مدارهاي منطقي

پاییز ۱۴۰۳ استاد: دکتر صدیقی، دکتر صاحبالزمانی تدریس یاران: رضا آدینه پور، مرتضی عادلخانی



دانشكدەي مهندسي كامپيوتر

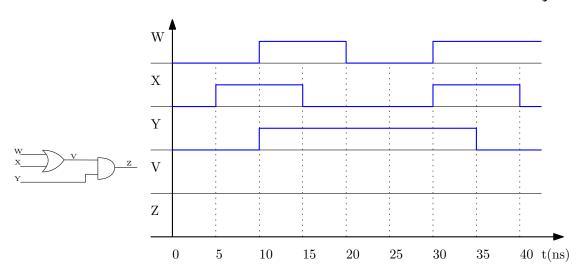
مهلت ارسال: ۱۵ آبان

مدارهای ترکیبی و حسابی

- مهلت ارسال پاسخ تا ساعت ۲۳:۵۹ روز مشخص شده است. برای انجام تمرین زمان کافی اختصاص داده شده است. انجام آن را بههیچوجه به روزهای پایانی موکول نکنید.
- سوالات خود را از طریق ایمیلهای adinepour@aut.ac.ir و madelkhani@aut.ac.ir و یا در کلاس
 - صرفا تمارین آپلود شده در سامانه courses تصحیح می شوند.
 - حتما در نامگذاری فایلهای آپلودی خود از قالب $\{HWx\}_{STD_Number}_{Name}$ تبعیت کنید.
- پاسخهای ارسالی منحصراً باید حاصل تلاشهای فردی شما باشد. در صورت استفاده از منابع خارجی یا همفکری، حتماً این موارد را ذکر کنید.
 - در صورت مشاهده هرگونه تقلب، نمره ۳ سری تمرین برای تمام افراد شرکت کننده، صفر لحاظ خواهد شد.

سوالات اختياري

۱. دیاگرام زمانی داده شده را برای مدار زیر تکمیل کنید. فرض شود هر دو گیت تاخیر انتشاری برابر با ۵ نانوثانیه



۲. توابع زیر را به کمک جدول کارنو ساده کنید.

- (a) $f(a,b,c,d) = \sum m(1,4,5,8,9,13)$
- (b) $f(a,b,c,d) = \prod M(0,1,3,6,7)$
- (c) $f(a, b, c, d, e) = \prod M(0, 3, 6, 9, 11, 19, 20, 24, 25, 26, 27, 28, 29, 30) \cdot \prod D(1, 2, 12, 13)$

¹Propagation Delay

- (d) f(a, b, c, d) = a'c' + a'b' + acd' + bc'd
 - ۳. برای توابع زیر، ساده ترین فرم SOP را با استفاده از روش Quine McCluskey بهدست آورید.
- (a) $f(a,b,c,d) = \sum m(9,12,13,15) + \sum d(1,4,5,7,8,11,14)$
- (b) $f(a, b, c, d) = \sum m(2, 3, 4, 7, 9, 11, 12, 13, 14) + \sum d(1, 10, 15)$
 - ۴. سوالات ۱۹.۵، ۲۹.۵، ۳۲.۵ از کتاب Roth

سوالات اصلی (۴۰۵ نمره)

۱. (۴۰ نمره) برای توابع زیر، ساده ترین فرم SOP را با استفاده از روش Quine McCluskey بهدست آورید.

- (a) $f(a,b,c,d) = \sum m(0,1,5,6,8,9,11,13) + \sum d(7,10,12)$
- (b) $f(a,b,c,d) = \sum m(3,4,6,7,8,9,11,13,14) + \sum d(2,5,15)$

۲. (۲۵ نمره)

برای نمایش هر یک از اعداد مبنای ۱۰ زیر در مبنای ۲ و BCD چند بیت نیاز است؟ دلیل خود را بنویسید.

- (a) $(832)_{10}$
- (b) $(1023)_{10}$
- (c) $(8192)_{10}$

۳. (۲۰ نمره)

اعداد بدون علامت زیر را به مبنای ۱۰ تبدیل کنید.

- (a) $(00111010110)_2$
- (b) $(1001110.011)_2$
- (c) $(355.411)_8$
- (d) $(FAB1.CD7)_{16}$

۴. (۳۰ نمره)

تمام اعداد زیر، ۸ بیتی و در سیستم مکمل ^۳۲ هستند. عملیات خواسته شده را برای هریک بهصورت مستقیم (بدون تبدیل مبنا) انجام دهید.

