

## مدارهاي منطقي



دانشكده مهندسي كامپيوتر

اساتید: دکتر مهدی صدیقی، دکتر مرتضی صاحبالزمانی تدریسیاران: رضا آدینه پور، مرتضی عادلخانی

دانشگاه صنعتی امیرکبیر

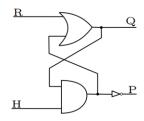
پاسخنامه: مدار های ترتیبی و FSM

تمرين پنجم

(1

## سوالات اصلي:

مدار شکل زیر را درنظر بگیرید. جدول مشخصه آن را رسم کنید و معادلات مشخصه را برای هریک از خروجی های مدار به دست آورید.



| R | Н | Q⁺     | P <sup>+</sup> |
|---|---|--------|----------------|
| 0 | 0 | P'     | 1              |
| 0 | 1 | نوساني | نوساني         |
| 1 | 0 | 1      | 0              |
| 1 | 1 | 1      | Q'             |

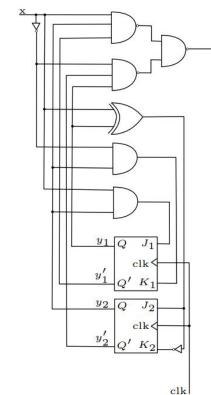
$$Q^+ = R + H'P'$$

$$P^+ = R' + HQ'$$

پاسخ

(٢

## در شکل زیر را درنظر بگیرید و معادلات خروجی و حالت فلیپ فلاپ ها را به دست آورید.



$$J_2 = x \oplus y_1$$

$$K_2 = (x \oplus y_1)'$$

$$K_1 = x'y_2$$

$$J_1 = xy_2$$

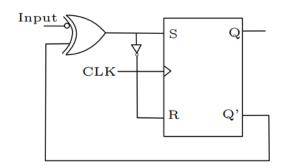
$$y_1(t+1) = J_1 y_1'(t) + K_1' y_1(t)$$
  
=  $x y_1'(t) y_2(t) + x y_1(t) + y_1(t) y_2'(t)$ 

$$y_{2}(t+1) = J_{2}y'_{2}(t) + K'_{2}y_{2}(t)$$

$$= xy'_{1}(t)y_{2}(t) + x'y_{1}(t)y_{2}(t)$$

$$+ (x \oplus y_{1}(t))'y_{2}(t)$$

۳) معادله مشخصه خروجی نسبت به ورودی را برای مدار زیر بهدست آورید.

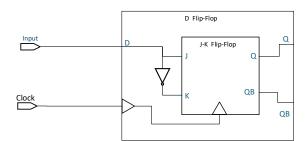


| CLK | Input | $Q_{t+1}$ |
|-----|-------|-----------|
| 0   | Х     | Qt        |
| 1   | 1     | Qt        |
| 1   | 0     | 0′₊       |

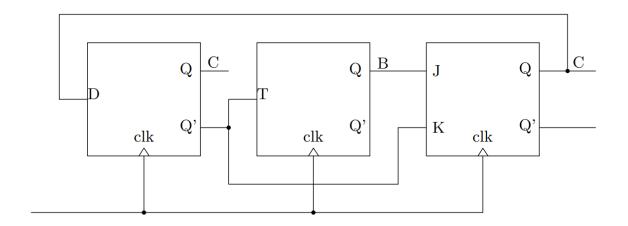
$$Q_{t+1}$$
 = Input ×  $Q_t$  +  $Q'_t$ 

(4



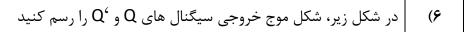


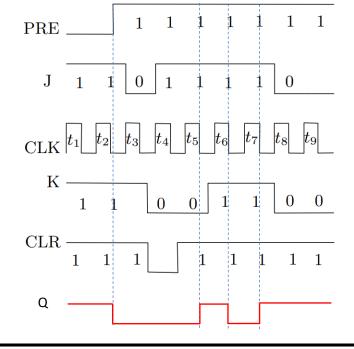
در مدار شکل زیر، اگر در پالس ساعت اول، خروجی فلیپ فلاپ ها به صورت ABC=000 باشد، در پالس ساعت چهارم (سه کلاک بعد)، خروجی های ABC را تعیین کنید.

