

República de Moçambique Ministério da Educação Conselho Nacional de Exames, Certificação e Equivalências

ESG / 2014 10^a Classe

Exame de Matemática

1ª Época 120 Minutos

Este exame contém sete (7) perguntas. Responda-as na sua folha de respostas.

Na margem direita está indicada, entre parênteses, a cotação de cada pergunta em valores.

Cotação

(2,0)

- Assinale com (V) verdadeiras ou (F) falsas as afirmações que se seguem:
 - a) $(-2)^3 = 8$
- b) $\left[\left(\frac{1}{2} \right)^0 \right]^2 = \frac{1}{4}$ c) $2\sqrt{3} = \sqrt{6}$ d) $7\sqrt{4^2} = 28$
- Considere os polinómios: $A(x) = 3x^2 + 6x$ e $B(x) = 4x^2 1$. (1,0)

Efectue a operação 2A(x) + B(x) de polinómios em x, reduzindo os termos semelhantes.

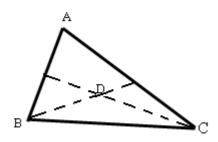
Resolva as seguintes equações: 3.

a)
$$\frac{x-8}{21} + \frac{x-2}{3} = \frac{2}{7}(x-3)$$

b)
$$x^4 + 3x^2 - 4 = 0$$
 (2,0)

c)
$$\cos(x-90^{\circ}) = 1$$
 se $0^{\circ} \le x \le 90^{\circ}$ (1,0)

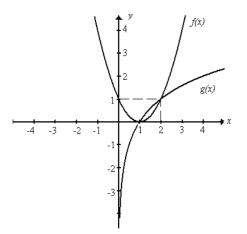
- Numa pesquisa feita na cidade de Maputo constatou-se que num universo de 100 jovens, 10 tem casa própria, 8 tem casa própria e carro próprio e 18 não tem casa própria nem carro próprio.
 - a) Represente os dados num diagrama de Venn. (2,0)
 - b) Determine o número de jovens que têm somente carro próprio. (1,0)
- Observe o triângulo ABC. (2,0)



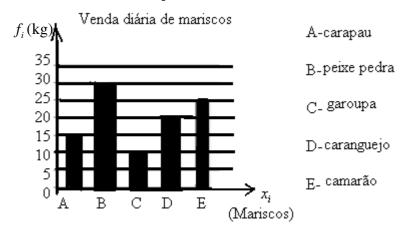
Se D é o ponto de encontro das bissectrizes dos ângulos BCA e ABC, \Box B = \Box A + 20° e □ C=40°, calcule a medida do ângulo CDB.

2014 / 10^a Classe / Exame de Matemática / 1^a Época

6. Observe a figura:



- a) Escreva o nome de cada uma das funções. (1,0)
- b) Qual é o domínio de g(x)? (0,5)
- c) Qual é o contradomínio de f(x)? (0,5)
- d) Para que valores de x, a função f é crescente? (0,5)
- e) Para que valores de x, g(x) < f(x)? (1,0)
- f) Determine a expressão analítica de f(x). (1,5)
- 7. O gráfico a seguir mostra as quantidades em **kg** de cinco tipos de mariscos vendidos diariamente em determinada loja.



- a) Qual é o marisco mais vendido diariamente? (0,5)
- b) A partir do gráfico construa uma tabela de frequências absolutas e frequências acumuladas. (2,0)

2014 / 10ª Classe / Guia de Correcção de Matemática / 1ª Época

Obs: Senhor professor, considere outro método de resolução desde que esteja certo.

Perg. Resposta Cotação
Parc. Tot.