- (a) 00001011 + 010111110
- (b) 100 110000
- (c) 1101100×10001000

۵. (۴۰ نمره) موارد خواسته شده را انجام دهید:

نید. (آ) با استفاده از جدول کارنو، تابع زیر را ساده کنید و سپس مدار تمام NAND تابع ساده شده را رسم کنید. $f(a,b,c,d) = a' \cdot b' \cdot c \cdot d' + a' \cdot b \cdot c' + b \cdot c \cdot d + a' \cdot c \cdot d' + b' \cdot c \cdot d' + a \cdot b' \cdot c$ NOR تابع ساده شده را رسم کنید و سپس مدار تمام NOR تابع ساده شده را رسم کنید و $f(a,b,c,d) = a' \cdot b' \cdot c' + a' \cdot b' \cdot c + a \cdot b' + b' \cdot c' \cdot d + b' \cdot c \cdot d'$

^YUnsigned

[&]quot;Two's Complement

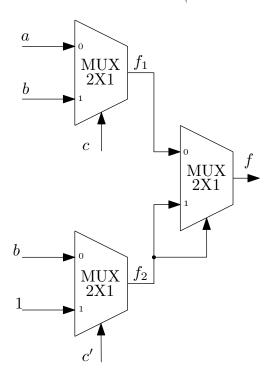
۶. (۶۰ نمره)

توابع زیر را درنظر بگیرید:

- (a) $f(x, y, z) = x \cdot y' + x' \cdot z$
- (b) $f(w, x, y, z) = \prod M(0, 1, 3, 5, 6, 7, 8, 9, 14, 15)$
 - (آ) توابع را با استفاده از یک Decoder با خروجی فعال_بالا ٔ و یک گیت OR طراحی کنید.
 - (ب) توابع را با استفاده از یک Decoder با خروجی فعال پایین فو یک گیت AND طراحی کنید.
 - (ج) توابع را با استفاده از کوچکترین Multiplexer ممکن طراحی کنید.

۷. (۴۰ نمره)

خروجی f در مدار زیر را به ساده ترین فرم SOP بنویسید.



۸. (۳۰ نمره) برای مدار دادهشده:

 $f(a, b, c, d) = \sum m(1, 3, 4, 5, 10, 11, 14, 15)$

- (آ) شکل موج خروجی را رسم کنید. (تاخیر گیت های یک ورودی، دو ورودی و سه ورودی بهترتیب ۳ و ۴ و ۵ نانوثانیه میباشد)
 - (ب) با ذکر دلیل تعیین کنید که آیا مدار گلیچ می گیرد یا خیر.
- ۹. (۳۰ نمره) تابع زیر را با استفاده از کمترین تعداد مالتیپلکسرهای ۲ به ۱ پیادهسازی کنید. $f(a,b,c,d)=\sum m((0,2,3,4,5,6,8,9,13,14)+d(5,11,14))$

۱۰. (۹۰ نمره) مسائل ۸.۹، ۹۸،۹ و ۷.۲۴ از کتاب Roth

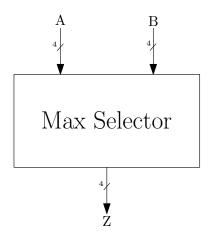
^{*}Active High

^aActive Low

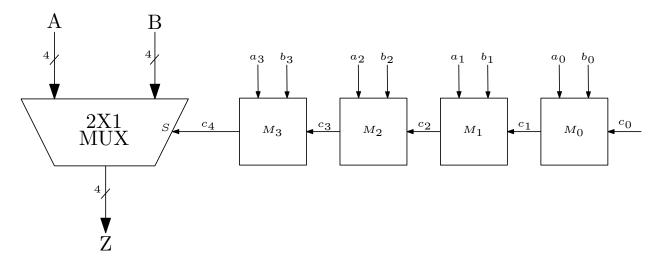
سوالات امتيازي (۶۵ نمره)

۱. (۲۵ نمره)

مدار شکل زیر، ماکزیممگیر نام دارد. ورودی این مدار دو عدد بدون علامت Z=B بیتی است. خروجی مدار Z=B است اگر A>B باشد و اگر A<B باشد، خروجی برابر است با



(آ) مدار ماکزیمم گیر را به صورت زیر طراحی کنید. بلوک های M_i یکسان هستند و یک خط آن ها را با داده هایی که از راست به چپ در جریان است به هم متصل می کند. یک طراحی را با فرض آنکه C.= انجام دهید. و دیگری را با فرض C.= انجام دهید.



- (ب) چه رابطهای میان مدار طراحی شده در قسمت قبل (آ) و مدار جمع کنند/تفریق کننده برقرار است؟ (توضیح دهید)
- (ج) یک طراحی جایگزین مطابق با شکل زیر را از مدار ماکزیمم گیر در نظر بگیرید که در آن جریان دادهها از چپ به راست مطابق شکل است. آیا می توان مدار را به این شکل طراحی کرد؟ اگر پاسختان بله است، طراحی را کامل کنید. اگر نه، توضیح دهید که چرا نه و مدار برای عملکرد درست چه تغییراتی را لازم دارد؟

⁹Unsigned