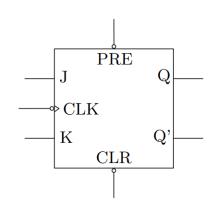


|   | حالت قبلی |   | حالت جدید |   |   |
|---|-----------|---|-----------|---|---|
| A | В         | С | A         | В | С |
| 0 | 0         | 0 | 0         | 1 | 0 |
| 0 | 1         | 0 | 0         | 0 | 1 |
| 0 | 0         | 1 | 1         | 1 | 0 |

اپيز ١٤٠٣



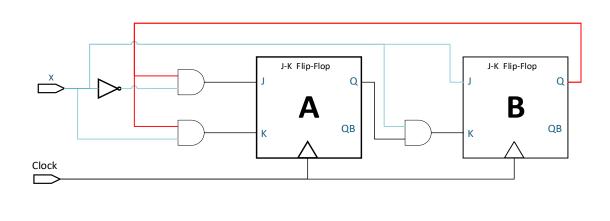


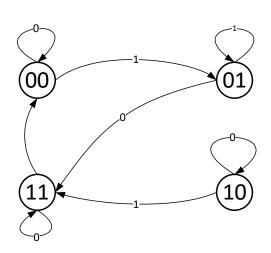


مدار ترتیبی سنکرونی دارای دو فلیپ فلاپ JK به نامهای A و B است. اگر معادلات ورودی فلیپفلاپها به صورت زیر باشد، مدار و دیاگرام حالت این مدار را رسم کنید.

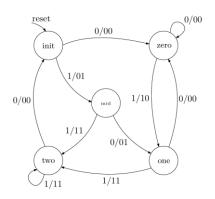
$$J_A = Bx'$$
,  $K_A = Bx$   
 $J_B = x$ ,  $K_B = Ax$ 







در شکل زیر، دیاگرام حالت یک مدار که دارای ورودی نک بیتی و خروجی دو بیتی است رسم شده است:



(الف) نوع این ماشین حالت را تعیین کنید.

(ب) با در نظر گرفتن جدول زیر، جدول حالت این مدار را رسم کنید.

| State | Encoding |       |       |  |  |
|-------|----------|-------|-------|--|--|
| Name  | $S_2$    | $S_1$ | $S_0$ |  |  |
| init  | 1        | 1     | 1     |  |  |
| mid   | 1        | 0     | 0     |  |  |
| zero  | 0        | 0     | 0     |  |  |
| one   | 0        | 0     | 1     |  |  |
| two   | 0        | 1     | 0     |  |  |

الف

میلے

۵ پاییز ۱۴۰۳

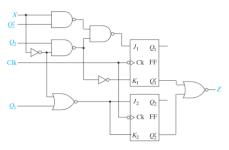
|       |       |       |       |         |         |                             |       | ب)    |
|-------|-------|-------|-------|---------|---------|-----------------------------|-------|-------|
| $S_2$ | $S_1$ | $S_0$ | input | $S_2^+$ | $S_1^+$ | S <sub>0</sub> <sup>+</sup> | $O_1$ | $O_2$ |
| 1     | 1     | 1     | 0     | 0       | 0       | 0                           | 0     | 0     |
| 1     | 1     | 1     | 1     | 1       | 0       | 0                           | 0     | 1     |
| 1     | 0     | 0     | 0     | 0       | 0       | 1                           | 0     | 1     |
| 1     | 0     | 0     | 1     | 0       | 1       | 0                           | 1     | 1     |
| 0     | 0     | 0     | 0     | 0       | 0       | 0                           | 0     | 0     |
| 0     | 0     | 0     | 1     | 0       | 0       | 1                           | 1     | 0     |
| 0     | 0     | 1     | 0     | 0       | 0       | 0                           | 0     | 0     |
| 0     | 0     | 1     | 1     | 0       | 1       | 0                           | 1     | 1     |
| 0     | 1     | 0     | 0     | 1       | 1       | 1                           | 0     | 0     |
| 0     | 1     | 0     | 1     | 0       | 1       | 0                           | 1     | 1     |