1. a) F

- b) F
- c) F
- d) V

4x0,5 **2,0**

2. $2A + B = 2(3x^2 + 6x) + 4x^2 - 1 = 6x^2 + 12x + 4x^2 - 1 = 10x^2 + 12x - 1$ (0,

1,0 <u>1,0</u>

(0,5) (0,3)

3. a)
$$\frac{x-8}{21} + \frac{x-2}{3} = \frac{2}{7}(x-3) \Leftrightarrow x-8+7(x-2) = 6(x-3)$$

$$(0,5)$$

$$(0,5)$$

$$(0,5)$$

$$(0,5)$$

$$(0,6)$$

$$(0,6)$$

$$(0,6)$$

$$(0,6)$$

$$(0,6)$$

$$(0,6)$$

b)
$$x^4 + 3x^2 - 4 = 0$$
; $x^2 = y$, então; $y^2 + 3y - 4 = 0 \Leftrightarrow (y+4)(y-1) = 0$

(0,2) (0,2) $y+4=0 \lor y-1=0 \Leftrightarrow y=-4 \lor y=1; x^2=1 \lor x^2=-4 \Leftrightarrow$

(0,1) (0,1) (0,1) (0,1) (0,1) (0,1)

 $x = \pm 1 \lor x \in \emptyset \Leftrightarrow x = \pm 1$

(0,2) (0,1) (0,1)

c)
$$\cos(x-90^\circ) = 1 \Leftrightarrow \cos(x-90^\circ) = \cos 0^\circ \Leftrightarrow x-90^\circ = 0^\circ \Leftrightarrow x = 90^\circ$$

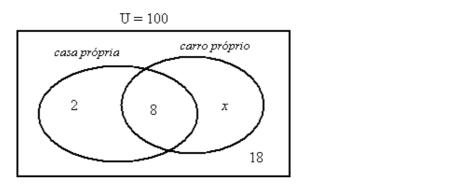
(0,5) (0,3) (0,2)

1,0 **4,5**

2,0

2,0

4. a)



b)
$$x+8+2+18=100 \Leftrightarrow x+28=100 \Leftrightarrow x=100-28 \Leftrightarrow x=72$$

(0,4) (0,2) (0,2) (0,1)

Sol: 72 jovens têm somente carro próprio.

1,0 **3,0**

(0,1)

2014 / 10ª Classe / Guia de Correcção de Matemática / 1ª Época

5.
$$\Box A + \Box B + \Box C = 180^{\circ} \Leftrightarrow \Box A + \Box A + 20^{\circ} + 40^{\circ} = 180^{\circ} \Leftrightarrow 2\Box A + 60^{\circ} = 180^{\circ}$$

(0,4)

(0,2)

(0,1)

$$2\square A = 180^{\circ} - 60^{\circ} \Leftrightarrow 2\square A = 120^{\circ} \Leftrightarrow \square A = 60^{\circ}; \square B = 60^{\circ} + 20^{\circ} = 80^{\circ}$$

(0,1)

(0,2)

(0,1)

$$\Box$$
 (BCD) = $\frac{\Box C}{2} = \frac{40^{\circ}}{2} = 20^{\circ}; \Box$ (DBC) = $\frac{\Box B}{2} = \frac{80^{\circ}}{2} = 40^{\circ}$

(0,2)

(0.2)

$$\Box$$
 (CDB)+ \Box (BCD)+ \Box (DBC)=180° \Leftrightarrow \Box (CDB)+20°+40°=180°

(0,2)

(0,1)

$$\Box$$
 (CDB) = 180° -60° = 120°

(0,2)

2,0 <u>**20**</u>

6. a)
$$f(x)$$
 é função quadrática e $g(x)$ é função logarítmica.

b) $D_g = IR^+$

2x0,5

c)
$$CD_f = IR_0^+$$

0,5

d)
$$f$$
 é crescente para $x \in]1; +\infty[$

0,5

e)
$$g(x) < f(x) \Rightarrow x \in [0;1] \cup [2;+\infty[$$

1,0

f)
$$f(x) = a(x-x_v)^2 + y_v \Leftrightarrow 1 = a(0-1)^2 + 0 \Leftrightarrow 1 = a \Leftrightarrow f(x) = (x-1)^2 = x^2 - 2x + 1$$
(0,5) (0,5)

1,5 **<u>5,0</u>**

0,5

b)

2.0 **2,5**

x_i	Freq. Abs.	Freq. Acum.
A	15	15
В	30	45
C	10	55
D	20	75
E	25	100
Total	100	