# مدارهاي منطقي

پاییز ۱۴۰۳ استاد: دکتر صدیقی، دکتر صاحبالزمانی تدریس یاران: رضا آدینه پور، مرتضی عادلخانی



دانشكددي مهندسي كامپيوتر

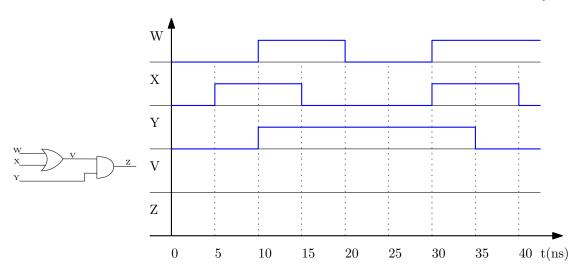
مهلت ارسال: ۱۵ آبان

# مدارهای ترکیبی و حسابی

- مهلت ارسال پاسخ تا ساعت ۲۳:۵۹ روز مشخص شده است. برای انجام تمرین زمان کافی اختصاص داده شده است. انجام
  آن را بههیچوجه به روزهای پایانی موکول نکنید.
- سوالات خود را از طریق ایمیلهای adinepour@aut.ac.ir و madelkhani@aut.ac.ir و یا در کلاس حل تمرین از تدریسیاران بپرسید.
  - صرفا تمارین آپلود شده در سامانه courses تصحیح می شوند.
  - حتما در نامگذاری فایلهای آپلودی خود از قالب {HWx}\_{STD\_Number}\_{Name} تبعیت کنید.
- پاسخهای ارسالی منحصراً باید حاصل تلاشهای فردی شما باشد. در صورت استفاده از منابع خارجی یا همفکری، حتماً این موارد را ذکر کنید.
  - در صورت مشاهده هرگونه تقلب، نمره ۳ سری تمرین برای تمام افراد شرکتکننده، صفر لحاظ خواهد شد.

## سوالات اختياري

 ۱. دیاگرام زمانی داده شده را برای مدار زیر تکمیل کنید. فرض شود هر دو گیت تاخیر انتشاری برابر با ۵ نانوثانیه دارند.



۲. توابع زیر را به کمک جدول کارنو ساده کنید.

- (a)  $f(a,b,c,d) = \sum m(1,4,5,8,9,13)$
- (b)  $f(a,b,c,d) = \prod M(0,1,3,6,7)$
- (c)  $f(a, b, c, d, e) = \prod M(0, 3, 6, 9, 11, 19, 20, 24, 25, 26, 27, 28, 29, 30) \cdot \prod D(1, 2, 12, 13)$

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Propagation Delay

- (d) f(a, b, c, d) = a'c' + a'b' + acd' + bc'd
  - ۳. برای توابع زیر، ساده ترین فرم SOP را با استفاده از روش Quine McCluskey بهدست آورید.
- (a)  $f(a,b,c,d) = \sum m(9,12,13,15) + \sum d(1,4,5,7,8,11,14)$
- (b)  $f(a,b,c,d) = \sum m(2,3,4,7,9,11,12,13,14) + \sum d(1,10,15)$ 
  - ۴. سوالات ۱۹.۵، ۲۹.۵، ۳۲.۵ از کتاب Roth

## سوالات اصلی (۴۳۵ نمره)

۱. (۴۰ نمره) برای توابع زیر، ساده ترین فرم SOP را با استفاده از روش Quine McCluskey بهدست آورید.

- (a)  $f(a,b,c,d) = \sum m(0,1,5,6,8,9,11,13) + \sum d(7,10,12)$
- (b)  $f(a,b,c,d) = \sum m(3,4,6,7,8,9,11,13,14) + \sum d(2,5,15)$

۲. (۲۵ نمره)

برای نمایش هر یک از اعداد مبنای ۱۰ زیر در مبنای ۲ و BCD چند بیت نیاز است؟ دلیل خود را بنویسید.

- (a)  $(832)_{10}$
- (b)  $(1023)_{10}$
- (c)  $(8192)_{10}$

۳. (۲۰ نمره)

اعداد بدون علامت زیر را به مبنای ۱۰ تبدیل کنید.

- (a)  $(00111010110)_2$
- (b)  $(1001110.011)_2$
- (c)  $(355.411)_8$
- (d)  $(FAB1.CD7)_{16}$

#### ۴. (۳۰ نمره)

تمام اعداد زیر، ۸ بیتی و در سیستم مکمل <sup>۳</sup>۲ هستند. عملیات خواسته شده را برای هریک بهصورت مستقیم (بدون تبدیل مبنا) انجام دهید.

