

مهلت ارسال: ساعت ۲۴ دوشنبه ۱۴ آذر ۱۴۰۱

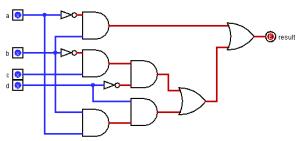
حل تمرین پنج

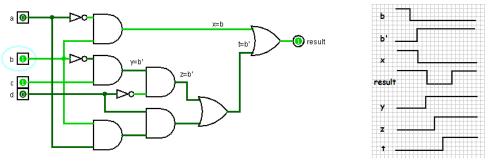
به موارد زیر توجه کنید:

- ۱- حتما نام و شماره دانشجویی خود را روی پاسخنامه بنویسید.
- ۲- در حل سوالات به نوشتن جواب آخر اكتفا نكنيد. همه مراحل مياني را هم بنويسيد.
- ۳- کل پاسخ تمرینات را در قالب یک فایل pdf با شماره دانشجویی خود نام گذاری کرده در سامانه CW بارگذاری کنید.
 - ۴- این تمرین ۲۲ نمره دارد که معادل ۰٫۵۵ نمره از نمره کلی درس است و ۰٫۰۵ نمره آن امتیازی است.
 - Δ در صورت مشاهده هر گونه مشابهت نامتعارف هر دو (یا چند) نفر کل نمره این تمرین را از دست خواهند داد.

سوالات:

۱- (۳ نمره) در مدار زیر طولانی ترین glitch طی گذر بین چه ترکیبهایی از ورودی رخ می دهد؟ نمودار زمانی آن را رسم کنید. (ترکیب ورودی را به صورت abcd نمایش دهید)



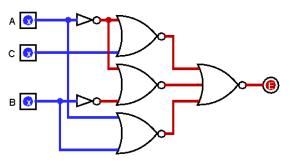


میبینیم که در این وضعیت ورودی گیت OR آخری b و b میشود که b کوتاهترین و b بیشترین مسیر را برای رسیدن به این گیت طی میکنند. اگر در وضعیت اولیه b=1 باشد، خروجی یک خواهد بود. اگر b=0 شود، تا پیش از این که تاثیر b به گیت خروجی برسد، خروجی صفر و سپس یک میشود. بنابراین b و glitch رسم شکل تاخیر همه گیتها را یک اندازه فرض کردهایم، بنابراین طول glitch به اندازه تاخیر b گیت میشود.

با استدلالِ مشابهی میبینیم که تغییر a از صفر به یک هم میتواند یک glitch در خروجی ایجاد کند (در وضعیتی که b=d=1 و a هر مقداری باشد). اما این glitch کوتاه تر از glitch اولی است.

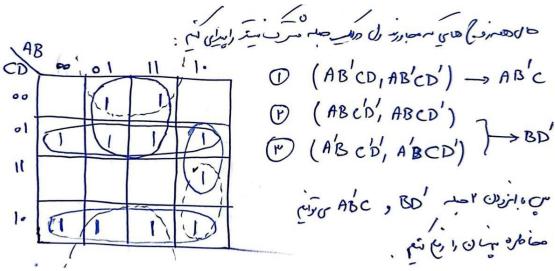
تغییر وضعیت d از صفر به یک یا برعکس تحت هیچ شرایطی glitch تولید نمی کند. اگر d بخواهد در خروجی تاثیر وضعیت d تاثیر بگذارد با d باشد که در این صورت d خواهد بود و در نتیجه d تاثیری در خروجی نخواهد داشت.

۲- (۲ نمره) آیا در مدارِ شکلِ زیر مخاطرهٔ پنهانی وجود دارد؟ توضیح دهید.



پاسخ: در این مدار ورودی C فقط از یک مسیر در خروجی تاثیر دارد، بنابراین تغییر وضعیت آن مخاطرهای ایجاد نمی کند. متغیر B از دو مسیر به خروجی می رسد، یک بار خودش در خروجی تاثیر گذار است و یک بار نقیض آن پس ممکن است در خروجی B ایجاد کند. برای بررسی این امکان باید بقیه متغیرهای این مسیر را بی اثر در نظر بگیریم، یعنی A=1, گیت NOR وسط فقط B را عبور می دهد اما خروجی گیت NOR پایین صفر می شود و باز به B بستگی نخواهد داشت. برعکس، اگر A=0, خروجی گیت NOR وسط صفر می شود و باز به A=0 بخواهد داشت. بنابراین تغییر A=0 نمی تواند در خروجی A=0 ایجاد کند.