مسئله ۱۳.۳۰ و ۱۳.۲۰ از کتاب Roth

٩

سوال ۱۳.۲۰)

Consider the circuit shown.



(a) Construct a transition table and state graph for the following circuit. Is the circuit a Mealy or Moore circuit? Does the circuit have any unused states? Assume 00 is the initial state.

$$J_{1} = ((XQ'_{2})'(X'Q_{2})')' = XQ'_{2} + X'Q_{2}$$

$$K_{1} = ((X'^{Q_{2}})')' = X'Q_{2}$$

$$Q^{+} = K'_{1}Q_{1} + J_{1}Q'_{1}$$

$$Q^{+} = X'Q_{2}Q_{1} + XQ'_{2}Q'_{1} + X'Q_{2}Q'_{1}$$

$$J_2 = (X' + Q_1)' = XQ_1' K_2 = (X' + Q_1)' = XQ_1'$$

$$= XQ_1'$$

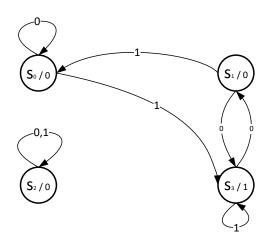
$$= XQ_1'$$

$$Z = (Q_1' + Q_2')' = Q_1Q_2$$

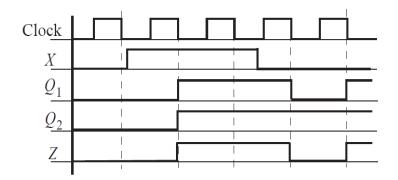
| X | $Q_1$ | $Q_2$ | $Q_1^+$ | $Q_2^+$ | Z |
|---|-------|-------|---------|---------|---|
| 0 | 0     | 0     | 0       | 0       | 0 |
| 0 | 0     | 1     | 1       | 1       | 0 |
| 0 | 1     | 0     | 1       | 0       | 0 |
| 0 | 1     | 1     | 0       | 1       | 1 |
| 1 | 0     | 0     | 1       | 1       | 0 |
| 1 | 0     | 1     | 0       | 0       | 0 |

ع پاییز ۱۴۰۳

| 1 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 |
|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |



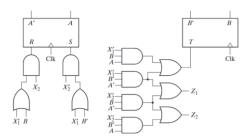
(b) Draw a timing diagram for the input sequence X = 01100.



(c) What is the output sequence for the input sequence?

$$Z = 001101$$

سوال ۱۳.۳۰)

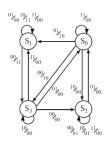


(a) For the following sequential circuit, write the next-state equations for flip-flops A and B.

```
\begin{split} R &= X_2 \left( X_1' + B \right) \\ S &= X_2' \left( X_1' + B \right) \\ A^+ &= A \left[ \left( X_2 \right) \left( X_1' + B \right) \right]' + X_2' \left( X_1' + B' \right) \\ &= A \left( X_2' + X_1 B' \right) + X_2' X_1' + X_2' B' \\ A^+ &= A X_2' + A X_1 B' + X_2' X_1' + X_2' B' \\ \end{split}
T &= X_1' B A + X_1' B' A' \\ B^+ &= B T' + B' T \\ &= B \left( X_1' B A + X_1' B' A' \right)' B' \left( X_1' B A + X_1' B' A' \right)' \\ &= B \left[ \left( X_1' B A \right)' \left( X_1' B' A' \right)' \right] + X_1' B' A' \\ &= B \left[ \left( X_1 + B' + A' \right) \left( X_1 + B + A \right) \right] + X_1' B' A' \\ &= \left( B X_1 + B A \right)' \left( X_1 + B + A \right) + X_1' B' A' \\ &= B X_1 + B X_1 + B X_1 A + B A' X_1 + B A' + X_1' B' A' \\ &= X_1 B \left( 1 + 1 + A + A' \right) + A' \left( B + X_1' B \right) \\ &= X_1 B + A' B + X_1' A' \end{split}
```

