



مدارهای منطقی



دانشکده مهندسی کامپیوتر

اساتید: دکتر مهدی صدیقی، دکتر مرتضی صاحب‌الزمانی
تدریس‌یاران: رضا آدینه‌پور، مرتضی عادل‌خانی

دانشگاه صنعتی امیرکبیر

مهلت ارسال: ۱۴۰۳/۸/۱

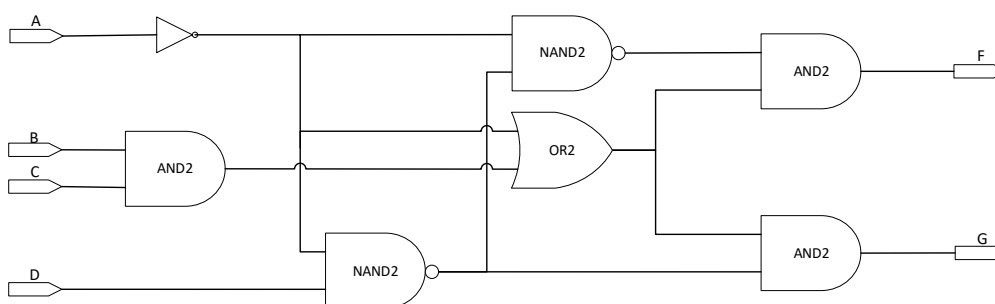
ساده‌سازی جدول کارنو

تمرین دوم

- مهلت ارسال پاسخ تا ساعت ۲۳:۵۹ روز مشخص شده است. برای انجام تمرین زمان کافی اختصاص داده شده است.
- انجام آن را به هیچ‌وجه به روزهای پایانی موکول نکنید.
- سوالات خود را از طریق ایمیل‌های adinepour@aut.ac.ir و madelkhani@aut.ac.ir و یا در کلاس حل تمرین از تدریس‌یاران بپرسید.
- صرفاً تمرین آپلود شده در سامانه courses تصحیح می‌شوند.
- حتماً در نام گذاری فایل‌های آپلودی خود از قالب {HWx}_{STD_Number}_{Name} تبعیت کنید.
- پاسخ‌های ارسالی منحصراً باید حاصل تلاش‌های فردی شما باشد. در صورت استفاده از منابع خارجی یا هم‌فکری، حتماً این موارد را ذکر کنید.
- در صورت مشاهده هرگونه تقلب، نمره ۳ سری تمرین برای تمام افراد شرکت‌کننده، صفر لحاظ خواهد شد.

سوالات اصلی

۱. مدار زیر را با استفاده از جدول کارنو به ساده‌ترین فرم ممکن برای هر دو حالت SoP و PoS در آورید و سپس مدار هر یک از دو حالت را رسم کنید.



۲. تابع‌های بولی ۴ متغیری زیر را در نظر بگیرید:

$$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \sum (1, 3, 4, 5, 9, 13, 15) + d(7, 11, 12, 14)$$

$$f(A, B, C, D) = \sum (1, 3, 4, 7, 11) + d(5, 12, 13, 14, 15)$$

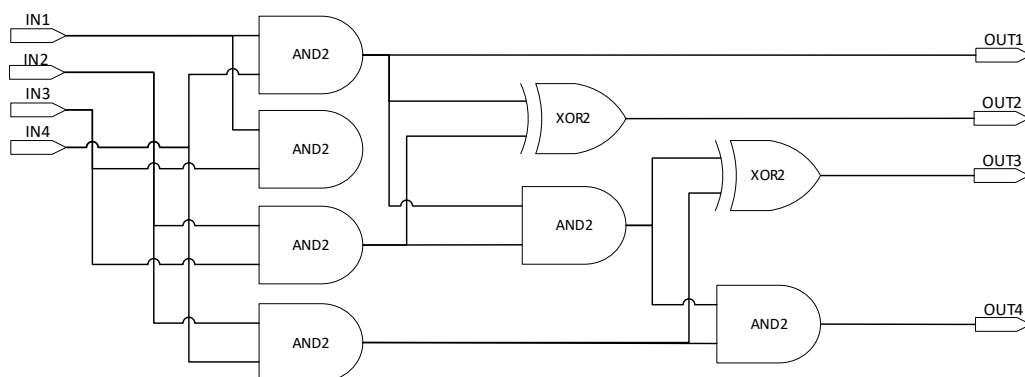
الف) تمام PI ها و EPI های جدول کارنو تولید شده برای هر تابع را نشان دهید.

ب) با استفاده از جدول کارنو یک عبارت SOP برای هر تابع بدست آورید.

۳. مدار زیر با ۴ ورودی، IN1، IN2، IN3، IN4 و ۴ خروجی OUT1، OUT2، OUT3، OUT4 را در نظر بگیرید.

الف) جدول صحت (truth table) این مدار را استخراج کنید.

ب) با استفاده از جدول کارنو مدار را برای پیاده سازی PoS مستقیماً ساده کنید و سپس آن را دوباره بکشید.



۴. می خواهیم با استفاده از چهار ورودی (A,B,C,D) و یک نمایشگر هفت قطعه ای (7 Segment) خروجی هایی مطابق جدول زیر مشاهده کنیم (به عبارت دیگر، می خواهیم یک Binary-to-7-Segment Decoder طراحی کنیم).