- (a) 00001011 + 010111110
- (b) 100 110000
- (c)  $1101100 \times 10001000$

### ۵. (۴۰ نمره) موارد خواسته شده را انجام دهید:

نید. (آ) با استفاده از جدول کارنو، تابع زیر را ساده کنید و سپس مدار تمام NAND تابع ساده شده را رسم کنید.  $f(a,b,c,d) = a' \cdot b' \cdot c \cdot d' + a' \cdot b \cdot c' + b \cdot c \cdot d + a' \cdot c \cdot d' + b' \cdot c \cdot d' + a \cdot b' \cdot c$  . ... NOR تابع ساده شده را رسم کنید و سپس مدار تمام NOR تابع ساده شده را رسم کنید و  $f(a,b,c,d) = a' \cdot b' \cdot c' + a' \cdot b' \cdot c + a \cdot b' + b' \cdot c' \cdot d + b' \cdot c \cdot d'$ 

<sup>&</sup>lt;sup>Y</sup>Unsigned

<sup>&</sup>quot;Two's Complement

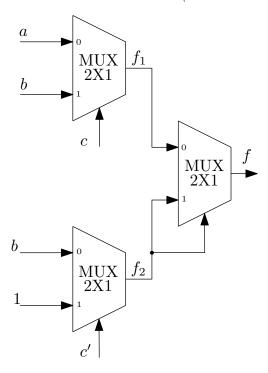
۶. (۶۰ نمره)

توابع زیر را درنظر بگیرید:

- (a)  $f(x, y, z) = x \cdot y' + x' \cdot z$
- (b)  $f(w, x, y, z) = \prod M(0, 1, 3, 5, 6, 7, 8, 9, 14, 15)$ 
  - (آ) توابع را با استفاده از یک Decoder با خروجی فعال\_بالا ۴ و یک گیت OR طراحی کنید.
  - (ب) توابع را با استفاده از یک Decoder با خروجی فعال\_پایین فو یک گیت AND طراحی کنید.
    - (ج) توابع را با استفاده از کوچکترین Multiplexer ممکن طراحی کنید.

### ۷. (۴۰ نمره)

خروجی f در مدار زیر را به سادهترین فرم SOP بنویسید.



۸. (۶۰ نمره) برای مدار دادهشده:

$$f(a, b, c, d) = \sum m(1, 3, 4, 5, 10, 11, 14, 15)$$

- (آ) تمام هازاردهای استاتیک احتمالی را فهرست کنید.
- (ب) هازاردهای منطقی را به همراه مدت زمان آنها، زمانی که رخ میدهند و تغییری که در ورودی رخ میدهد و باعث آنها می شود، فهرست کنید.
- (ج) اگر گیت خروجی دو گیت مشابه به ورودی خودش را راهاندازی کند، کدام یک از هازاردهای منطقی نیز به هازارد الکتریکی تبدیل میشوند؟
- .۹ نمره) تابع زیر را با استفاده از کمترین تعداد مالتیپلکسرهای ۲ به ۱ پیادهسازی کنید.  $f(a,b,c,d)=\sum m((0,2,3,4,5,6,8,9,13,14)+d(5,11,14))$

۱۰. (۹۰ نمره) مسائل ۸.۶، ۸.۹ و ۷.۲۴ از کتاب Roth

<sup>\*</sup>Active High

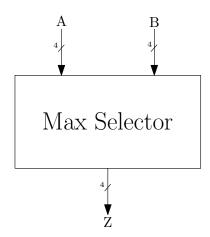
<sup>&</sup>lt;sup>a</sup>Active Low

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup>Static Hazard

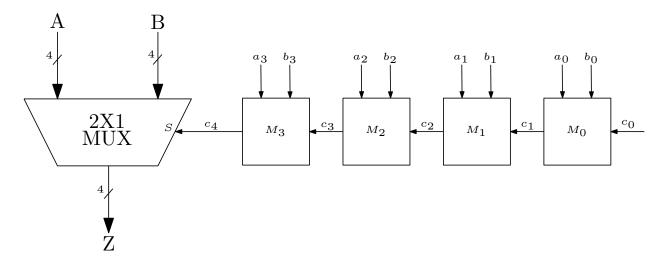
## سوالات امتيازي (۶۵ نمره)

### ۱. (۲۵ نمره)

مدار شکل زیر، ماکزیممگیر نام دارد. ورودی این مدار ۲ عدد بدون علامتZ=B بیتی است. خروجی مدار Z=A باشد و اگر A<B باشد، خروجی برابر است با



آ) مدار ماکزیمه گیر را به صورت زیر طراحی کنید. بلوکهای  $M_i$  یکسان هستند و یک خط آنها را با داده هایی که از راست به چپ در جریان است به هم متصل می کند. یک طراحی را با فرض آنکه  $C.=\cdot$  انجام دهید.  $C.=\cdot$  انجام دهید.



- (ب) چه رابطهای میان مدار طراحی شده در قسمت قبل (آ) و مدار جمعکنند/تفریق کننده برقرار است؟ (توضیح دهید)
- (ج) یک طراحی جایگزین مطابق با شکل زیر را از مدار ماکزیممگیر در نظر بگیرید که در آن جریان دادهها از چپ به راست مطابق شکل است. آیا می توان مدار را به این شکل طراحی کرد؟ اگر پاسختان بله است، طراحی را کامل کنید. اگر نه، توضیح دهید که چرا نه و مدار برای عملکرد درست چه تغییراتی را لازم دارد؟

<sup>&</sup>lt;sup>v</sup>Unsigned

