в намагничивающей обмотке N_0 , подаётся на канал X осциллографа. Связь напряжённости H в образце и тока I_0 рассчитывается по теореме о циркуляции. Действующее значение переменного тока в обмотке N_0 измеряется амперметром A.

Для измерения магнитной индукции B с измерительной обмотки $N_{\rm u}$ на вход RC-цепочки подаётся напряжение $U_{\rm u}$ ($U_{\rm bx}$), пропорциональное производной ${\rm d}B/{\rm d}t$. С интегрирующей ёмкости $C_{\rm u}$ снимается напряжение $U_{\rm u}$ ($U_{\rm bx}$), пропорциональное величине B, и подаётся на вход Y осциллографа.

Замкнутая кривая, возникающая на экране, воспроизводит в некотором масштабе (различном для осей X и Y) петлю гистерезиса. Чтобы придать этой кривой количественный смысл, необходимо установить масштабы изображения, т. е. провести калибровку каналов X и Y осциллографа.

В работе используются:

Автотрансформатор, понижающий трансформатор, интегрирующая цепочка, амперметр, вольтметр, электронный осциллограф, делитель напряжения, тороидальные образцы с двумя обмотками.

2. Теоретические сведения

Петля гистерезиса

Основные характеристики ферромагнетиков — их коэрцитивное поле H_c , магнитная проницаемость μ , рассеиваемая в виде тепла при перемагничивании мощность — зависят от частоты перемагничивающего поля. В данной работе кривые гистерезиса ферромагнитных материалов изучаются в поле частоты $\nu_0 = 50 \; \Gamma$ ц с помощью электронного осциллографа.

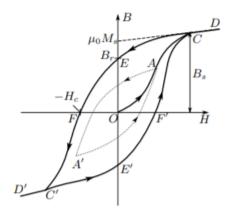


Рис. 2: Петля гистерезиса ферромагнетика

Магнитная индукция B и напряжённость поля H в ферромагнитном материале неоднозначно связаны между собой: индукция зависит не только от напряжённости, но и от предыстории образца. Связь между B и H типичного ферромагнетика иллюстрирует рис. 2.

Если к ферромагнитному образцу прикладывать переменное внешнее магнитное поле, то его состояние на плоскости B-H будет изменяться по замкнутой кривой — петле гистерезиса. Размер петли определяется максимальным значением напряжённости H в цикле (например, петля AA', обозначенная пунктиром на рис. 2). Если амплитуда напряжённости достаточно велика, то образец будет периодически достигать насыщения, что на рисунке соответствует кривой CEFC'E'F'C (предельная петля гистерезиса). Пересечение предельной петли с вертикальной осью соответствует остаточной индукции B_r , пересечение с горизонтальной осью — коэрцитивному полю H_c . Крайние точки петель, соответствующие амплитудным значениям H (например, точка A на рис. 2), лежат на начальной кривой намагничивания (OAC).

Измерение магнитной индукции

Магнитную индукцию B удобно определять с помощью ЭДС, возникающей при изменении магнитного потока Φ в катушке, намотанной на образец. Пусть катушка с N витками плотно охватывает образец сечением S, и индукция B в образце однородна. Тогда

$$|B| = \frac{1}{SN} \int \mathcal{E}dt$$

Для интегрирования в работе используется интегрирующая RC-цепочка.

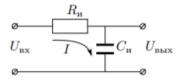


Рис. 3: Интегрирующая ячейка

«Входное» напряжение от источника $U_{\rm Bx}(t)$ подаётся на последовательно соединённые резистор $R_{\rm u}$ и конденсатор $C_{\rm u}$. «Выходное» напряжение $U_{\rm Bыx}(t)$ снимается с конденсатора. Предположим, что сопротивление источника мало по сравнению с $R_{\rm u}$; выходное сопротивление (сопротивление на входе осциллографа), напротив, велико: $R_{\rm Bыx}\gg R_{\rm u}$ и, наконец, сопротивление $R_{\rm u}$ достаточно велико, так что почти всё падение напряжения приходится на него, а $U_{\rm Bыx}\ll U_{\rm Bx}$. В таком случае ток цепи равен $I=(U_{\rm Bx}-U_{\rm Bbx})/R_{\rm u}\approx U_{\rm Bx}/R_{\rm u}$, и входное и выходное сопротивление связаны соотношением