اما متغیرِ A میتواند در خروجی glitch ایجاد کند. اگر B=C=0، خروجیِ گیتِ NOR بالا برابر با A و خروجی A گیتِ NOR پایین A خواهد شد و همین میتواند هنگامِ تغییرِ وضعیتِ ورودی ها از A به A موجب ایجاد glitch در خروجی شود.



۴- (۴ نمره) تابعِ زیر را یک بار به صورتِ SOP و بار دیگر به صورتِ POS ساده کنید و هر بار اگر مخاطرهٔ پنهانی در مدار معادل آن وجود دارد، آن را برطرف کنید.

$$f(A, B, C, D) = \sum m(0,2,3,4,9,10) + d(5,8,12,13)$$

پاسخ: اگر بخواهیم تابع را به صورت SOP ساده کنیم، دو راه مختلف داریم که در دو جدول زیر دیده میشود. در جدول سمت چپ یک مخاطرهٔ پنهان هست (هنگام تغییر ورودی از ۱۰۰۰ به ۲۰۰۰)، بنابراین برای رفع مخاطره باید تابع را به صورت سمت راست ساده کنیم.

$$f = B'D' + AC' + A'B'C + C'D'$$

ĄВ					AB				
CD	00	01	11	10	cb	00	01	11	10
00	1	1	х	х	00	1	1	х	х
01		х	х	1	01		х	х	1
11	1				11	1			
10	1			1	10	1			1

اگر تابع را به روال عادی به صورت POS ساده کنیم به جدول سمتِ چپ میرسیم که یک مخاطرهٔ پنهان (هنگام تغییر از ورودی ۱۰۱۱ به ۱۱۱۱) دارد. برای رفع این مخاطره می توانیم M_1 را به تنهایی در نظر بگیریم و به پاسخ سمتِ راست برسیم. بنابراین ساده شدهٔ بدون مخاطرهٔ تابع به صورت زیر خواهد بود:

$$f = (A + B + C + D')(B' + C')(A' + C' + D')$$

AB CD	00	01	11	10
00			х	х
01	0	х	х	
11		0	0	0
10		0	0	

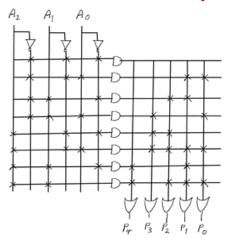
AB CD	00	01	11	10
00			х	х
01	0	х	х	
11		0	0	0
10		0	0	

۵- (۳ نمره)

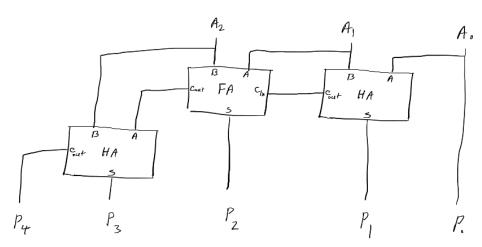
الف) با استفاده از کوچکترین ROM ممکن و بدون هیچ گیتِ اصافه مداری بسازید که یک عدد سهبیتی را در سه ضرب کند.

پاسخ: چون حداکثر مقدار خروجی ۲۱ است ($^{\times}$)، خروجی باید $^{\circ}$ بیت داشته باشد و جدول و شکل ROM آن به صورت زیر خواهد بود.

A2	A1	A0	P4	Р3	P2	P1	P0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	1	1
0	1	0	0	0	1	1	0
0	1	1	0	1	0	0	1
1	0	0	0	1	1	0	0
1	0	1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	0	0	1	0
1	1	1	1	0	1	1	1



ب) مسئله بند الف را با استفاده از کمترین تعداد Half Adder و Full Adder و بدونِ گیتِ اضافه بسازید. پاسخ: میدانیم که برای ضرب یک عدد در ۳ میتوانیم یک بار آن را در ۲ ضرب کنیم و سپس آن را با خودش جمع کنیم و میدانیم که برای ضرب در ۲ میتوانیم عدد را یک بیت به چپ شیفت بدهیم، بنابراین برای ضرب کردن عدد در سه باید خود عدد را با شیفتیافتهٔ آن جمع کنیم و باری این کار به یک H.A نیاز داریم و دو .F.A.