(b) Using these equations, find the transition table and draw the state graph.

| State      | Present<br>State | ** ~ |    |    | $Z_1Z_2$  |    |    |    |    |
|------------|------------------|------|----|----|-----------|----|----|----|----|
| State      |                  |      |    |    | $X_1X_2=$ |    |    |    |    |
|            | AB               | 00   | 01 | 10 | 11        | 00 | 01 | 10 | 11 |
| $S_{0}$    |                  |      |    |    |           |    |    | 00 |    |
| $S_{_{1}}$ |                  |      |    |    |           |    |    | 11 |    |
| $S_2$      | 10               |      |    |    |           |    |    | 01 |    |
| $S_3$      | 11               | 10   | 00 | 11 | 01        | 00 | 00 | 00 | 00 |



## سوالات امتيازي

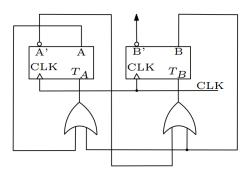
با رسم شکل موج، حداکثر فرکانس کاری مدار زیر را با درنظر گرفتن مفروضات زیر بهدست آورید.

Flip-Flop propagation delay = 5 ns

Hold time = 3ns

Setup time = 3ns

OR propagation delay = 2ns



$$frequency = \frac{1}{T}$$

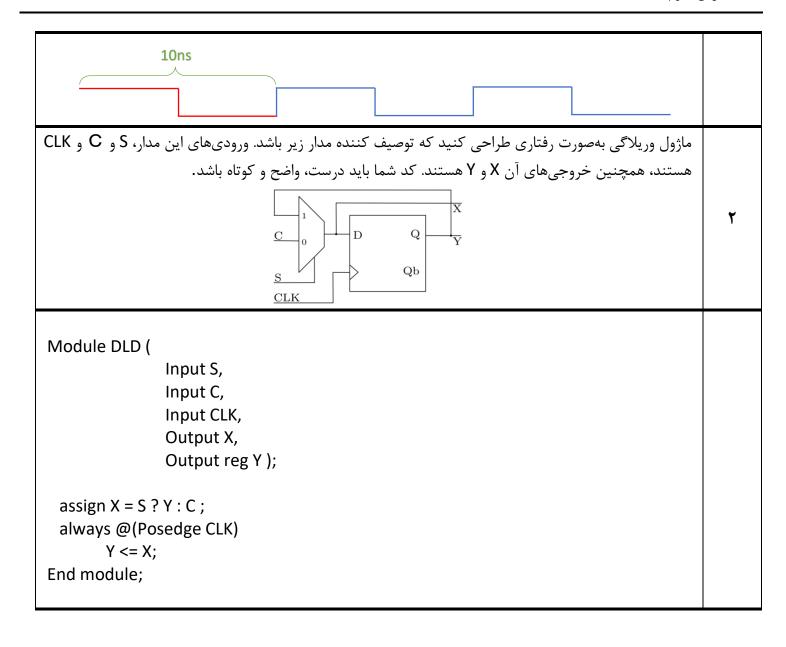
For a flip-flop to flip-flop, the minimum time domain is equal to  $t_{cq}$  +  $t_{setup}$  +  $t_{pd}$ .

 $Minimum_T = t_{cq} + t_{setup} + t_{pd} = 5 + 3 + 2 = 10ns = frequency = 100 MHz$ 

ڀاييز ۱۴۰۳

٨

١



۹ پاییز ۱۴۰۳