$$U_{\scriptscriptstyle
m BMX} = rac{q}{C_{\scriptscriptstyle
m H}} = rac{1}{C_{\scriptscriptstyle
m H}} \int\limits_0^t I dt pprox rac{1}{ au_{\scriptscriptstyle
m H}} \int\limits_0^t U_{\scriptscriptstyle
m BX} dt$$

где $au_{\rm u} = R_{\rm u} C_{\rm u}$ - постоянная времени RC - цепочки. Для индукции поля из получаем

$$|B| = \frac{1}{SN} \int U_{\text{bx}} dt = \frac{\tau_{\text{\tiny H}}}{SN} U_{\text{\tiny BbIX}}.$$

Уточним критерий применимости. Пусть на вход интегрирующей ячейки подан синусоидальный сигнал с частотой ω_0 . Тогда, пользуясь методом комплексных амплитуд, нетрудно найти отношение амплитуд входного и выходного напряжений:

$$\frac{U_{\text{вых}}}{U_{\text{вх}}} = \frac{1/\omega_0 C}{\sqrt{R^2 + 1/(\omega_0 C)^2}}$$

Тогда неравенство $U_{\text{вых}} \ll U_{\text{вх}}$ реализуется, если

$$\tau \equiv RC \gg \frac{1}{\omega_0}$$

(импеданс конденсатора мал по сравнению сопротивлением резистора). В таком случае для синусоидального сигнала имеем

$$rac{U_{ ext{\tiny BMX}}}{U_{ ext{\tiny BX}}} pprox rac{1}{\omega_0 au}$$

В общем случае, если ω_0 — частота самой низкой гармоники в спектре произвольного входного сигнала, то при $\omega_0 \tau \gg 1$ неравенство $U_{\text{вых}} \ll U_{\text{вх}}$ выполняется на любой частоте $\omega > \omega_0$.

3. Ход работы

Измерение петель гистерезиса

Соберем схему согласно схеме установки. Подберем ток питания в намагничивающей обмотке с помощью автотрансформатора и коэффициенты усиления ЭО таким образом, чтобы предельная петля гистерезиса занимала большую часть экрана. Приведем характерные значения катушек разных материалов в таблице.

Материал	N_0	$N_{\scriptscriptstyle \rm M}$	S^2 , cm ²	$2\pi R$, cm
Феррит	40	400	3,0	25,0
Пермаллой	20	300	0,8	13,3
Крем. железо	25	250	2,0	11,0

Табл. 1: Характеристики катушек

Для каждого образца получим передельные петли гистерезиса, по коэффициентам усиления ЭО K_x и K_y рассчитаем масштабы, определим двойные амплитуды коэрцетивной силы [2x(c)] и индукции насыщения [2y(s)]. Масштабы по осям X и Y рассчитаем по формулам $H = IN_0/(2\pi R), \ I = K_x/R_0; \ B = R_{\rm u}C_{\rm u}U_{\rm выx}/(SN_{\rm u}),$ где $U_{\rm выx} = K_y$. Результаты измерений и вычислений занесём в таблицы.

Материал	[2x(c)], дел	[2y(s)], дел	K_x , м $\mathrm{B}/\mathrm{дел}$	K_y , м $\mathrm{B}/\mathrm{дел}$
Феррит	1,0	4,8	20	20
Пермаллой	3,6	3,6	20	50
Крем. железо	1,2	4,4	100	50

Табл. 2: Масштабы по осям

Материал	Ізфф, мА	$H, \mathrm{A} \cdot \mathrm{M}^{-1} / \mathrm{дел}$	В, Тл/дел
Феррит	215	$14,\!5$	0,07
Пермаллой	165	13,7	0,88
Крем. железо	238	103,3	0,40

Табл. 3: Результаты измерений

Теперь, зная масштабы по осям, можно определить значения коэрцетивной силы H_c и индукции насыщения B_s . Результаты также заносим в таблицу.