X=ABCD ممکن، مداری بسازید که عدد سه بیتی X=ABCD را X=ABCD ممکن، مداری بسازید که عدد سه بیتی X+X=ABCD را تولید کند.

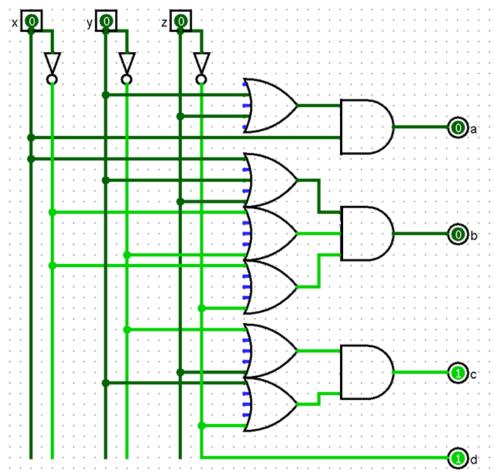
توجه کنید منظور از OR-AND PAL حافظهٔ برنامهپذیری است که لایهٔ اول آن (سمت ورودی) آرایهای از گیتهای OR دارد. گیتهای OR و لایهٔ دوم آن (سمت خروجی) آرایهای از گیتهای AND دارد.

پاسخ: ابتدا جدول درستی مدار را رسم کرده و سپس براساس آن معادلات خروجی را مینویسیم و ساده میکنیم.

(رودی	9	خروجى				
х	$x \mid y \mid z$			b	С	d	
0	0	0	0	0	1	1	
0	0	1	0	1	0	0	
0	1	0	0	1	0	1	
0	1	1	0	1	1	0	
1	0	0	0	1	1	1	
1	0	1	1	0	0	0	
1	1	0	1	0	0	1	
1	1	1	1	0	1	0	

$a(x,y,z) = \Sigma m(5,6,7) = x (y+z)$
$b(x,y,z) = \Sigma m(1,2,3,4) = (x+y+z)(x'+y')(x'+z')$
$c(x,y,z) = \Sigma m(0,3,4,7) = (y'+z)(y+z')$
$d(x,y,z) = \Sigma m(0,2,4,6) = z'$

و شكل مدار به اين صورت خواهد بود:



۷- (۴ نمره) با استفاده از ساده ترین PLA ممکن، مداری بسازید که جدول درستی زیر را پیاده سازی کند. فرض کنید در خروجی این PLA گیتهای XORای تعبیه شده اند که امکان ساخت مکمل توابع موردنظر را فراهم می کنند.

	رودی	9	خروجى				
X	$X \mid Y \mid Z$			b	С	d	
0	0	0	0	1	1	0	
0	0	1	1	0	1	0	
0	1	0	1	0	0	1	
0	1	1	0	1	1	0	
1	0	0	1	0	0	1	
1	0	1	0	1	0	1	
1	1	0	1	0	1	1	
1	1	1	0	0	1	0	

$$a(x,y,z) = \Sigma m(1,2,4,6) = x'y'z + xz' + yz'$$

$$a' = x'y'z' + yz + xz$$

$$b(x,y,z) = \Sigma m(0,3,5) = x'y'z' + x'yz + xy'z$$

$$b' = x'y'z + xy + yz' + xz'$$

$$c(x,y,z) = \Sigma m(0,1,3,6,7) = x'y' + xy + yz$$

$$c' = x'yz' + xy'$$

$$d(x,y,z) = \Sigma m(2,4,5,6) = xy' + yz'$$

$$d' = x'y' + yz$$

روابط بالا را بر اساس جدول درستی به دست می آوریم. چون می توانیم مکمل خروجی ها را هم بسازیم، ترکیبی از روابطی را پیدا می کنیم که کمترین جملات ضربی را نیاز داشته باشیم.

اگر روابط a و c و c و d را در نظر بگیریم ۶ جمله مشترک خواهیم داشت.

x'y'z, xz', yz', xy, x'y', yz,

اگر روابط 'a و c و b' و c و d را در نظر بگیریم، ۸ جملهٔ مشترک خواهیم داشت:

x'y'z', yz, xz, x'y'z, xy, yz', xz', x'y'

بنابراین پاسخ اول درست است، پاسخ دوم تا حدی قابل قبول است.