A	B	C	D	Display
0	0	0	0	0
0	0	0	1	1
0	0	1	0	2
0	0	1	1	A
0	1	0	0	3
0	1	0	1	4
0	1	1	0	P
0	1	1	1	5
1	0	0	0	6
1	0	0	1	C
1	0	1	0	7
1	0	1	1	8
1	1	0	0	U
1	1	0	1	9
1	1	1	0	E
1	1	1	1	F

الف) جدول صحت برای نمایش وضعیت تمامی خروجی‌ها (وضعیت هر قطعه از 7segment) را بر اساس اسم‌گذاری‌های اسلاید ۱۸ از مجموعه اسلاید ۰۶ رسم کنید. راهنمایی: این جدول باید مشابه جدول اسلاید ۱۹ از همان مجموعه اسلاید باشد.

ب) با استفاده از جدول کارنو توابع ساده شده هر یک از خروجی‌های هفت‌گانه را تعیین کنید (مشابه اسلاید ۲۰)

۵. سوال‌های ۵.۵۰ و ۵.۴۵ واقع در صفحه ۱۶۵ و ۱۶۶ کتاب مرجع درس مدارهای منطقی را حل کرده و پاسخ آن را بنویسید.

۶. توابع زیر را از فرم استاندارد به فرم کانونیکال تبدیل کنید:

$$f(A, B, C) = AC' + BC' + ABC$$

$$f(A, B, C) = (C + A')(B + C')(A + B + C)(A' + B')$$

$$f(A, B, C, D, E) = B \cdot \overline{D} \cdot E + A \cdot \overline{B} \cdot D + \overline{A} \cdot C \cdot \overline{D} \cdot E + A \cdot \overline{C} \cdot E$$

۷. توابع زیر را بدون ساده‌سازی یک بار فقط با استفاده از NANDهای ۲-ورودی و یک بار فقط با استفاده از NORهای ۲-ورودی پیاده‌سازی کنید:

$$F = A'[B' + C'D' + DE]$$

$$F = A + BCD' + BCE' + BDE'$$

سوالات امتیازی

۱. یک تصویر ۴×۴ با ۱۶ پیکسل را در نظر بگیرید. هر پیکسل می‌تواند یکی از دو حالت سیاه (۱) یا سفید (۰) باشد (تصویر به صورت سیاه و سفید است). در این تصویر یک مربع ۲×۲ وجود دارد که می‌خواهیم آن را تشخیص دهیم.

همانطور که گفته شد، تصویر به صورت سیاه و سفید است و مربع زمانی ایجاد می‌شود که ۴ پیکسل در کنار هم یک مقدار (۰ یا ۱) داشته باشند و دیگر پیکسل‌ها مقدار دیگری داشته باشند. با توجه به این موضوع می‌توان دریافت که حالت‌هایی که بیشتر از یک مربع در تصویر ایجاد شود، مربع تشخیص داده نمی‌شود. نمونه‌هایی از حالت‌های مختلف حضور مربع در زیر نمایش داده شده است:

۱	۱	۱	۱
۱	۰	۰	۱
۱	۰	۰	۱
۱	۱	۱	۱

۱	۰	۰	۱
۱	۰	۰	۱
۱	۱	۱	۱
۱	۱	۱	۱

۰	۰	۰	۰
۰	۰	۰	۰
۰	۰	۱	۱
۰	۰	۱	۱

۱	۱	۰	۰
۱	۱	۰	۰
۰	۰	۱	۱
۰	۰	۱	۱

۱	۱	۱	۱
۱	۰	۰	۱
۱	۰	۰	۱
۱	۱	۱	۰

۱	۱	۱	۱
۱	۱	۱	۱
۰	۰	۰	۰
۱	۱	۱	۱

تصویر از ۴ بلوک 2×2 تشکیل شده است که هر کدام از این بلوک‌ها تنها می‌توانند یکی از چهار حالت زیر را داشته باشند.

۱	۱
۱	۱

۰	۰
۰	۰

۱	۱
۰	۰

۰	۰
۱	۱

با توجه به توضیحات داده شده مداری طراحی کنید که حالات موجود در تصویر را دریافت کند بتواند مربع تولید شده در تصویر را تشخیص دهد. در صورت وجود یک مربع مقدار یک در خروجی ایجاد کند و در غیر این صورت مقدار صفر تولید کند.

برای این کار مراحل زیر را انجام داده و گزارش دهید:

- ۱- ابتدا جدول صحت مدار مورد نظر را بنویسید.
- ۲- تابع بولی به دست آمده از جدول صحت را بنویسید (بدون ساده‌سازی).
- ۳- با استفاده از جدول کارنو تابع را ساده کنید.
- ۴- مدار متناظر با تابع ساده شده را رسم کنید.

2- Given $F_1 = \prod M(0,4,5,6)$ and $F_2 = \prod M(0,3,4,6,7)$, find the maxterm expansion for $F_1 F_2$. State a general rule for finding the maxterm expansion of $F_1 F_2$ given the maxterm expansion of F_1 and F_2 . Prove your answer by using the general form of the maxterm expansion.

موفق باشید