Материал	H_c , A/M	$\sigma_{H_c},\mathrm{A/m}$	B_s , Тл	σ_{B_s} , Тл
Феррит	7,27	0,76	0,16	0,01
Пермаллой	24,61	2,20	1,58	0,13
Крем. железо	61,98	7,30	0,88	0,06

Табл. 4: Результаты вычислений

Также приведём фотографии предельных петель гистерезиса.

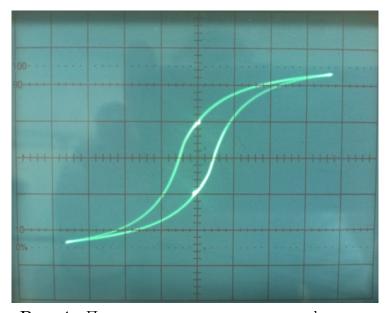


Рис. 4: Предельная петля гистерезиса феррита

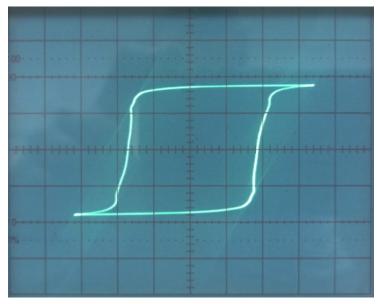


Рис. 5: Предельная петля гистерезиса пермаллоя

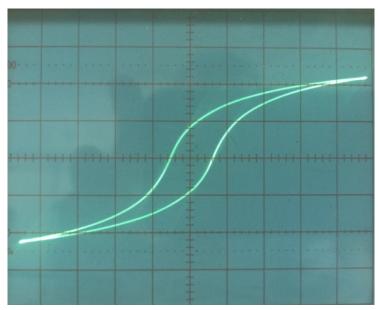


Рис. 6: Предельная петля гистерезиса кремнистого железа

В следующую таблицу занесём табличные данные для значений коэрцетивной силы H_c и индукции насыщения B_s .

Проверка применимости теоретической выкладки

Для этого рассчитаем τ — постоянную времени RC-цепочки. Для определения напряжений на входе и выходе интегрирующей ячейки соединим вход ячейки с обмоткой «6,3 В» трансформатора. Подключим Y-вход ЭО ко входу интегрирующей ячейки и отключим X-вход ЭО. Подберем такой ток, чтобы вертикальная прямая занимала большую часть экрана, и определим входное напряжение $U_{\rm BX}=2y\cdot K_y=6,8$ дел · 2 В/дел = 13,6 В. Не меняя тока, подключим Y-вход ЭО к выходу ячейки и аналогичным образом определим $U_{\rm Bыx}=2y\cdot K_y=5,2$ дел · 0,02 В/дел = 0,104 В. Рассчитаем $\tau=\frac{U_{\rm BX}}{\omega U_{\rm Bыx}}=\frac{13,6}{0,104\cdot 2\pi\cdot 50}=0,416$ с, где $\omega=2\pi\nu$. По определению $\tau_{RC}=R_{\rm u}C_{\rm u}=0,4$ с. Так как $\tau\approx\tau_{RC}$, то условия применимости нашей теории выполнены.

4. Выводы

В ходе выполнения данной лабораторной работы были исследованы петли гистерезиса для трех различных образцов и получены характерные величины для каждого образца, приведем сравнительную таблицу:

Материал	H_c , A/M	$ ilde{H}_c,\mathrm{A/m}$	B_s , Тл	$ ilde{B_s}$, Тл
Феррит	7.27 ± 0.76	20	0.16 ± 0.01	0,27
Пермаллой	24.61 ± 2.20	11-40	1.58 ± 0.13	1.51
Крем. железо	61.98 ± 7.30	50-100	0.88 ± 0.06	1.21

Табл. 5: Сравнительная таблица